Mecánica Cuántica

Vamos a retornar la idea de un cuerpo negro como Einstein lo planteó:

*Oscilador armónico } el oscilar y el envío de radiación hace que este similarmente *Le mandamos radiación } la emita de regreso

Recordatorio: un cuerpo negro tiene una absorbancia, radiancia y eficiencia de 1. Sin más,

que tanta energía alrededor de un oscilador en el espacio $p(\omega, \tau) = \frac{\omega^2}{\pi^2 c^3} \bar{E}(\omega, \tau)$ temperatura del τ

Cy cómo calculamos E?

Principio ergódico

Para calcular el promedio de la energía en lugar de calcular la energía de un solo sistema a lo largo del tiempo, podemos medir N sistemas idénticos en un instante y tomar su promedio.

Así pues el número de partículas N que tienen una energía E es

$$N_{E} = \eta e^{-E/kT} \tag{1}$$

La energía total está entonces dada por

$$E_{\tau} = \int N_{\epsilon} E dE$$
 (2)

mientras que el número total de partículas que tieven una energía E

$$N_{T} = \int N_{E} dE$$
 (3)

Finalmente, È gueda dada por (2) y (3)

$$\bar{E}_{\omega} = \frac{\int_{0}^{\infty} E e^{-\beta E} dE}{\int_{0}^{\infty} e^{-\beta E} dE} = -\partial_{\beta} \log \int_{0}^{\infty} e^{-\beta E} dE$$

$$= -\partial_{\beta} \log \left(-\frac{1}{\beta} e^{-\beta E}\right)\Big|_{0}^{\infty}$$

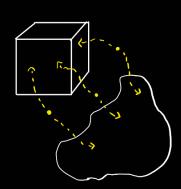
$$= -\partial_{\beta} \log \left(\frac{1}{\beta}\right)$$

es decir, la emergía se reparte de $= \frac{1}{\beta}$ forma ignal entre todos los $= \frac{1}{\beta}$ susbsistemas ino deponde de ω !

esto no puede estar bien pues implicaría que a w→∞ ...I hay energía infinita?

De modo tal que $\rho(\omega, T) = \frac{\omega^2}{\pi^2 c^3} kT \sim \omega^3 f\left(\frac{\omega}{T}\right) = \frac{\omega^3}{\pi^2 c^3} k\left(\frac{T}{\omega}\right)$ (catástrofe UV)

17 ago 23



Para dar una solución a la catástrofe UV, Planck propone que en un everpo negro (cada oscilador) puede intercambiar evergía con el ambiente y viceversa de forma discreta.

Consideramos entonces que E=nEm

 $\int_{0}^{\infty} E \eta e^{\beta E} dE \sum_{n=0}^{\infty} n E_{m} N e^{\beta n E_{m}}$ densidad

cantidad finita

De tal forma, Ew será

$$\bar{E}_{\omega} = \frac{\sum_{n=0}^{\infty} n E_{m} N e^{-\beta n E_{m}}}{\sum_{n=0}^{\infty} N e^{-\beta n E_{m}}} = \frac{E_{m} \sum_{n=0}^{\infty} n x^{n}}{\sum_{n=0}^{\infty} n x^{n}}, \quad x = e^{-\beta E_{m}}$$

$$= \frac{E_{m} \times \partial_{x} \sum_{n=0}^{\infty} x^{n}}{\sum_{n=0}^{\infty} x^{n}}$$

$$= \frac{E_{m} \times (1-x)^{-2}}{(1-x)^{-1}}$$

$$= \frac{x E_{m}}{(1-x)} = \frac{E_{m}}{(x^{-1}-1)} = \frac{E_{m}}{e^{\beta E_{m}}-1}$$
(4)

Sustituyendo (4) en p(w,T) teremos que

$$\beta(\omega, T) = \frac{\omega^2}{\pi^2 c^3} \frac{x E_m}{e^{\beta E_m} - 1} = \frac{\omega^2 \hbar \omega}{\pi^2 c^3 \left(e^{\hbar \omega / kT} - 1\right)}$$

Planck no afirma que esto se cumple en general, sino que / solo ocurre para el cuerpo negro.

Similarmente, para el experimento que realiza Compton se da cuenta que al estudiar el problema de dispersión hay que pensar en colisiones

De Broglie defiende (en su tesis de doctorado) e que la luz además del comportamiento corpuscular hay un comportamiento ondulatorio bien conocido. Por lo que la luz no es una u otra, es ambas.

Einstein al estudiar el efecto fotoeléctrico se da cuenta que se requiere pensar a la luz como paquetes de evergía en múltiplos de to (i.e. ya no solo aplica para el cuerpo negro).

Bohr propore que el electrón se encuentra en órbitas del átomo cuya energía es Ln = nth

$$\Rightarrow \begin{cases} E = \sqrt{m^2 c^4 + p^2 c^2} \\ pc = \hbar \omega = h \nu \Rightarrow \lambda = \frac{h}{P} \end{cases}$$

Concluye que los corpúsculos tienen una long. de onda asociada