Ministerul Educației Naționale Olimpiada de Informatică – etapa județeană 1 martie 2014

Clasa a V-a

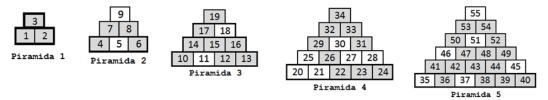
Sursa: ID2.cpp, ID2.c, ID2.pas

Problema 2 - piramide puncte

100

Fascinat de Egiptul Antic, Rares vrea să construiască cât mai multe piramide din cartonase pătratice identice. El are la dispoziție N cartonașe numerotate de la 1 la N, albe sau gri, așezate în ordinea strict crescătoare a numerelor.

- Prima piramidă o va construi folosind primele trei cartonase. Baza piramidei va fi formată din cartonașele 1 și 2 așezate alăturat, peste care va așeza cartonașul 3 (vârful piramidei).
- A doua piramidă va avea baza formată din cartonasele 4,5 si 6 asezate alăturat, deasupra cărora se vor așeza cartonașele 7 și 8, alăturate, peste care se va așeza cartonașul 9 (vârful piramidei).
- Mai departe, va construi în ordine piramidele complete cu bazele formate din 4 cartonașe (cu numerele de la 10 la 13), respectiv 5 cartonase (cu numerele de la 20 la 24), 6 cartonase (cu numerele de la 35 la 40) etc., cât timp va putea construi o piramidă completă. De exemplu, dacă Rares are N=75 cartonase atunci el va construi piramidele complete 1, 2, 3, 4 și 5 din imaginile următoare. Din cele 75 de cartonase el va folosi doar primele 55 de cartonase, deoarece ultimele 20 cartonase nu sunt suficiente pentru a construi piramida 6, cu baza formată din 7 cartonașe.



Cerinte

Scrieti un program care să citească numerele naturale N (reprezentând numărul de cartonașe), X (reprezentând numărul unui cartonaș), K (reprezentând numărul de cartonase albe), numerele celor K cartonase albe c_{1,C2},...,c_K si care să determine: a) numărul P al piramidei complete ce contine cartonasul numerotat cu X; b) numărul M maxim de piramide complete construite de Rares: c) numărul C de cartonase nefolosite: d) numărul A al primei piramide complete care contine cele mai multe cartonase albe.

Date de intrare

Fisierul de intrare piramide.in conține pe prima linie cele trei numere N, X și K, separate prin câte un spațiu, cu semnificația din enunț. A doua linie a fișierului conține, în ordine, cele K numere c₁, c₂, . . . , c_K, separate prin câte un spațiu, reprezentând numerele celor K cartonașe albe din cele N.

Date de ieșire

Fisierul de iesire piramide.out va contine pe prima linie numărul P sau valoarea 0 (zero) dacă niciuna dintre piramidele complete construite nu conține cartonașul cu numărul X. A doua linie a fișierului va conține numărul M. Cea de-a treia linie va contine numărul C. Cea de-a patra linie va contine numărul A sau valoarea 0 (zero) dacă nicio piramidă completă nu conține cel puțin un cartonaș alb.

Restricții și precizări

- N, X, K, c_1 , c_2 ,..., c_K , P, M, A sunt numere naturale nenule. $3 \le N \le 100000$; $1 \le X \le N$; $1 \le K \le N$; $1 \le c_1 < c_2 < ... < c_K \le N$
- O piramidă completă cu baza formată din b cartonașe se construiește prin așezarea cartonașelor necesare pe b rânduri: b cartonașe pe primul rând (al bazei), apoi b-1 cartonașe pe rândul al doilea, b-2 pe rândul al treilea,..., două cartonase pe rândul b-1 și un cartonas (vârful piramidei) pe rândul b.
- Pentru rezolvarea cerintei a) se acordă 20% din punctaj, pentru cerința b) 20% din punctaj, pentru cerința c) 20% din punctaj si pentru cerinta d) 40% din punctaj.

Exemplu

piramide.in	piramide.out
75	3 5 20 4

Ministerul Educației Naționale Olimpiada de Informatică – etapa județeană 1 martie 2014

Clasa a V-a

Sursa: ID2.cpp, ID2.c, ID2.pas

Explicație. Piramida 3 (P=3) construită conține cartonașul cu numărul X=15. Rareș poate construi doar M=5 piramide complete, rămânând nefolosite 20 cartonașe (C=20) insuficiente pentru construirea piramidei 6. Numărul maxim de cartonașe albe dintr-o piramidă completă este egal cu 6. Piramidele 4 și 5 conțin fiecare un număr maxim de cartonașe albe (6), prima dintre acestea fiind piramida 4 (A=4). Ultimele 7 cartonașe albe (cu numerele: 60, 65, 68, 69, 70, 71, 72) nu sunt folosite în construirea piramidelor complete.

Timp maxim de executare/test: 0,5 secunde

Memorie totală: 2 MB, din care pentru stivă maxim 2 MB

Dimensiunea maximă a sursei: 5 KB