18. 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_3 = 6$$
, $2a_5 - a_4 = 15$

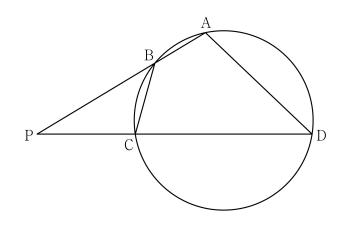
일 때, a_{11} 의 값을 구하시오. [3점]

19. 함수 $f(x) = 2x^3 - 3ax^2 + 5a$ 의 극솟값이 a일 때, 함수 f(x)의 극댓값을 구하시오. (단, a는 상수이다.) [3점]

 20. 그림과 같이 사각형 ABCD가 한 원에 내접하고

 AB: CD = 1:3, BC < AD 일 때, 직선 AB와 직선 CD가</td>

 만나는 점을 P라 하자.



다음은 $\overline{PB}:\overline{PC}:\overline{BC}=7:5:\sqrt{14}$ 이고 $\overline{AD}=4\sqrt{13}$ 일 때, 삼각형 BPC의 외접원의 반지름의 길이를 구하는 과정이다.

 \angle BPC = θ 라 할 때, $\overline{PB}:\overline{PC}:\overline{BC}=7:5:\sqrt{14}$ 이므로 삼각형 BPC 에서 코사인법칙에 의하여 $\cos\theta=\frac{6}{7}$ 이다.

 $\overline{PB} : \overline{PC} = 7 : 5$ 에서 $\overline{PB} = 7k$, $\overline{PC} = 5k$,

 $\overline{\rm AB}:\overline{\rm CD}=1:3$ 에서 $\overline{\rm AB}=l$, $\overline{\rm CD}=3l$ 이라 하자.

원의 성질에 의하여

삼각형 BPC와 삼각형 DPA가 서로 닮음이므로

 $\overline{\text{PB}} : \overline{\text{PC}} = \overline{\text{PD}} : \overline{\text{PA}} \circ | \mathcal{I}, \ l = (7) \times k \circ | \Gamma |$.

삼각형 BPC와 삼각형 DPA의 닮음비가 1: (나)이므로

$$\overline{\mathrm{BC}} = \frac{1}{\left\lceil (\downarrow\downarrow) \right\rceil} \times \overline{\mathrm{AD}}$$
 이다.

따라서 삼각형 BPC의 외접원의 반지름의 길이를 R이라 할 때, 삼각형 BPC에서 사인법칙에 의하여 R= (다)이다.

위의 (7), (4), (4)의 알맞은 수를 각각 (4) 가이라 할 때, (4) 가이라 값을 구하시오.