

# Trabajo Integrador – Programación I

## Alumnos:

Kenyi Meza ([mezakenyi@gmail.com](mailto:mezakenyi@gmail.com))

Mendez Roberto (robermen02@gmail.com)

**Materia:** Programación I

**Profesor:** Julieta Trapé

**Fecha de entrega:** 09/06/2025

**Título del trabajo:** Implementación de Árboles Binarios en Python Usando Listas

---

## 1. Introducción

Las estructuras de datos son fundamentales en el desarrollo de software, ya que permiten organizar y procesar información de manera eficiente. En este trabajo se aborda la implementación de árboles binarios utilizando exclusivamente listas en Python, sin recurrir a clases ni objetos. Esta elección facilita la comprensión estructural del árbol binario.

El objetivo principal es demostrar que, con herramientas simples como listas anidadas, es posible construir, recorrer y visualizar un árbol binario funcional. A su vez, este enfoque permite ejercitar conceptos claves como la recursividad, el diseño de funciones y la representación jerárquica de datos.

---

## 2. Marco Teórico

### ¿Qué es un árbol?

Un árbol es una estructura de datos **no lineal** compuesta por nodos conectados jerárquicamente. El nodo superior se denomina **raíz**, y cada nodo puede tener cero o más **hijos**. En el caso del **árbol binario**, cada nodo puede tener a lo sumo dos hijos: uno izquierdo y uno derecho.

### Elementos importantes:

- **Raíz:** nodo principal.
- **Hojas:** nodos sin hijos.
- **Altura:** número de niveles del árbol.
- **Subárbol:** cualquier nodo con sus descendientes.

### Recorridos clásicos de árboles binarios:

- **Inorden:** izquierda → raíz → derecha.
- **Preorden:** raíz → izquierda → derecha.
- **Postorden:** izquierda → derecha → raíz.

## Representación con listas en Python

En vez de usar clases, se representa cada nodo como una lista de tres elementos:

```
"[nodo, subárbol_izquierdo, subárbol_derecho]"
```

Esto permite trabajar con estructuras jerárquicas sin necesidad de orientación a objetos, centrando la atención en la lógica de construcción y navegación del árbol.

---

## 3. Caso Práctico

A continuación se presenta el código fuente del árbol binario, acompañado de comentarios explicativos.

```
# Esta funcion crea un nuevo arbol con un nodo principal (raiz)
# El nodo es una lista con el valor y dos lugares vacios para los hijos
izquierdo y derecho

def crear_arbol(valor):
    return [valor, [], []]

# Esta funcion agrega un nodo a la izquierda del nodo actual
# Si ya hay algo a la izquierda, lo baja un nivel y pone el nuevo nodo
arriba

def insertar_izquierda(nodo, valor):
    if nodo[1]:
        nodo[1] = [valor, nodo[1], []]
    else:
        nodo[1] = [valor, [], []]

# Esta funcion hace lo mismo que la anterior pero para el lado derecho

def insertar_derecha(nodo, valor):
    if nodo[2]:
        nodo[2] = [valor, [], nodo[2]]
    else:
        nodo[2] = [valor, [], []]

# Esta funcion elimina un nodo (referenciado por su valor[clave]) dentro
de un arbol especifico
# Maneja cuatro casos:
# 1 - Nodo es hoja: Se devuelve una lista vacia.
# 2 - Nodo tiene hijo izq: El nodo a eliminar se reemplaza por su
hijo/rama izquierdo.
# 3 - Nodo tiene hijo der: El nodo a eliminar se reemplaza por su
hijo/rama derecho.
# 4 - Nodo tiene dos hijos: Se reemplaza el nodo padre por su hijo
izquierdo y se conecta el hijo
# derecho (ahora huérfano) al hijo mas hacia la derecha del "ex" hijo
izquierdo (nuevo padre).

def eliminar_nodo(arbol, valor):
    if not arbol:
        return []

    if arbol[0] == valor:
        # Caso 1 - "Nodo es hoja"
        if not arbol[1] and not arbol[2]:
            return []
```

```

# Caso 2 - "Nodo tiene hijo izquierdo."
elif arbol[1] and not arbol[2]:
    return arbol[1]
# Caso 3 - "Nodo tiene hijo derecho."
elif not arbol[1] and arbol[2]:
    return arbol[2]
# Caso 4 - "Nodo tiene dos pibes, caos."
else:
    hijo_izq = arbol[1]
    hijo_der = arbol[2]

    # Se reemplaza el nodo padre por su hijo izquierdo *
    actual = hijo_izq

    # Se busca al hijo mas hacia la derecha del "ex" hijo izquierdo
    (nuevo padre). *
    while actual[2]:
        actual = actual[2]
    # Se conecta el hijo derecho al subarbol u hoja mas hacia la
    derecha encontrada en las lineas anteriores. *
    actual[2] = hijo_der

    return hijo_izq

# Búsqueda recursiva
arbol[1] = eliminar_nodo(arbol[1], valor)
arbol[2] = eliminar_nodo(arbol[2], valor)
return arbol

# Recorre el arbol en preorden: primero muestra el nodo, despues va a la
izquierda y despues a la derecha
def recorrido_preorden(nodo):
    if nodo:
        print(nodo[0], end=' ')
        recorrido_preorden(nodo[1])
        recorrido_preorden(nodo[2])

# Recorre el arbol en inorden: primero va a la izquierda, luego muestra el
nodo, y despues va a la derecha
def recorrido_inorden(nodo):
    if nodo:
        recorrido_inorden(nodo[1])
        print(nodo[0], end=' ')
        recorrido_inorden(nodo[2])

# Recorre el arbol en postorden: primero izquierda, luego derecha, y al
final el nodo
def recorrido_postorden(nodo):
    if nodo:
        recorrido_postorden(nodo[1])
        recorrido_postorden(nodo[2])
        print(nodo[0], end=' ')

# Esta funcion muestra el arbol rotado 90 grados hacia la izquierda
def imprimir_arbol(nodo, nivel=0):
    if nodo:
        imprimir_arbol(nodo[2], nivel + 1)
        print(' ' * nivel + str(nodo[0]))
        imprimir_arbol(nodo[1], nivel + 1)

#Esta funcion busca un valor en el arbol
def buscar_valor(nodo, valor):
    if not nodo:
        return False

```

```

    if nodo[0] == valor:
        return True
    return buscar_valor(nodo[1], valor) or buscar_valor(nodo[2], valor)

#Esta funcion busca calcular la altura del arbol
def altura(nodo):
    if not nodo:
        return 0
    return 1 + max(altura(nodo[1]), altura(nodo[2]))

#Esta funcion cuenta la cantidad total de nodos
def contar_nodos(nodo):
    if not nodo:
        return 0
    return 1 + contar_nodos(nodo[1]) + contar_nodos(nodo[2])

#Esta funcion cuenta solo los nodos hoja
def mostrar_hojas(nodo):
    if nodo:
        if not nodo[1] and not nodo[2]:
            print(nodo[0], end=' ')
        mostrar_hojas(nodo[1])
        mostrar_hojas(nodo[2])

# aca armamos el arbol y probamos las funciones
if __name__ == "__main__":
    # Creamos el nodo raiz con valor 'A'
    arbol = crear_arbol('A')

    # Agregamos hijos a izquierda y derecha
    insertar_izquierda(arbol, 'B')
    insertar_derecha(arbol, 'C')

    # Agregamos nodos al segundo nivel
    insertar_izquierda(arbol[1], 'D')
    insertar_derecha(arbol[1], 'E')
    insertar_izquierda(arbol[2], 'F')
    insertar_derecha(arbol[2], 'G')

    # Mostramos los recorridos
    print("Recorrido Preorden:")
    recorrido_preorden(arbol)

    print("\nRecorrido Inorden:")
    recorrido_inorden(arbol)

    print("\nRecorrido Postorden:")
    recorrido_postorden(arbol)

    # Mostramos el arbol rotado
    print("\n\nVisualizacion del arbol rotado:")
    imprimir_arbol(arbol)

    #Mostramos la altura
    print("\n\nAltura del árbol:", altura(arbol))

    #Mostramos el total de nodos
    print("Cantidad total de nodos:", contar_nodos(arbol))

    #Mostramos la busqueda de un nodo
    print("¿Existe el nodo 'E'?:", buscar_valor(arbol, 'E'))

    #Mostramos los nodo hoja
    print("Nodos hoja:", end=' ')

```

```
mostrar_hojas(arbol)

print("\n\nEliminando 'B':")
arbol = eliminar_nodo(arbol, 'B')
imprimir_arbol(arbol)

print()
```

## 4. Metodología Utilizada

- Estudio del material de clase provisto por la cátedra (presentaciones y rúbricas).
- Implementación paso a paso en Python 3.11 bajo debian12.

- Desarrollo de funciones recursivas para construcción y recorridos.
  - Prueba del código en vscode.
  - Publicación del código en GitHub.
- 

## 5. Resultados Obtenidos

- El árbol binario fue construido correctamente usando listas.
  - Se ejecutaron con éxito los recorridos inorden, preorden y postorden.
  - La visualización rotada permitió observar la jerarquía del árbol de forma clara.
  - El código funciona correctamente y está documentado con comentarios en cada función.
- 

## 6. Conclusiones

El desarrollo de este trabajo permitió aplicar la lógica de estructuras de datos en un entorno práctico, reforzando la comprensión de la recursividad y las jerarquías. El uso de listas en lugar de clases facilitó el enfoque didáctico del problema.

Este enfoque es ideal para quienes se inician en programación, ya que reduce la complejidad sintáctica y permite concentrarse en la lógica estructural. Como extensión futura, se podrían agregar funciones de búsqueda, balanceo o bien aplicar estas operaciones en BSTs (Binary Search Trees).

---

## 7. Bibliografía

- Material de clase.
  - YouTube: [https://www.youtube.com/watch?v=d0ibZK\\_6Q7g](https://www.youtube.com/watch?v=d0ibZK_6Q7g)
  - Agarwal, B. (2018) Hands-On Data Structures and Algorithms with Python.
- 

## 8. Anexos

- Enlace al repositorio de GitHub: <https://github.com/ya-awn/arboles-en-python>
- Video explicativo : <https://youtu.be/EYz3A9IDjlg>

PROBLEMS   OUTPUT   DEBUG CONSOLE   TERMINAL   PORTS

PS D:\TUP\_AD\Programacion I\arboles-en-python\python> python arbol\_listas.py

Recorrido Preorden:

A B D E C F G

Recorrido Inorden:

D B E A F C G

Recorrido Postorden:

D E B F G C A

Visualizacion del arbol rotado:

```
      G
     /
    C
   /
  F
 /
A
 /
B
 /
D
```

Altura del árbol: 3

Cantidad total de nodos: 7

¿Existe el nodo 'E'? : True

Nodos hoja: D E F G

Eliminando 'B':

```
      G
     /
    C
   /
  F
 /
A
 /
E
 /
D
```

PS D:\TUP\_AD\Programacion I\arboles-en-python\python> █