Evaluarea expresiilor matematice utilizând forma poloneză postfixată

Universitatea "Transilvania" din Brașov

Introducere

Forma poloneză postfixată

Reprezintă un mod de rearanjare a unei expresii aritmetice, inventat de un matematician polonez.

Există două tipuri de forme poloneze:

- a. Forma poloneză (scriere prefixată): presupune scrierea operatorilor înaintea operanzilor
- b. Forma poloneză inversă (scriere postfixată): presupune scrierea operatorilor după operanzi

Exemplu

Expresia: 3 * 4 - 3 * (24 - 12) - 7

- a. Forma poloneză (scriere prefixată): *3 4*3 24 12 7
- b. Forma poloneză inversă (scriere postfixată): 3.4*3.24.12-*-7-

Observații:

- În forma poloneză inversă nu mai sunt necesare parantezele.
- Din forma poloneză inversă este foarte ușor de evaluat expresia aritmetică.

Algoritm de construcție a formei poloneze postfixate

- elaborat de către Edsger Dijkstra.
- utilizează o stivă în care sunt păstrați operatorii.

• fiecărui operator i se atribuie o precedență:

precedență	operator
(0
+, -	1
*, /	2

Algoritm de construcție a formei poloneze postfixate

- ullet Notăm cu S stiva în care se introduc operatorii. Inițial $S=\emptyset$
- Notăm cu P vectorul în care memorăm forma poloneză
- Parcurgem şirul de caractere care conţine expresia aritmetică şi pentru fiecare element E - operator sau număr efectuăm paşii următori.

Algoritm de construcție a formei poloneze postfixate

```
daca E este numar atunci
      se adauga E la forma postfixata P
                                            altfel
      daca E este "(" atunci
           se introduce E in stiva S
      altfel
           daca E este ")" atunci
                 cat timp in vf stivei S nu este "("
                          extrage op din vf S si pune-l in P
                 sfarsit cat timp
                 extrage din stiva S "("
           altfel
                 cat timp prec(E) < prec(vf(S))
                          extrage op din vf S si de adauga la forma P
                 sfarsit cat timp
                 pune operatorul E in stiva S
           sfarsit daca
      sfarsit daca
sfarsit daca
se trec operatorii ramasi in S in fp P
```

Evaluarea expresiei aritmetice din forma poloneză postfixată

Notăm prin NR o stivă în care se plasează numere.

```
daca E este numar atunci
se plaseaza E in stiva NR
altfel (E este op)
se extrage numaru y din vf stivei NR
se extrage numarul x din vf stivei NR
se efectueaza operatia x E y
se depune rezultatul pe stiva NR
sfarsit daca
```