# Ejercicios FFI Resueltos

# Raúl Mortes Illescas

19 de Enero de 2019-3

#### Resumen

En este documento se aspira a proveer una solución correcta para todos los ejercicios de FFI de la Universidad de Alicante

# ${\rm \acute{I}ndice}$

1.	Tem	na 0	2
	1.1.	Ejercicio 1	2
		1.1.1. Apartado A	2
		1.1.2. Apartado B	2
		1.1.3. Apartado C	2
	1.2.	Ejercicio 2	2
		1.2.1. Apartado A	2
		1.2.2. Apartado B	
		1.2.3. Apartado C	
	1.3.	Ejercicio 3	3
		1.3.1. Apartado A	
		1.3.2. Apartado B	:
	1.4.	Ejercicio 4	
		1.4.1. Apartado A	
		1.4.2. Apartado B	4
	1.5.	Ejercicio 5	4
	1.6.	Ejercicio 6	4
2.	Tem	na 1	F
	2.1	Primer ejercicio	F

### 1. Tema 0

# 1.1. Ejercicio 1

Dados los vectores a=3i-2j y b=-4i+j, calcular:

- A) El vector suma y su módulo
- B) El vector diferencia y el ángulo que forma con el eje OX
- C) El vector c=2a-3b y el vector unitario que define la dirección y sentido de c

#### 1.1.1. Apartado A

$$\vec{m} = a + b = 3i - 2j - 4i + j = -i - j$$

$$|m| = \sqrt{-1^2 + -1^2} = \sqrt{2}$$

#### 1.1.2. Apartado B

$$\overrightarrow{n} = a - b = 3i - 2j + 4i - j = 7i - 3j$$

$$tan(\alpha) = \frac{n_y}{n_x} = \frac{-3}{7} = -0.4285$$

$$\rightarrow \alpha = tan^{-1}(\frac{-3}{7}) = -23.2^{\circ}$$

#### 1.1.3. Apartado C

$$c = 2a - 3b = 2(3i - 2j) - 3(-4i + j) = 6i - 4j + 12i - 3j = 18i - 7j$$
$$|c| = \sqrt{18^2 + 7^2} = \sqrt{(373)} = 19,31$$
$$\overrightarrow{u_c} = \frac{18}{19,31}i - \frac{7}{19,31}j = ,93i - ,36j$$

# 1.2. Ejercicio 2

Un vector tiene por origen respecto de cierto sistema de referencia el punto O (-1, 2, 0) y de extremo P (3, -1, 2). Calcular:

- A) Componentes del vector OP
- B) Módulo y cosenos directores
- C) Un vector unitario en la dirección de él pero de sentido contrario

#### 1.2.1. Apartado A

$$\overrightarrow{OP} = \overrightarrow{P} - \overrightarrow{O} = (3, -1, 2) - (-1, 2, 0) = (4, -3, 2)$$

#### 1.2.2. Apartado B

$$\left|\overrightarrow{OP}\right| = \sqrt{4^2 + 3^2 + 2^2} = \sqrt{29} = 5,38$$

$$\cos(\alpha) = \frac{4}{\sqrt{29}}; \cos(\beta) = \frac{-3}{\sqrt{29}}; \cos(\gamma) = \frac{2}{\sqrt{29}}$$

#### 1.2.3. Apartado C

$$\overrightarrow{u_{OP}} = (\frac{4}{\sqrt{29}}, \frac{-3}{\sqrt{29}}, \frac{2}{\sqrt{29}})$$
$$-\overrightarrow{u_{OP}} = (\frac{-4}{\sqrt{29}}, \frac{3}{\sqrt{29}}, \frac{-2}{\sqrt{29}})$$

# 1.3. Ejercicio 3

Dados los vectores a(1, -1, 2) y b(-1, 3, 4), calcular:

- A) El producto escalar de ambos vectores
- B) El ángulo que forman

#### 1.3.1. Apartado A

$$a \cdot b = 1 \cdot -1 + -1 \cdot 3 + 2 \cdot 4 = 4$$

#### 1.3.2. Apartado B

$$a \cdot b = 4 = |a| \cdot |b| \cdot \cos(\alpha)$$

$$\to \cos(\alpha) = \frac{4}{|a| \cdot |b|} = \frac{4}{\sqrt{(6)} \cdot \sqrt{26}} = \frac{4}{2\sqrt{39}} = .32$$

$$\to \alpha = \cos^{-1}(.32) = .71.32^{\circ}$$

### 1.4. Ejercicio 4

Dados los vectores a=5i-2j+k y b=i-j+2k, calcular:

- A) El producto vectorial de ambos vectores
- B) El ángulo que forman

#### 1.4.1. Apartado A

$$a \times b = \begin{vmatrix} i & j & k \\ 5 & -2 & 1 \\ 1 & -1 & 2 \end{vmatrix} = -4i + j - 5k + 2k - 10j + i = -3i - 9j - 3k$$

3

#### 1.4.2. Apartado B

$$|a \times b| = |a| \cdot |b| \cdot \sin(\alpha)$$

$$\to \sin(\alpha) = \frac{|a \times b|}{|a| \cdot |b|} = \frac{\sqrt{3^2 + 9^2 + 3^2}}{\sqrt{5^2 + 2^2 + 1^2} \sqrt{1^2 + 1^2 + 2^2}} = \frac{\sqrt{55}}{10} = .74$$

$$\to \alpha = \sin^{-1}(.74) = 47.86^{\circ}$$

## 1.5. Ejercicio 5

El origen de un vector es el punto A(3, -1, 2) y su extremo B(1, 2, 1). Calcular su momento respecto al punto C(1, 1, 2)

$$M = \overrightarrow{CA} \times \overrightarrow{AB}; \overrightarrow{AB} = (-2, 3, -1); \overrightarrow{CA} = (2, -2, 0);$$

$$M = \begin{vmatrix} i & j & k \\ 2 & -2 & 0 \\ -2 & 3 & -1 \end{vmatrix} = 2i + 6k - 4k + 2j = 2i + 2j + 2k$$

# 1.6. Ejercicio 6

Un móvil parte de un punto con una velocidad de 110 cm/s y recorre una trayectoria rectilínea con aceleración de -10 cm/ $s^2$ . Calcular el tiempo que tardará en pasar por un punto que dista 105 cm del punto de partida. (Interpretar físicamente las dos soluciones que se obtienen)

$$y = -\frac{1}{2}10x^2 + 110x + 0$$

Resolvamos para cuando y = 105

$$105 = -5x^{2} + 110x + 0 \to 0 = -5x^{2} + 110x - 105$$

$$x = \frac{-110 \pm \sqrt{110^{2}(-4)(-5)(-105)}}{2(-5)} = \frac{-110 \pm \sqrt{10000}}{-10}$$

$$x = \frac{-110 + \sqrt{10000}}{-10} = 1$$

$$x = \frac{-110 - \sqrt{10000}}{-10} = 21$$

- 2. Tema 1
- 2.1. Primer ejercicio