

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ
ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования «НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ ИТМО»

ФАКУЛЬТЕТ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ И РОБОТОТЕХНИКИ

ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №4
по дисциплине
«НЕЛИНЕЙНЫЕ СИСТЕМЫ УПРАВЛЕНИЯ»
на тему
**«СИНТЕЗ РЕГУЛЯТОРА НА ОСНОВЕ МЕТОДА
БЭКСТЕППИНГА»**

Выполнил: студент гр. R3441

Румянцев А. А.

Проверил: преподаватель

Зименко К. А.

Санкт-Петербург

2025

Содержание

1	Задание 1	3
1.1	Условие	3
1.2	Выполнение	3
2	Задание 2	4
2.1	Условие	4
2.2	Выполнение	4
3	Задание 3	5
3.1	Условие	5
3.2	Выполнение	5
4	Вывод	5

1. Задание 1

1.1. Условие

Рассмотрим систему:

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = x_2 + \sin(x_1) + x_1^2, \\ \dot{x}_2 = x_1^2 + (2 + \sin(x_1))u \end{cases} \quad (1)$$

Весь вектор состояния измерим. Необходимо синтезировать стабилизирующий регулятор на основе метода бэкстеппинга и провести математическое моделирование.

1.2. Выполнение

Компонента x_2 является виртуальным управлением подсистемы \dot{x}_1 :

$$\dot{x}_1 = f(x_1) + \varphi(x_1), \quad f(x_1) = \sin(x_1) + x_1^2, \quad \varphi(x_1) = x_2$$

Функция Ляпунова:

$$V_1(x_1) = 0.5x_1^2, \quad V_1(x_1) > 0 \quad \forall x_1 \neq 0, \quad V_1(0) = 0$$

Ее производная:

$$\dot{V}_1(x_1) = x_1 \dot{x}_1 = x_1 (x_2 + \sin(x_1) + x_1^2) = x_1 x_2 + x_1 \sin(x_1) + x_1^3$$

Необходимо, чтобы $\dot{V}_1(x_1) < 0 \quad \forall x_1 \neq 0$. В таком случае нужно компенсировать неопределенные по знаку слагаемые $x_1 \sin(x_1)$, x_1^3 и сделать слагаемое $x_1 x_2$ отрицательным четной степени через $x_2 = \varphi(x_1)$:

$$\varphi(x_1) = -\sin(x_1) - x_1^2 - k_1 x_1, \quad k_1 > 0 \Rightarrow \dot{x}_1 = -k_1 x_1$$

Тогда, производная функции Ляпунова:

$$\dot{V}_1(x_1) = -k_1 x_1^2 < 0 \quad \forall x_1 \neq 0$$

Сделаем замену, чтобы определить ошибку между реальным x_2 и вирту-

альным управлением:

$$z = x_2 - \varphi(x_1) = x_2 + \sin(x_1) + x_1^2 + k_1 x_1$$

Тогда:

$$x_2 = z - \sin(x_1) - x_1^2 - k_1 x_1$$

Подставим x_2 в подсистему \dot{x}_1 :

$$\dot{x}_1 = x_2 + \sin(x_1) + x_1^2 = z - k_1 x_1$$

Найдем \dot{z} :

$$\dot{z} = \dot{x}_2 - \dot{\varphi}_t(x_1)$$

Найдем $\dot{\varphi}_t(x_1)$:

$$\dot{\varphi}_t(x_1) = (\cos(x_1) - 2x_1 - k_1) \dot{x}_1 = (\cos(x_1) - 2x_1 - k_1) (z - k_1 x_1)$$

Тогда, \dot{z} :

$$\dot{z} = x_1^2 + (2 + \sin(x_1)) u - (\cos(x_1) - 2x_1 - k_1) (z - k_1 x_1)$$

2. Задание 2

2.1. Условие

Рассмотрим систему:

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = x_2 - x_1^3, \\ \dot{x}_2 = x_1 + u \end{cases} \quad (2)$$

Весь вектор состояния измерим. Необходимо синтезировать стабилизирующий регулятор на основе метода бэкстеппинга и провести математическое моделирование.

2.2. Выполнение

...

3. Задание 3

3.1. Условие

Рассмотрим систему:

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = \cos(x_1) - x_2, \\ \dot{x}_2 = x_1 + x_3, \\ \dot{x}_3 = x_1 x_3 + (2 - \sin(x_3)) x_4, \\ \dot{x}_4 = x_2 x_3 + 2u \end{cases} \quad (3)$$

Весь вектор состояния измерим. Необходимо синтезировать стабилизирующий регулятор на основе метода бэкстеппинга и провести математическое моделирование.

3.2. Выполнение

...

4. Вывод

...