Reliabilität Bißantz, Jalynskij, Kupffer & Prestele

BF3 Testtheorie

- Reliabilität als Konzept
- 2 Methoden der Reliabilitätsschätzung
- 3 Einflussfaktoren auf die Höhe der Reliabilität
- Selbststudium

Section 1

Reliabilität als Konzept

Reliabilität als Konzept

Leitfrage

Was ist Reliabilität?

Inhaltliche Schwerpunkte der Einheit:

- Reliabilität als Konzept
- Definition der Reliabilität
- Oas Reliabilitätsproblem

Ziel: Wiederholung der Konzepte (re-fresher) & Problematisierung

How2: Kurzinput

Reliabilität als Konzept

Reliabilität als Maß der Messgenauigkeit

Messinstrument mit hoher Messgenauigkeit, Messergebnisse mit geringem Messfehler

Reliabilität, Wahrer Wert und Messfehler

Perfekte Reliabilität entspricht der Abwesenheit von zufälligem Messfehlern:

$$E(\epsilon) \to 0 : E(X) \to \tau$$
 (1)

Testwertvariable als Summe der Itemvariable

Der Testwert ist der Summenscore über alle Itemvariablen (\in Itemuniverse):

$$X = \sum_{i=1}^{n} X_i \tag{2}$$

Reliabilität, Validität, Objektivität

Wie hängen die drei Hauptgütekriterien zusammen?

Reliabilität & Objektivität

Objektivität \Rightarrow Reliabilität

(via: Messbedingungen standardisieren)

Reliabilität & Validität

Reliabilität ⇒ Validität

(v.a.: Beständigkeit gleicher Testergebnisse bei wiederholter Messung)

Reliabilität: Definitionen

Definition: Reliabilität einer Testvariable

Die Reliabilität einer Testwertvariablen (Y) lässt sich bestimmen als:

$$Rel(Y) = \frac{Var(T)}{Var(Y)} = \frac{Var(T)}{Var(T) + Var(E)}$$
(3)

Definition: Reliabilität einer Itemvariable

Reliabilität einer Itemvariable (y) lässt sich bestimmen als:

$$Rel(y_i) = \frac{Var(\tau_i)}{Var(y_i)} = \frac{Var(\tau_i)}{Var(\tau_i) + Var(\epsilon_i)}$$
(4)

Reliabilität, Wertebreich & Bedeutung

 $Rel \in [0,1]$, wobei Rel = 1: Abwesenheit von (zufälligen) Messfehlern; das entspricht einer vollständig reliablen Messung (vice versa).

Das Reliabilitätsproblem

Problem: Wir kennen die True-Score- und Fehlervarianz nicht. Die Messwerte bei einer einzigen Messung sind lediglich *Schätzer* der wahren Werte, die *approximativ* dem wahren Wert entsprechen:

$$\tau = E(X)|E(\epsilon) = 0 \tag{5}$$

Damit lässt sich mit einer *Einzelmessung* die Reliabilität nicht eindeutig *bestimmten*! (siehe auch: Moosbrugger & Kelava, 2021 : 210).

⇒ Wir müssen sie schätzen!

Section 2

Methoden der Reliabilitätsschätzung

Methoden der Reliabilitätsschätzung

Leitfrage

Wie schätze ich die Reliabilität?

Inhaltliche Schwerpunkte der Einheit:

- Lösungsansatz zum Reliabilitätsproblem
- Retest-Reliabilität
- Paralleltest-Reliabilität
- Testhalbierungsreliabilität
- Interne Konsistenz

Ziel: Wiederholung und Vertiefung der Konzepte, Umsetzung in R

How2: Kurzinput, (Olat-Übung), Rechenbeispiele & R-Übungen

Lösungansatz zum Reliabilitätsproblem

"Aber auch ohne die wahren Werte einzelner Personen zu kennen, kann das Varianzverhältnis als Maß für die Messgenauigkeit geschätzt werden, wenn man die Ebene der einzelnen Personen und einzelnen Items verlässt und stattdessen alle Items, aus denen sich ein Test zusammensetzt, sowie die Messungen mehrerer Personen betrachtet: Wird ein latentes Merkmal anhand mehrerer Items gemessen, so liegen Mehrfachmessungen desselben Merkmals mit unterschiedlichen aber ähnlichen Messinstrumenten/Items vor, die zu einer Testwertvariablen aufsummiert werden können, sofern sie zumindest die Bedingung der Eindimensionalität¹ erfüllen." (Moosbrugger & Kelava, 2020: 310 - Hervorherbungen nicht im Original)

BF3 Testtheorie Reliabilität 11/57

¹Die Bedingung der Eindimensionalität können und sollten Sie überprüfen (Hilsmittel: CFA). Die Unkorreliertheit der Messfehler ($Cov(\epsilon_i, \epsilon_i') = 0$) ist dabei eine Basisvoraussetzung, für die Erfüllung der Bedingung. (Siehe: ebd., 14.2.2)

Lösungansatz zum Reliabilitätsproblem

Lösungsansatz in a Nuthshell: Mehrfachmessungen

Reliabilität(-sschätzung) \Rightarrow Mehrfachmessungen! D.h. Alle Methoden zur Reliabilitätsschätzung setzen eine Mehrfachmessung des Konstruktes voraus.

Möglichkeiten zur Mehrfachmessung (Population/Itemuniversum)

- Wiederholte Messung anhand derselben/verschiedener Testdurchläufe²
 - Test/Test Reliabilität(en)
- Verschiedene Items innerhalb eines Tests³
- Interne Konsistenz (Cronbach's alpha)

BF3 Testtheorie Reliabilität 12/57

²Erinnerung an Sitzung 04-KTT (v.a. Übungsaufgaben 2 & 3)

³Erinnerung an das Konzept des "Item-Universums"

Übung 1: Selbstexperiment (..für daheim?)

Example

Jetzt sind Sie an der Reihe! Testen Sie ihr bereits vorhandenes Wissen zur Paralleltest- und Retestreliabilität mit der 'Übung 1' auf OLAT. Danach knüpfen wir mit der Testhalbierungsreliabilität und der internen Konsistenz an.

Zeit: max. 10 Minuten

Notiz: Ist wieder so viel Stoff, dass Sie Übung lieber daheim machen sollen! In der OLAT-Übung bekommen Sie die Lösungen angezeigt (so wissen Sie was stimmt).

Testhalbierungsreliabilität (Split-half)

Kochrezept: Testhalbierungsreliabilität

Zubereitungszeit: 5-10 min

Schwierigkeit: mittel

Zutaten:

- (Simultierter) Test voll mit Items
- Partitionierungsmethode⁴
- Korrelationskoeffizient
- Spearman-Brown-Korrektur

Zubereitung: Den Test voll mit Items mit einer Partitionierungsmethode in zwei parallele Testhälften aufteilen. Anschließend die Halbtestreliabilität mit der *Spearman-Brown-Korrektur* zur vollständigen Reliabilität aufwerten.

BF3 Testtheorie Reliabilität 14 / 57

⁴zum Beispiel: *Odd-Even Aufteilung*, Zeitpartitionierungsmethode, Selektion von Itemzwillinge oder *Zufallsaufteilung*

Simulation: Test voll mit Items (..in R) # Tay-parallel

```
# Tau-parallel
M <- 8
mu \leftarrow c(5,4,3,4,5,3,5,4)
# Kovarianzmatrix
Sigma <- matrix(
  c(.8, .5, .5, .5, .5, .5, .5, .5,
    .5, .8, .5, .5, .5, .5, .5, .5,
    .5, .5, .8, .5, .5, .5, .5, .5,
    .5, .5, .5, .8, .5, .5, .5, .5,
    .5, .5, .5, .5, .8, .5, .5, .5,
    .5, .5, .5, .5, .8, .5, .5,
    .5, .5, .5, .5, .5, .5, .8, .5,
    .5, .5, .5, .5, .5, .5, .5, .8),
  M,M)
N < -1e3
# Multivariate Half-Normal Distribution
X <- data.frame(abs(MASS::mvrnorm(N, mu, Sigma)))</pre>
```

Partiotionierung & Halbtestreliabilität (..in R)

Partitionierungsmethode: Odds-Even Aufteilung

```
even <- seq(1,8, by=2)
uneven <- seq(2,8, by=2)
rsx_even <- rowSums(X[,even])
rsx_uneven <- rowSums(X[,uneven])
# Halbtestreliabilität
(Rel_halb <- cor(rsx_even, rsx_uneven))</pre>
```

```
## [1] 0.8710395
```

 \Rightarrow Mit der Halbtestreliabilität soll nun die vollständige Reliabilität geschätzt werden.

Spearman-Brown Korrektur (..in R)

Spearman-Brown Formel

$$Rel(X_{voll.}) = \frac{2 \cdot Corr(X_p, X_q)}{1 + Corr(X_p, X_q)} = \frac{2 \cdot Rel_{halb}}{1 + Rel_{halb}}$$
(6)

...in R-isch:

```
Rel_SBK <- function(X_p, X_q) {
    rs_p <- rowSums(X_p)
    rs_q <- rowSums(X_q)
    r <- cor(rs_p, rs_q)
    2 * r / (1+r)
}</pre>
```

Vollständige Reliabilität (..händisch)

Example

$$Rel(X_{voll.}) = \frac{2 \cdot Corr(X_p, X_q)}{1 + Corr(X_p, X_q)}$$

$$= \frac{2 \cdot Rel_{halb}}{1 + Rel_{halb}}$$

$$\approx \frac{2 \cdot 0.87}{1 + 0.87}$$

$$\approx \frac{2 \cdot 0.87}{1 + 0.87}$$

$$\approx \frac{1.74}{1.87}$$

$$\approx \frac{1.74}{1.87}$$

$$\approx 0.93$$

Vollständige Reliabilität (..in R)

[1] 0.9310755

Bei der Überprüfung der händischen Berechnung kommt nun Rel_SBK() zum Einsatz. Zur Erinnerung: Die Aufteilungsmethode ist nach wie vor "Odds-Even."

```
set.seed(123)
N <- 1e3
X <- data.frame(MASS::mvrnorm(N, mu, Sigma))
even <- seq(1,8, by=2)
uneven <- seq(2,8, by=2)
X_p <- X[, even]
X_q <- X[, uneven]
Rel_SBK(X_p, X_q)</pre>
```

Übung 2: Selbsttest

Example

Versuchen Sie es nun selbst! Sie bekommen auf der nächsten Folie eine Halbtestreliabilität vorgegeben. Berechnen Sie diese zunächst händisch. Im Anschluss daran nutzen Sie den Code zur Übungsaufgabe 1 in 10-Rel.R und überprüfen ihr Ergebnis.

Zeit: 10-15 Minuten

• Replikation: set.seed(123)

• Anmerkung: Konzepte verstehen ≫ Codes verstehen!

Übung 2: Selbsttest

Nach untenstehender Zufallsaufteilung der Items ist folgende Halbwertsreliabilität geben:

```
N <- 1e3
X <- data.frame(MASS::mvrnorm(N, mu, Sigma))
m <- length(X); seq <- seq(m)
rseq <- sample(seq, m, replace=FALSE)
X_p <- X[,rseq[1:4]]
X_q <- X[,rseq[5:8]]
rsx_p <- rowSums(X_p)
rsx_q <- rowSums(X_p)
(Rel_halb <- cor(rsx_p, rsx_q))</pre>
```

[1] 0.8746126

Übung 2: Lösungsvorschlag (..händisch & R)

$$Rel(X_{voll.}) = \frac{2 \cdot Corr(X_p, X_q)}{1 + Corr(X_p, X_q)}$$

$$= \frac{2 \cdot Rel_{halb}}{1 + Rel_{halb}}$$

$$\approx \frac{2 \cdot 0.87}{1 + 0.87}$$

$$\approx \frac{2 \cdot 0.87}{1 + 0.87}$$

$$\approx \frac{1.74}{1.87}$$

$$\approx 0.93$$

Übung 2: Lösungsvorschlag (..in R)

```
Rel_SBK(X_p, X_q)
```

[1] 0.9331129

Interne Konsistenz & Cronbach's Alpha

Eine in der Forschung häufig genutzte Variante zur Schätzung der Reliabilität ist die Beurteilung der internen Konsistenz von Items mittels Cronbach's Alpha 5 (α).

Definition: Cronbach's Alpha

$$Rel: \alpha = \frac{m}{m-1} \cdot \left[1 - \frac{\sum_{i=1}^{m} Var(x_i)}{Var(x)} \right]$$
 (7)

Notes: Alpha is eine Verallgemeinerung der Testhalbierungsreliabilität auf beliebig viele (m) Testteile, Items (aus einem *Itemuniversum*).

BF3 Testtheorie Reliabilität 24 / 57

⁵Neben Cronbach's Alpha gewinnt in der angewandten Forschung zunehmend eine Verallgemeinerung des alpha-Koffizient an Einfluss: McDonald's ω .

Simulation: Test voll mit Items (..in R)

```
# Essenziell Tau-Äquivalent
M < - 8
mu \leftarrow c(5,4,3,4,5,3,5,4)
# Kovarianzmatrix
Sigma <- matrix(
  c(1.8, .5, .5, .5, .5, .5, .5, .5,
    .5, 1.7, .5, .5, .5, .5, .5, .5,
    .5, .5, 1.8, .5, .5, .5, .5,
    .5, .5, .5, 1.6, .5, .5, .5, .5,
    .5, .5, .5, .5, 1.6, .5, .5, .5,
    .5, .5, .5, .5, .5, 1.7, .5, .5,
    .5, .5, .5, .5, .5, .5, 1.8, .5,
    .5, .5, .5, .5, .5, .5, .5, 1.8),
  M,M)
N < -1e3
# Multivariate Half-Normal Distribution
X <- data.frame(abs(MASS::mvrnorm(N, mu, Sigma)))</pre>
```

\$Gesamtvarianz

```
VCOV <- cov(X)
V_items <- diag(VCOV)
V_X <- sum(VCOV)
list("Gesamtvarianz" = round(V_X, 2),
    "Itemvarianz" = round(V_items, 2))</pre>
```

```
## [1] 40.65
##
## $Itemvarianz
## X1 X2 X3 X4 X5 X6 X7 X8
## 1.77 1.59 1.90 1.65 1.56 1.64 1.62 1.75
```

 \Rightarrow Nun wollen wir die interne Konsistenz als Schätzung für die Reliabilität unseres Itembündels ermitteln.

Reliabilität: Interne Konsistenz (..händisch)

$$Rel: \alpha = \frac{m}{m-1} \cdot \left[1 - \frac{\sum_{i=1}^{m} Var(x_i)}{Var(x)} \right]$$

$$\approx \frac{8}{7} \cdot \left[1 - \frac{(1.77 + \dots + 1.75)}{40.65} \right]$$

$$\approx \frac{8}{7} \cdot \left[1 - \frac{13.48}{40.65} \right]$$

$$\approx \frac{8}{7} \cdot [1 - 0.33]$$

$$\approx \frac{8}{7} \cdot 0.67$$

$$\approx 0.76$$
(8)

BF3 Testtheorie Reliabilität 27 / 57

Cronbachs Alpha (..in R)

Definition: Cronbach's Alpha

$$Rel: \alpha = \frac{m}{m-1} \cdot \left[1 - \frac{\sum_{i=1}^{m} Var(x_i)}{Var(x)} \right]$$
 (9)

...in R-isch:

```
alpha <- function(X) {
   VCOV <- cov(X) ; m <- length(X)
   V_x <- sum(VCOV) ; V_xi <- sum(diag(VCOV))
   m/(m-1) * (1-(V_xi/V_x))
}</pre>
```

Reliabilität: Interne Konsistenz (..in R)

Bei der Überprüfung der händischen Berechnung kommt nun alpha() zum Einsatz.

```
set.seed(123)
N <- 1e3
X <- data.frame(MASS::mvrnorm(N, mu, Sigma))
alpha(X)</pre>
```

[1] 0.7639353

Dafür gibt es natürlich auch schon Funktionen! Sie erinnern sich?

```
item_stats <- psych::alpha(X)
item_stats$total[["raw_alpha"]]</pre>
```

[1] 0.7639353

Übung 3: Selbsttest

Example

Versuchen Sie es nun selbst! Sie bekommen auf der nächsten Folie die Itemvarianzen sowie die Gesamtvarianz vorgegeben. Berechnen Sie Cronbach's alpha zunächst händisch. Im Anschluss daran nutzen Sie den Code zur Übungsaufgabe 3 in 10-Rel.R und überprüfen ihr Ergebnis.

Zusatz: Nutzen Sie im Anschluss die R Funktion psych::alpha() mit ihrem Datensatz. Finden Sie ihr Ergebnis im Output der Funktion wieder?

- Zeit: 10-15 Minuten
- Replikation: set.seed(123)
- Anmerkung: Konzepte verstehen ≫ Codes verstehen!

Übung 3: Selbsttest

```
N < -1e2
X <- data.frame(MASS::mvrnorm(N, mu, Sigma))</pre>
VCOV \leftarrow cov(X)
V_items <- diag(VCOV)</pre>
V X <- sum(VCOV)</pre>
list("Gesamtvarianz" = round(V_X, 2),
      "Itemvarianz" = round(V items, 2))
## $Gesamtvarianz
## [1] 34.95
```

```
## [1] 34.95

##

## $Itemvarianz

## X1 X2 X3 X4 X5 X6 X7 X8

## 1.69 1.40 1.33 1.38 1.83 1.93 1.43 1.74
```

Übung 3: Lösungsvorschlag (..händisch & R)

$$Rel: \alpha = \frac{m}{m-1} \cdot \left[1 - \frac{\sum_{i=1}^{m} Var(x_i)}{Var(x)} \right]$$

$$\approx \frac{8}{7} \cdot \left[1 - \frac{(1.69 + \dots + 1.74)}{34.95} \right]$$

$$\approx \frac{8}{7} \cdot \left[1 - \frac{12.73}{34.95} \right]$$

$$\approx \frac{8}{7} \cdot [1 - 0.36]$$

$$\approx \frac{8}{7} \cdot 0.64$$

$$\approx 0.73$$

$$(10)$$

alpha(X)

[1] 0.7263067

BF3 Testtheorie Reliabilität 32 / 57

Section 3

Einflussfaktoren auf die Höhe der Reliabilität

Einflussfaktoren auf die Höhe der Reliabilität

Leitfrage

Welche Faktoren können die Reliabilität beeinflussen?

Inhaltliche Schwerpunkte der Einheit:

- Testlänge
- 4 Homogenität oder Heterogenität der Items
- Streuung der Testwerte

Ziel: Verstehen, wie unterschiedliche Faktoren die Reliabilität beeinflussen.

How2: Kurzinput, Rechenbeispiel & R-Übung

Einflussfaktor: Testlänge

Definition: Spearman-Brown-Formel

$$Rel_k^* = \frac{k \cdot Rel}{1 + (k - 1)Rel} \tag{11}$$

Mit der Spearman-Brown-Formel lässt sich auch berechnen, um wie viele parallele Items ein bestehender Test verlängert werden muss, um eine bestimmte Reliabilität zu erreichen.

Reformulierung: Spearman-Brown-Formel

$$k = \frac{Rel^* \cdot (1 - Rel)}{Rel \cdot (1 - Rel^*)} \tag{12}$$

BF3 Testtheorie Reliabilität 35 / 57

```
set.seed(123)
```

```
# Essenziell Tau-Äquivalent
M < -6
mu \leftarrow c(5,4,3,4,5,3)
# Kovarianzmatrix
Sigma <- matrix(</pre>
  c(.8, .4, .4, .4, .4, .4,
    .4, .7, .4, .4, .4, .4,
    .4, .4, .8, .4, .4, .4,
    .4, .4, .4, .7, .4, .4,
    .4, .4, .4, .4, .8, .4,
    .4, .4, .4, .4, .4, .7),
  M,M
N < -1e3
# Multivariate Half-Normal Distribution
X <- data.frame(abs(MASS::mvrnorm(N, mu, Sigma)))</pre>
```

Testverlängerung & Reliabilität (via Cronbach's alpha)

Stellen Sie sich vor, Sie wollen mit dem soeben simulierten Test eine Reliabilität von 0.99 erreichen, um wie viele Items müssten Sie ihren Test verlängern, wenn nachfolgende Reliabilitässchätzung gegeben ist?

alpha(X)

[1] 0.8720598

$$k = \frac{Rel^* \cdot (1 - Rel)}{Rel \cdot (1 - Rel^*)}$$

$$k \approx \frac{0.99 \cdot (1 - 0.87)}{0.87 \cdot (1 - 0.99)}$$

$$k \approx \frac{0.99 \cdot 0.13}{0.87 \cdot 0.01}$$

$$k \approx 15$$
(13)

Testverlängerung mit der SB-Formel (..in R)

Reformulierung: Spearman-Brown-Formel

$$k = \frac{Rel^* \cdot (1 - Rel)}{Rel \cdot (1 - Rel^*)} \tag{14}$$

...in R-isch:

```
calc_k <- function(Rel_ast, Rel) {
  (Rel_ast * (1-Rel)) / (Rel * (1 -Rel_ast))
}
Rel_ast <- 0.99 ; Rel <- 0.87
calc_k(Rel_ast, Rel)</pre>
```

[1] 14.7931

Übung 4: Selbsttest

Example

Versuchen Sie es nun selbst! Berechnen Sie wie viele Item nötig wären, um einen Test mit m=3 Items und einer Reliabilität von 0.45 auf eine Reliabilität von 0.9 ansteigen zu lassen. Berechnen Sie das Ergebnis zunächst händisch. Nutzen Sie danach den Code zur Übungsaufgabe 4 in 10-Rel.R und überprüfen ihr Ergebnis.

Zeit: 15 Minuten

Replikation: set.seed(123)

Anmerkung: Konzepte verstehen ≫ Codes verstehen!

Übung 4: Lösungsvorschlag

$$k = \frac{Rel^* \cdot (1 - Rel)}{Rel \cdot (1 - Rel^*)}$$

$$k \approx \frac{0.9 \cdot (1 - 0.45)}{0.45 \cdot (1 - 0.9)}$$

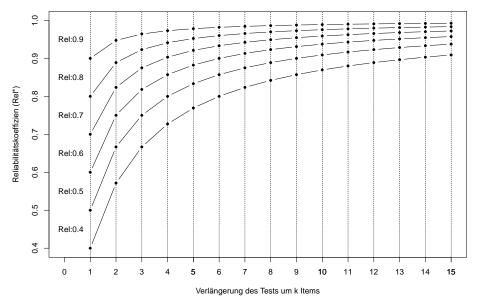
$$k \approx \frac{0.9 \cdot 0.55}{0.45 \cdot 0.1}$$

$$k \approx 11$$
(15)

[1] 11

BF3 Testtheorie Reliabilität 40 / 57

Grafik: Testverlängerung & Reliabilität



Homogenität/Heterogenität der Items

Aus der Vorlesung:

Tests mit homogenen Items haben meistens eine hohe Reliabilität, da die Items sehr ähnlich sind und daher hoch positiv miteinander korrelieren.

Definition: Korrelation

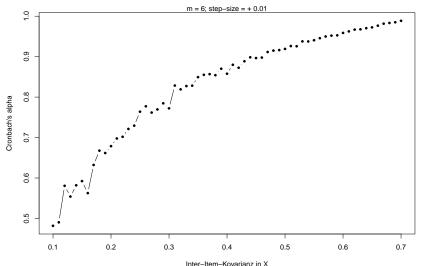
$$Corr(X,Y) = \frac{Cov(x,y)}{\sqrt{Var(x)var(y)}}$$
 (16)

Knobelfrage: Wie wirkt sich ein Zuwachs in den Kovarianzen auf Cronbach's alpha aus? (a) α steigt (b) α sinkt (c) α bleibt gleich

```
# Essenziell Tau-Äquivalent
M < -6
mu \leftarrow c(5,4,3,4,5,3)
# Kovarianzmatrix
Sigma <- matrix(
  c(.8, .1, .1, .1, .1, .1,
    .1, .7, .1, .1, .1, .1,
    .1, .1, .8, .1, .1, .1,
    .1, .1, .1, .7, .1, .1,
    .1. .1. .1. .1. .8. .1.
    .1. .1. .1. .1. .7).
  M.M)
N < -1e3
# Multivariate Half-Normal Distribution
X <- data.frame(abs(MASS::mvrnorm(N, mu, Sigma)))</pre>
```

Grafik: simulierter Zuwachses in den Kovarianzen (Ausgansmatrix)

Alpha bei steigender Inter-Item-Kovarianz



Streuung der Testwerte

Aus der Vorlesung:

"Eine hohe Streuung geht meist mit einer hohen Reliabilität einher, während bei geringer Streuung eine hohe Reliabilität unwahrscheinlich ist."

Definition: Reliabilität

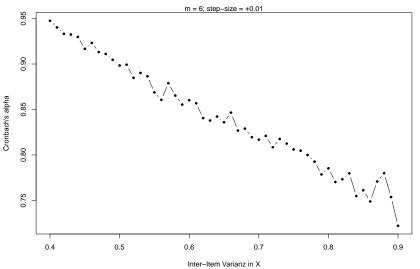
$$Rel(Y) = \frac{Var(T)}{Var(X)} \tag{17}$$

Knobelfrage: Wie wirkt sich ein Zuwachs in den Inter-Item-Kovarianzen auf Cronbach's alpha aus? (a) α steigt (b) α sinkt (c) alpha bleibt gleich

```
# Essenziell Tau-Äquivalent
M < -6
mu \leftarrow c(5,4,3,4,5,3)
# Kovarianzmatrix
Sigma <- matrix(
  c(.2, .1, .1, .1, .1, .1,
    .1, .2, .1, .1, .1, .1,
    .1, .1, .2, .1, .1, .1,
    .1, .1, .1, .2, .1, .1,
    .1, .1, .1, .1, .2, .1,
    .1, .1, .1, .1, .1, .2),
  M.M)
N < -1e3
# Multivariate Half-Normal Distribution
X <- data.frame(abs(MASS::mvrnorm(N, mu, Sigma)))</pre>
```

Grafik: simulierter Zuwachses in den Varianzen (Ausgangsmatrix)

Alpha bei steigender Inter-Item-Varianz



Section 4

Selbststudium

Messmodell-Roulette

Im R-Skript finden Sie die Funktion: messmodell_roulette(). Damit können Sie für die Klausur üben. Die Funktion simuliert ihnen aus einer Halbnormalverteilung zufällig ein Messmodell und zeigt ihnen die Spaltenmittelwerte und die Kovarianzmatrix. Können Sie erraten, um welches Messmodell es sich handelt? Versuchen Sie es!

Lesen Sie die Funktion – wie in der Übung gezeigt – ein und führen Sie messmodell_roulette() aus.

Bestandteile der Funktion

Grundlage der Funktion sind simulierte Datenmatrizen aus einer multivariaten Halb-Normalverteilung. Nachfolgend sehen Sie jede einzelne Funktion und wie sie implementiert ist. Keine Angst, das Wissen um die Implementation ist *nicht* Klausur-relevant!

Hinweis: Für das Selbststudium benötigen Sie das Package MASS. Wenn Sie es nicht selbst installieren wollen, kopieren Sie den Code auf der nächsten Folie. Der Code-Schnipsel klärt, ob Sie das Package bereits installiert haben und bietet Ihnen gegebenenfalls an, es zu installieren. Nach erfolgreicher Installation, testen Sie mit der gleichen Funktion, ob alles passt.

```
if(!requireNamespace("MASS", quietly = TRUE)) {
  msg <- "'MASS' is not installed, want to install it? Type '
  answer <- readline(prompt = message(msg))</pre>
  no msg <- "Did not install the package `MASS`."
  switch (answer,
         yes = install.packages("MASS"),
         no = stop(no_msg, call. = FALSE),
         stop("Please answer 'yes' or 'no' (omitt quotes!)" ))
} else {
 message("`MASS is already installed!") ; Sys.sleep(1)
message("Time to rock!\n(*weird guitar sound*)")
}
```

```
## `MASS is already installed!
## Time to rock!
## (*weird guitar sound*)
```

```
M < -4
mu \leftarrow rep(5,M)
# Covariance Matrix
Sigma <- matrix(</pre>
  c(.8, .5, .5, .5,
    .5, .8, .5, .5,
    .5, .5, .8, .5,
    .5, .5, .5, .8),
  M,M
N < -1e5
X <- data.frame(MASS::mvrnorm(N, mu, Sigma))</pre>
# Spaltenmittelwerte (gerundet)
round(colMeans(X), digits = 1)
# Kovarianzmatrix
round(cov(X), digits = 1)
```

```
M < -4
mu \leftarrow c(5.4.3.4)
# Kovarianzmatrix
Sigma <- matrix(</pre>
  c(.8, .5, .5, .5,
    .5, .8, .5, .5,
    .5, .5, .8, .5,
    .5, .5, .5, .8),
  M,M
N < -1e5
X <- data.frame(MASS::mvrnorm(N, mu, Sigma))</pre>
# Spaltenmittelwerte (gerundet)
round(colMeans(X), digits = 1)
# Kovarianzmatrix
round(cov(X), digits = 1)
```

```
M < -4
mu \leftarrow rep(5,M)
# Kovarianzmatrix
Sigma <- matrix(</pre>
  c(.7, .5, .5, .5,
    .5, .8, .5, .5,
    .5, .5, .7, .5,
    .5, .5, .5, .6),
  M,M
N < -1e5
X <- data.frame(MASS::mvrnorm(N, mu, Sigma))</pre>
# Spaltenmittelwerte (gerundet)
round(colMeans(X), digits = 1)
# Kovarianzmatrix
round(cov(X), digits = 1)
```

```
M < -4
mu \leftarrow c(5.4.3.4)
# Kovarianzmatrix
Sigma <- matrix(</pre>
  c(.7, .5, .5, .5,
    .5, .8, .5, .5,
    .5, .5, .7, .5,
    .5, .5, .5, .6),
  M,M
N < -1e5
X <- data.frame(MASS::mvrnorm(N, mu, Sigma))</pre>
# Spaltenmittelwerte (gerundet)
round(colMeans(X), digits = 1)
# Kovarianzmatrix
round(cov(X), digits = 1)
```

```
M < -4
mu \leftarrow c(5.4.3.4)
# Kovarianzmatrix
Sigma <- matrix(</pre>
  c(.7, .5, .6, .7,
    .5, .8, .5, .6,
    .6, .5, .7, .5,
    .7, .6, .5, .8),
  M,M
N < -1e5
X <- data.frame(MASS::mvrnorm(N, mu, Sigma))</pre>
# Spaltenmittelwerte (gerundet)
round(colMeans(X), digits = 1)
# Kovarianzmatrix
round(cov(X), digits = 1)
```

Literaturverzeichnis I

- Francois, Romain. 2020. *Bibtex: Bibtex Parser*. https://github.com/romainfrancois/bibtex.
- R Core Team. 2021. *R: A Language and Environment for Statistical Computing*. Vienna, Austria: R Foundation for Statistical Computing. https://www.R-project.org/.
- Revelle, William. 2021. *Psych: Procedures for Psychological, Psychometric, and Personality Research*. https://personality-project.org/r/psych/%0Ahttps://personality-project.org/r/psych-manual.pdf.
- Xie, Yihui, Christophe Dervieux, and Emily Riederer. 2020. *R Markdown Cookbook*. Boca Raton, Florida: Chapman; Hall/CRC. https://bookdown.org/yihui/rmarkdown-cookbook.