

Scala в законе

Свойства, абстракции, законы на практике

Алексей Троицкий 31.08.2024

Кто я

- •**]**.since(2017)
- (**5**, **T EAHK** | БИЗНЕС)



Алексей Троицкий



2

О чем речь

```
trait AbstractAbstraction[A]:

def abstractOperation(arg1: A, arg2: A ...): A
...

def absractValue: A
```

О чем речь

```
trait AbstractAbstraction[A]:

// Abstract operation law:

// forall arg1, arg2 ...: A. ... abstractOperation(arg1, arg2 ...) ...

def abstractOperation(arg1: A, arg2: A ...): A

...

// Abstract value law:

// forall a: A. ... abstractOperation(... abstractValue ...) ...

def absractValue: A
```

О чем речь

```
trait AbstractAbstraction[A]:

// Abstract operation law:

// forall arg1, arg2 ...: A. ... abstractOperation(arg1, arg2 ...) ...

def abstractOperation(arg1: A, arg2: A ...): A

...

// Abstract value law:

// forall a: A. ... abstractOperation(... abstractValue ...) ...

def absractValue: A
```

Откуда взялись эти законы, какой в них смысл? Надо ли их проверять? А как их вообще проверять? Где вэлью, Lawfulski?

План

- Что и зачем: свойства, абстракции, законы
- Проверка свойств и законов
- Другие примеры использования



У нас есть:

```
class JsonCache:
  def put(k: UUID, json: Json): Unit = ...
  def get(k: UUID): Option[Json] = ...
```

У нас есть:

```
class JsonCache:
  def put(k: UUID, json: Json): Unit = ...
  def get(k: UUID): Option[Json] = ...
```

```
forall {
  (cache: JsonCache,
   id: UUID,
   json: Json) ⇒
     { cache.put(x, json)
        cache.get(x) } = Some(json)
}
```

У нас есть:

```
class JsonCache:
  def put(k: UUID, json: Json): Unit = ...
  def get(k: UUID): Option[Json] = ...
```

```
forall {
  (cache: JsonCache,
   id: UUID,
   json: Json) ⇒
   { cache.put(x, json)
      cache.get(x) } = Some(json)
}
```

Хотим кэш для различных сущностей (с UUID идентификаторами):

```
case class User(id: UUID, name: String)

class UserCache(jcache: JsonCache):
   def put(user: User): Unit = ???
   def get(id: UUID): Option[User] = ???
```

```
forall {
  (cache: UserCache, user: User) ⇒
    { cache.put(user)
        cache.get(user.id)
    } = Some(user)
}
```

Json

```
enum Json:
    case JNull
    case JBoolean(value: Boolean)
    case JNumber(value: Long)
    case JString(value: String)
    case JArray(value: Vector[Json])
    case JObject(
       value: Map[String, Json]
    )
```

Json

Json

```
enum Json:
                                          write
                                                             case class User(
 case JNull
                                                               id: UUID,
 case JBoolean(value: Boolean)
                                                               name: String
 case JNumber(value: Long)
                                           read
 case JString(value: String)
 case JArray(value: Vector[Json])
 case JObject(
                                          write
                                                             case class Offer(
   value: Map[String, Json]
                                                               id: UUID,
                                                               typ: OfferType
                                           read
```

```
class EntityCache[A](
  write: A \Rightarrow Json,
  read: Json \Rightarrow Option[A],
  key: A \Rightarrow UUID,
  cache: JsonCache
):
  def put(a: A): Unit =
    cache.put(key(a), write(a))

  def get(id: UUID): Option[A] =
    cache.get(id).flatMap(read)
```

```
class EntityCache[A](
 write: A \Rightarrow Json,
 read: Json \Rightarrow Option[A].
 kev: A \Rightarrow UUID.
 cache: JsonCache
 def put(a: A): Unit =
    cache.put(kev(a), write(a))
 def get(id: UUID): Option[A] =
    cache.get(id).flatMap(read)
class UserCache(cache: JsonCache)
  extends EntityCache(
   writeUser, readUser, .id, cache
class OfferCache(cache: JsonCache)
  extends EntityCache(
    writeOffer, readOffer, .id, cache
```

```
class EntityCache[A](
 write: A \Rightarrow Json.
 read: Json \Rightarrow Option[A],
 kev: A \Rightarrow UUID.
 cache: JsonCache
 def put(a: A): Unit =
    cache.put(kev(a), write(a))
  def get(id: UUID): Option[A] =
    cache.get(id).flatMap(read)
class UserCache(cache: JsonCache)
  extends EntityCache(
   writeUser, readUser, .id, cache
class OfferCache(cache: JsonCache)
  extends EntityCache(
    writeOffer, readOffer, .id, cache
```

```
forall { (uCache: UserCache, user: User) ⇒
   { uCache.put(user)
    uCache.get(user.id) } = Some(user) }
```

```
class EntityCache[A](
 write: A \Rightarrow Json,
 read: Json \Rightarrow Option[A].
 kev: A \Rightarrow UUID.
 cache: JsonCache
 def put(a: A): Unit =
    cache.put(kev(a), write(a))
  def get(id: UUID): Option[A] =
    cache.get(id).flatMap(read)
class UserCache(cache: JsonCache)
  extends EntityCache(
    writeUser, readUser, .id, cache
class OfferCache(cache: JsonCache)
  extends EntityCache(
    writeOffer, readOffer, _.id, cache
```

```
class EntityCache[A](
 write: A \Rightarrow Json,
 read: Json \Rightarrow Option[A],
 kev: A \Rightarrow UUID.
 cache: JsonCache
 def put(a: A): Unit =
    cache.put(kev(a), write(a))
  def get(id: UUID): Option[A] =
    cache.get(id).flatMap(read)
class UserCache(cache: JsonCache)
  extends EntityCache(
   writeUser, readUser, .id, cache
class OfferCache(cache: JsonCache)
  extends EntityCache(
    writeOffer, readOffer, _.id, cache
```

```
forall { (uCache: UserCache, user: User) ⇒
    { uCache.put(user)
        uCache.get(user.id) } = Some(user) }

forall { (cache: JsonCache, user: User) ⇒ {
        cache.put(user.id, writeUser(user))
        cache.get(user.id)
}.flatMap(readUser) = Some(user) }
```

```
class EntityCache[A](
 write: A \Rightarrow Json,
 read: Json \Rightarrow Option[A],
 kev: A \Rightarrow UUID.
 cache: JsonCache
 def put(a: A): Unit =
    cache.put(kev(a), write(a))
  def get(id: UUID): Option[A] =
    cache.get(id).flatMap(read)
class UserCache(cache: JsonCache)
  extends EntityCache(
    writeUser, readUser, .id, cache
class OfferCache(cache: JsonCache)
  extends EntityCache(
    writeOffer, readOffer, _.id, cache
```

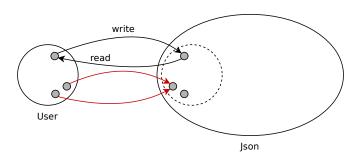
```
forall { (uCache: UserCache, user: User) ⇒
 { uCache.put(user)
   uCache.get(user.id) } = Some(user) }
forall { (cache: JsonCache, user: User) ⇒ {
 cache.put(user.id, writeUser(user))
 cache.get(user.id)
}.flatMap(readUser) = Some(user) }
 forall { (user: User) ⇒
   Some(writeUser(user))
      .flatMap(readUser) = Some(user) }
```

```
class EntityCache[A](
 write: A \Rightarrow Json,
 read: Json \Rightarrow Option[A],
 kev: A \Rightarrow UUID.
 cache: JsonCache
 def put(a: A): Unit =
    cache.put(kev(a), write(a))
  def get(id: UUID): Option[A] =
    cache.get(id).flatMap(read)
class UserCache(cache: JsonCache)
  extends EntityCache(
    writeUser, readUser, .id, cache
class OfferCache(cache: JsonCache)
  extends EntityCache(
    writeOffer, readOffer, _.id, cache
```

```
forall { (uCache: UserCache, user: User) ⇒
 { uCache.put(user)
   uCache.get(user.id) } = Some(user) }
forall { (cache: JsonCache, user: User) ⇒ {
 cache.put(user.id, writeUser(user))
 cache.get(user.id)
}.flatMap(readUser) = Some(user) }
 forall { (user: User) ⇒
   readUser(writeUser(user)) = Some(user)
```

write, read

```
forall { (user: User) ⇒
  readUser(writeUser(user)) = Some(user)
}
```



Абстракция

```
trait JsonCodec[A]:
   /**
   * forall { (a: A) ⇒
        * write(a).flatMap(read) = Some(a)
        * }
        */
    def write(a: A): Json
    def read(json: Json): Option[A]
```

Абстракция

```
trait JsonCodec[A]:
    /**
    * forall { (a: A) ⇒
        * write(a).flatMap(read) = Some(a)
        * }
        */
        def write(a: A): Json
        def read(json: Json): Option[A]

given JsonCodec[String] with ...
given JsonCodec[UUID] with ...
given JsonCodec[USer] with ...
given JsonCodec[Offer] with ...
```

Абстракция

```
trait JsonCodec[A]:
    /**
    * forall { (a: A) ⇒
        * write(a).flatMap(read) = Some(a)
        * }
        */
        def write(a: A): Json
        def read(json: Json): Option[A]

given JsonCodec[String] with ...
given JsonCodec[UUID] with ...
given JsonCodec[USer] with ...
given JsonCodec[Offer] with ...
```

Закон (класса типов)

Закон — свойство, которым обязан обладать каждый инстанс класса типов

```
/**
  * forall A: Type, cache: EntityCache[A], a: A.
  * { cache.put(a) ; cache.get(cache.key(a)) } = Some(a)
  */
case class EntityCache[A](key: A \Rightarrow UUID, cache: JsonCache)(using codec: JsonCodec[A]):
  def get(id: UUID): Option[A] =
    cache.get(id).flatMap(codec.read)

def put(a: A): Unit =
    cache.put(key(a), codec.write(a))
```

 Законы помогают писать безопасный обобщенный код, собирая требуемые ограничения в одном месте

- Законы помогают писать безопасный обобщенный код, собирая требуемые ограничения в одном месте
- Законы обычно не проверяются компилятором, проверка остается на совести разработчика

- Законы помогают писать безопасный обобщенный код, собирая требуемые ограничения в одном месте
- Законы обычно не проверяются компилятором, проверка остается на совести разработчика
- В случае, если подставить инстанс класса типов, не удовлетворяющий закону, то целевое требование может не выполниться

- Законы помогают писать безопасный обобщенный код, собирая требуемые ограничения в одном месте
- Законы обычно не проверяются компилятором, проверка остается на совести разработчика
- В случае, если подставить инстанс класса типов, не удовлетворяющий закону, то целевое требование может не выполниться

- "компилируется значит работает" не работает*
 - * по крайней мере в Scala**
 - ** по крайней мере в cats

Вернуть топ-3 пользователей, отсортированных по возрасту, пользователей без возраста сортировать по имени.

```
case class User(
  // ...
  name: String,
  age: Option[Int]
  // ...
)

def top3Users(users: Vector[User]): Vector[User] = ???
```

top3

```
def top3Users(elems: Vector[User]): Vector[User] =
  if (elems.size > 3)
  val (first3, tail) = elems.splitAt(3)
  tail.foldLeft(first3.sorted) {
    case (acc, u) ⇒
    if (u ≤ acc(0)) acc
    else (acc.tail :+ u).sorted
  }.toVector
  else elems.sorted
```

top3

```
import scala.math.Ordering.Implicits.infixOrderingOps
def top3Users(elems: Vector[User]): Vector[User] =
  if (elems.size > 3)
    val (first3, tail) = elems.splitAt(3)
   tail.foldLeft(first3.sorted) {
     case (acc, u) \Rightarrow
        if (u \leq acc(0)) acc
        else (acc.tail :+ u).sorted
      }.toVector
  else elems.sorted
given Ordering[User] with
  def compare(x: User, y: User): Int =
   (x, y) match
      case (User( , Some(xAge)), User( , Some(yAge))) ⇒
        summon[Ordering[Int]].compare(xAge, yAge)
      case ⇒
        summon[Ordering[String]].compare(x.name, y.name)
```

top3

```
import scala.math.Ordering.Implicits.infixOrderingOps
def top3Users(users: Vector[User]): Vector[User] = top3(users)
def top3[A: Ordering](elems: Vector[A]): Vector[A] =
  if (elems.size > 3)
    val (first3, tail) = elems.splitAt(3)
    tail.foldLeft(first3.sorted) {
      case (acc, u) \Rightarrow
        if (u \leq acc(0)) acc
        else (acc.tail :+ u).sorted
      }.toVector
  else elems, sorted
given Ordering[User] with
  def compare(x: User, y: User): Int =
   (x, y) match
      case (User( , Some(xAge)), User( , Some(yAge))) ⇒
        summon[Ordering[Int]].compare(xAge, yAge)
      case ⇒
        summon[Ordering[String]].compare(x.name, y.name)
```

Spec

```
class Top3UsersSpec extends munit.FunSuite:
  test("top3Users works"):
    val turing = User("Alan", Some(41))
    val hughes = User("John", None)
    val curry = User("Haskell", Some(81))
    val maclane = User("Saunders", Some(95))
    val yoneda = User("Nobuo", Some(66))
    val pierce = User("Benjamin", None)

    assertEquals(
        top3Users(Vector(maclane, yoneda, curry, hughes, turing, pierce)),
        Vector(yoneda, curry, maclane)
    )
```

Spec

```
class Top3UsersSpec extends munit.FunSuite:
  test("top3Users works"):
    val turing = User("Alan", Some(41))
    val hughes = User("John", None)
    val curry = User("Haskell", Some(81))
    val maclane = User("Saunders", Some(95))
    val yoneda = User("Nobuo", Some(66))
    val pierce = User("Benjamin", None)

    assertEquals(
        top3Users(Vector(maclane, yoneda, curry, hughes, turing, pierce)),
        Vector(yoneda, curry, maclane)
    )
```

Spec

```
class Top3UsersSpec extends munit.FunSuite:
  test("top3Users works"):
    val turing = User("Alan", Some(41))
    val hughes = User("John", None)
    val curry = User("Haskell", Some(81))
    val maclane = User("Saunders", Some(95))
    val yoneda = User("Nobuo", Some(66))
    val pierce = User("Benjamin", None)

    assertEquals(
        top3Users(Vector(maclane, yoneda, curry, hughes, turing, pierce)),
        Vector(yoneda, curry, maclane)
    )
```

один конкретный вход

Property-based Testing

• Проверка свойств программы

Property-based Testing

- Проверка свойств программы
- С помощью рандомизированной генерации входных значений

Property-based Testing

- Проверка свойств программы
- С помощью рандомизированной генерации входных значений
- Уменьшение контрпримеров с помощью shrinking-a

Property-based Testing

- Проверка свойств программы
- С помощью рандомизированной генерации входных значений
- Уменьшение контрпримеров с помощью shrinking-a
- ScalaCheck

Генератор

```
import org.scalacheck.{Arbitrary, Gen}
given Arbitrary[User] =
   Arbitrary(
   for
      name <- Gen.alphaStr
      age <- Gen.oneOf(
        Gen.const(None),
        Gen.choose(0, 200).map(Some(_))
      )
      yield User(name, age)
)</pre>
```

Spec

```
class Top3UsersPSpec extends munit.ScalaCheckSuite:
  property("???"):
    forAll { (users: Vector[User]) ⇒
        top3Users(users) = ???
    }
```

Spec

```
class Top3UsersPSpec extends munit.ScalaCheckSuite:
  property("top3Users works as expected"):
    forAll { (users: Vector[User]) ⇒
        top3Users(users) = expected(users)
    }
  def expected(users: Vector[User]): Vector[User] = ???
```

Свойство

```
top3(Vector(2, 7, 5, 9, 8, 1, 6)) // (7, 8, 9) // 1) размеры результата (3) // 2) отсортированность (7 \leq 8 \leq 9) // 3) все остальное меньше (2, 5, 1, 6 \leq 7)
```

Свойство

```
top3(Vector(2, 7, 5, 9, 8, 1, 6)) // (7, 8, 9)
// 1) размеры результата (3)
// 2) отсортированность (7 \leq 8 \leq 9)
// 3) все остальное меньше (2, 5, 1, 6 \le 7)
class Top3UsersPSpec extends munit.ScalaCheckSuite:
  property("top3Users result is greatest"):
    forAll { (users: Vector[User]) ⇒
      val top = top3Users(users)
      val checkSize = if (users.size ≥ 3) top.size = 3
                      else top.size = users.size
      checkSize &€ { top match
        case h +: t \Rightarrow users.filterNot(top.contains).forall( <math>\leq h) &f top.isSorted
        case ⇒ true
```

Свойство

```
top3(Vector(2, 7, 5, 9, 8, 1, 6)) // (7, 8, 9)
// 1) размеры результата (3)
// 2) отсортированность (7 \leq 8 \leq 9)
// 3) все остальное меньше (2, 5, 1, 6 \le 7)
class Top3UsersPSpec extends munit.ScalaCheckSuite:
  property("top3Users result is greatest"):
   forAll { (users: Vector[User]) ⇒
     val top = top3Users(users)
      val checkSize = if (users.size ≥ 3) top.size = 3
                      else top.size = users.size
      checkSize &€ { top match
        case h +: t \Rightarrow users.filterNot(top.contains).forall( <math>\leq h) &f top.isSorted
       case ⇒ true
> test
⇒ X scala_in_law_md$Scope$Top3UsersPSpec.top3 result is greatest
> ARG 0: Vector(User(ozMaPHW,Some(161)), User(ANSVejB,Some(161)), User(Msti,None),
> User(nARSH,None), User(rU,Some(187)))
```

Проблема

```
def top3Users(users: Vector[User]): Vector[User] = top3(users)
def top3[A: Ordering](elems: Vector[A]): Vector[A] = ...
given Ordering[User] with ...
```

Проблема

```
def top3Users(users: Vector[User]): Vector[User] = top3(users)
def top3[A: Ordering](elems: Vector[A]): Vector[A] = ...
given Ordering[User] with ...
```

```
Ordering
trait Ordering[T] extends Comparator[T] with PartialOrdering[T] with Serializable {
  def compare(x: T, y: T): Int
  // Reflexive Law:
  // forall a: T. a \le a
  // Anti-symmetric:
  // forall a, b: T. a \le b \& b \le a \Rightarrow a = b
  // Transitive:
  // forall a, b, c: T. a \le b \& b \le c \Rightarrow a \le c
  override def lteq(x: T, y: T): Boolean = compare(x, y) \leq 0
  override def equiv(x: T, y: T): Boolean = compare(x, y) = 0
```

Spec

```
class UserSpec extends munit.ScalaCheckSuite:
  property("user ordering should be reflexive"):
    forAll { (a: User) ⇒ (a ≤ a) = true }

  property("user ordering should be anti-symmetric"):
    forAll { (a: User, b: User) ⇒
        (a ≤ b & b ≤ a) ⇒ (a equiv b)
    }

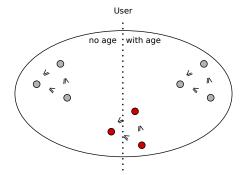
  property("user ordering should be transitive"):
    forAll { (a: User, b: User, c: User) ⇒
        (a ≤ b & b ≤ c) ⇒ a ≤ c
  }
```

Spec

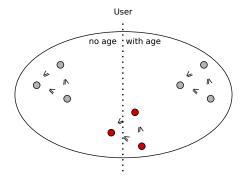
```
class UserSpec extends munit.ScalaCheckSuite:
  property("user ordering should be reflexive"):
    forAll { (a: User) \Rightarrow (a \leq a) = true }
  property("user ordering should be anti-symmetric"):
    forAll { (a: User, b: User) ⇒
     (a \le b \& b \le a) \Longrightarrow (a equiv b)
  property("user ordering should be transitive"):
    forAll { (a: User, b: User, c: User) ⇒
      (a \le b \& b \le c) \implies a \le c
> test
scala_in_law_md$Scope$Top3UsersPSpec:
⇒ X scala in law md$Scope$UserSpec.user ordering should be transitive
Falsified after 5 passed tests.
> ARG 0: User(UZdYmFdbnuSX,None)
> ARG 1: User(xDiuONvzchzXKsbHbRgCPnN,Some(56))
> ARG_2: User(TzYeTfuIGkTjVHSkKZcov,Some(90))
```

```
given Ordering[User] with
  def compare(x: User, y: User): Int =
    (x, y) match
    case (User(_, Some(xAge)), User(_, Some(yAge))) 
        summon[Ordering[Int]].compare(xAge, yAge)

    case _ ⇒
        summon[Ordering[String]].compare(x.name, y.name)
```

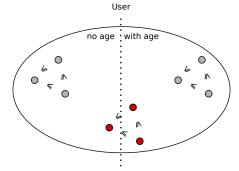


```
given Ordering[User] with
  def compare(x: User, y: User): Int =
    (x, y) match
    case (User(_, Some(xAge)), User(_, Some(yAge))) ⇒
        summon[Ordering[Int]].compare(xAge, yAge)
    case (User(_, Some(_)), _) ⇒ 1
    case (_, User(_, Some(_))) ⇒ -1
    case _ ⇒
        summon[Ordering[String]].compare(x.name, y.name)
```



```
given Ordering[User] with
  def compare(x: User, y: User): Int =
    (x, y) match
    case (User(_, Some(xAge)), User(_, Some(yAge))) 
        summon[Ordering[Int]].compare(xAge, yAge)
    case (User(_, Some(_)), _) \( \times 1 \)
    case (_, User(_, Some(_))) \( \times -1 \)
    case _ \( \times \)
    summon[Ordering[String]].compare(x.name, y.name)
```

```
> test
... UserSpec:
+ user ordering ...
... Top3UsersPSpec:
+ top3Users result ...
```



Итоги

• Для проверки законов можно использовать property-based testing

Итоги

- Для проверки законов можно использовать property-based testing
- Законы можно писать не только в комментариях, но и в виде ScalaCheck свойств, которые:
 - □ можно переиспользовать
 - не надо придумывать с нуля

Итоги

- Для проверки законов можно использовать property-based testing
- Законы можно писать не только в комментариях, но и в виде ScalaCheck свойств, которые:
 - можно переиспользовать
 - не надо придумывать с нуля
- С помощью property-based тестов имеет смысл проверять те (и только те) инстансы, которые пишутся руками

(not yet best) practice

Написал кастомный инстанс класса типов в законами — добавь property-based тест на эти законы

Ссылочная прозрачность

Ссылочная прозрачность (referential transparency)

Свойство кусочка кода (метод, блок): можно заменить вызов этого кода на значение, которое он вычисляет, и наоброт, при этом семантика программы не изменится

Ссылочная прозрачность

Ссылочная прозрачность (referential transparency)

Свойство кусочка кода (метод, блок): можно заменить вызов этого кода на значение, которое он вычисляет, и наоброт, при этом семантика программы не изменится

```
def rtFunction(a: Int, b: Int): Int =
    a + b

val compute =
    val comp1 = rtFunction(2, 5)
    val comp2 = rtFunction(2, 5)
    val comp3 = rtFunction(2, 5)
    comp1 + comp2 + comp3
```

Ссылочная прозрачность

Ссылочная прозрачность (referential transparency)

Свойство кусочка кода (метод, блок): можно заменить вызов этого кода на значение, которое он вычисляет, и наоброт, при этом семантика программы не изменится

```
def rtFunction(a: Int, b: Int): Int =
   a + b

val compute =
  val comp1 = rtFunction(2, 5)
  val comp2 = rtFunction(2, 5)
  val comp3 = rtFunction(2, 5)

comp1 + comp2 + comp3
```

```
def rtFunction(a: Int, b: Int): Int =
    a + b

val compute =
    val comp = rtFunction(2, 5)
    comp + comp + comp
```

Свойства

Другие свойства программ также можно использовать для оптимизаций!

```
List property

forAll { (l: List[A], f: A ⇒ B, g: B ⇒ C) ⇒
  l.map(f).map(g) = l.map(g compose f)
}
```

Свойства

Другие свойства программ также можно использовать для оптимизаций!

```
List property

forAll { (l: List[A], f: A ⇒ B, g: B ⇒ C) ⇒
  l.map(f).map(g) = l.map(g compose f)
}
```

```
val list = List(1, 2, 3)

val f: Int ⇒ Int = _ + 1
val g: Int ⇒ Int = _ * 2

list.map(f).map(g)
```

Свойства

Другие свойства программ также можно использовать для оптимизаций!

```
List property

forAll { (l: List[A], f: A ⇒ B, g: B ⇒ C) ⇒
  l.map(f).map(g) = l.map(g compose f)
}
```

```
\begin{array}{c} \text{val list = List(1, 2, 3)} \\ \text{val f: Int } \Rightarrow \text{ Int = \_ + 1} \\ \text{val g: Int } \Rightarrow \text{ Int = \_ * 2} \\ \text{list.map(f).map(g)} \end{array} \qquad \qquad \begin{array}{c} \text{val list = List(1, 2, 3)} \\ \text{val f: Int } \Rightarrow \text{ Int = \_ + 1} \\ \text{val g: Int } \Rightarrow \text{ Int = * 2} \\ \text{list.map(g compose f)} \end{array}
```

А законы?

Functor

```
trait Functor[F[_]]:
    /**
    * Identity law:
    * forAll { (fa: F[A]) ⇒
    * map(fa, identity) = fa
    * }
    *
    * Composition law:
    * forAll { (fa: F[A], f: A ⇒ B, g: B ⇒ C) ⇒
    * map(map(fa)(f), g) = map(fa, (g compose f))
    * }
    */
def map[A](fa: F[A])(f: A ⇒ B): F[B]
```

А законы?

Functor

```
trait Functor[F[_]]:
    /**
    * Identity law:
    * forAll { (fa: F[A]) ⇒
    * map(fa, identity) = fa
    * }
    *
    * Composition law:
    * forAll { (fa: F[A], f: A ⇒ B, g: B ⇒ C) ⇒
    * map(map(fa)(f), g) = map(fa, (g compose f))
    * }
    */
def map[A](fa: F[A])(f: A ⇒ B): F[B]
```

```
def fg[F[_]](fa: F[Int])(
  using F: Functor[F]
): F[Int] =
  F.map(F.map(fa, f), g)
```

А законы?

Functor

```
trait Functor[F[_]]:
    /**
    * Identity law:
    * forAll { (fa: F[A]) ⇒
    * map(fa, identity) = fa
    * }
    *
    * Composition law:
    * forAll { (fa: F[A], f: A ⇒ B, g: B ⇒ C) ⇒
    * map(map(fa)(f), g) = map(fa, (g compose f))
    * }
    */
def map[A](fa: F[A])(f: A ⇒ B): F[B]
```

```
def fg[F[_]](fa: F[Int])(
  using F: Functor[F]
): F[Int] =
  F.map(F.map(fa, f), g)

def fg[F[_]](fa: F[Int])(
  using F: Functor[F]
  ): F[Int] =
  F.map(fa, g compose f)
```

```
// Functor identity law
forAll { (fa: F[A]) ⇒
  map(fa, identity) = fa
}
```

```
// Functor identity law
forAll { (fa: F[A]) ⇒
  map(fa, identity) = fa
}

// Right identity Monad law
forAll { (fa: F[A]) ⇒
  flatMap(fa, pure) = fa
}
```

```
// Functor identity law
forAll { (fa: F[A]) \Rightarrow
  map(fa, identity) = fa
// Right identity Monad law
forAll { (fa: F[A]) \Rightarrow
  flatMap(fa, pure) = fa
// Numeric law
forAll \{(x: A) \Rightarrow
  abs(x) * signum(x) = x
```

```
// Functor identity law
forAll { (fa: F[A]) \Rightarrow
  map(fa, identity) = fa
// Right identity Monad law
forAll \{ (fa: F[A]) \Rightarrow
  flatMap(fa, pure) = fa
// Numeric law
forAll \{(x: A) \Rightarrow
  abs(x) * signum(x) = x
```

🔭 Для этих законов в Haskell есть соответствующие rewrite правила

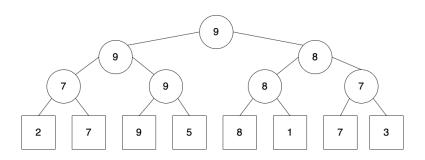
Максимум на отрезке

Задача: дан список чисел, надо уметь эффективно отвечать на запрос $\max(i, j)$

Максимум на отрезке

Задача: дан список чисел, надо уметь эффективно отвечать на запрос $\max(i, j)$

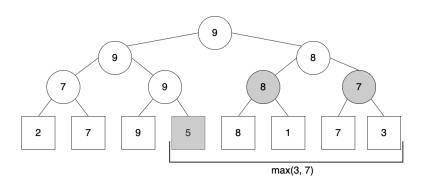
Ассоциативность тах позволяет считать частичные результаты заранее:



Максимум на отрезке

Задача: дан список чисел, надо уметь эффективно отвечать на запрос $\max(i, j)$

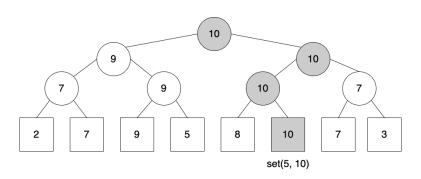
Ассоциативность тах позволяет считать частичные результаты заранее:



Максимум на отрезке

Задача: дан список чисел, надо уметь эффективно отвечать на запрос $\max(i, j)$

Ассоциативность тах позволяет считать частичные результаты заранее:



SegmentTree

```
trait SegTree[A]:
    def calc(l: Int, r: Int): A = ...
    def set(idx: Int, v: A): SegTree[A] = ...

object SegTree:
    def apply[A: Semigroup](v: Vector[A]): STree[A] = ...
```

TailCalls

```
enum Tree[A]:
    case Node(ts: Vector[Tree[A]])
    case Leaf(v: A)

def map[A, B](tree: Tree[A], f: A \Rightarrow B): Tree[B] =
    tree match
    case Tree.Node(ts) \Rightarrow Tree.Node(ts.map(map(_, f)))
    case Tree.Leaf(v) \Rightarrow Tree.Leaf(f(v))
```

TailCalls

```
import scala.util.control.TailCalls
enum Tree[A]:
 case Node(ts: Vector[Tree[A]])
 case Leaf(v: A)
def map[A, B](tree: Tree[A], f: A \Rightarrow B): Tree[B] =
 def run(in: Tree[A]): TailCalls.TailRec[Tree[B]] = in match
    case Tree.Node(ts) ⇒
      ts.traverse(t ⇒ TailCalls.tailcall(run(t))).map(Tree.Node())
    case Tree.Leaf(v) \Rightarrow
      TailCalls.done(Tree.Leaf(f(v)))
 run(tree).result
```

TailCalls.TailRec

```
case class Done[A](value: A) extends TailRec[A] case class Call[A](rest: () \Rightarrow TailRec[A]) extends TailRec[A] case class Cont[A, B](a: TailRec[A], f: A \Rightarrow TailRec[B]) extends TailRec[B] abstract class TailRec[+A] {
```

TailCalls.TailRec

TailCalls.TailRec

```
case class Done[A](value: A)
                                                                  extends TailRec[A]
case class Call[A](rest: () ⇒ TailRec[A])
                                                                  extends TailRec[A]
case class Cont[A, B](a: TailRec[A], f: A \Rightarrow TailRec[B]) extends TailRec[B]
abstract class TailRec[+A] {
  final def flatMap[B](f: A ⇒ TailRec[B]): TailRec[B] = this match {
    case Done(a) \Rightarrow Call(() \Rightarrow f(a))
    case c@Call() \Rightarrow Cont(c, f)
    // Use the monad associative law to optimize the size of the required stack
    case c: Cont[a1, b1] \Rightarrow Cont(c.a, (x: a1) \Rightarrow c.f(x) flatMap f)
  @annotation.tailrec final def result: A = this match {
    case Done(a) \Rightarrow a
    case Call(t) \Rightarrow t().result
    case Cont(a, f) \Rightarrow a match {
      case Done(v) \Rightarrow f(v).result
      case Call(t) \Rightarrow t().flatMap(f).result
      case Cont(b, g) \Rightarrow b.flatMap(x \Rightarrow g(x) flatMap f).result
```

Законы помогают:

• писать безопасный обобщенный код

Законы помогают:

- писать безопасный обобщенный код
- безопасно "рефакторить" код, получая выигрыш в плане оптимизации

Законы помогают:

- писать безопасный обобщенный код
- безопасно "рефакторить" код, получая выигрыш в плане оптимизации

А на практике:

Законы помогают:

- писать безопасный обобщенный код
- безопасно "рефакторить" код, получая выигрыш в плане оптимизации

А на практике:

• законы можно проверять с помощью property-based тестов

Законы помогают:

- писать безопасный обобщенный код
- безопасно "рефакторить" код, получая выигрыш в плане оптимизации

А на практике:

- законы можно проверять с помощью property-based тестов
- удобно переиспользуя ScalaCheck свойства

Законы помогают:

- писать безопасный обобщенный код
- безопасно "рефакторить" код, получая выигрыш в плане оптимизации

А на практике:

- законы можно проверять с помощью property-based тестов
- удобно переиспользуя ScalaCheck свойства
- всякий раз когда пишешь инстансы классов типов руками

Благодарности

- Денис Буздалов
- Иван Лягаев
- Борис Потепун
- Олег Нижников
- Петр и Александра Т.



Ссылки

- John Hughes How to specify it!
- Михаил Чугунков <u>Как в Scala</u> переложить JSON: паттерн «codec»
- Статья про дерево отрезков на хабре
- Rúnar Bjarnason <u>Stackless Scala With</u> Free Monads



github.com/road21/talks

Ссылки

- John Hughes How to specify it!
- Михаил Чугунков <u>Как в Scala</u> переложить JSON: паттерн «codec»
- Статья про дерево отрезков на хабре
- Rúnar Bjarnason <u>Stackless Scala With</u> Free Monads



github.com/road21/talks

Спасибо!