

**UNIVERSIDAD ALFONSO X EL SABIO**

**ESCUELA POLITÉCNICA SUPERIOR**

**GRADO EN INGENIERÍA MATEMÁTICA**



**TRABAJO DE FIN DE GRADO**

**Computación Cuántica aplicada a la Criptografía**

**Rubén Nogueras González**

**Junio de 2025**



---

# Índice

1. Introducción	6
2. Bibliografía	10



---

# Índice de figuras

1.	Ilustración del cuerpo negro . . . . .	6
2.	Catástrofe del ultravioleta . . . . .	7



---

## 1. Introducción

La computación cuántica es un nuevo sistema de computación, en el que nos apoyamos en las propiedades de los sistemas cuánticos para mejorar distintos paradigmas de la computación clásica. Esto lo hacemos mediante el uso del *qubit*, la unidad básica de información cuántica, a diferencia de la información clásica que se centra en el *bit* como unidad mínima de información. La principal ventaja de los *qubits* es que, además de albergar información binaria (0 o 1), podemos obtener una mezcla de ambos estados (esto se conoce como el principio de superposición cuántica, que ya veremos en los próximos capítulos), de manera que podemos obtener algoritmos cuánticos que no pueden ser modelizados mediante *bits*, reduciendo en muchos casos la complejidad de algoritmos clásicos tradicionales, lo que mejora el rendimiento y eficiencia de nuestros computadores.

Para explicar esto de la mejor manera posible, nos remontamos a los orígenes de la física cuántica, a principios del siglo XX, cuando se pensaba que la física clásica era el foco global para resolver todos nuestros problemas, hasta que con el resultado de ciertos experimentos se comenzó a ver una relación entre el comportamiento de las ondas y las partículas.

En primer lugar, vamos a comenzar explicando qué es un cuerpo negro, esto es un cuerpo que absorbe toda la radiación emitida sobre él, sin reflejar nada de lo que le llega. Esto se puede imaginar como una cavidad isotérmica con un orificio por el que se aproxima cierta radiación, de manera que permanezca en su interior. Además, suponemos que dicha cavidad se encuentra en equilibrio térmico, es decir, a una temperatura constante, de manera que la radiación que permanece dentro de ella se transforma en energía, obligando a emitir radiación hacia el exterior, sin tener nada que ver con la radiación que entra por el orificio.

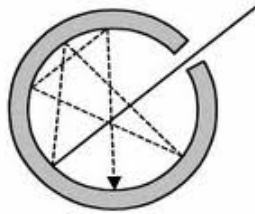


Figura 1: Ilustración del cuerpo negro

La física clásica es incapaz de explicar la radiación emitida por un cuerpo negro en función de la longitud de onda, hasta que la explicación de este fenómeno vino de la mano de *Max Planck* en el siglo XX, el cual establece que la energía liberada por el cuerpo negro se emite en pequeños paquetes, llamados *cuantos de energía*. Esta energía es proporcional a una pequeña constante, la constante de Planck, de manera que la energía emitida por el cuerpo negro no es continua, sino que toma un valor discreto que ha de ser múltiplo de dicha constante por su frecuencia de onda, rompiendo completamente con la física de la época y dando el nacimiento a un nuevo campo de la física, la mecánica cuántica.

$$E = h\nu \quad (1)$$

Siendo  $h$  la denominada *constante de Planck*, la cual alcanza un valor de  $6,62607015 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$ , y siendo  $\nu$  la frecuencia. Esta energía o intensidad que libera el cuerpo la podemos medir, en función de su longitud de onda, obteniendo la siguiente gráfica:

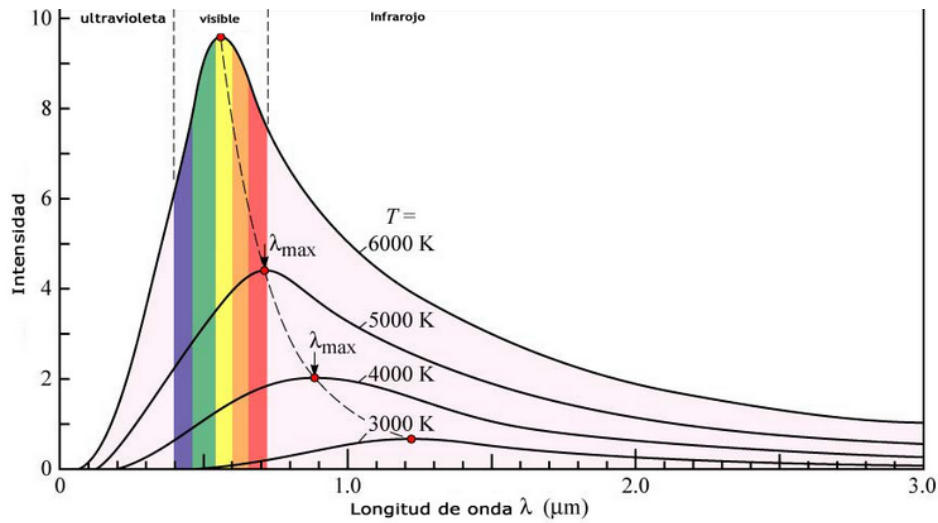


Figura 2: Catástrofe del ultravioleta

Podemos observar que a diferentes temperaturas (longitudes de onda) llegamos a diferentes curvas. La física clásica intentaba predecir estas curvas mediante ciertos modelos, que, aunque se ajustaban correctamente en distintas zonas de la gráfica, no se acercaban ni mucho menos a la realidad. Un ejemplo de esto es la catástrofe del ultravioleta, como resultado de no ajustarse correctamente en la zona ultravioleta, en la que la intensidad de la energía tendía a infinito como resultado de otros modelos, en lugar de tender a cero como propuso *Max Planck*, formulando una ecuación que describe perfectamente la [Figura 2](#):

$$B_{\nu}(T) = \frac{2h\nu^3}{c^2} \frac{1}{e^{\frac{h\nu}{k_B T}} - 1} \quad (2)$$

Donde  $h$  es la *constante de Planck*,  $\nu$  la frecuencia de la radiación,  $c$  la velocidad de la luz en el vacío,  $k_B$  la *constante de Boltzmann*,  $T$  la temperatura, y  $e$  como base de los logaritmos naturales. No obstante, esta teoría cuántica fue primeramente descartada por los físicos de la época, al establecer que la energía no es un valor continuo sino discreto, hasta que con la llegada del efecto fotoeléctrico de *Albert Einstein* todo comenzó a cobrar sentido.

A finales del siglo XIX, en 1888, se presenta el efecto fotoeléctrico, definido por *Heinrich Hertz*, que consiste en la emisión de electrones (fotodectrones) al incidir luz sobre un metal, actuando como cátodo, los cuales se recogen en un ánodo, generando corriente en un circuito. Dicha luz suele ser ultravioleta, aunque en algunos casos puede ser visible.

Previamente al experimento, se plantearon varias hipótesis en base a la física clásica de la época:

- El aumento de la intensidad de la luz incrementaría la energía cinética de los fotodectrones emitidos.
- A mayor frecuencia mayor intensidad de corriente en el circuito.

Los resultados de dicho experimento fueron sorprendentes, ya que se observó que la energía cinética de los electrones que poseen el cátodo no dependen de la intensidad de la luz, sino de su frecuencia, y adicionalmente se pudo ver que a mayor intensidad de luz mayor intensidad de corriente. Más tarde, en 1905, se presentó un artículo, ciertamente atrevido teniendo en cuenta los recursos de la época, que resolvía todos estos problemas.

*Albert Einstein* presentó su hipótesis para el efecto fotoeléctrico, basándose en los resultados del experimento de *Planck*, aclarando que la luz no se comporta como una onda, sino que está compuesta de pequeñas partículas, llamadas



---

*fotones*, cuya energía depende de su frecuencia, como ya propuso *Max Planck* en [Ecuación 1](#), rompiendo de nuevo con los principios de la física clásica.

En dicha hipótesis se establece la necesidad de una frecuencia mínima, denominada frecuencia umbral, para que el efecto fotoeléctrico tenga lugar, la cual depende del material del que esté construido el cátodo. Por lo que si la frecuencia de los *fotones* emitidos por el haz de luz es menor a esta frecuencia umbral, no se produce corriente en el circuito, por muy intensa que sea la luz. De esta manera, si la frecuencia es mayor o igual a la umbral, los *fotoelectrones* se trasladarán hacia el ánodo al ser expulsados del núcleo de sus átomos, generando energía cinética y por lo tanto, intensidad de corriente en el circuito.

POR AQUI VOY

La energía necesaria para que un electrón pueda abandonar su átomo se conoce como trabajo de extracción, que ha de ser menor que la energía que necesitan los fotones para poder arrancar el electrón, ya que el resto de energía sobrante es la energía cinética que se transfiere a los electrones para poder generar corriente



---

## 2. Bibliografía

- TFG Silvia Rodriguez  
[https://matematicas.uam.es/~fernando.chamizo/supervision/TFG/past/memoirs/TFG\\_silvia\\_rodriguez.pdf](https://matematicas.uam.es/~fernando.chamizo/supervision/TFG/past/memoirs/TFG_silvia_rodriguez.pdf)
- Investigacion Computacion Cuantica ->Seguridad informatica, redes informaticas, IA, etc.  
[https://rua.ua.es/dspace/bitstream/10045/124691/1/Estudio\\_de\\_la\\_computacion\\_cuantica\\_en\\_los\\_diferent\\_Claramunt\\_Carriles\\_Sergio.pdf](https://rua.ua.es/dspace/bitstream/10045/124691/1/Estudio_de_la_computacion_cuantica_en_los_diferent_Claramunt_Carriles_Sergio.pdf)
- Universidad de Murcia ->Schrodinguer, Hamiltoniano, Oscilador armonico, Atomo de Hidrogeno  
[https://webs.um.es/gustavo.garrigos/tfg/MarinMunoz\\_Diego\\_TFG\\_julio2021.pdf](https://webs.um.es/gustavo.garrigos/tfg/MarinMunoz_Diego_TFG_julio2021.pdf)
- TFG Pablo ->Algoritmo de Grover y otros algoritmos  
[https://rodin.uca.es/bitstream/handle/10498/27218/tfg\\_pablo.pdf?sequence=1&isAllowed=y](https://rodin.uca.es/bitstream/handle/10498/27218/tfg_pablo.pdf?sequence=1&isAllowed=y)
- TFM a sus niños ->Schrodinguer e interpretacion probabilistica de la funcion de onda  
<https://repositorioinstitucional.buap.mx/server/api/core/bitstreams/fb9bfe95-7945-404d-a-content>
- Universidad Autonoma de Madrid ->Interpretacion probabilistica de la funcion de onda e introduccion al atomo de hidrogeno  
[https://matematicas.uam.es/~fernando.chamizo/supervision/TFG/past/memoirs/TFG\\_luis\\_sanchez.pdf](https://matematicas.uam.es/~fernando.chamizo/supervision/TFG/past/memoirs/TFG_luis_sanchez.pdf)
- TFG explica bien ->Espacios de Hilbert y su relacion con la mecanica cuantica  
<https://idus.us.es/server/api/core/bitstreams/4c49766a-cdfc-4d72-9acf-f62761db63fb/content>
- Claudia Mielgo ->El sistema cuantico es un espacio de Hilbert, y funciones de onda  
[https://matematicas.uam.es/~fernando.chamizo/supervision/TFG/past/memoirs/TFG\\_claudia\\_mielgo.pdf](https://matematicas.uam.es/~fernando.chamizo/supervision/TFG/past/memoirs/TFG_claudia_mielgo.pdf)
- Algebra Lineal ->Algebra lineal xd, y criptografia cuantica  
<https://repositorio.ual.es/bitstream/handle/10835/9810/VILLASANA%20ALCARAZ%2C%20MARIA%20DEL%20MAR.pdf>
- Roberto Gonzalez ->Sistema Bineario e introduccion a los qubits  
[https://oa.upm.es/69234/1/TFG\\_ROBERTO\\_GONZALEZ\\_RIVAS.pdf](https://oa.upm.es/69234/1/TFG_ROBERTO_GONZALEZ_RIVAS.pdf)
- Por que un ordenador cuantico?  
<https://zaguan.unizar.es/record/76803/files/TAZ-TFG-2018-3072.pdf>  
<https://www.fisicacuantica.es/la-radiacion-del-cuerpo-negro/>  
<https://redaccion.org/como-los-fisicos-cuanticos-describen-un-cuerpo-negro/>  
[https://weblab.deusto.es/olarex/cd/kaernten/BBR\\_ES\\_new\\_27.09.2013/el\\_cuerpo\\_negro.html](https://weblab.deusto.es/olarex/cd/kaernten/BBR_ES_new_27.09.2013/el_cuerpo_negro.html)  
[https://weblab.deusto.es/olarex/cd/kaernten/BBR\\_ES\\_new\\_27.09.2013/distribucion\\_de\\_la\\_energa.html](https://weblab.deusto.es/olarex/cd/kaernten/BBR_ES_new_27.09.2013/distribucion_de_la_energa.html)  
<https://www.quimicafisica.com/teoria-cuantica/la-radiacion-del-cuerpo-negro.html>
- <https://es.khanacademy.org/science/ap-chemistry/electronic-structure-of-atoms-ap/bohr-model-hydrogen-ap/a/photoelectric-effect>

---

<https://www.quimicafisica.com/teoria-cuantica/el-efecto-fotoelectrico.html>