Ministerul Educației Naționale Olimpiada de Informatică – etapa județeană 2 martie 2013

Clasa a VII-a

Sursa: ID2.cpp, ID2.c, ID2.pas

Problema 2 – unific 100 puncte

Se consideră un şir $A=(A_1, A_2, ..., A_N)$, format din N numere naturale nenule. Două numere se consideră vecine dacă se află pe poziții alăturate (A_i are ca vecini pe A_{i-1} și A_{i+1} , pentru orice 1 < i < N, A_1 are ca vecin doar pe A_2 , iar A_N are ca vecin doar pe A_{N-1}).

Dacă două elemente vecine A_i , A_{i+1} ($1 \le i < N$) au cel puțin o cifră comună, ele se pot unifica. Procedeul de unificare constă în eliminarea din numerele A_i și A_{i+1} a tuturor cifrelor comune și adăugarea prin alipire a numărului obținut din A_{i+1} la numărul obținut din A_i , formându-se astfel un nou număr. Numărul A_i va fi înlocuit cu noul număr, iar numărul A_{i+1} va fi eliminat din șir. (De exemplu, numerele $A_i=23814$ și $A_{i+1}=40273$ au cifrele 2, 3, 4 comune, după unificare obținem $A_i=817$, iar A_{i+1} este eliminat; observați că dacă după eliminarea cifrelor comune, numerele încep cu zerouri nesemnificative, acestea vor fi eliminate, apoi se realizează alipirea). Dacă în urma eliminării cifrelor comune, unul dintre numere nu mai are cifre, atunci numărul rezultat va avea cifrele rămase în celălalt. Dacă în urma eliminării cifrelor comune atât A_i cât și A_{i+1} nu mai au cifre, atunci ambele numere vor fi eliminate din șir, fără a fi înlocuite cu o altă valoare.

Ordinea în care se fac unificările în şir este importantă: la fiecare pas se alege prima pereche de elemente vecine A_i A_{i+1} care poate fi unificată, considerând şirul parcurs de la stânga la dreapta. (De exemplu, considerând $A_i=123$, $A_i=1234$, $A_{i+2}=235$, se unifică A_i cu $A_{i+1}=>A_i=14$, iar unificarea cu următorul număr nu mai este posibilă).

Cerință

Cunoscându-se șirul celor N numere naturale, să se determine:

- a) cifra care apare cel mai frecvent în scrierea tuturor celor N numere; dacă există mai multe cifre cu aceeași frecvență de apariție maximă, se va reține cea mai mică cifră.
- b) șirul obținut prin efectuarea unui număr maxim de unificări, după regulile descrise în enunț.

Date de intrare

Fișierul de intrare unific.in conține pe prima linie o valoare naturală N, iar pe următoarele N linii, în ordine, cele N numere naturale din șirul A, câte un număr pe o linie.

Date de ieșire

Fișierul de ieșire unific.out va conține pe prima linie un număr natural c reprezentând cifra care apare cel mai frecvent în scrierea celor N numere naturale. Pe cea de a doua linie un număr natural Nr reprezentând numărul de numere naturale rămase în șir după efectuarea unui număr maxim de unificări. Pe cea de a treia linie se vor scrie cele Nr numere naturale rămase, în ordinea din șir, separate prin câte un spațiu.

Dacă în urma procedeului de unificare, toate numerele vor fi eliminate, fișierul de ieșire va conține o singură linie, pe care se va scrie cifra care apare cel mai frecvent în scrierea celor N numere naturale.

Restrictii

- $1 \le N \le 100 000$
- Numerele din şirul iniţial, precum şi numerele obţinute în urma unificărilor, nu vor depăşi 1018
- Pentru datele de test șirul obținut în urma unificărilor este nevid.
- Pentru 30% dintre teste N ≤ 1000
- Pentru 70% dintre teste numere naturale din sir au cifrele nenule.
- Pentru determinarea corectă a primei cerințe se acordă 10% din punctajul pe test. Punctajul integral se acordă pe ambele cerințe rezolvate corect.

Exemplu

unific.in	unific.out	Explicații
10 6 47 67 40 123 231 1238 331 2035 50007	3 2 0 837	Cifra care apare cel mai frecvent este 3 (de 6 ori). Se unifică: 47 cu 67 => 46. Şirul rămas: 6 46 40 123 231 1238 331 2035 50007 Se unifică: 6 cu 46 => 4. Şirul rămas: 4 40 123 231 1238 331 2035 50007 Se unifică: 4 cu 40 => 0. Şirul rămas: 0 123 231 1238 331 2035 50007 Se unifică: 123 cu 231, ambele numere rămân fără cifre, deci vor fi ambele eliminate. Şirul rămas: 0 1238 331 2035 50007 Se unifică: 1238 cu 331 => 28. Şirul rămas: 0 28 2035 50007 Se unifică: 28 cu 2035 => 835. Şirul rămas: 0 835 50007 Se unifică: 835 cu 50007 => 837. Şirul rămas: 0 837

Timp maxim de executie/test: 1 secundă

Memorie totală disponibilă 2 MB din care 1 MB pentru stivă.

Dimensiunea maximă a sursei 5 KB.

Problema 2 - unific pag. 1 din 1