Inferência Estatística Comparada

AULA 3 - INTERPRETAÇÕES DE PROBABILIDADE

- (Ω, \mathcal{F}) espaço mensurável: $\Omega \neq \emptyset$ e \mathcal{F} classe de subconjuntos (eventos) de Ω (formalmente, \mathcal{F} é σ -álgebra de subconjuntos de Ω).
- ullet $\mathbb{P}:\mathcal{F}
 ightarrow \mathbb{R}_+$ é uma medida de probabilidade se \mathbb{P} satisfaz
- $(i) \mathbb{P}(\Omega) = 1$
- (ii) $\mathbb{P}(\bigcup_{n=1}^{\infty}A_n) = \sum_{n=1}^{\infty}P(A_n)$, para toda sequência $(A_n)_{n\geq 1}\subset \mathcal{F}$ tal que $A_i\cap A_j=\emptyset$, se $i\neq j$.
- Teoria (matemática) de probabilidade: estudo dessa e de outras construções de função probabilidade (por exemplo, probabilidades finitamente aditivas) e suas propriedades.



- (Ω, \mathcal{F}) espaço mensurável: $\Omega \neq \emptyset$ e \mathcal{F} classe de subconjuntos (eventos) de Ω (formalmente, \mathcal{F} é σ -álgebra de subconjuntos de Ω).
- ullet $\mathbb{P}:\mathcal{F}
 ightarrow \mathbb{R}_+$ é uma medida de probabilidade se \mathbb{P} satisfaz
- $(i) \mathbb{P}(\Omega) = 1$
- (ii) $\mathbb{P}(\bigcup_{n=1}^{\infty}A_n) = \sum_{n=1}^{\infty}P(A_n)$, para toda sequência $(A_n)_{n\geq 1}\subset \mathcal{F}$ tal que $A_i\cap A_j=\emptyset$, se $i\neq j$.
- Teoria (matemática) de probabilidade: estudo dessa e de outras construções de função probabilidade (por exemplo, probabilidades finitamente aditivas) e suas propriedades.



- (Ω, \mathcal{F}) espaço mensurável: $\Omega \neq \emptyset$ e \mathcal{F} classe de subconjuntos (eventos) de Ω (formalmente, \mathcal{F} é σ -álgebra de subconjuntos de Ω).
- ullet $\mathbb{P}:\mathcal{F}
 ightarrow \mathbb{R}_+$ é uma medida de probabilidade se \mathbb{P} satisfaz
- $(i) \mathbb{P}(\Omega) = 1$
- (ii) $\mathbb{P}(\bigcup_{n=1}^{\infty}A_n) = \sum_{n=1}^{\infty}P(A_n)$, para toda sequência $(A_n)_{n\geq 1}\subset \mathcal{F}$ tal que $A_i\cap A_j=\emptyset$, se $i\neq j$.
- Teoria (matemática) de probabilidade: estudo dessa e de outras construções de função probabilidade (por exemplo, probabilidades finitamente aditivas) e suas propriedades.



- (Ω, \mathcal{F}) espaço mensurável: $\Omega \neq \emptyset$ e \mathcal{F} classe de subconjuntos (eventos) de Ω (formalmente, \mathcal{F} é σ -álgebra de subconjuntos de Ω).
- ullet $\mathbb{P}:\mathcal{F}
 ightarrow \mathbb{R}_+$ é uma medida de probabilidade se \mathbb{P} satisfaz
- $(i) \mathbb{P}(\Omega) = 1$
- (ii) $\mathbb{P}(\bigcup_{n=1}^{\infty}A_n) = \sum_{n=1}^{\infty}P(A_n)$, para toda sequência $(A_n)_{n\geq 1}\subset \mathcal{F}$ tal que $A_i\cap A_j=\emptyset$, se $i\neq j$.
- Teoria (matemática) de probabilidade: estudo dessa e de outras construções de função probabilidade (por exemplo, probabilidades finitamente aditivas) e suas propriedades.



- (Ω, \mathcal{F}) espaço mensurável: $\Omega \neq \emptyset$ e \mathcal{F} classe de subconjuntos (eventos) de Ω (formalmente, \mathcal{F} é σ -álgebra de subconjuntos de Ω).
- ullet $\mathbb{P}:\mathcal{F}
 ightarrow \mathbb{R}_+$ é uma medida de probabilidade se \mathbb{P} satisfaz
- $(i) \mathbb{P}(\Omega) = 1$
- (ii) $\mathbb{P}(\bigcup_{n=1}^{\infty}A_n) = \sum_{n=1}^{\infty}P(A_n)$, para toda sequência $(A_n)_{n\geq 1}\subset \mathcal{F}$ tal que $A_i\cap A_j=\emptyset$, se $i\neq j$.
- Teoria (matemática) de probabilidade: estudo dessa e de outras construções de função probabilidade (por exemplo, probabilidades finitamente aditivas) e suas propriedades.



- Outro enfoque de Teoria de Probabilidade: estudo das interpretações da probabilidade e suas implicações.
- INTERPRETACÕES DE PROBABILIDADE:
- Probabilidade Clássica
- Probabilidade Frequencista
- Probabilidade Subjetiva
- Probabilidade Lógica
- outras interpretações ...



- Outro enfoque de Teoria de Probabilidade: estudo das interpretações da probabilidade e suas implicações.
- INTERPRETACÕES DE PROBABILIDADE:
- Probabilidade Clássica
- Probabilidade Frequencista
- Probabilidade Subjetiva
- Probabilidade Lógica
- outras interpretações ...



 Outro enfoque de Teoria de Probabilidade: estudo das interpretações da probabilidade e suas implicações.

• INTERPRETACÕES DE PROBABILIDADE:

- Probabilidade Clássica
- Probabilidade Frequencista
- Probabilidade Subjetiva
- Probabilidade Lógica
- outras interpretações ...



- Outro enfoque de Teoria de Probabilidade: estudo das interpretações da probabilidade e suas implicações.
- INTERPRETAÇÕES DE PROBABILIDADE:
- Probabilidade Clássica
- Probabilidade Frequencista
- Probabilidade Subjetiva
- Probabilidade Lógica
- outras interpretações ...



- Outro enfoque de Teoria de Probabilidade: estudo das interpretações da probabilidade e suas implicações.
- INTERPRETAÇÕES DE PROBABILIDADE:
- Probabilidade Clássica
- Probabilidade Frequencista
- Probabilidade Subjetiva
- Probabilidade Lógica
- outras interpretações ...



- Outro enfoque de Teoria de Probabilidade: estudo das interpretações da probabilidade e suas implicações.
- INTERPRETAÇÕES DE PROBABILIDADE:
- Probabilidade Clássica
- Probabilidade Frequencista
- Probabilidade Subjetiva
- Probabilidade Lógica
- outras interpretações ...



- Outro enfoque de Teoria de Probabilidade: estudo das interpretações da probabilidade e suas implicações.
- INTERPRETAÇÕES DE PROBABILIDADE:
- Probabilidade Clássica
- Probabilidade Frequencista
- Probabilidade Subjetiva
- Probabilidade Lógica
- outras interpretações ...



- Outro enfoque de Teoria de Probabilidade: estudo das interpretações da probabilidade e suas implicações.
- INTERPRETAÇÕES DE PROBABILIDADE:
- Probabilidade Clássica
- Probabilidade Frequencista
- Probabilidade Subjetiva
- Probabilidade Lógica
- outras interpretações ...



- PROBABILIDADE CLÁSSICA
- Condições de simetria ("equally likely outcomes"em jogos)
- Enfoque principal no cálculo, menos na formalização: $\mathbb{P}(A) = \frac{|A|}{|\Omega|}$.
- Questão: Como reconhecer "equally likely outcomes"?
- (i) Principle of Indifference simetria do experimento (física)
- (ii) Principle of Insufficient Reason (natureza mais subjetiva)
- Aspectos restritivos de "equally likely outcomes"

- Condições de **simetria** ("equally likely outcomes"em jogos)
- Enfoque principal no cálculo, menos na formalização: $\mathbb{P}(A) = \frac{|A|}{|\Omega|}$.
- Questão: Como reconhecer "equally likely outcomes"?
- (i) Principle of Indifference simetria do experimento (física)
- (ii) Principle of Insufficient Reason (natureza mais subjetiva)
- Aspectos restritivos de "equally likely outcomes"

- Condições de simetria ("equally likely outcomes"em jogos)
- Enfoque principal no cálculo, menos na formalização: $\mathbb{P}(A) = \frac{|A|}{|\Omega|}$.
- Questão: Como reconhecer "equally likely outcomes"?
- (i) Principle of Indifference simetria do experimento (física)
- (ii) Principle of Insufficient Reason (natureza mais subjetiva)
- Aspectos restritivos de "equally likely outcomes"

- Condições de simetria ("equally likely outcomes"em jogos)
- Enfoque principal no cálculo, menos na formalização: $\mathbb{P}(A) = \frac{|A|}{|\Omega|}.$
- Questão: Como reconhecer "equally likely outcomes"?
- (i) Principle of Indifference simetria do experimento (física)
- (ii) Principle of Insufficient Reason (natureza mais subjetiva)
- Aspectos restritivos de "equally likely outcomes"

- Condições de **simetria** ("equally likely outcomes"em jogos)
- Enfoque principal no cálculo, menos na formalização: $\mathbb{P}(A) = \frac{|A|}{|\Omega|}$.
- Questão: Como reconhecer "equally likely outcomes"?
- (i) Principle of Indifference simetria do experimento (física)
- (ii) Principle of Insufficient Reason (natureza mais subjetiva)
- Aspectos restritivos de "equally likely outcomes"

- Condições de **simetria** ("equally likely outcomes"em jogos)
- Enfoque principal no cálculo, menos na formalização: $\mathbb{P}(A) = \frac{|A|}{|\Omega|}$.
- Questão: Como reconhecer "equally likely outcomes"?
- (i) Principle of Indifference simetria do experimento (física)
- (ii) Principle of Insufficient Reason (natureza mais subjetiva)
- Aspectos restritivos de "equally likely outcomes"

- Condições de **simetria** ("equally likely outcomes"em jogos)
- Enfoque principal no cálculo, menos na formalização: $\mathbb{P}(A) = \frac{|A|}{|\Omega|}$.
- Questão: Como reconhecer "equally likely outcomes"?
- (i) Principle of Indifference simetria do experimento (física)
- (ii) Principle of Insufficient Reason (natureza mais subjetiva)
- Aspectos restritivos de "equally likely outcomes"

- Condições de **simetria** ("equally likely outcomes"em jogos)
- Enfoque principal no cálculo, menos na formalização: $\mathbb{P}(A) = \frac{|A|}{|\Omega|}$.
- Questão: Como reconhecer "equally likely outcomes"?
- (i) Principle of Indifference simetria do experimento (física)
- (ii) Principle of Insufficient Reason (natureza mais subjetiva)
- Aspectos restritivos de "equally likely outcomes"

- PROBABILIDADE FREQUENCISTA
- Probabilidade como limite de frequências relativas em sequências ilimitadas de situações idênticas repetíveis.
- $\mathbb{P}(A) = \lim_{n \to \infty} \frac{A_n}{n}$, onde A_n é o número de ocorrências de A em n realizações idênticas do experimento.
- Generalidade. Objetividade.

PROBABILIDADE FREQUENCISTA

- Probabilidade como limite de frequências relativas em sequências ilimitadas de situações idênticas repetíveis.
- $\mathbb{P}(A) = \lim_{n \to \infty} \frac{A_n}{n}$, onde A_n é o número de ocorrências de A em n realizações idênticas do experimento.
- Generalidade. Objetividade.

- PROBABILIDADE FREQUENCISTA
- Probabilidade como limite de frequências relativas em sequências ilimitadas de situações idênticas repetíveis.
- $\mathbb{P}(A) = \lim_{n \to \infty} \frac{A_n}{n}$, onde A_n é o número de ocorrências de A em n realizações idênticas do experimento.
- Generalidade. Objetividade.

- PROBABILIDADE FREQUENCISTA
- Probabilidade como limite de frequências relativas em sequências ilimitadas de situações idênticas repetíveis.
- $\mathbb{P}(A) = \lim_{n \to \infty} \frac{A_n}{n}$, onde A_n é o número de ocorrências de A em n realizações idênticas do experimento.
- Generalidade. Objetividade.

- PROBABILIDADE FREQUENCISTA
- Probabilidade como limite de frequências relativas em sequências ilimitadas de situações idênticas repetíveis.
- $\mathbb{P}(A) = \lim_{n \to \infty} \frac{A_n}{n}$, onde A_n é o número de ocorrências de A em n realizações idênticas do experimento.
- Generalidade. Objetividade.

- PROBABILIDADE FREQUENCISTA (continuação)
- Formalização (Von Mises) collective: "an unlimited

PROBABILIDADE FREQUENCISTA (continuação)

Formalização (Von Mises) - collective: "an unlimited

PROBABILIDADE FREQUENCISTA (continuação)

 Formalização (Von Mises) - collective: "an unlimited sequence of observations fulfilling the following two conditions: (i) the relative frequencies of particular attributes within the collective tend to fixed limits: (ii) these fixed limits are not affected by any place selection. That is to say, if we calculate the relative frequency of some attribute not in the original sequence, but in a partial set, selected according to some fixed rule, then we require that the relative frequency so calculated should tend to the same limit as it does in the original set (Principle of Randomness)"

PROBABILIDADE FREQUENCISTA (continuação)

 Aspectos restritivos da ideia de repetibilidade ilimitada sob as mesmas condições. Existência (ou não) de tais situações. Aspecto subjetivo de "repetibilidade sob as mesmas condições". Independência. Finitude.

PROBABILIDADE FREQUENCISTA (continuação)

 Aspectos restritivos da ideia de repetibilidade ilimitada sob as mesmas condições. Existência (ou não) de tais situações. Aspecto subjetivo de "repetibilidade sob as mesmas condições". Independência. Finitude.

PROBABILIDADE FREQUENCISTA (continuação)

 Aspectos restritivos da ideia de repetibilidade ilimitada sob as mesmas condições. Existência (ou não) de tais situações. Aspecto subjetivo de "repetibilidade sob as mesmas condições". Independência. Finitude.

- PROBABILIDADE SUBJETIVA
- Probabilidade como representação numérica de INCERTEZA. Medida pessoal (individual) de crença condicional a SUA experiência. YOUR PROBABILITY.
- Menos restritiva no que diz respeito a situações de potencial aplicação/interpretação.
- Construções de Probabilidade Subjetiva: De Finetti, Ramsey, Savage,...

PROBABILIDADE SUBJETIVA

- Probabilidade como representação numérica de INCERTEZA. Medida pessoal (individual) de crença condicional a SUA experiência. YOUR PROBABILITY.
- Menos restritiva no que diz respeito a situações de potencial aplicação/interpretação.
- Construções de Probabilidade Subjetiva: De Finetti, Ramsey, Savage,...

PROBABILIDADE SUBJETIVA

- Probabilidade como representação numérica de INCERTEZA. Medida pessoal (individual) de crença condicional a SUA experiência. YOUR PROBABILITY.
- Menos restritiva no que diz respeito a situações de potencial aplicação/interpretação.
- Construções de Probabilidade Subjetiva: De Finetti, Ramsey, Savage,...

PROBABILIDADE SUBJETIVA

- Probabilidade como representação numérica de INCERTEZA. Medida pessoal (individual) de crença condicional a SUA experiência. YOUR PROBABILITY.
- Menos restritiva no que diz respeito a situações de potencial aplicação/interpretação.
- Construções de Probabilidade Subjetiva: De Finetti, Ramsey, Savage,...



PROBABILIDADE SUBJETIVA

- Probabilidade como representação numérica de INCERTEZA. Medida pessoal (individual) de crença condicional a SUA experiência. YOUR PROBABILITY.
- Menos restritiva no que diz respeito a situações de potencial aplicação/interpretação.
- Construções de Probabilidade Subjetiva: De Finetti, Ramsey, Savage,...

- PROBABILIDADE SUBJETIVA (continuação)
- Construção baseada em apostas (De Finetti). Coerência ("avoiding a Dutch-book"). Críticas: apelo a cenários de jogos, "valor"("utilidade") do dinheiro.
- Outras construções incorporam a noção de utilidade (Ramsey) ou estabelecem conjuntamente probabilidade e utilidade (Savage). Há outras construções baseadas em Teoria de Conjuntos, conceitos relacionados à Física, etc..
- Permutabilidade

- Construção baseada em apostas (De Finetti). Coerência ("avoiding a Dutch-book"). Críticas: apelo a cenários de jogos, "valor"("utilidade") do dinheiro.
- Outras construções incorporam a noção de utilidade (Ramsey) ou estabelecem conjuntamente probabilidade e utilidade (Savage). Há outras construções baseadas em Teoria de Conjuntos, conceitos relacionados à Física, etc..
- Permutabilidade



- PROBABILIDADE SUBJETIVA (continuação)
- Construção baseada em apostas (De Finetti). Coerência ("avoiding a Dutch-book"). Críticas: apelo a cenários de jogos, "valor"("utilidade") do dinheiro.
- Outras construções incorporam a noção de utilidade (Ramsey) ou estabelecem conjuntamente probabilidade e utilidade (Savage). Há outras construções baseadas em Teoria de Conjuntos, conceitos relacionados à Física, etc...
- Permutabilidade



- PROBABILIDADE SUBJETIVA (continuação)
- Construção baseada em apostas (De Finetti). Coerência ("avoiding a Dutch-book"). Críticas: apelo a cenários de jogos, "valor"("utilidade") do dinheiro.
- Outras construções incorporam a noção de utilidade (Ramsey) ou estabelecem conjuntamente probabilidade e utilidade (Savage). Há outras construções baseadas em Teoria de Conjuntos, conceitos relacionados à Física, etc..
- Permutabilidade



- PROBABILIDADE SUBJETIVA (continuação)
- Construção baseada em apostas (De Finetti). Coerência ("avoiding a Dutch-book"). Críticas: apelo a cenários de jogos, "valor"("utilidade") do dinheiro.
- Outras construções incorporam a noção de utilidade (Ramsey) ou estabelecem conjuntamente probabilidade e utilidade (Savage). Há outras construções baseadas em Teoria de Conjuntos, conceitos relacionados à Física, etc..
- Permutabilidade



- Base (referência) para a Inferência Bayesiana (aspecto normativo das construções de probabilidade subjetiva).
- Críticas: Ausência de objetividade. "Impossibilidade"de postura plenamente coerente (ausência de Coerência).
 Dificuldades práticas em espaços de grande dimensão.

- Base (referência) para a Inferência Bayesiana (aspecto normativo das construções de probabilidade subjetiva).
- Críticas: Ausência de objetividade. "Impossibilidade"de postura plenamente coerente (ausência de Coerência).
 Dificuldades práticas em espaços de grande dimensão.

- Base (referência) para a Inferência Bayesiana (aspecto normativo das construções de probabilidade subjetiva).
- Críticas: Ausência de objetividade. "Impossibilidade"de postura plenamente coerente (ausência de Coerência).
 Dificuldades práticas em espaços de grande dimensão.

- Base (referência) para a Inferência Bayesiana (aspecto normativo das construções de probabilidade subjetiva).
- Críticas: Ausência de objetividade. "Impossibilidade"de postura plenamente coerente (ausência de Coerência).
 Dificuldades práticas em espaços de grande dimensão.

- Probabilidade como medida (grau) de implicação da proposição B fornecida pela proposição A. Estende a possível relação entre A e B para além de "A implica B" ou "A refuta B".
- Unicidade (fixadas as proposições A e B). Objetiva, nesse sentido, e, portanto, diferente da probabilidade subjetiva.
- Enfoque mais teórico e menos voltado a problemas inferenciais ou práticos.
- Construções principais: Keynes, Jeffreys, Carnap, etc..



- Probabilidade como medida (grau) de implicação da proposição B fornecida pela proposição A. Estende a possível relação entre A e B para além de "A implica B" ou "A refuta B".
- Unicidade (fixadas as proposições A e B). Objetiva, nesse sentido, e, portanto, diferente da probabilidade subjetiva.
- Enfoque mais teórico e menos voltado a problemas inferenciais ou práticos.
- Construções principais: Keynes, Jeffreys, Carnap, etc.



- Probabilidade como medida (grau) de implicação da proposição B fornecida pela proposição A. Estende a possível relação entre A e B para além de "A implica B" ou "A refuta B".
- Unicidade (fixadas as proposições $A \in B$). Objetiva, nesse sentido, e, portanto, diferente da probabilidade subjetiva.
- Enfoque mais teórico e menos voltado a problemas inferenciais ou práticos.
- Construções principais: Keynes, Jeffreys, Carnap, etc...



- Probabilidade como medida (grau) de implicação da proposição B fornecida pela proposição A. Estende a possível relação entre A e B para além de "A implica B" ou "A refuta B".
- Unicidade (fixadas as proposições A e B). Objetiva, nesse sentido, e, portanto, diferente da probabilidade subjetiva.
- Enfoque mais teórico e menos voltado a problemas inferenciais ou práticos.
- Construções principais: Keynes, Jeffreys, Carnap, etc...



- Probabilidade como medida (grau) de implicação da proposição B fornecida pela proposição A. Estende a possível relação entre A e B para além de "A implica B" ou "A refuta B".
- Unicidade (fixadas as proposições A e B). Objetiva, nesse sentido, e, portanto, diferente da probabilidade subjetiva.
- Enfoque mais teórico e menos voltado a problemas inferenciais ou práticos.
- Construções principais: Keynes, Jeffreys, Carnap, etc...



- Probabilidade como medida (grau) de implicação da proposição B fornecida pela proposição A. Estende a possível relação entre A e B para além de "A implica B" ou "A refuta B".
- Unicidade (fixadas as proposições A e B). Objetiva, nesse sentido, e, portanto, diferente da probabilidade subjetiva.
- Enfoque mais teórico e menos voltado a problemas inferenciais ou práticos.
- Construções principais: Keynes, Jeffreys, Carnap, etc...

