Robert Martinez
304285987

CS4470 – Fall 2017

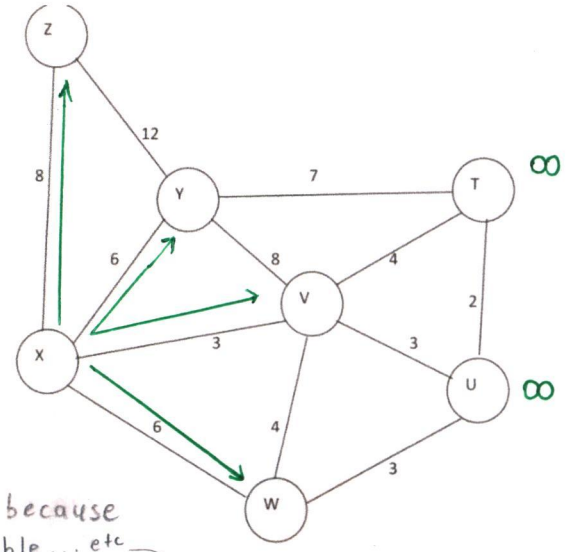
Homework 3

Due Date: November 7, 2017

Time: beginning of the class for hard copy; midnight for CSNS uploading

1. (50 points) Consider the network shown below, with the indicated link costs:

N' = Set of routers {T, u, v, w, x, y, z}



x + v + u + T = 8
x + v + u + u = 6
x + v + u + w + T = 7
x + v + u + w + u = 6

we start a "x", because not shown in table... etc

Use Dijkstra's algorithm to compute the shortest path from x to all network nodes, and fill the table:

Step	N'	D(t), p(t)	D(u), p(u)	D(v), p(v)	D(w), p(w)	D(y), p(y)	D(z), p(z)
0	x	∞	∞	3, x	6, x	6, x	8, x
1	xv	7, v	6, v	3, x	6, x	6, x	8, x
2	xvu	7, v	6, v	3, x	6, x	6, x	8, x
3	xvuw	7, v	6, v	3, x	6, x	6, x	8, x
4	xvuwy	7, v	6, v	3, x	6, x	6, x	8, x
5	xvuwyt	7, v	6, v	3, x	6, x	6, x	8, x
6	xvuwytz	7, v	6, v	3, x	6, x	6, x	8, x

Note: if the tie occurs (that is, two or more nodes are found to have the same least cost), add the node to the set N' in order of t, u, v, w, y, z. For example, if u, w, y has the same least cost, then first add u to the set N' because u is before w or y in the table.

$D_x(w)$

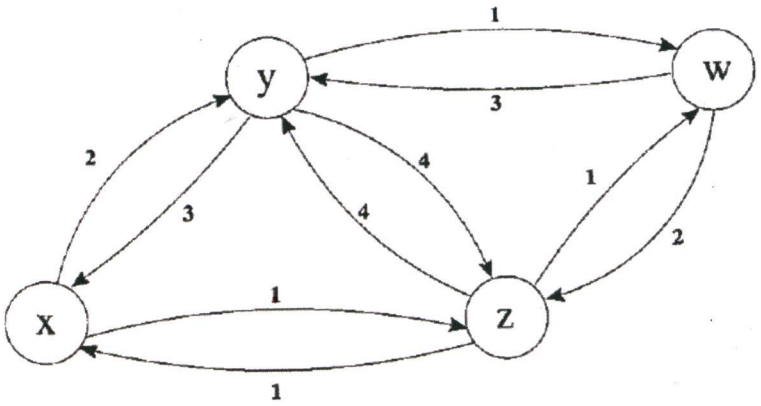
$D_x(w) = \min\{c(x,y) + D_y(w),\ c(x,z) + D_z(w)\}$

$= \min\{2+1,\ 1+1\}$

$= \min\{3, 2\}$

$D_x(w) = 2$

2. (50 points) Consider the graph in the following figure:



Use distance vector algorithm to calculate and fill in the distance-vector table for node *x*.

Node w Table

	w	x	y	z
w	∞	∞	3	2
x	∞	∞	∞	∞
y	∞	∞	∞	∞
z	∞	∞	∞	∞

$D_w(x) = \min\{c(w,z) + D_z(x),\ c(w,y) + D_y(x)\}$

$D_w(x) = \min\{2+1,\ 3+3\} = 3$

$D_w(y) = \min\{(c(w,y) + D_y(y),\ (c(w,z) + D_z(y)\}$

$D_w(y) = \min\{3+0,\ 2+4\} = 3$

	w	x	y	z
w	0	3	3	2
x	∞	0	2	1
y	1	3	0	4
z	1	1	4	0

Node x Table

	w	x	y	z
w	∞	∞	∞	∞
x	∞	0	2	1
y	∞	∞	∞	∞
z	∞	∞	∞	∞

Only X Node Table →

X Node Table

	w	x	y	z
w	0	∞	3	2
x	∞	0	2	1
y	1	3	0	4
z	1	1	4	0

→ x node table

	w	x	y	z
w	0	3	3	2
x	2	0	2	1
y	1	3	0	3
z	1	1	3	0

Node y Table

	w	x	y	z
w	∞	∞	∞	∞
x	∞	∞	∞	∞
y	1	3	0	4
z	∞	∞	∞	∞

$D_y(x) = \min\{c(y,z) + D_z(x),\ c(y,x) + D_x(x),\ c(y,w) + D(w) + D(z)\}$

$D_y(x) = \min\{4+1,\ 3+0,\ 1+2+1\} = 3$

$D_y(z) = \min\{c(y,x) + D(z),\ c(y,w) + D_w(z),\ c(y,z) + D_z(z)\}$

$D_y(z) = \min\{3+1,\ 1+2,\ 4+0\} = 3$

	w	x	y	z
w	0	∞	3	2
x	∞	0	2	1
y	1	3	0	4
z	1	1	3	0

Node y Table

Node z Table

	w	x	y	z
w	∞	∞	∞	∞
x	∞	∞	∞	∞
y	∞	∞	∞	∞
z	1	1	4	0

$D_z(y) = \min\{c(z,w) + D_w(y),\ c(z,x) + D_x(y)\}$

$D_z(y) = \min\{1+4,\ 1+2\} = 3$

	w	x	y	z
w	0	∞	3	2
x	∞	0	2	1
y	1	3	0	4
z	1	1	3	0

Node z Table