Lecture 7 - Slope and Tangent Lines

Definición 1. La recta tangente a la curva definida por la función f en el punto a se define como

$$m = \lim_{h \to 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$

Para visualizar la deducción del valor de la pendiente, suponga los puntos (a, f(a)), (a + h, f(a + h)).

Ejemplo 1. Encuentre la pendiente de

1.
$$y = x^2 - 5x + 8$$
 en $x = 3$

2.
$$y = \frac{1}{x+2}$$
 en $x = -3$

3.
$$y = x^2 + 2x$$
 en $x = 1$

4.
$$y = \sqrt{x} \text{ en } x = 4$$

Ejemplo 2. Encuentre la ecuación de la línea tangente a

1.
$$y = x^2 - 5x + 8$$
 en $x = 3$

2.
$$y = \frac{1}{x+2}$$
 en $x = -3$

3.
$$y = \sqrt{x}$$
 en $x = 4$