CENTRO DE ESTATÍSTICA APLICADA – CEA – USP

RELATÓRIO DE CONSULTA

**TÍTULO:** Fatores associados à evasão e conclusão de curso na UFRJ: análise de heterogeneidade

**PESQUISADORA:** Melina Klitzke Martins

**ORIENTADOR:** Rosana Heringer, Flávio Carvalhaes

**INSTITUIÇÃO:** Universidade Federal do Rio de Janeiro

**FINALIDADE DO PROJETO:** Doutorado

**PARTICIPANTES DA ENTREVISTA:**

* Melina Klitzke Martins
* Flávio Carvalhaes
* Monica Carneiro Sandoval
* Denise Aparecida Botter
* Viviana Giampaoli
* Giovanna Vilar
* Mariana Almeida
* Renata Hirota

**DATA:** 23/04/2020

**FINALIDADE DA CONSULTA:** Consultoria sobre o modelo logístico multinível; auxílio na validação e interpretação do modelo

**RELATÓRIO ELABORADO POR:**

* Giovanna Vilar
* Mariana Almeida
* Renata Hirota

# 1 Introdução

A evasão dos alunos no ensino superior é uma situação recorrente e estudada por diversos autores no campo da educação e das ciências sociais. Em suma, como as variações nos ambientes acadêmicos moldam as experiências e os resultados dos alunos de diferentes maneiras, as disparidades entre as distribuições dos estudantes em todas as áreas de estudo, ainda que pequenas, podem contribuir para entender as desigualdades de resultados quanto à evasão de curso.

A partir de um estudo observacional, a pesquisa busca analisar quais são os fatores associados à evasão de curso na UFRJ e como os efeitos desses fatores variam entre cursos.

A metodologia utilizada pela pesquisadora é um modelo logístico multinível (hierárquico), em que as variáveis de nível 1 são relacionadas às características dos estudantes e as variáveis de nível 2 são relacionadas aos cursos. A pesquisadora busca com a entrevista uma consultoria sobre o modelo logístico multinível e auxílio na validação e interpretação do modelo.

# 2 Descrição do estudo

Os dados foram analisados a partir de um modelo logístico multinível (hierárquico), em que as variáveis de nível 1 são relacionadas às características dos estudantes e as variáveis de nível 2 são relacionadas aos cursos.

As unidades amostrais da pesquisa são os ingressantes no primeiro semestre do ano de 2014, somando um total de 4.480 observações. Todos esses alunos foram acompanhados até o primeiro semestre de 2019 (1 ano e meio após o perído de formação ideal). Apesar de serem dados longitudinais, como informado pela pesquisadora, tal característica não é considerada nesta etapa do estudo, uma vez que o estudo do tempo de evasão já foi realizado pela pesquisadora e não é objeto de pesquisa dessa análise.

A pesquisadora selecionou todos os cursos de modalidade presencial ofertados pela UFRJ e, a partir da volumetria, agrupou-os de acordo com o tipo de curso. Por exemplo, cursos como Letras-Espanhol, Letras-Inglês e Letras-Português foram agrupados em um mesmo bloco. Ao fim desse agrupamento, foram obtidos 45 clusters contendo, no mínimo, 30 observações. É importante ressaltar que o curso de Medicina foi excluído da análise por não ser possível observar a conclusão de curso desses ingressantes, já que sua duração ideal ultrapassa o tempo de acompanhamento. Além disso, outro argumento a favor da exclusão apontado pela pesquisa é a baixa taxa de evasão observada no curso.

# 3 Descrição de um Modelo Multinível

A forma generalizada de um modelo multínivel pode ser definido da seguinte form:

(1) com

e

para clusters de cursos, alunos no cluster , variáveis independentes de nível 1 e variáveis independentes de nível 2. é o efeito aleatório do j-ésimo cluster que compõe o intercepto, cuja distribuição segue uma N(0,). são os efeitos aleatórios da k-ésima variável no j-ésimo cluster e cuja distribuição segue uma N(0,). Os erros têm distribuição binomial com média zero, são independentes dos efeitos aleatórios mas não são independentes entre eles, ou seja, há uma dependência entre as observações agrupadas dentro de cada um dos clusters.

Os são as variáveis independentes de nível 1 utilizadas no modelo enquanto são as variáveis a nível de cluster (nível 2).  
 e os são os coeficientes de regressão associados as variáveis explicativas do nível 2 relativos ao intercepto. Já e os são os coeficientes de regressão associados as variáveis explicativas do nível 2 relativos à inclinação

Nota-se que os interceptos e os variam de cluster para cluster, pois foram incluídos efeitos aleatórios em todas as variáveis.

Um modelo multinível mais simples - consequentemente muito utilizado - é o modelo com intercepto aleatório e sem variáveis de segundo nível. Esse foi o modelo hierárquico testado inicialmente pela pesquisadora e pode ser descrito da seguinte forma:

(2) com

para clusters de cursos, alunos no cluster , e variáveis independentes no modelo. é o efeito aleatório do j-ésimo cluster que compõe o intercepto, cuja distribuição segue uma N(0,). Ressaltamos que é o efeito fixo do intercepto do modelo.

Os são as variáveis independentes de primeiro nível utilizadas no modelo e os coeficientes são os coeficientes fixos do modelo. Os erros têm distribuição binomial com média zero e são independentes de É importante destacar que componentes aleatórios podem ser acrescentados aos coeficientes das variáveis independentes.

Nesse caso, nota-se que os interceptos variam de cluster para cluster (considera-se que possa existir diferenças entre os clusters), mas e os são constantes para todos os clusters.

# 4 Descrição das variáveis e processo de coleta de dados

## 4.1 Base de dados

A base de dados utilizada foi construída a partir dos microdados da coorte fornecidos pela Divisão de Registro de Estudante (DRE/Pr1) da UFRJ. A maioria das informações são coletadas através de questionário socioeconômico, produzido e aplicado pela instituição no ato da pré-matrícula do estudante. O alto índice de respostas deve-se, possivelmente, ao fato de que o estudante precisa apresentar o comprovante da realização da pré-matrícula, exigido no ato de confirmação da matrícula presencial.

O questionário é composto por questões que abordam, entre outras informações, aspectos socioeconômicos, culturais, escolares, de composição familiar e de escolha e expectativas sobre o curso e sobre a instituição.

## 4.2 Variáveis

A variável dependente (resposta) utilizada nessa análise é a evasão do curso no primeiro ano (1° e 2° semestre), representada por 0 e 1 (0 = não evadiu; 1 = evadiu). O conceito de evasão aqui utilizado é o de evasão do curso, que é aquela em que o aluno deixa o curso de origem por qualquer razão (LOBO, 2012). Essa variável leva em conta a situação de matrícula do aluno em cada semestre: ativa, trancada, cancelada ou cancelada por conclusão de curso. Apenas aqueles que tiveram suas matrículas no curso canceladas (exceto o cancelamento por conclusão de curso) foram considerados como alunos evadidos.

Em um estudo multinível as variáveis independentes são classificados em dois tipos: variáveis de nível 1 e variáveis de nível 2. Neste caso, as variáveis de nível 1 são as relacionadas aos estudantes:

* Cor/Raça (0 = brancos e 1 = pretos e pardos);
* Sexo (0 = feminino e 1 = masculino);
* Status socioeconômico da família (SES), mensurado pela maior escolaridade do pai ou da mãe (0 = menos que o ensino superior e 1 = ensino superior);
* Nota do ENEM no ano de entrada;
* Variável que diz respeito à questão “se foi a primeira opção de curso” (0 = sim; 1 = não);
* Variável que diz respeito à questão “se a nota de corte influenciou na escolha do curso” (0 = não; 1 = sim);
* Coeficiente de Rendimento acumulado por semestre (CRa), relacionado ao último semestre acompanhado.

No nível 2 (relacionadas ao cluster), inicialmente a pesquisadora criou uma variável de seletividade de curso utilizando a nota mediana do curso no Enem com a seguinte regra: se a nota mediana do curso no Enem era maior que a nota mediana geral no Enem, ou seja, de toda UFRJ, o curso é mais seletivo. Caso contrário, o curso é classificado como menos seletivo.

* Seletividade (0 = menos seletivo; 1 = mais seletivo)

Os dados originais estão armazenados em Excel e o modelo foi construído no software Stata

# 5 Situação do Projeto

O projeto encontra-se na fase de testes dos modelos multiníveis. Após a entrevista com a pesquisadora, foram feitas algumas sugestões à análise já realizada cujo modelo testado incluia um intercepto com efeito aleatório e apenas uma variável no nível 2

Primeiramente, variáveis de nível 1 que podem ser estaticamente significantes foram excluídas do modelo testado. Anteriormente, um modelo de sobrevivência foi construído e seus resultados foram utilizados para determinar as variáveis a serem incluídas nesta fase do estudo.

Salientamos que essa não é uma tomada de decisão correta pois variáveis que não se mostraram significantes na primeira etapa podem ser importantes na determinação do modelo multinível. São momentos e modelos diferentes, logo, todas as variáveis que a pesquisadora acredita afetar a evasão do curso devem ser testadas.

Além disso, as variáveis contínuas – nota do ENEM e CRa – possuem magnitudes muito distintas. O CRa é uma nota que varia de 0 a 10, enquanto que as notas do ENEM estão em uma escala de 0 a 1000. Essa diferença entre as escalas pode desencadear erros de convergência durante os testes no software.

Outro problema relacionado à análise realizada é a forma como as saídas do Stata estão sendo apresentadas e analisadas.

# 6 Conclusão e respostas às perguntas da pesquisadora

De forma geral, o projeto está em um estado bastante avançado, de forma que os comentários a seguir se referem principalmente ao modelo escolhido pela pesquisadora e sugestões para melhorar a análise. Os comentários foram divididos em seções tentando seguir uma ordem de precedência dos passos na análise estatística.

## 6.1 Sugestões sobre as variáveis

### 6.1.1 Inclusão de variáveis

A primeira sugestão oferecida é incluir no modelo todas as variáveis com bom preenchimento (sem grande volumetria de dados faltantes) que a pesquisadora acredita ter algum efeito na evasão do curso. Durante os testes dos modelos, algumas podem se mostrar significantes e outras não, porém, é importante testá-las.

Além disso, também sugerimos o acréscimo de variáveis no nível 2. Por exemplo, o comportamento de evasão dos alunos parece ser diferente entre as áreas do conhecimento (Humanas, Exatas e Biológicas), logo, seria interessante construir essa variável categórica de curso.

A seguir, incluímos uma lista de variáveis que podem ser incluídas no estudo:

* Renda Familiar, *Nível 1*;
* Área do conhecimento do curso, *Nível 2* (Humanas, Exatas e Biológicas);
* Média da nota no ENEM do curso, *Nível 2*;
* Média do CRa do curso, *Nível 2*.

### 6.1.2 Uniformização na escala das variáveis

Destacamos a importância de uniformizar as variáveis contínuas referentes à nota do ENEM, pois, como explicado anteriormente, as magnitudes distintas entre os valores da variável CRa e os valores da variável nota do ENEM podem interferir na convergência matemática.

Sugerimos que os valores da variável de nota sejam transformados em números na escala de 0 a 10, a mesma utilizada no coeficiente de rendimento acumulado por semestre.

Pontuamos também que não há um consenso na literatura quando se fala de padronizar variáveis em modelos multiníveis, e portanto a necessidade de padronizar está relacionada com a interpretação da variável em todos os seus níveis (como há interesse em analisar os resultados com as variáveis CRa e nota do ENEM no nível zero, não há necessidade de padroziná-las, uma vez que a interpretação será outra).

## 6.2 Construção do modelo

Quando construímos um modelo é sempre necessário checar a eficácia do mesmo. Além disso, precisa-se utilizar uma métrica para comparar diferentes modelos e encontrar qual o melhor para o conjunto de dados. Assim, esse tópico foca em apresentar medidas de desempenho para o ajuste da regressão logística multinível. Destacamos que, de acordo com a literatura, o nível de significância estátistica selecionado para testar as variáveis será de: p-valor < 0.05  
A seguir, montamos um roteiro para essa etapa.

**Passo 0**: Definir se o modelo terá efeito aleatório apenas no intecepto (2) ou se aprsentará efeito aleatório em outras variáveis;

**Passo 1**: Ajuste do modelo sem variáveis independentes (modelo nulo) para calcular o coeficiente de correlação intraclasse e interpretar se há variação entre os clusters;

**Passo 2**: Incluir todas as variáveis independentes de nível 1 e observar a significância de cada uma. Excluir as que apresentarem p-valor > 0.05 e testar novamente o modelos

**Passo 3**: Repetir o passo anterior até que todas as variáveis no modelo apresentem significância estatística. Esse será o modelo final que deverá ser analisado.

Seguindo os passos anteriores, a pesquisadora pode construir duas linhas de modelos diferentes, um apenas com intecepto aleatório e outro com efeito aleatório no intercepto e em alguma variável de interesse, e depois compará-los através de alguma estatística. Também pode comparar um modelo sem variáveis de nível 2 e outro com variáveis de nível 2 ou variações de um mesmo modelo.

De forma geral, caso esteja em dúvida entre modelos aninhados, isto é, um é um caso particular do outro – apresenta um maior número de parâmetros que a primeira – pode-se realizar um teste de razão de verossimilhança comparando-os. Como exemplo deixamos descrito o teste entre um modelo e um modelo reduzido (caso particular de ).

: O modelo mais simples se ajusta tão bem quanto o modelo : O modelo se ajusta significativamente melhor que o modelo mais simples

em que, nesse caso, é a verossimilhança do modelo reduzido e é a verossimilhança do modelo . O *deviance* tem distribuição qui-quadrado com graus de liberdade () igual a diferença do número de parâmetros em cada modelo. Se o p-valor < 0.05, então há indicíos para rejeitar , ou seja, o modelo mais simples não parece se ajustar tão bem quanto o modelo .

O software Stata apresenta na parte superior da saída (log likelihood) o log da verossimilhança do modelo testado (). A função **lrteste modelo\_1 modelo\_2** realiza o teste de verossimilhança no software.

Para comparar modelos não aninhados, isto é, um não é um caso particular do outro, usamos as medidas AIC e BIC descritas a seguir:

Sendo o número de parâmetros estimados e o número de observações.  
Nesse caso, não há distribuição de probabilidades envolvidas, logo, quanto menor os valores do BIC/AIC, melhor o ajuste do modelo.

Salientamos que nessa etapa é importante testar modelos com conjuntos diferentes de variáveis, entendendo quais fazem sentido para o estudo. Uma variável pode ser não significativa quando testada sozinha no modelo, porém, pode apresentar significância quando avaliada conjuntamente com outra variável. Além disso, as medidas AIC, BIC e *deviance* são usadas para sugerir alguns modelos “melhores”, mas o pesquisador é responsável por selecionar aquele que considera mais alinhado com a teoria e literatura da área.

## 6.3 Diagnóstico e Qualidade do ajuste

Após encontrar o modelo final é importante avaliar se o modelo é eficiente para descrever a relação entre as variáveis independentes e a variável dependente. Assim, devemos verificar se os pressupostos do modelo foram respeitadas através.

Usando como exemplo o modelo apenas com intercepto aleatório, podemos avaliar o ajuste do modelo realizando uma análise dos efeitos aleatórios através de um gráfico dos efeitos estimados (as estimativas de ) padronizados (ou estudentizados) e os quantis da distribuição teórica normal. Idealmente, as estimativas sos efeitos aleatórios dos clusters coincidem com os quantis, formando uma linha reta diagonal pois eles seguem a distribuição determinada.

Em outras palavras, para verificar o pressuposto de normalidade do efeito aleatório do cluster, pode-se verificar se os os valores preditos dos efeitos aleatórios padronizados (ou estudentizados) são aproximadamente normais. O gráfico deverá apresentar no eixo x os quantis teóricos da distribuição normal, em relação as estimativas no eixo y.

Do ponto de vista do nível 1 (estudantes), deve-se observar no diagnóstico do modelo se a função estimada é monotônica e se tem forma sigmoidal, através de um gráfico do resíduos do nível estudantes () no eixo y e as observações no eixo x.

Um modelo vai parecer não ter se ajustado bem quando os pressupostos anteriores não parecerem ser respeitados.Além disso, os testes na seção 6.2 também são formas de avaliar os modelos

Salientamos que, caso exista mais de um efeito aleatório no modelo – como em (1) – todos os devem ser analisados graficamente para entender se eles respeitam o pressuposto de distribuição normal.

## 6.4 Interpretação do modelo

Na regressão logística de efeitos mistos, os coeficientes fixos têm uma interpretação condicional aos efeitos aleatórios. No caso do estudo analisado, as interpretações estão condicionadas aos cursos. O exemplo a seguir, extraído do manual do Stata, ilustra como o modelo pode ser interpretado a partir da saída do software.

**Exemplo (1)**:

Ng et al. (2006) analisam uma subamostra de dados da pesquisa de fertilidade de Bangladesh de 1989 (Huq e Cleland 1990), que entrevistou 1.934 mulheres de Bangladesh sobre o uso de anticoncepcionais. As mulheres na amostra pertenciam a 60 distritos, identificadas pela variável district. Cada distrito continha áreas urbanas ou rurais (variável urban) ou ambas. A variável c\_use é a resposta binária, com um valor de 1 indicando o uso de anticoncepcionais. Outras covariáveis incluem idade centrada na média e uma variável categorizada para o número de filhos. A idade foi centralizada por escolha dos pesquisadores do artigo, uma vez que a variável Idade igual a zero não traz informação relevante (mulheres com 0 anos não tomam anticoncepcionais, nem participaram da pesquisa, logo o intercepto dessa variável não seria interpretável).

|  |  |
| --- | --- |
| Variável | Label |
| c\_use | 1 = Usa Contraceptivo |
| district | Distrito |
| urban | Urbano ou Rural |
| age | Idade Centralizada |
| children 1 | 1 filho = 1 |
| children 2 | 2 filhos = 1 |
| children 3 | 3 filhos = 1 |

Considere um modelo de regressão logística hierárquico:

para distritos, com mulheres no distrito   
 é o efeito aleatório do intercepto cuja distribuição segue uma distribuição N(0,)  
Já os coeficientes ,,,, e são os efeitos fixos do modelo enquanto é a probabilidade do indíviduo no cluster apresentar resposta positiva (=1)

Nota-se que os interceptos variam de distrito para distrito (considera-se que possa existir diferenças entre eles), mas ,,,, e são constantes para todos os clusters. Caso seja incluído outro efeito aleatório em alguma das variáveis, as inclinações relacionadas a essa variável também irão variar de distrito para distrito.

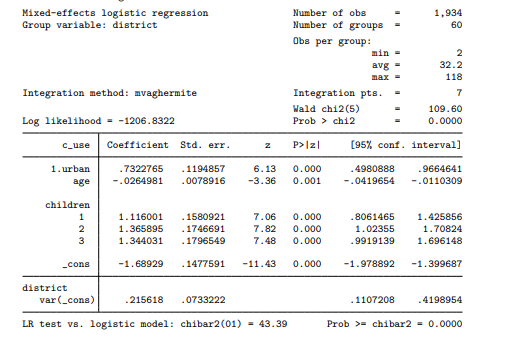
No software Stata a equação é dada por:

**melogit c\_use i.urban age i.children || district:**

Abaixo incluímos uma tabela das estimativas de efeitos fixos. As estimativas representam os coeficientes de regressão, estes não são padronizados e estão na escala logit. As estimativas são seguidas por seus erros padrão (SEs), p-valor e intervalos de confiança.

O teste de razão de verossimilhança (LR) testa a hipótese nula de que os dois modelos, efeitos mistos e regressão logística fixa fornecem a mesma qualidade de ajuste. Se a hipótese nula é rejeitada, existem evidências de que o modelo com efeito aleatório de cluster se ajusta melhor do que o modelo sem esse efeito Como p-valor < 0.001, há indícios para rejeitar a hipótese nula e utilizar, assim, o modelo misto.

Caso o p-valor não fosse significante, entenderíamos que não há necessidade de aplicar um modelo com efeitos aleatórios, ou seja, não teríamos indicíos de que há diferença entre os clusters e, assim, poderia ser utilizado um modelo logito simples com acréscimo da variável distrito.



A tabela de estimativa acima relata os efeitos fixos do modelo e os componentes de variância estimados. Os efeitos fixos estão no formato logit tradicional. Como queremos a razão de chances em vez dos coeficientes na escala logit, devemos exponenciar as estimativas e os intervalos de confiança para encontrar um resultado interpretável. Podemos fazer isso no Stata usando a opção **OR**.

Transformando em razão de chances, considerando mulheres em um mesmo distrito e mantidas as demais variáveis constantes, descobre-se que a chance das mulheres em zona urbana usarem anticoncepcionais é o dobro das mulheres em zona rural ( = 2.07981). Além disso, ter qualquer número de filhos aumentará as chances de três a quatro vezes em comparação com a categoria base de não ter filhos ( = 3.052622, = 3.919229 e = 3.834469) e o uso de anticoncepcionais diminui com o aumento de uma unidade na idade ( = 0.9738499)

A segunda seção nos dá a estimativa da variância do componente aleatório do intercepto na escala logit ().

* Estimação das probabilidades

Encontrar as probabilidades de resposta positiva (=1) em cada cluster pode ser do interesse da pesquisadora. Assim, definimos um passo a passo de como obter esses valores, utilizando como referência esse exemplo (modelo sem efeito aleatório nas variáveis independentes e sem variáveis no nível 2). Essa passagem pode ser expandida a fim de encontrar as probabilidades estimadas, por cluster, de acordo com as categorias de uma variável independentes específica

1. Estimar os efeitos aleatórios

Os efeitos aleatórios não são fornecidos como estimativas quando o modelo é ajustado, logo, eles precisam ser calculados. No Stata, a função **predict** cria uma nova variável contendo predições, como respostas médias, previsões lineares, densidade e funções de distribuição, erros padrão, desvio e resíduos. Após rodar o modelo, pode-se usar essa função para estimar os parâmetros aleatórios

Ex: **predict nome, reffects**

1. Calcular o valor da expressão logistica substituindo os termos pelas estimativas dos efeitos fixos e estimativas dos efeitos aleatórios (valores encontrados em **1**). Chamamos esse valor de

Ex:

sendo a estimativa do parâmetro fixo e as estimativas dos parâmetros aleatórios, com =1,…60 Salientamos que as variáveis independentes foram fixadas no valor 0, ou seja, a casela de referência são mulheres que vivem no meio rural (urban = 0), com nenhum filho (1.children = 2.childre = 3.children = 0) e idade média.

1. Como o valor encontrado está na forma de logaritmo da chance, precisamos exponenciá-lo para obter as probabilidades previstas.

Logo, é a probabilidade média, por distrito, das mulheres que vivem no meio rural (urban = 0), com nenhum filho (1.children = 2.childre = 3.children = 0) e com idade média usarem anticoncepcional.

Aplicação das etapas no Stata:

1. **predict pred\_efeitos\_aleat\_re, reffects**

pred\_efeitos\_aleat\_re1: estimação da parte aleatória do intercepto

1. **generate rxb = \_b[\_cons] + pred\_efeitos\_aleat\_re1**

rxb: estimação da parte constante do intercepto + parte aleatória do intercepto

1. **generate prob\_anti = exp(rxb)/(1 + exp(rxb))**

prob\_anti: a probabilidade média de uma mulher que vive no meio rural (urban = 0), com nenhum filho (1.children = 2.childre = 3.children = 0) e com idade média usar anticoncepcional, em cada distrito

Se o interesse for encontrar as probabilidades estimadas, por distrito, de acordo com as categorias de uma variável independentes específica, os passos são os mesmos. Porém, devemos acrescentar o valor dessa variável multiplicado pela estimativa de seu parâmetro. Salientamos que as demais variáveis independentes são fixadas no valor 0. Vamos substituir a fórmula do modelo pelos valores encontrados para entender o comportamento da variável urban na resposta.

1. **predict pred\_efeitos\_aleat\_re\*, reffects**

pred\_efeitos\_aleat\_re1: estimação da parte aleatória do intercepto

1. **generate rxb\_urban = (\_b[\_cons] + pred\_efeitos\_aleat\_re1) + \_b[1.urban]\*1**

* **generate rxb\_fem = (\_b[\_cons] + pred\_efeitos\_aleat\_re1) + \_b[1.urban]\*0**

Logo,

rxb\_urban e rxb\_rural são as predições marginais do logaritimo da chance para mulheres que vivem no ambiente urbano e mulheres que vivem no ambiente rural, respectivamente

rxb\* = estimação da parte constante do intercepto + parte aleatória do intercepto + parte fixa da variável urban

1. **generate prob\_curso\_urban = exp(rxb\_urban)/(1 + exp(rxb\_urban))**

* **generate prob\_curso\_rural = exp(rxb\_rural)/(1 + exp(rxb\_rural))**

prob\_curso\_urban é a probabilidade média das mulheres que vivem na zona urbana, com nenhum filho e idade média usarem anticoncepcional em cada distrito

prob\_curso\_rural é a probabilidade média das mulheres que vivem na zona rural, com nenhum filho e idade média usarem anticoncepcional em cada distrito

A discrepância entre as probabilidades de usar anticoncepcional por zona (rural ou urbano), em cada distrito, se dá por conta do efeito fixo da zona, ou seja, quando a variável urbana muda (0 = rural, 1 = urbana) o coeficiente referente a essa variável é acrescentado na equação do modelo e, consequentemente, afeta os valores finais das probabilidades.

Lembrando que o efeito é fixo, logo, ele não varia por distrito. Se há interesse na variação dessa influência por distrito, é necessário considerar a variável como um fator aleatório.

Outros exemplos de probabilidades que podem ser calculadas são descritos a seguir:

1. **predict pred\_efeitos\_aleat\_re\*, reffects**

pred\_efeitos\_aleat\_re1: estimação da parte aleatória do intercepto

1. \_\_generate rxb\_1 = (\_b[\_cons] + pred\_efeitos\_aleat\_re1) + \_b[1.urban]\*1 + \_b[1.children]\*1\_\_

* **generate rxb\_2 = (\_b[\_cons] + pred\_efeitos\_aleat\_re1) + \_b[1.urban]\*0 +\_b[1,children]\*0**

Logo,

rxb\_1 e rxb\_2 são as predições marginais do logaritimo da chance para mulheres que vivem no ambiente urbano, possuem 1 filho e têm idade centrada na média e mulheres que vivem no ambiente rural, não possuem filho e têm idade centrada na média, respectivamente

rxb\* = estimação da parte constante do intercepto + parte aleatória do intercepto + parte fixa da variável urban

1. **generate prob\_1 = exp(rxb\_1)/(1 + exp(rxb\_1))**

* **generate prob\_2 = exp(rxb\_2)/(1 + exp(rxb\_2))**

prob\_1 é a probabilidade média das mulheres que vivem na zona urbana, com 1 filho e idade média usarem anticoncepcional em cada distrito

prob\_2 é a probabilidade média das mulheres que vivem na zona rural, com nenhum filho e idade média usarem anticoncepcional em cada distrito

**Exemplo (2)**

Caso seja do interesse da pesquisadora introduzir um coeficiente aleatório em alguma variável independente, pode-se reescrever o modelo com *random slopes*, ou seja, os coeficientes da variável escolhida vão variar entre clusters.

Vamos aplicar essa ideia na variável binária urbana do exemplo anterior. A expressão desse modelo pode ser descrita da seguinte forma:

para distritos, com mulheres no distrito

é o efeito aleatório do intercepto cuja distribuição segue uma N(0,) e é o efeito aleatório da variável urban cuja distribuição segue uma N(0,)

Já os coeficientes ,,,, e são os efeitos fixos do modelo é a probabilidade do indíviduo no cluster apresentar resposta positiva (=1).

Nota-se que os interceptos variam de distrito para distriro (considera-se que possa existir diferenças entre eles), e que agora a inclinação referente a variável *urban* também varia de distrito para distrito, pois foi incluído um efeito aleatório nessa variável.

Agora, percebe-se que na estrutura de variância do modelo existe uma covariância entre os dois efeitos aleatórios, ou seja, . Nesse caso, temos duas opções de estrutura:

1. Uma estrutura de covariância que permite variâncias distinta para cada efeito dentro de uma equação de efeitos aleatórios ( )) e assume que todas as covariâncias ( ) são 0.

No software Stata o parâmetro **covariance(independent)** define essa estrutura.Esse é o parâmetro *default* do melogit

1. Uma estrutura de covariância que permite que todas as variâncias e covariâncias sejam distintas

No software Stata o parâmetro **covariance(unstructured)** define essa estrutura.

Para escolhar qual dos dois modelos deve ser usado é necessário realizar um teste no qual a hipótese nula seja:

:

Vamos rodar e salvar os dois tipos de modelo para realizar um teste de verossimilhança através do função **lrtest**

**melogit c\_use i.urban age i.children || district: i.urban** (\*)

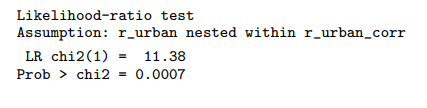
**estimates store r\_urban**

**melogit c\_use i.urban age i.children || district: i.urban, covariance(unstructured)**

**estimates store r\_urban\_corr**

**lrtest r\_urban r\_urban\_corr**

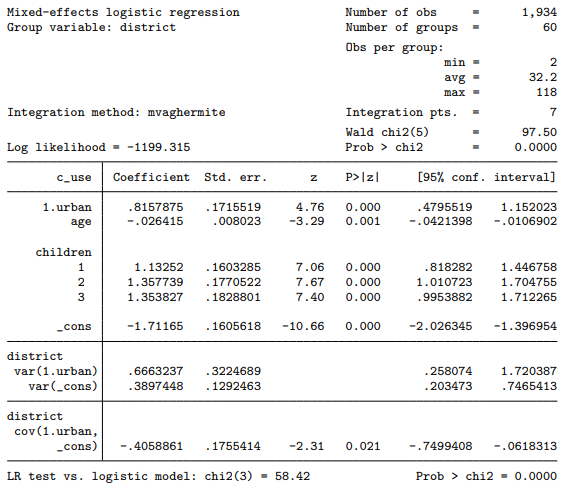
Vemos abaixo que há indicíos para rejeitarmos o modelo (\*) em favor de um que permite a correlação entre e (p-valor < 0.05)



Logo, no software Stata, a equação escolhida é dada por:

**melogit c\_use i.urban age i.children || district: i.urban, covariance(unstructured)**

O modelo agora inclui um coeficiente aleatórioem 1.urban pois acredita-se que o impacto dessa variável difere de distrito para distrito. Além disso, ao especificar a covariância (não estruturada) acima, permitimos a correlação entre efeitos aleatórios a nível distrital, ou seja, a correlação entre e é diferente de zero ().



## 6.5 Correlação Intra-classe

Após o ajuste de um modelo logístico multinível com **melogit**, pode-se encontrar diversas outras medidas e estatísticas. O índice de correlação intra-classe **(ICC)** varia de 0 a 1 e indica a proporção da variância explicada pela estrutura de agrupamento. Alternativamente, também representa a correlação entre duas observações dentro do mesmo cluster. Logo, quanto maior a correlação dentro dos clusters (ou seja, quanto maior o ICC), menor será a variabilidade dentro dos clusters e, consequentemente, maior será a variabilidade entre os clusters.

* Um ICC = 0 indica que não há variação entre os clusters, ou seja, a evasão não difere de cluster para cluster;
* Um ICC = 1 indica que toda a variação pode ser explicada pela diferença entre os cluster, ou seja, não há variação dentro ddo cluster.

A seguir, apresentamos a fórmula matemática da métrica para um modelo com intercepto aleatório

sendo a estimativa da variância do efeito aleatório do intercepto.

Ou seja, um ICC = 0.30 indicaria que 30% da chance de evasão na UFRJ é explicada pela diferença entre os cursos e 70% da chance de evasão é explicada pelas diferenças dentro dos cursos. É importante destacar que o ICC é encontrado quando rodamos um modelo “vazio”, ou seja, apenas com o intercepto.

No software Stata, esse índice é encontrado através do código **estat icc**.  
A seguir, definimos um passo a passo para obter a probabilidade marginal média.

Salientamos que a correlação intra-classe não se altera quando existem variáveis no nivel 2, pois ela é estimada por meio do modelo nulo, ou seja, por um modelo que não inclui variáveis explicativas.

## 6.7 Bibliografia

FERRAZ, A.P. (2013). Avaliação do rendimento dos alunos em disciplinas ofertadas pelo departamento de estatística para outros cursos da universidade de Brasília: uma aplicação de regressão logística multinível. Brasília. 86p. Dissertação (Trabalho de conclusão de curso). Instituto de Ciências Exatas - UNB.

HUQ, N.M., CLELAND, J. (1990). Bangladesh Fertility Survey 1989 (Main Report). National Institute of Population Research and Training.

NG, E.S.W., CARPENTER, J.R., GOLDSTEIN, H., RASBASH, J. (2006). Estimation in generalised linearmixed models with binary outcomes by simulated maximum likelihood. Statistical Modelling. 6:23–42. <<https://doi.org/10.1191/1471082X06st106oa>>

ROCHA, A.L.M.M. (2014). Regressão logística multinível: uma aplicação de modelos lineares generalizados mistos. Brasília. 87p. Dissertação (Trabalho de conclusão de curso). Instituto de Ciências Exatas - UNB.

TAMURA, K.A (2014). Modelo logístico multinivel: um enfoque em métodos de estimação e predição. São Paulo. Dissertação de Mestrado. Instituto de Matemática e Estatística - IME.

STATACORP (2013). Stata multilevel mixed-effects reference manual. Release 13. College Station, TX: StataCorp LP. Disponível em  
<<https://www.stata.com/manuals/memelogit.pdf>> Acesso em: 27 de abril de 2021.

MANUAL STATA. BIC note — Calculating and interpreting BIC em: <<https://www.stata.com/manuals/rbicnote.pdf>> Acesso em: 27 de abril de 2021

MANUAL STATA. lrtest — Likelihood-ratio test after estimation em: <<https://www.stata.com/manuals/rlrtest.pdf>> Acesso em: 08 de maio de 2021