# A | Aan de slag met IDP

## 0 Installatie

Het IDP systeem kan zowel online als offline gebruikt worden. Voor de online versie surf je naar: https://verne.cs.kuleuven.be/idp/server.html

Voor Unix en Mac OS systemen zijn er kant-en-klare installatiepakketten voorzien. Deze hoeven enkel uitgepakt te worden. Voor windowssystemen raden we aan gebruik te maken van een docker.

```
\label{lem:continuous} \begin{array}{ll} \mbox{Unix} & https://dtai.cs.kuleuven.be/krr/files/releases/idp/idp-linux-latest.tar.gz \\ \mbox{Mac OS} & https://dtai.cs.kuleuven.be/krr/files/releases/idp/3.7.0/idp-3.7.0-Darwin.tar.gz \\ \mbox{Windows} & https://dtai.cs.kuleuven.be/krr/files/releases/idp/README-DOCKER.md \\ \end{array}
```

Het online systeem is voorzien van een eenvoudige IDE, je kan tevens een offline versie van deze IDE downloaden voor je lokaal systeem (vergeet het pad naar de IDP installatie niet aan te passen): https://sourceforge.net/projects/idp/files/idp-ide/

### 1 | Booleaanse formules

Je kent booleaanse formules natuurlijk al lang uit diverse programmeertalen. Het volgende stukje Java code:

```
public static void main(String[] a) {
    // Declaraties
    boolean A;
    boolean B;
    boolean C;

    // Toekenningen
    A = true;
    B = false;
    C = false;

    // Booleaanse formule
    System.out.println(A && (B || !C));
}
```

berekent bijvoorbeeld of de booleaanse formule  $A \land (B \lor \neg C)$  voldaan is voor de volgende toekenning van waarheidswaarden aan de booleaanse veranderlijken A, B en C:

Α	waar
В	onwaar
С	onwaar

Welk resultaat zou dit programma produceren? ...........(0 OR I) = I

We kunnen deze berekening ook laten uitvoeren door het IDP systeem, mbv. de inferentietaak sat(theory, structure), als volgt:

```
vocabulary V {
    Α
    В
    С
}
structure S: V {
    A = true
    B = false
    C = false
}
theory T: V {
    A & (B | ~C).
}
procedure main() {
    print(sat(T, S))
}
```

Oef. 1 ► Maak een bestand abc.idp aan met bovenstaande code en voer bovenstaand programma uit. Welk resultaat produceert IDP? Komt dit overeen met wat je verwachtte van het Java-programma? JA......

**Oef. 2** ► Bereken zelf nog een mogelijke toekenning van waarheidswaarden waarvoor de formule voldaan is en controleer mbv. IDP dat dit effectief het geval is.



Oef. 3 ► Kijk nu ook eens na wat er gebeurt bij de volgende toekenning van waarheidswaarden:

Α	waar	false
В	onwaar	
С	waar	

**Oef. 4** Maak een programma xyz.idp met een booleaanse formule in termen van booleaanse variabelen X, Y en Z die waar is als en slechts als *precies twee* van de variabelen waar zijn.

Hier zijn nog even de verschillende logische operatoren:

ASCII notatie	Wiskundig symbool
&	$\wedge$
I	V
~	

Gebruik IDP om na te gaan dat de toekenning S1 van waarheidswaarden wel de gewenste eigenschap heeft, maar die van S2 en S3 niet (maak hiervoor drie aparte structuren aan):

	S1	S2	S3
X	waar	onwaar	waar
Υ	waar	waar	waar
Z	onwaar	onwaar	waar
	true	false	false

# 2 | Implicaties

Er zijn een aantal nuttige afkortingen om eenvoudiger ingewikkelde booleaanse formules te kunnen opschrijven:

- De *implicatie* wordt gelezen als een *als-dan* constructie en is een afkorting voor "ofwel niet X, ofwel Y".
- De *equivalentie* wordt gelezen als een *als-en-slechts-als* constructie en is een afkorting voor een combinatie van implicaties.

Notatie	Symbool	Betekenis	Volledig
X => Y	$X \Rightarrow Y$	als $X$ , dan $Y$	$\neg X \lor Y$
X <=> Y	$X \Leftrightarrow Y$	$\boldsymbol{X}$ als en slecht als $\boldsymbol{Y}$	$(X \Rightarrow Y) \land (X \Leftarrow Y)$

Oef. 5 ▶ Beschouw nu de volgende toekenning van waarheidswaarden:

Р	waar
Q	waar
R	onwaar

Vul in de volgende tabel de overeenkomstige waarheidswaarde van de gegevens booleaanse formules in. In geval van twijfel kan je je eigen mening controleren met behulp van IDP.

## 3 | Model expansie

In de vorige oefeningen heb je IDP steeds laten controleren of een toekenning van waarheidswaarden ervoor zorgt dat een booleaanse uitdrukking voldaan is. Je kan IDP ook zelf een dergelijke toekenning van waarheidswaarden laten zoeken mbv. de inferentietaak modelexpand(theory, structure). Het resultaat is een tabel met oplossingen (modellen genaamd in IDP) die een uitbreiding zijn op jouw structuur en voldoen aan alle formules in je theorie.

```
procedure main() {
    printmodels(modelexpand(T, S))
}
```

Om het resultaat af te drukken gebruiken we een aangepaste print-functie, die alle modellen op een ordelijke manier af print of "unsatisfiable" weergeeft als er geen modellen gevonden werden.

**Oef. 6** Maak een bestand pqr.idp aan waarin je IDP een oplossing laat zoeken voor de laatste formule uit oef. 5, als je enkel weet dat R onwaar is.

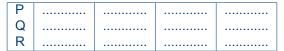


Is dit de enige mogelijke oplossing? Nee, de oplossing uit de vorige opgave (P en Q waar en R onwaar) was bijvoorbeeld ook een juiste oplossing.

**Oef. 7**  $\triangleright$  Je kan IDP ook laten proberen om meerdere (of alle) modellen te berekenen, ipv. slechts één, door de optie nbmodels te wijzigen in het gewenste aantal (of "0" voor alle) modellen:

```
procedure main() {
    stdoptions.nbmodels = 3
    ...
}
```

Laat IDP alle mogelijke toekenningen van waarheidswaarden voor P, Q en R berekenen die voldoen aan de formule.



Begrijp je waarom dit allemaal correcte oplossingen zijn voor de gegeven formule?

## 4 Types en constanten

Men kan in IDP ook types declareren. IDP kent enkel *enumeratie*-types, die een opsomming zijn van een aantal mogelijke waarden. Een type wordt gedeclareerd in het vocabularium en (typisch) gedefinieerd in de structuur:

Men kan dan constanten declareren van een bepaald type. Dit zijn uitdrukkingen (genaamd *termen*), die je in een formule kan gebruiken om te verwijzen naar een object van dit type. In de bijhorende structuur kan je dan vastleggen naar welk object de constante juist verwijst. Essentieel is een constante dus gewoon een naam voor een bepaald object. Zo introduceert het volgende voorbeeld de term Kerstmis als een naam voor het object Maandag.

Als je in je structuur niet vastlegt naar welk object een bepaalde constant verwijst, dan zal de modelexpansie-operatie van IDP hiervoor zelf een object van het juiste type kiezen, zodanig dat met deze keuze aan alle formules van de theorie voldaan is. In het onderstaande voorbeeld gebeurt dit met de constante Nieuwjaar.

**Oef. 8** ► Vertrek van het bestand dagen.idp en laat IDP alle mogelijke modellen berekenen. Er zijn zeven verschillende oplossingen mogelijk, Nieuwjaar kan op eender welke dag van de week vallen aangezien we hier nog niets over gezegd hebben.

In je formules kan je termen (en dus in het bijzonder ook constanten) gebruiken als argumenten van relatiesymbolen. In de volgende sectie gaan we hier dieper op in, maar nu vermelden we alvast twee speciale relatiesymbolen, die (on)gelijkheid tussen twee termen voorstellen:

Notatie	Symbool
=	=
~=	$\neq$

Gebruik het gelijkheidssymbool om aan de theorie een regel toe te voegen die zegt dat Nieuwjaar steeds op dezelfde dag als Kerstmis valt. Hoeveel mogelijke oplossingen worden er nu nog gevonden? ......

#### 5 Relaties

Een relatie is een functie die een aantal argumenten van een bepaald type neemt en een booleaanse waarde produceert. Als de waarde true geproduceerd wordt, zeggen we dat de argumenten tot de relatie behoren, en als false geproduceerd wordt, dan behoren de argumenten er niet toe. We kunnen een relatie met n argumenten met andere woorden ook zien als een verzameling van tuples met n elementen.

Bijvoorbeeld, hier wordt een relatie Weekend met 1 argument van het type Dag gedefinieerd, zodat Weekend dus een verzameling van dagen is. In de bijhorende structuur leggen we vast dat dit de verzameling van de dagen Zaterdag en Zondag is:

**Oef. 9** Stel dat we ons niet meer kunnen herinneren op welke dag Pasen valt, maar er wel van overtuigd zijn dat het altijd in een weekend is. Voeg de relatie Weekend en een constante Pasen van het type Dag toe aan je programma en specifieer dat Pasen in het weekend moet vallen:

```
theory T {
    ...
    Weekend(Pasen).
}
```

Laat IDP al eens de verschillende mogelijkheden berekenen.

**Oef. 10**  $\blacktriangleright$  We herinneren ons plots ook dat Pasen nooit op een Zaterdag valt, waardoor we IDP kunnen laten uitrekenen op welke dag Pasen dan wel valt. Breid je formule omtrent Pasen uit met je nieuwe kennis.

Wanneer je nu IDP laat zoeken naar mogelijke oplossingen, doet dit niet wat je verwachtte. Het probleem is dat Zaterdag gedefinieerd is als een domeinelement in onze structuur, maar een theorie hangt niet samen met een structuur (enkel met een vocabularium) en kent de inhoud van een specifieke structuur dan ook niet. Aangezien een theorie toegepast kan worden op verschillende structuren en deze structuren verschillende definities van types kunnen bevatten, zouden er problemen optreden wanneer we in een theorie spreken over een specifiek domeinelement dat in de ene structuur wel zit en in een andere niet.

IDP is voorzien van een speciale constructie voor types die "onveranderlijk" zijn, dwz. types die in alle structuren voor een bepaald vocabularium altijd dezelfde elementen bevatten (zoals in ons voorbeeld het type Dag), zodat deze wel gekend zijn in de theoriën die gebruik maken van het vocabularium:

Deze declaratie doet twee dingen: ze zorgt ervoor dat elke structuur voor het vocabularium V het type dag zal interpreteren door de zeven objecten  $\mathtt{Maandag}$  t/m  $\mathtt{Zondag}$ ; en ze introduceert in het vocabularium V ook zeven constanten  $\mathtt{Maandag}$  t/m  $\mathtt{Zondag}$ , waarbij de constante  $\mathtt{Maandag}$  een naam is voor het object  $\mathtt{Maandag}$ , enzovoort voor de andere zes constanten.

Oef. 11 ▶ Pas je type Dag aan en controleer dat IDP je nu wel kan zeggen wanneer Pasen valt.

Relaties kunnen ook meer dan één argument hebben. In volgend voorbeeld, kan de relatie Geeft gebruikt worden om te specifiëren dat een bepaalde docent een bepaald vak geeft:

Oef. 12  $\blacktriangleright$  Vertrek van het bestand vakken.idp. Voeg een constante BuisVak van het type Vak toe en specifieer in je theorie dat dit vak gegeven wordt door een bepaalde docent (kies zelf dewelke). Laat IDP alle mogelijke modellen zoeken.

## 6 | Kwantificatie

Met behulp van een constante kan je een eigenschap uitdrukken die geldt voor één specifiek object (namelijk dat object waarvoor de constante een naam is). Daarnaast kan je ook variabelen gebruiken om uit te drukken dat een bepaalde eigenschap moet gelden voor minstens één object x van een bepaald type (zonder dat je zelf vastlegt welk object dit is) of voor elk object x van een bepaald type. (**Let op:** dit soort van variabelen lijkt helemaal niet op een variabele uit een programmeertaal als C, maar heeft meer weg van variabelen uit wiskunde.) Een variabele introduceer je met behulp van ofwel de  $existentiële \ kwantor \ \exists \$  of de universele kwantor  $\ \forall$ . Een variabele hoeft niet x te heten, maar mag eender welke naam hebben (bij voorkeur beginnend met een kleine letter).

Notatie	Symbool	Betekenis
?x[T]:	$\exists x[T]:$	Er bestaat een object $x$ van type $T$ zodat
!x[T]:	$\forall x[T]:$	Voor elk object $\boldsymbol{x}$ van type $T$ geldt dat

Bijvoorbeeld, zo drukken we uit dat elke docent minstens één vak geeft:

```
∀doc[Docent]: ∃vak[Vak]: Geeft(doc,vak).
```

Als IDP zelf het type van een variabele kan afleiden, hoef je dit zelf niet expliciet op te geven. Aangezien er in het vocabularium staat dat het eerste argument van de relatie Geeft (en dus ook doc) van het type Docent moet zijn en het tweede (en dus ook vak) van het type Vak, mag je deze eigenschap dus ook zo schrijven:

```
∀doc: ∃vak: Geeft(doc, vak).
```

- Oef. 13 ► Voeg bovenstaande uitdrukking toe aan je theorie. Controleer dat je structuur voldoet aan je theorie. Voeg zelf een formule toe die zegt dat elk vak door minstens één docent gegeven wordt en controleer dat je structuur nog steeds voldoet aan je theorie.
- Oef. 14 ▶ Pas je structuur zodanig aan dat het programma unsatisfiable wordt omwille van de eerste formule (elke docent geeft minstens één vak) in je theorie. (Controleer dit door na te gaan dat als je deze eerste formule uitcommentarieert, het geheel weer satisfiable wordt.)

  Doe dit ook eens voor de tweede formule (elk vak wordt door minstens één docent gegeven).
- **Oef. 15** ▶ Voeg een relatie Gemakkelijk toe, die bedoeld is om aan te geven welke vakken gemakkelijk zijn. Voeg aan je theorie een formule toe die zegt dat minstens één vak gegeven door GVB gemakkelijk is. Controleer dat de uitvoer van IDP inderdaad is wat je zou verwachten.
- Oef. 16 ► (Zet vorige formule in commentaar en) Voeg een formule toe die zegt dat *elk* vak dat gegeven wordt door GVB gemakkelijk is.
- Tip  $\blacktriangleright$  Als dit niet meteen lukt, kan je eerst eens proberen om volgende tabel in te vullen: Zie je het verband tussen de relaties Geeft en Gemakkelijk?

	Geeft(GVB,vak)	Gemakkelijk(vak)
vak = Al	Waar	
vak = BA		
vak = BB		
vak = CA		

Oef. 17 ► Voeg nu een formule toe die zegt dat elk vak dat door LDS gegeven wordt niet gemakkelijk is.

**Extra 1** Fr zijn twee voor de hand liggende manieren om op te schrijven dat elk vak dat door LDS gegeven wordt niet gemakkelijk is: ofwel met een " $\forall x$ " ofwel met de negatie van een " $\exists x$ " (er bestaat geen vak dat door LDS gegeven wordt en dat gemakkelijk is). Probeer ook deze andere manier eens uit, zet hiervoor je eerste manier in commentaar.

# Map Colouring Problem.

Het *Map Colouring Problem* is een probleem waarbij je een kaart moet inkleuren met een bepaalde hoeveelheid kleuren, zodanig dat alle aangrenzende landen een verschillende kleur hebben.



Oef. 18 ► Stel dat we bovenstaande kaart willen inkleuren met 4 kleuren. Vertrek van het bestand map.idp met volgende specificatie voor de figuur:

```
vocabulary V {
    type Kleur
    type Land
    Grens (Land, Land)
}
structure S: V {
    Land = { Belgie; Nederland; Duitsland; Luxemburg;
                    Frankrijk; Zwitserland; Oostenrijk }
    Kleur = { Rood; Oranje; Geel; Groen; Blauw; }
    Grens = { (Nederland, Belgie); (Nederland, Duitsland);
              (Belgie, Frankrijk); (Belgie, Luxemburg);
              (Belgie, Duitsland); (Luxemburg, Frankrijk);
              (Luxemburg, Duitsland); (Frankrijk, Duitsland);
              (Frankrijk, Zwitserland); (Duitsland, Zwitserland);
              (Duitsland, Oostenrijk); (Zwitserland, Oostenrijk) }
}
```

Voeg een relatie ToegekendeKleur toe om een kleur toe te kennen aan elk land en schrijf een theorie om het Map Colouring Problem op te lossen.

Wanneer je gespecifieerd hebt dat twee aangrenzende landen een verschillende kleur moeten hebben/niet dezelfde kleur mogen hebben, doet je programma nog niet helemaal wat je wilt. Wat is er aan de hand?

- Tip ► Als je IDP niet uitdrukkelijk vertelt dat elk land effectief een kleur moet krijgen, zal je merken dat hij sommige landen gewoon ongekleurd laat. Je zal dus een formule moeten toevoegen die uitdrukt dat er aan elk land een kleur moet worden gegeven.
- Tip > Je zal ook merken dat, als je dit niet uitdrukkelijk verboden hebt, IDP een land meerdere kleuren kan geven. Je kan opnieuw op twee manieren te werk gaan om te specifiëren dat elk land slechts één kleur toegekend kan worden:
  - "Er bestaan geen twee kleuren zodat een land beide kleuren toegekend wordt"
  - "Voor elke twee kleuren die toegekend worden aan een land, geldt dat deze één en dezelfde kleuren moeten zijn"

Extra 2 Probeer beide manieren eens uit om te specifiëren dat elk land slechts één kleur toegekend kan worden (zet hiervoor de manier die je reeds gebruikte in commentaar). Zie je het verband tussen existentiële en een universele kwantificatie?

```
\dots \exists x : \dots R(x) \iff \dots \forall x : \dots R(x)
```

#### 7 | Functies

In de vorige oefening was er een functioneel verband tussen de landen en hun kleur: elk land werd een kleur en exact één kleur toegekend. We hebben IDP dit moeten vertellen door expliciet enkele beperkingen extra op te nemen in onze theorie. We kunnen dit nog op een andere manier doen, namelijk door gebruik te maken van een functie (ipv. een relatie).

**Let op:** de term "functie" wordt hier gebruikt in zijn wiskundige betekenis en doelt dus op een afbeelding van tuples van elementen van één of meer verzameling(en) op elementen van een andere verzameling.

Bijvoorbeeld, er is een functioneel verband tussen personen en geboortejaren, aangezien iedereen exact één geboortejaar heeft (meerdere personen kunnen natuurlijk wel hetzelfde geboortejaar hebben). Ook kan de grootte van een persoon op diens verjaardag worden uitgedrukt als functie van de persoon en de verjaardag. Elke persoon heeft immers één bepaalde lengte op zijn of haar verjaardag, maar verschillende personen kunnen wel dezelfde lengte hebben:

```
vocabulary V {
   type Persoon
   type Jaartal
   type Grootte
   Geboortejaar(Persoon): Jaartal
   Grootte (Persoon, Jaartal): Grootte
}
structure S: V {
   Persoon = { Jos; Jef; Marie }
    Jaartal = { 2010; 2011 }
   Grootte = { 0..100; }
   Geboortejaar = { Jos -> 2010; Jef -> 2011; Marie -> 2010 }
   Grootte = {
             2010 -> 50; Jos, 2011 -> 70;
        Jos,
              2010 -> 0; Jef,
                                2011 -> 55;
        Jef,
        Marie, 2010 -> 45; Marie, 2011 -> 65;
   }
}
```

**Let op:** Wanneer je een functie zelf invult in je structuur, moet deze steeds compleet gedefinieerd zijn, maw. er moet ook effectief voor elk mogelijk tuple in het domein van de functie gespecifieerd worden op welke waarde dit wordt afgebeeld.

Oef. 19 ► Hernoem je vorige oplossing map.idp naar mapfunc.idp en verander je relatie ToegekendeKleur in een functie die een land mapt op een kleur. Je hebt nu geen constraints meer nodig die zeggen dat elk land een kleur moet hebben en dat een land slecht één kleur kan hebben.

## 8 | Integer types

Een integer type in IDP is niets anders dan een enumeratietype waarop bepaalde aritmetische bewerkingen (+,-,\*,/,%) gedefiniëerd zijn. Het ingebouwde type 'int" kan best niet rechtstreeks gebruikt worden, aangezien de grenzen hiervan onbepaald zijn. De declaratie "type MySubType isa MyType" kan gebruikt worden om subtypes te definiëren. Bijvoorbeeld, het volgende programma (octaal.idp) berekent welke twee cijfers het getal 25 vormen in het octaal talstelsel, gebruikmakend van een subtype Octaal van het type int. Probeer dit voorbeeld eens uit.

```
vocabulary V {
    type Octaal isa int
    Cijfer1: Octaal
    Cijfer2: Octaal
}

structure S: V {
    Octaal = { 0; 1; 2; 3; 4; 5; 6; 7 }
}

theory T: V {
    Cijfer1 * 8 + Cijfer2 = 25.
}

procedure main() {
    printmodels(modelexpand(T, S))
}
```

De definitie van het type Octaal mag trouwens ook afgekort worden als:

```
Octaal = { 0..7 }
```

Of dit mag bijvoorbeeld ook:

```
Octaal = { 0..4; 5; 6..7 }
```

Oef. 20 ► Vertrek van het bestand diet.idp en schrijf een programma dat de volgende letterpuzzel oplost:

```
LESS
FOOD
----
DIET
```

De regels bij zo'n puzzel zijn de volgende:

- Elke letter stelt een cijfer van 0 t/m 9 voor.
- Elke letter staat voor een ander cijfer (reeds voorzien in je theorie).
- · Een getal mag nooit beginnen met het cijfer nul.

Laat IDP eens uitrekenen of er een oplossing van de volgende vorm bestaat en vul aan:

L	E	S	F	0	D	I	Т
	6	2	1				9

Oef. 21 ► Maak een bestand cde.idp aan en los volgende letterpuzzel op, waarbij klinkers even cijfers voorstellen en medeklinkers oneven cijfers:

AI BA ---CDE

Maak hiervoor gebruik van één relatie Even met waarden 0, 2, 4, 6 en 8.

Α	В	С	D	Е	I
				6	

Extra 3 ▶ Je merkte aan de implementatie van de regel "elke letter staat voor een ander cijfer" dat het gebruik van constanten voor de verschillende letters niet ideaal is, zeker wanneer je met een groter aantal letters werkt. Aangezien elke letter op exact één waarde mapt, kan je hier perfect een functie voor gebruiken.

Hernoem je oplossing  $\mathtt{diet.idp}$  voor de eerste letterpuzzel naar  $\mathtt{dietfunc.idp}$ . Vervang je constanten door één functie Waarde die letters mapt op cijfers. Vergeet hierbij niet om de constanten ook uit je structuur te verwijderen. Specifieer dmv. kwantificatie dat twee letters niet dezelfde waarde mogen hebben. Om te controleren of je tot dezelfde oplossing komt dan vooheen, kan je, voor nu, de waarden van de letters als beperkingen opnemen in je theorie.

Extra 4 ► Zoals gezien in 7.Functies, kan een functie niet slechts gedeeltelijk gedefinieerd worden in een structuur. Moeten de gegeven waarden dan als harde beperkingen opgenomen worden in je theorie? Dit is geen goede oplossing. De gegeven waarden van deze puzzel maken namelijk geen deel uit van de logica die nodig is om de puzzel op te lossen. Wanneer we een andere toekenning van waarden aan letters willen doen, zou dit dan in de theorie aangepast moeten worden. Idealiter worden de gegevens in een nieuwe structuur geplaatst, zodat de theorie onaangepast gebruikt kan worden voor verschillende toekenningen. Kan je, met wat je tot nu toe geleerd hebt, een manier bedenken om de gegeven toekenning op te nemen in je IDP-programma zodat de theorie niet steeds moet aangepast worden? Doe de nodige toevoegingen in dietfunc.idp.

**Extra 5** In de tweede letterpuzzel lijkt het overbodig om de relatie Even te definiëren in je structuur, aangezien deze wiskundig gedefinieerd kan worden en onveranderlijk is. Zet je toekenning van waarden  $0, 2, \ldots$  in commentaar in cde.idp en voeg een formule toe aan je theorie die de relatie Even definieert mbv. een universele kwantor.

## 9 Aggregaten

Eén van de features van IDP die we nog niet behandeld hebben, zijn aggregaten: functies die werken op een verzameling van objecten. De algemene vorm van zo'n aggregaat ziet er als volgt uit:

```
agg\{ x_1 x_2 \dots x_n : \phi : t \}
```

Met agg de aggregaatfunctie,  $x_i$  de variabelen (zowel van  $\phi$  als t),  $\phi$  een formule en t een term. De betekenis van zo'n aggregaat is dat we de functie agg (bv. sum of product) toepassen op de verzameling van alle instantiaties van de term t waarvoor aan  $\phi$  voldaan is.

Het aggregaat "kardinaliteit" (genoteerd met #) telt hoeveel verschillende instantiaties er zijn waarvoor de formule voldaan is. In dit geval hebben we de term t niet nodig. Bijvoorbeeld, in de oefening met de verschillende dagen en het weekend (dagen.idp), kunnen we gaan tellen hoeveel dagen er in het weekend vallen, als volgt:

```
#{d[Dag]: Weekend(d)}
```

Deze uitdrukking stelt het *aantal* elementen d voor, waarvoor de formule Weekend(d) waar is, maw. het aantal dagen die in het weekend vallen. We kunnen dit nu naar wens gaan gebruiken in formules, bijvoorbeeld:

```
1 < #{ d[Dag]: Weekend(d) } \land #{ d[Dag]: Weekend(d) } < 3.
```

Dit mag trouwens ook:

```
1 < #{ d[Dag]: Weekend(d) } < 3.
```

Veronderstel dat we ons programma met vakken en docenten uitbreiden met het concept studiepunten:

Oef. 22 ▶ Vertrek van het bestand docenten.idp en laat IDP een relatie Geeft(Docent, Vak) berekenen, zodanig dat:

- · Elk vak exact één docent heeft;
- LDS het vak ComputerArch geeft;
- GVB zeker niet de vakken BedrijfsBeleid of MobieleComm geeft;
- Elke docent behalve IMA minstens 2 vakken geeft;

Voor de laatste twee items maak je gebruik van het kardinaliteitsaggregaat.

Hier is nog even een overzicht van de verschillende vergelijkingsoperatoren:

ASCII notatie	Wiskundig symbool
=	=
~=	$\neq$
<	<
=<	$\leq$
>	>
>=	$\geq$

Als we een verzameling van variabelen x hebben van een int type, dan kunnen we met die x-en meer doen dan enkel de kardinaliteit berekenen. IDP kent vijf verschillende aggregaatfuncties:

Notatie	Betekenis
#	Kardinaliteit
sum	Som
prod	Product
min	Minimumwaarde
max	Maximumwaarde

Oef. 23 ▶ Voeg aan je theorie een formule toe die zegt dat het totale aantal studiepunten van de vakken die door dezelfde docent gegeven worden maximaal 10 mag zijn.

# 10 | Optimalisatie

IDP kan ook gebruikt worden om optimalisatie-problemen op te lossen: in plaats van eender welk model van je theorie te berekenen, zal IDP dan een model berekenen dat de waarde van een bepaalde numerieke term minimaliseert. Dit gebeurt door middel van de inferentietaak minimize(theory, structure, term).

Hiervoor definieer je eerst de term die je wil minimaliseren en vervolgens laat je IDP de modellen zoeken waarin deze term zijn minimale waarde aanneemt (voor maximalisatie neem je de negatie van de gewenste term).

Dit ziet er dus als volgt uit:

```
vocabulary V {
         ...
}
structure S: V {
         ...
}
theory T: V {
         ...
}
term t: V {
         ...
}
procedure main() {
         printmodels(minimize(T, S, t))
}
```

**Oef. 24** ▶ In een vorige opgave hebben we het *Map colouring problem* bekeken. Er bestaat hiervan ook een optimalisatie variant, waarbij het de bedoeling is om het aantal gebruikte kleuren te minimaliseren. Hernoem je oplossing mapfunc.idp naar mapopt.idp en voeg een term toe die het aantal effectief gebruikte kleuren telt. Laat IDP nu deze term minimaliseren.



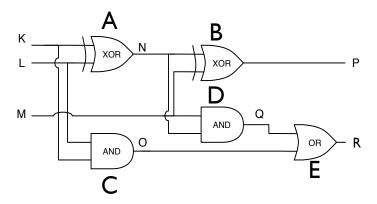


Tip > Je kan een structuur ook opnemen in je IDP-programma dmv. een include. Je hoeft de gegeven structuur dus niet te kopiëren naar je eigen IDP-bestand. Om een externe structuur toe te voegen aan je programma, moet het vocabularium, waar de structuur bij hoort, reeds gedefinieerd zijn:

```
vocabulary V {
    ...
}
include "bestandsnaam.idp"
```

# **B** | Analyse van logische circuits

We gaan IDP gebruiken voor het analyseren van logische circuits.



# 1 | Voorstelling van circuits in IDP

Veronderstel dat we bovenstaand logisch circuit beschrijven met volgende structuur:

```
structure Circuit: CircVoc {
    Gate = { A; B; C; D; E }
    Wire = { K; L; M; N; O; P; Q; R }
    Output = { A → N; B → P; C → O; D → Q; E → R }
    FirstInput = { A → K; B → N; C → L; D → M; E → Q }
    SecondInput = { A → L; B → M; C → K; D → N; E → O }
    Xor = { A; B }
    And = { C; D }
    Or = { E }
}
```

**Oef. 1** ▶ Vertrek van het bestand circuit.idp en schrijf het bijhorend vocabularium CircVoc.

**Oef. 2**  $\blacktriangleright$  Om de toestand van het circuit te beschrijven, gebruiken we een relatie On(Wire), die aangeeft welke lijnen aan staan (de andere staan dan uit). Voeg deze toe aan het vocabularium. Reken eens uit welke interpretatie er bij deze relatie hoort in het geval dat, van de invoerdraden K, L en M, enkel K en M aan staan.

K	L	M	N	0	Р	Q	R
Х		Х					

Voeg de interpretatie die je net berekend hebt toe aan de structuur.

Oef. 3 ► Voeg dan een theorie-blok toe, waarin je beschrijft hoe de twee invoerlijnen van, respectievelijk, een And-, Xor-, of Or-poort zich verhouden tot de bijhorende uitvoerlijn. Om je op weg te helpen, is hier alvast de beschrijving van een And-poort:

```
\forall x : And(x) \Rightarrow (On(FirstInput(x)) \land On(SecondInput(x)) \Leftrightarrow On(Output(x))).
```

Controleer of je theorie inderdaad voldaan is in je structuur. Probeer dit ook eens uit met wat andere waarden voor de relatie On.

#### 2 | Simulatie

We kunnen IDP gebruiken om de werking van het circuit te simuleren.

- **Oef. 4**  $\blacktriangleright$  Gegeven een bepaalde waarde van de invoerlijnen van het circuit (K, L en M, in dit geval), berekenen we de waarde van de andere lijnen. Om dit voor elkaar te krijgen, hebben we in de eerste plaats een relatie InputWire nodig, die aangeeft welke de invoerlijnen precies zijn. Voeg deze relatie toe aan het vocabularium en de structuur.
- Oef. 5  $\blacktriangleright$  We zouden nu ook de waarde van de invoerlijnen moeten toevoegen aan de structuur. Maar we willen dit natuurlijk doen zonder dat we ook de waarde van de andere draden moeten opgeven. Met ons huidige vocabularium zal dit niet lukken, aangezien we hier enkel maar de relatie On hebben die de waarde van <u>alle</u> lijnen beschrijft. Los dit probleem op door het introduceren van een nieuwe relatie InputWireOn, die de toestand van enkel maar de invoerlijnen van het circuit weergeeft. Wat moet er nu gebeuren met de relatie On die we al hadden?
- Oef. 6 Vanzelfsprekend moet er nog een verband zijn tussen InputWireOn en On. Voeg aan je theorie een formule toe die het vereiste verband uitdrukt. Gebruik deze theorie dan om te berekenen wat de waarde van de andere lijnen zal zijn als enkel de invoerlijnen K en M aan staan (maw. L staat uit). Als alles goed is, zou dit natuurlijk hetzelfde resultaat moeten opleveren als in de vorige oefening. Probeer nu eens te berekenen wat het resultaat zal zijn als enkel L aan staat en ga na dat je effectief het juiste resultaat krijgt.

InputWireOn	On
K, M	
L	

# 3 | Omgekeerde simulatie

In de vorige oefening hebben we de werking van het circuit gesimuleerd door te kijken welke uitvoer geproduceerd wordt voor een gegeven invoer. IDP laat ons echter ook toe om, gebruikmakend van hetzelfde model van het circuit, een simulatie in omgekeerde richting uit te voeren.

Oef. 7  $\triangleright$  Op basis van een gehoopte uitvoer van het circuit, kunnen we nagaan welke verschillende invoerwaarden allemaal aanleiding zouden geven tot deze uitvoer. Net zoals we in de vorige oefening nood hadden aan een relatie InputWireOn om de toestand van een specifiek deel van de lijnen te kunnen beschrijven, hebben we hiervoor een gelijkaardige relatie OutputWireOn nodig. Voeg relaties OutputWire en OutputWireOn toe aan het vocabularium, en voeg de gepaste interpretatie voor de relatie OutputWire toe aan de structuur.

Oef. 8 Voeg aan de theorie een formule toe die de relatie tussen On en OutputWireOn definieert. Ga nu na welke verschillende waardes voor de invoerlijnen allemaal aanleiding geven tot de uitvoertoestand waarin P en R allebei aan staan. Probeer dit ook eens uit voor een uitvoertoestand waarin enkel P aan staat.

OutputWireOn	InputWireOn
P, R	
P	

#### 4 | Validatie

In deze oefening gaan we eens kijken naar het probleem van *validatie*: om te controleren of het circuit wel correct werkt, voeren we een aantal metingen uit.

**Oef. 9**  $\blacktriangleright$  Om te beginnen, beschouwen we een heel eenvoudig geval, waarbij we een bepaalde invoer aan het circuit geven en dan de toestand van een aantal lijnen meten, met de bedoeling om na te gaan of deze toestand overeenkomt met onze verwachtingen. Voeg aan het vocabularium een relatie ObservedOn (de lijnen waarvan er geobserveerd is dat ze aan staan) en een relatie ObservedOff (de lijnen waarvan er geobserveerd is dat ze uit staan) toe. (Draden die noch in ObservedOn, noch in ObservedOff voorkomen, zijn dus precies die draden die we niet hebben opgemeten.) Druk in je theorie uit dat de geobserveerde waardes overeenkomen met de toestand van de geobserveerde lijnen.

**Oef. 10** ► Gebruik IDP om na te gaan of het circuit correct werkt als we volgende observaties maken:

- (1) Invoer: K en L staan aan; M staat uit Observaties: we observeren dat N uit staat en dat O aan staat
- (2) Invoer: K en M staan aan; L staat uit Observaties: we observeren dat Q uit staat en dat N aan staat



Sla je programma (circuit.idp) op en hernoem naar circuitdiag.idp alvorens verder te gaan.

## 5 | Diagnose

Als uitbreiding op de vorige oefening rond validatie, beschouwen we nu het probleem van *diagnose*: in plaats van enkel te bepalen of het hele circuit al dan niet goed werkt, willen we nu ook weten welke componenten er mogelijk defect zijn.

**Oef. 11**  $\blacktriangleright$  Voeg een relatie Broken toe aan het vocabularium. In je vorige theorie heb je gedefinieerd wat de waarde van de uitvoerlijn van een poort zou moeten zijn in functie van zijn invoerlijnen. In deze oefening gaan we dit veranderen, en in plaats daarvan zeggen dat:

"Voor elke And-poort die niet defect is, moet het zo zijn dat zijn uitvoerlijn aan staat als en slechts als zijn twee invoerlijnen aan staan."

Pas je formule op deze manier aan en doe hetzelfde met de formules voor Or- en Xor-poorten.

**Oef. 12** Neem nu opnieuw de tweede reeks observaties uit de vorige opgave (K en M staan aan, geobserveerd dat Q uit staat en N aan) en kijk wat voor uitvoer IDP produceert.

Laat IDP ook eens zoeken naar alle mogelijke oplossingen.

Je ziet dat IDP heel veel verschillende diagnoses vindt. Dit is ook logisch, aangezien een defecte component eender welke waarde voor zijn uitvoerlijn kan produceren, en we dus nooit zeker kunnen zijn dat een component niet defect is. Hoewel het resultaat van IDP dus in principe correct is, is het niet zo nuttig.

Oef. 13  $\blacktriangleright$  Wat we liever zouden hebben, is dat IDP enkel maar *minimale* diagnoses zoekt, dwz. dat we enkel maar gaan veronderstellen dat een component defect is, als we effectief observaties hebben die betekenen dat hij niet correct kán werken. Introduceer hiervoor een  $term\ NbBroken$ , die het aantal defecte componenten telt, en laat deze door IDP minimaliseren. Bestudeer het effect van deze uitdrukking op de uitvoer en overtuig jezelf ervan dat dit resultaat nu inderdaad veel nuttiger is dan het vorige.

Minimale diagnoses

**Oef. 14**  $\blacktriangleright$  Kijk ook eens naar de eerste reeks observaties uit de vorige opgave (K en L staan aan, geobserveerd dat N uit staat en O aan).

Vergelijk de uitvoer die je hiervoor krijgt als je IDP vraagt om alle model expansies te berekenen met de uitvoer als je de term NbBroken laat minimaliseren. Begrijp je waarom dit zo is?

Minimale diagnoses

Sla je programma op en hernoem naar circuittest.idp alvorens verder te gaan.

### 6 Testen

In de vorige oefening hebben we telkens geprobeerd om een diagnose te stellen aan de hand van één reeks van observaties voor dezelfde invoer. We kunnen natuurlijk ook trachten om meerdere testen uit te voeren en al deze informatie samen te gebruiken om tot een diagnose te komen.

Oef. 15 ► Veronderstel dat we volgende 3 testen hebben uitgevoerd op het circuit:

(1) Invoer: K aan, L en M uit Observaties: P en R staan aan

(2) Invoer: L aan, K en M uit Observaties: P en R staan aan

(3) Invoer: M aan, K en L uit

Observaties: P staat aan en R staat uit

Om deze drie verschillende tests te kunnen voorstellen, moet je een type Test toevoegen, met als elementen 1, 2 en 3. Een aantal relaties zullen dan ook een bijkomend argument van type Test krijgen. Voer deze veranderingen door.

Oef. 16 ➤ Zoek de minimale diagnoses van het circuit, gegeven de drie bovenstaande tests. Hierbij wordt er natuurlijk verondersteld dat de status van een bepaalde poort (dwz. defect of niet defect) dezelfde blijft gedurende al de testen.

Minimale diagnoses	-

# C | (Inductieve) Definities

## 1 Definities

Een speciale en veelvoorkomende vorm van kennis zijn definities. Een voorbeeld van een definitie:

"Een student slaagt voor een vak als en slechts als hij/zij een score van minstens 10/20 haalt op dit vak."

Deze definitie definieert het concept "geslaagd zijn" in termen van het concept "examenscore".

Oef. 1 ► In geslaagd.idp vind je een vocabularium en een structuur met wat informatie over examenscores van enkele vakken:

Maak een theorie die de definitie van *Geslaagd* uitdrukt. Bereken de model expansies van deze theorie t.o.v. de bovenstaande structuur. Als je theorie correct is, zou er natuurlijk maar één model mogen zijn.

In bovenstaande oefening heb je de IDP operatoren die je al kende gebruikt. Daarnaast beschikt IDP echter ook over een speciale notatie die specifiek dient om definities mee op te schrijven. Deze specifieke notatie biedt een drietal voordelen over het gebruik van de algemene operatoren, die we hieronder één voor één zullen bespreken.

Een definitie in IDP bestaat uit een verzameling regels, omsloten door accolades. Elke regel heeft de vorm  $\forall x_1 \ x_2 \ \dots \ x_n : \ A \leftarrow F$ . waarbij A een atomaire formule is en F een formule. Elk van deze regels beschrijft één specifiek geval waarin het gedefinieerde concept waar is.

```
Definitie notatie: { \forall x_1 \ x_2 \ \dots \ x_n : A \leftarrow F_1. \forall x_1 \ x_2 \ \dots \ x_n : A \leftarrow F_2. }
```

De definitie van *Geslaagd* kan bijvoorbeeld geschreven worden als:

Je leest deze definitie als volgt:

- Als het examenresultaat van een vak minstens 10 is, ben je geslaagd voor dit vak.
- In geen enkele andere situatie, ben je geslaagd voor een vak.

Merk op dat—zoals blijkt uit het laatste puntje—een definitie dus altijd een *volledige* opsomming geeft van alle gevallen waarin het gedefinieerde concept waar is. In alle gevallen die niet opgesomd zijn, is het concept maw. dus niet waar.

Oef. 2  $\blacktriangleright$  Maak een nieuwe theorie (T2) aan en herschrijf de definitie van Geslaagd uit oef. 1 in de definitie notatie.

Een eerste voordeel van deze notatie is dat ze duidelijk maakt welk concept juist gedefinieerd wordt in termen van welke andere concepten: door het feit dat de Geslaagd links van de pijl staat, is het duidelijk dat dit de relatie is die gedefinieerd wordt.

Een tweede voordeel volgt uit het feit dat een definitie uit meerdere regels kan bestaan. Hierdoor kan de interne structuur van een definitie beter bewaard worden. Beschouw de volgende definitie:

Een student slaagt voor een vak in de volgende twee gevallen:

- 1. Als hij hier een score van minstens 10/20 op haalt
- 2. Als hij een score van minstens 8/20 haalt en het vak tolereert.

**Oef. 3** Voeg een relatie Getolereerd toe aan het vocabularium en de structuur. Pas de definitie van Geslaagd aan zodat de definitie de twee gevallen bevat waarin een student geslaagd is voor een vak. Doe dit zowel voor de "definitie" die je zelf gemaakt had in Oef. 1, als voor de definitie met de speciale definitie-notatie in Oef. 2. Welk van beide versies lijkt je het gemakkelijkst om te onderhouden en welke sluit het beste aan bij de definitie zoals we ze hierboven in het Nederlands gaven? ......

Extra 6 ▶ Veronderstel dat je een definitie hebt die er zo uitziet:

```
 \begin{cases} \forall x_1 \ x_2 \ \dots \ x_n : \ A \leftarrow Formule_1. \\ \forall x_1 \ x_2 \ \dots \ x_n : \ A \leftarrow Formule_n. \end{cases}
```

Zou je deze definitie in het algemeen kunnen omzetten naar een IDP formule die geen gebruik maakt van de speciale definitie-notatie?

```
\forall x_1 \ x_2 \ \dots \ x_n : \dots
```

### 2 Definities door Inductie

De speciale definitie notatie kan ook gebruikt worden om concepten inductief te definiëren. Stel dat we het concept Voorouder willen definiëren. We kunnen dan vertrekken van de relatie Ouder

```
vocabulary V {
  type Person
  Ouder(Person, Person)
  Voorouder(Person, Person)
}

theory T: V{
  {
      ∀p1 p2: Voorouder(p1,p2) ←Ouder(p1,p2).
      ∀p1 p2: Voorouder(p1,p2) ← ∃p3:Voorouder(p1,p3) ∧ Voorouder(p3,p2).
  }
}
```

Deze definitie volstaat om alle mogelijke voorouders te definiëren, omdat ze uitgedrukt is in term van zichzelf. Dit soort van definitie—waarbij we het begin van de rij gebruiken om het vervolg van de rij te definiëren—noemen we een *inductieve definitie*. Dergelijke definities bestaan typisch uit één of meerdere basisgevallen, zoals de Ouder relatie hierboven, en een aantal inductieve gevallen, zoals in het tweede item.

**Oef. 4** Maak je eigen stamboom. Vertrek hiervoor van het bestand voorouder.idp. Vul de structuur aan met je naam, die van één van je ouders, een grootouder, een overgrootouder en de relatie Ouder. Controleer de waarden van de relatie Voorouder. Is deze volledig? Begrijp je waarom de definitie niet enkel geldt voor je ouder en grootouder, maar ook voor je overgrootouder?

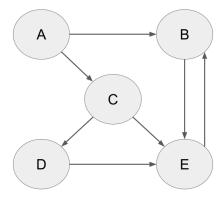
Een ander klassiek voorbeeld van een inductieve definitie is die van de bereikbaarheid (*reachability*) in een grafe.

Een knoop x is bereikbaar vanuit knoop y in de volgende gevallen:

- Als er een boog is van y naar x:
- Als er een derde knoop z bestaat, zodat z bereikbaar is vanuit y en x bereikbaar is vanuit z.

Bovenstaande grafe kunnen we voorstellen door volgend vocabularium en structuur:

```
vocabulary V {
    type Knoop
    Boog(Knoop, Knoop)
}
structure S: V {
    Knoop = { A; B; C; D; E }
    Boog = { A,B ; A,C ; B,E ; C,D ; C,E ; D,E ; E,B }
}
```



Oef. 5 ▶ Vertrek van grafe.idp en maak een theorie met daarin een definitie van de bereikbaarheidsrelatie en test uit dat ze bij dit voorbeeld het juiste resultaat geeft.

Extra 7 ► In een vorige extra oefening heb je erover nagedacht hoe je definities ook kan uitdrukken zonder gebruik te maken van de speciale definitie-notatie van IDP. Probeer dit eens te doen met je definitie van de bereikbaarheidsrelatie. Je zal zien dat dit niet correct werkt (je krijgt teveel modellen). Begrijp je hoe dit komt?

**Weetje:** Men kan wiskundig bewijzen dat het onmogelijk is om de bereikbaarheidsrelatie te definiëren in logica zonder gebruik te maken van de speciale definitie-notatie.

Inductieve definities kunnen ook gebruikt worden om wiskundige rijen te definëren. Sommige van deze rijen kunnen enkel op een inductieve manier gedefinieerd worden. Een voorbeeld hiervan is de welbekende Fibonacci rij:

 $0\ 1\ 1\ 2\ 3\ 5\ 8\ 13\ 21\ 34\ 55...$ 

**Oef. 6** Vertrek van fib.idp. Vervolledig de inductieve definitie van een functie Fib die de rij van Fibonacci getallen voorstelt. Maak hiervoor een nieuwe theorie  $T\_fib$  aan. Test dat de eerste 11 elementen van deze rij inderdaad overeenkomen met wat hierboven staat.

# 3 N-koninginnen probleem

Het N-koninginnen-probleem kan worden omschreven als volgt. Plaats N koninginnen op een  $N \times N$  schaakbord, zodanig dat geen enkele koningin een andere kan slaan. Een koningin kan een ander schaakstuk slaan als dit schaakstuk op één lijn bevindt (horizontaal, verticaal of diagonaal) met het andere schaakstuk.

```
vocabulary V {
    type Rij isa nat
    type Kolom isa nat

    Koningin(Rij, Kolom)
    Slaan(Rij, Kolom, Rij, Kolom)
}

structure S: V {
    Rij = {1..8}
    Kolom = {1..8}
}

theory T: V{
    #{r k: Koningin(r,k)} = 8.
    ∀r1 r2 k1 k2: (r1≠r2∨k1≠k2) ∧
        Koningin(r1,k1) ∧ Koningin(r2,k2) ⇒ ¬Slaan(r1, k1, r2, k2).
}
```

Oef. 7 ▶ Vertrek van het bestand koningin.idp en schrijf een definitie die aangeeft wanneer twee koninginnen elkaar kunnen slaan.

# D | Oplossen van puzzels

We gaan IDP gebruiken om een Sudoku op te lossen.

## 1 Vocabularium

- Oef. 1 ► Maak een vocabularium aan waarin je types Rij, Kolom en Getal definieert.
- **Oef. 2**  $\blacktriangleright$  Voeg aan dit vocabularium de relatie Gegeven toe, die weergeeft welke getallen er al ingevuld zijn in het rooster en een functie Oplossing, die aangeeft welk getal op elke plaats van het rooster moet staan.

**Merk op:** Gegeven is een relatie en Oplossing een functie. De reden hiervoor is dat Oplossing een waarde invult op elke plaats in het rooster, terwijl Gegeven maar voor enkele vakjes in het rooster geldt.

**Oef. 3** Voeg een relatie Vierkant toe die je gaat gebruiken om te definiëren dat twee vakjes in hetzelfde  $3 \times 3$  vierkant zitten.

## 2 | Structuur

**Oef. 4** ▶ Voeg de mogelijke waarden toe die *Rij*, *Kolom* en *Getal* kunnen aannemen.

De Gegeven getallen (rij, kolom, waarde) hebben we voor jou al op de juiste plek in het rooster ingevuld.

### 3 | Theorie

Ga bij elke stap na of wat je hebt toegevoegd ook de gewenste effecten heeft.

**Oef. 5** ► Voeg een regel toe die zegt dat als een bepaald getal Gegeven is, het ook in de Oplossing moet zitten.

Oef. 6 ► Definieer wanneer 2 vakjes in hetzelfde Vierkant zitten. De relatie vierkant geldt ni voor een vakje met zichzelf. Waarom is dit belangrijk?	et
Oef. 7 ► Voeg enkele regels toe zodat in elke rij, kolom, en vierkant maximaal 1 keer hetzelfo getal voorkomt. Het is niet nodig om te specifiëren dat elke rij, elke kolom en elk vierkant al getallen moeten bevatten. Kan je uitleggen waarom dit overbodig is?	

## 4 Zelf aan de slag

Maak groepjes van twee en kies per groepje een van volgende puzzels waarvoor jullie samen een IDP programma zullen schrijven. Deze puzzels zijn er in vier categorieën van moeilijkheid, gaande van één ster (makkelijk) tot vier sterren (moeilijk). Bij het quoteren van jullie oplossing wordt de moeilijkheidsgraad van de oefening mee in rekening gebracht: het perfect oplossen van een 4-sterren oefening levert 20/20 op, een drie-sterren oefening 18/20, een 2-sterren oefening 16/20 en een 1-ster oefening 14/20.

Overleg met de docent van de practica over welke puzzel je kiest, zodat de puzzels zo goed mogelijk over de verschillende groepjes verdeeld kunnen worden.

(Meer uitleg en de complete spelregels kan je vinden in de app "Logic Games" beschikbaar in de appstore van Android, iOS en Windows of natuurlijk elders online)



## \* Binairo (Landscaper).

In elke cel moet een nul of een één ingevuld worden. Er mogen niet meer dan twee dezelfde cijfers direct naast of direct onder elkaar staan. Elke rij en elke kolom is uniek en bevat evenveel nullen als enen.

	1		0	0			
		0					1
	0			0	0	1	1
1	1		0				0

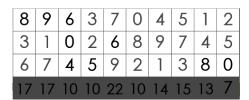
#### \* Mosaic.

Elk vakje kan gekleurd zijn of niet. Elk gegeven getal geeft aan hoeveel gekleurde vakjes er zijn in het 3x3 vierkant rond het vakje waar het getal in staat. Hierbij wordt het vakje zelf ook meegeteld, zodat het maximale getal dat in een vakje kan staan 9 is.

	2			3		2			3
0	3	5		3	0	3	5		3
2	5	6	7	4	2	5	6	7	4
4	7		7	4	4	7		7	4
4	6			4	4	6			4

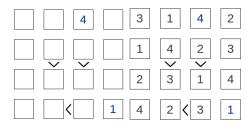
### \* Tenner grid.

Elke rij moet de cijfers 0 t.e.m. de breedte van een rij bevatten, zodanig dat de som van elke kolom overeenkomt met de waarde aangegeven beneden de kolom. Aangrenzende vakjes (horizontaal, verticaal of diagonaal) mogen niet dezelfde waarde krijgen.



#### \* Futoshiki.

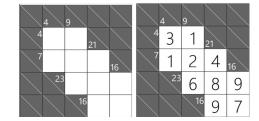
Plaats in elke rij en kolom de cijfers 1 t.e.m. de breedte van het rooster. Zorg er voor dat voldaan wordt aan de groter- en kleiner-dan-relaties die tussen de cellen staan.





#### \* \* Kakuro.

In deze puzzel is het de bedoeling om cijfers van 1 t.e.m. 9 in te vullen in een rooster. De opgavevakjes geven aan wat de som moet zijn van de cijfers die er horizontaal naast / verticaal onder staan. In dezelfde som mag elk cijfer maximaal één keer voorkomen.



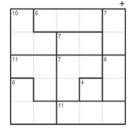
#### \* \* Hidato.

In elke cel moet een nummer ingevuld worden tussen 1 en het aantal vakjes in het rooster. Opeenvolgende cijfers moeten telkens aan elkaar grenzen (horizontaal, verticaal of diagonaal).

13		15			13	14	15	16	17
	25	1	2	18	12	25	1	2	18
	24		21		11	24	3	21	19
10		22	4	20	10	23	22	4	20
9			6		9	8	7	6	5

### \* \* CalcuDoku.

Elke puzzel bestaat uit een raster met blokken omgeven door vette lijnen. Het doel is om alle vierkanten te vullen zodat de getallen 1 tot 5 (het aantal rijen en kolommen in het raster) precies één keer in elke rij en kolom voorkomen en de getallen in elk blok opgeteld het resultaat opleveren dat linksbovenaan wordt weergegeven. In CalcuDoku mag een nummer meerdere keren in hetzelfde blok worden gebruikt

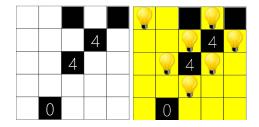


<sup>10</sup> 5	ໍ3	2	1	<sup>7</sup> 4
1	4	<sup>7</sup> 5	2	3
14	2	<sup>7</sup> 1	3	ຶ5
<sup>6</sup> 2	5	3	<sup>4</sup> 4	1
3	1	14	5	2



### \*\*\* Lighten up.

Plaats een aantal lampjes in het rooster, zodat elke cel "verlicht" wordt. Een cel wordt verlicht wanneer er een lamp op een rechte lijn (horizontaal of verticaal) staat, zonder obstakels. Lampen mogen elkaar niet beschijnen en op de obstakels staat telkens vermeld hoeveel lampen eraan grenzen (horizontaal of verticaal).



#### \*\*\* Snail.

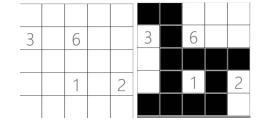
Een spiraal vertrekt in de linkerbovenhoek en draait met de klok mee naar het middelste vakje van het rooster. Deze spiraal moet worden ingevuld door telkens de sequentie van 1, 2, 3. Lege vakjes zijn toegestaan. Het eerste cijfer in de spiraal moet altijd een 1 zijn, het laatste cijfer een 3. In elke rij en kolom moet elk cijfer exact één keer worden ingevuld.

1					1		2	3
				2	3			1
	3		2	1		3		2
				3		2	1	
2		3			2	1	3	



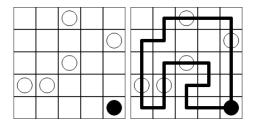
#### \*\*\* Nurikabe.

Bouw één continue muur die het veld opdeelt in verschillende vlakken. De grootte van elk vlak is aangegeven met een cijfer. Verschillende vlakken mogen elkaar niet raken. De muur mag geen 2x2 vierkanten maken.



#### \*\*\* Masyu.

Maak een gesloten ketting zonder aftakkingen die door het centrum van de cellen gaat. Er zijn 2 soorten parels, door de witte parels moet de ketting rechtdoor gaan, door de zwarte parels moet de ketting een 90 graden draai maken. Bovendien moet na de hoek in de zwarte parel, de draad langs beide kanten rechtdoor gaan; terwijl de draad na rechtdoor te gaan in een witte parel, langs minstens één kant een hoek moet maken.



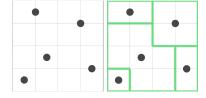
### $\star\star\star\star$ Slither Link.

Maak een gesloten ketting zonder aftakkingen die tussen de vakjes van het rooster doorloopt. Elk getal in het rooster geeft weer aan hoeveel van de 4 randen van de cel de ketting grenst.

3		3	2		3		3	2	
	2			2		2			2
	3		3	0		3		3	0
		1	2				1	2	
	2	2	2			2	2	2	

## \*\*\* Galaxies.

Het rooster bevat een aantal centra van melkwegen. Deze centra kunnen zich bevinden in het centrum van een cel, op de rand tussen 2 cellen of in de kruising van 4 cellen. Deel het rooster zo in dat elke melkweg symmetrisch is en alle melkwegen samen het hele rooster innemen.



#### \*\*\* Branches.

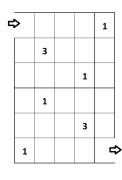
Het bord moet gevuld worden met takken. Deze takken zijn rechte horizontale en verticale lijnen, die vanuit een cijfer vertrekken. Dit cijfer bepaalt hoeveel vakjes door zijn takken gevuld worden. Zo kan een vakje met nummer 4 een tak van 1 naar links, 2 naar boven en 1 naar onder hebben. Alle vakjes moeten gevuld worden, er mogen geen overlappingen zijn, en takken vormen 1 rechte lijn.

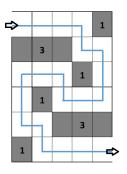
					2	#	*
5		7				5	1
			3			+	1
					2	-	1
						1	1
	7			3		本	7

#	*	#	**		2
5	-	7	1		本
-	-	-	3	李	本
1	1	1	-	*	2
1	1	本	本	1	本
本	7	-	*	3	大學

#### \*\*\* Number Link.

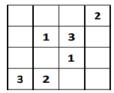
Verbindt koppels van dezelfde nummers met een ononderbroken lijn. De lijn kan enkel horizontaal of verticaal gaan, en mag niet kruisen met andere lijnen. Uiteindelijk moet door elk vakje een lijn lopen, en de lijn mag geen 2x2 vakjes bedekken (zoals een u-turn)

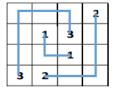




#### \*\*\* Hidden Path.

Trek een pad van de ingang van het doolhof naar de uitgang. Plaats hierbij zelf de muren. Elk vierkant in het rooster is onderdeel van het pad of van een muur. De cijfers geven aan hoeveel vierkanten van een muur er in een blok zitten, inclusief dat vierkant. Muren worden beschouwd als verbonden als ze aan een zijde grenzen. Er kunnen geen muren zijn die niet verbonden zijn met een genummerde blok. Het pad maakt enkel rechte hoeken. Het mag geen van de muren in het doolhof kruisen. Het pad volgt altijd de meest directe route naar het doel (maakt geen lussen, gaat niet tweemaal door hetzelfde vakje)





# **IDP Cheat Sheet**

### Blokken:

```
vocabulary VocNaam {
                                                   structure StrucNaam : VocNaam {
                                                     Type = { A; B; C }
  type Type
  type Getal isa int
                                                     Getal = { 1..3 }
  Relatie(Type,Type)
                                                     Relatie = { A,B ; B,C }
  Functie(Type,Type): Type
                                                     Functie = { A,B -> C; B,C -> A }
  Constante: Type
                                                     Constante = A
theory ThNaam: VocNaam {
                                                   query QueryNaam: Vocnaam {
  Formule.
                                                     \{ x y : P(x,y) \}
    Atoom <- Formule.
                                                   term TermNaam: Vocnaam {
                          % definitie
  }
                                                     X + Y
}
                                                   }
```

# Logische operatoren:

Operator	IDP notatie	Wiskundige notatie
niet	~	7
en	&	$\wedge$
of		V
als, dan	=>	$\Rightarrow$
als en slechts als	=> <=>	⇔
voor alle	!	$\forall$
er bestaat	?	∃

# Vergelijkingsoperatoren:

Operator	IDP notatie	Wiskundige notatie
gelijk aan	=	=
verschillend van	~=	≠
groter dan	>	>
kleiner dan	<	<
groter of gelijk aan	>=	$\geq$
kleiner of gelijk aan	=<	<u>≤</u>

### Varianten van de kwantoren:

$\forall x y: P(x,y) \Rightarrow Q(x,y).$	$\exists x y: P(x,y) \land Q(x,y).$
$\forall$ (x y) in P: Q(x,y).	$\exists x y: P(x,y) \land Q(x,y).$ $\exists (x y) in P: Q(x,y).$
$\forall$ (x y) sat P(x,y): Q(x,y).	$\exists$ (x y) sat P(x,y): Q(x,y).

# Betekenis afgeleide operatoren

$F \vee G$	¬(¬F∧¬G)
$\mathtt{F}\Rightarrow\mathtt{G}$	$\neg \texttt{F} \lor \texttt{G}$
$\mathtt{F} \Leftrightarrow \mathtt{G}$	$\neg \texttt{F} \land \neg \texttt{G} \lor \texttt{F} \land \texttt{G}$
$\exists x : P(x)$	$\neg ( \forall x : \neg P(x))$

#### Inferentietaken:

Model checking	<pre>procedure main() {</pre>
	<pre>print(sat(ThNaam,StrucNaam))</pre>
	}
Query answering	<pre>procedure main() {</pre>
	<pre>print(query(QueryNaam,StrucNaam))</pre>
	}
Model expansion	<pre>procedure main() {</pre>
	stdoptions.nbmodels = 0
	<pre>printmodels(modelexpand(ThNaam,StrucNaam))</pre>
	}
Optimisation	<pre>procedure main() {</pre>
	<pre>printmodels(minimize(ThNaam, StructNaam, TermNaam))</pre>
	}

	2		3			
7	1			9	3	
	3	4	5			
9			6			
	4					
				4		
	8			6	7	
		3	4			
		3	6	1		