Editorial RoAlgo PreOJI 2024



4-II MARTIE 2024



Copyright © 2024 RoAlgo

Această lucrare este licențiată sub Creative Commons Atribuire-Necomercial-Partajare în Condiții Identice 4.0 Internațional (CC BY-NC-SA 4.0) Aceasta este un sumar al licenței și nu servește ca un substitut al acesteia. Poți să:

- **Distribui:** copiază și redistribuie această operă în orice mediu sau format.
- Adaptezi: remixezi, transformi, și construiești pe baza operei.

Licențiatorul nu poate revoca aceste drepturi atât timp cât respectați termenii licenței.

- **Atribuire:** Trebuie să acorzi creditul potrivit, să faci un link spre licență și să indici dacă s-au făcut modificări. Poți face aceste lucruri în orice manieră rezonabilă, dar nu în vreun mod care să sugereze că licențiatorul te sprijină pe tine sau modul tău de folosire a operei.
- Necomercial: Nu poți folosi această operă în scopuri comerciale.
- **Partajare în Condiții Identice:** Dacă remixezi, transformi, sau construiești pe baza operei, trebuie să distribui contribuțiile tale sub aceeași licență precum originalul.

Pentru a vedea o copie completă a acestei licențe în original (în limba engleză), vizitează: https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0

Cuprins

1	Multumiri	Comisia RoAlgo	4
2	Problema Operații	Luca Valentin Mureșan	5
3	Problema flip01	Luca Valentin Muresan	6

1 Multumiri

Acest concurs nu ar fi putut avea loc fără următoarele persoane:

- Luca Valentin Mureșan, Lucian Andrei Badea, Ștefan Vîlcescu și Traian Mihai Danciu, autorii problemelor și laureați la concursurile de informatică și membri activi ai comunității RoAlgo;
- Alex Vasiluță, fondatorul și dezvoltatorul principal al Kilonova;
- Ștefan Alecu, creatorul acestui șablon LATEX pe care îl folosim;
- Rareș Buzdugan, Andrei Chertes și ceilalti testeri ai concursului, care au dat numeroase sugestii și sfaturi utile pentru buna desfășurare a rundei;
- Ștefan-Cosmin Dăscălescu, coordonatorul comisiei claselor 5-6-9;
- Comunității de informatică din România, pentru participarea la acest concurs, precum și tuturor celor care ne-au ajutat să promovăm concursul.

2 Problema Operații

Autor: Luca Valentin Mureșan

Soluție de 40 de puncte

Pentru aproximativ 40 de puncte, putem simula algoritmul descris în enunț.

Soluție completă

Observăm că vom ajunge la un moment să scădem de foarte multe ori a din b (de exemplu $a=10^9$, b=3). Ne punem întrebarea, cum am putea simula mai rapid aceste operații? Pentru următoarele cazuri, presupunem că $a \ge b$ (dacă a < b, vom trata analog cazurile).

Observație: Vom scădea de a/b ori la rând b din a. După a/b scăderi, vom avea a < b.

- 1. Dacă k > a/b, putem să simulăm a/b pași deodată (scădem $b \cdot (a/b)$ din
- a). De asemenea, vom scădea a/b din k.
- 2. Dacă $k \le a/b$, putem să simulăm k-1 pași deodată (scădem $k \cdot (a/b)$ din
- a). Răspunsul este chiar a b.

Vom repeta acest algoritm până am ajuns în cazul 2. După ce am făcut cazul 2, ne vom opri deoarece deja am aflat răspunsul.

Soluție oficială

3 Problema flip01

Autor: Luca Valentin Mureșan

Solutia de 9 puncte

Pentru fiecare query, toate elementele din query sunt egale, deci avem două cazuri:

Dacă queryul conține doar 0, atunci șirul este deja egal cu 0, deci vom afișa 0. Dacă queryul conține doar 1, atunci putem face tot șirul egal cu 0 cu o singură operație, deci vom afișa 1.

Solutia de 7 puncte

Pentru fiecare query, avem două cazuri:

Dacă șirul are lungime pară, vom afișa $\frac{lungimea}{2}$.

Altfel, dacă șirul are lungime impară și primul element este egal cu 0, vom afișa $\frac{lungime}{2}$, altfel vom afișa $\frac{lungimea}{2} + 1$.

Solutia de 44 de puncte

Deoarece $1 \le N, Q \le 2000$, putem rezolva fiecare query folosind forță brută, având complexitatea de $O(N \cdot Q)$.

Solutia completă

Fie sp_i = numărul de indici j < i astfel încât $a_j = 0$ și $a_{j+1} = 1$. Atunci, pentru fiecare query, rezultatul va fi $sp_{dr} - sp_{st-1} + 1$, dacă $a_{st} = a_{st-1} = 1$, altfel rezultatul va fi $sp_{dr} - sp_{st-1}$. Soluția oficială