Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 5

з дисципліни «Методи наукових досліджень»

на тему «ПРОВЕДЕННЯ ТРЬОХФАКТОРНОГО ЕКСПЕРИМЕТНУ ПРИ ВИКОРИСТАННІ РІВНЯННЯ РЕГРЕСІЇ З УРАХУВАННЯМ КВАДРАТИЧНИХ ЧЛЕНІВ (ЦЕНТРАЛЬНИЙ ОРТОГОНАЛЬНИЙ КОМПОЗИЦІЙНИЙ ПЛАН)»

ВИКОНАВ:

студент 2 курсу

групи IB-91

Степанюк Р. В.

Залікова – 9127

ПЕРЕВІРИВ:

ас. Регіда П. Г.

Мета: Провести повний трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів, використовуючи центральний ортогональний композиційний план. Знайти рівняння регресії адекватне об'єкту.

Завдання на лабораторну роботу

- 1. Взяти рівняння з урахуванням квадратичних членів.
- 2. Скласти матрицю планування для ОЦКП.
- 3. Провести експеримент у всіх точках факторного простору (знайти значення функції відгуку Y). Значення функції відгуку знайти у відповідності з варіантом діапазону, зазначеного далі. Варіанти вибираються по номеру в списку в журналі викладача.

$$y_{i \max} = 200 + x_{cp \max}$$
 $y_{i \min} = 200 + x_{cp \min}$ де $x_{cp \max} = \frac{x_{1 \max} + x_{2 \max} + x_{3 \max}}{3}$, $x_{cp \min} = \frac{x_{1 \min} + x_{2 \min} + x_{3 \min}}{3}$

- 4. Розрахувати коефіцієнти рівняння регресії і записати його.
- 5. Провести 3 статистичні перевірки

| No | X ₁ | | \mathbf{x}_2 | | X ₃ | |
|----------|----------------|-----|----------------|-----|----------------|-----|
| варіанту | min | max | min | max | min | max |
| 125 | -1 | 6 | -10 | 5 | -8 | 2 |

Програмний код

```
mport math, random, numpy as np
 From scipy.stats import f
from sklearn import linear_model as lm
def average(list):
    average = 0
    for element in list:
        average += element / len(list)
    return average
def dispersion(list):
    list_average = average(list)
    dispersion = 0
    for element in list:
        dispersion += (element - list_average)**2 / len(list)
    return dispersion
def coef_b(x, y):
    for i in range(len(x)):
       x[i].insert(0, 1)
   skm = lm.LinearRegression(fit_intercept = False)
   skm.fit(x, y)
   b = skm.coef_
    return b
def cochrane_criteria():
    global k, N
    gp_denominator = 0
    for disp in dispersion_list:
        gp_denominator += disp
    gp = max(dispersion_list) / gp_denominator
    f1 = k - 1
   gt = 0.3346
    if gp < gt: return True</pre>
def students_criteria(b):
   global k, N
    sb = average(dispersion_list)
   s_beta_2 = sb / (N * k)
   s_beta = math.sqrt(s_beta_2)
    beta = [sum(average_list[j] * plan_matrix[j][s] for j in range(N)) / N for s in range(m)]
    t = [abs(beta[i]) / s_beta for i in range(m)]
    tt = 2.042
    student_check = {}
    for i in range(m):
        if (t[i] > tt): student_check[i] = b[i]
            student_check[i] = 0
            b[i] = 0
    return student_check
```

```
def fisher_criteria():
    global k, N
    d = 0
    for key in students_criteria:
        if students_criteria[key] != 0: d += 1
    f2 = N
    f3 = (k - 1) * N
    f4 = N - d
   s2_ad = sum((regression_equation[i] - average_list[i])**2 for i in range(N))
    if (f4 == 0): s2_ad *= k / 10**-12
    else: s2_ad *= k / f4
    s2_b = average(dispersion_list)
    fp = s2_ad / s2_b
    if fp > f.ppf(q=0.95, dfn=f4, dfd=f3):
        print("\nРівняння регресії неадекватно оригіналу при рівні значимості 0.05")
       return True
       print("\nPiвняння регресії адекватно оригіналу при рівні значимості 0.05")
x_{min} = [-1, -10, -8]
x_{max} = [6, 5, 2]
y_min = 200 + average(x_min)
y_max = 200 + average(x_max)
k = 3
N = 15
m = 10
plan_matrix = [
                   1],
                   -1],
                   1],
    [ 1,
                   -1],
    [-1,
                   0],
    [ 1,
                   0],
   [ 0, -1,
                   0],
   [ 0,
                    0],
   [ 0,
                   -1],
    [ 0,
                    1],
   [ 0,
x0 = [(x_min[i] + x_max[i]) / 2 for i in range(k)]
delta_x = [x_max[i] - x0[i] for i in range(k)]
print(f"x\u2080: {x0}\n\u00e4x: {delta_x}")
natur_matrix = [[plan_matrix[i][j] * delta_x[j] + x0[j] for j in range(k)] for i in range(N)]
```

```
or i in range(N):
    plan_matrix[i].append(plan_matrix[i][0] * plan_matrix[i][1])
    plan_matrix[i].append(plan_matrix[i][0] * plan_matrix[i][2])
    plan_matrix[i].append(plan_matrix[i][1] * plan_matrix[i][2])
    plan_matrix[i].append(plan_matrix[i][0] * plan_matrix[i][1] * plan_matrix[i][2])
    plan_matrix[i].append(plan_matrix[i][0] ** 2)
    plan_matrix[i].append(plan_matrix[i][1] ** 2)
    plan_matrix[i].append(plan_matrix[i][2] ** 2)
 for i in range(N):
    natur_matrix[i].append(natur_matrix[i][0] * natur_matrix[i][1])
    natur_matrix[i].append(natur_matrix[i][0] * natur_matrix[i][2])
    natur_matrix[i].append(natur_matrix[i][1] * natur_matrix[i][2])
    natur_matrix[i].append(natur_matrix[i][0] * natur_matrix[i][1] * natur_matrix[i][2])
    natur_matrix[i].append(natur_matrix[i][0] ** 2)
    natur_matrix[i].append(natur_matrix[i][1] ** 2)
    natur_matrix[i].append(natur_matrix[i][2] ** 2)
 print("\nМатриця планування ОЦКП із натуралізованими значеннями:")
 For line in natur_matrix:
    print(line)
y_list = [[random.randint(int(y_min), int(y_max)) for _ in range(k)] for __ in range(N)]
print("\nФункції відгуку:")
 for line in y_list:
    print(line)
dispersion_list = [dispersion(y_list[i]) for i in range(N)]
average_list = [average(y_list[i]) for i in range(N)]
cochrane_criteria = cochrane_criteria()
 if cochrane_criteria: print("\пДисперсія однорідна")
    print("\nДисперсія неоднорідна")
# Знайдемо коефіцієнти рівняння регресії методом найменших квадратів
b0 =
       sum(average_list) / N
b = coef_b(natur_matrix, average_list)
print("\nKoeфіцієнти рівняння регресії:")
for i in range(len(b)):
    print(f"b{i} = {round(b[i], 3)}")
significant_coefficients = 0
students_criteria = students_criteria(b)
 For key in students_criteria:
    if students_criteria[key] != 0:
        significant_coefficients += 1
regression_equation = [
            b0 +
            b[0] * natur_matrix[i][0] +
            b[1] * natur_matrix[i][1] +
            b[2] * natur_matrix[i][2] +
            b[3] * natur_matrix[i][3] +
```

```
b[4] * natur_matrix[i][4] +
b[5] * natur_matrix[i][5] +
b[6] * natur_matrix[i][6] +
b[7] * natur_matrix[i][7] +
b[8] * natur_matrix[i][8] +
b[9] * natur_matrix[i][9] for i in range(N)]
fisher_criteria()
```

Результати роботи програми

```
Matpung nnahyeahen OLMT is hatypanisobahenu shaчehenwu:

[-1.0, -10.0, -8.0, 10.0, 8.0, 80.0, -80.0, 1.0, 100.0, 64.0]

[-1.0, -10.0, 2.0, 10.0, -2.0, -20.0, 20.0, 1.0, 100.0, 4.0]

[-1.0, 5.0, -8.0, -5.0, 8.0, -40.0, 40.0, 1.0, 25.0, 4.0]

[-1.0, 5.0, 2.0, -5.0, -2.0, 10.0, -10.0, 1.0, 25.0, 4.0]

[6.0, -10.0, 2.0, 10.0, -2.0, -2.0, 10.0, -10.0, 10.0, 10.0

[6.0, -10.0, 2.0, -60.0, 12.0, -20.0, -120.0, 36.0, 25.0, 4.0]

[6.0, 5.0, 8.0, 30.0, -48.0, -40.0, -240.0, 36.0, 25.0, 4.0]

[6.0, 5.0, 2.0, 30.0, 12.0, 10.0, 60.0, 36.0, 25.0, 4.0]

[-1.7525000000000004, -2.5, -3.0, 4.381250000000001, 5.25750000000001, 7.5, -13.14375000000004, 3.0712562500000016, 6.25, 9.0]

[6.7525, -2.5, -3.0, -16.88125, -20.2575, 7.5, 50.643750000000004, 45.59625625, 6.25, 9.0]

[2.5, -11.6125, -3.0, -29.03125, -7.5, 34.837500000000000, 87.09375, 6.25, 134.850156250000000, 9.0]

[2.5, -2.5, -9.075, -6.25, -22.6875, 22.6875, 56.718749999999999, 6.25, 6.25, 22.335562499999999]

[2.5, -2.5, -3.0, -6.25, 7.6875, -7.6875, -19.21875, 6.25, 9.0]
     Функції відгуку:
[194, 194, 200]
[201, 202, 200]
[202, 201, 194]
[198, 194, 201]
[194, 202, 200]
[198, 193, 199]
[196, 199, 203]
[203, 196, 196]
[199, 199, 200]
[201, 195, 199]
[199, 203, 197]
[194, 196, 202]
[194, 196, 194]
[196, 195, 196]
[204, 208, 204]
       Коефіцієнти рівняння регресії:
     b0 = 199.016
b1 = -0.292
b2 = -0.128
b3 = -0.422
        b4 = 0.034
     b4 = 0.034
b5 = -0.03
b6 = -0.035
b7 = 0.007
b8 = 0.037
b9 = 0.024
       b10 = -0.081
        Рівняння регресії неадекватно оригіналу при рівні значимості 0.05
    x<sub>0</sub>: [2.5, -2.5, -3.0]
Δx: [3.5, 7.5, 5.0]
 Matpuum nauyeanna CUMT is hatypanisobanimum sharvenhimum:

[-1.0, -10.0, -8.0, 10.0, 8.0, 80.0, -80.0, 1.0, 100.0, 64.0]

[-1.0, -10.0, 2.0, 10.0, -2.0, -20.0, 20.0, 1.0, 100.0, 4.0]

[-1.0, 5.0, -8.0, -5.0, 8.0, -40.0, 40.0, 1.0, 25.0, 4.0]

[-1.0, 5.0, 2.0, -5.0, -2.0, 10.0, -10.0, 1.0, 25.0, 4.0]

[6.0, -10.0, -8.0, -60.0, -48.0, 80.0, 480.0, 36.0, 100.0, 64.0]

[6.0, -10.0, -8.0, -60.0, 12.0, -20.0, -120.0, 36.0, 25.0, 4.0]

[6.0, 5.0, -8.0, 30.0, -48.0, -40.0, -240.0, 36.0, 25.0, 4.0]

[6.0, 5.0, 2.0, -30.0, 12.0, 10.0, 60.0, 36.0, 25.0, 4.0]

[6.7525, -2.5, -3.0, -16.88125, -20.2575, 7.5, 50.643750000000001, 7.5, -13.143750000000004, 3.0712562500000016, 6.25, 9.0]

[6.7525, -2.5, -3.0, -16.88125, -20.2575, 7.5, 50.6437500000000004, 45.59625625, 6.25, 9.0]

[2.5, -1.6125, -3.0, -29.03125, -7.5, 48.33750000000000002, 49.59375, 6.25, 134.850156250000003, 9.0]

[2.5, -2.5, -9.075, -6.25, -22.6875, 22.6875, 56.718749999999999, 6.25, 6.25, $2.335562499999999]

[2.5, -2.5, -3.0, -6.25, 7.6875, -7.6875, -19.21875, 6.25, 6.25, 9.455625000000001]
Функції відгуку:

[196, 284, 198]

[194, 195, 201]

[194, 198, 201]

[194, 202, 202]

[199, 201, 196]

[195, 199, 196]

[201, 195, 200]

[204, 192, 202, 196]

[194, 199, 193]

[199, 195, 200]

[204, 199, 195]

[204, 199, 196]

[196, 204, 197]

[195, 194, 196]

[201, 194, 195]
    Дисперсія однорідна
        Коефіцієнти рівняння регресії:
  Коефіцієнти р

b0 = 196.606

b1 = 0.129

b2 = 0.29

b3 = 0.066

b4 = 0.013

b5 = 0.006

b6 = 0.029

b7 = -0.0

b9 = -0.015
       b9 = 0.031
       Рівняння регресії неадекватно оригіналу при рівні значимості 0.05
```

Висновок:

Під час виконання даної лабораторної роботи я провів трьохфакторний експеримент, перевірив однорідність дисперсії за критерієм Кохрена, отримав коефіцієнти рівняння регресії, оцінив значимість знайдених коефіцієнтів за критеріями Стьюдента та перевірив адекватність за критерієм Фішера.

Отже, мета лабораторної роботи була досягнута.