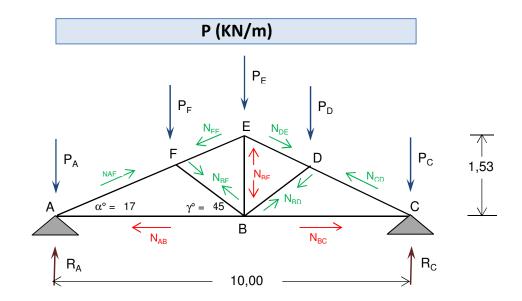
CALCOLO AGLI S.L.U. DI CAPRIATA IN LEGNO TIPO PALLADIO

(ai sensi del D.M. 17/01/2018)

Editare descrizione: es. Il solaio di copertura sarà portato da capriate in legno del tipo alla Palladio con estremi appoggiati, il cui schema statico si riporta di seguito:



Aste AB e BC = tiranti (catena ABC)
Aste CD, DE, AF e FE = puntoni CE e AE

Aste BD e BF = puntoni (saettoni)

Asta BE = Tirante (monaco)

Caratteristiche geometriche della capriata

Luce netta capriata	I =	10,00 m
Interasse capriate	i =	3,00 m
Inclinazione falda	α =	17 °
Inclinazione saettoni	$\gamma =$	45 °

Classe di durata del carico: Lunga durata 6 mesi-10 anni (carichi perm. o var. di magaz.) Classe di servizio 1 UR < 65% $K_{mod} = 0.7$

Tirante A - B - C (catena)

Altezza sezione tirante A-B-C	H =	250 mm
Larghezza sezione tirante A-B-C	B =	200 mm
Lunghezza tratto AB	$L_{AB} =$	5,00 m
Lunghezza tratto BC	$L_{BC} =$	5,00 m
Area della sezione resistente dell'elemento in legno	$A_v =$	50000 mm ²

Puntoni AE e CE

Altezza sezione puntoni AE e CE	H =	250 mm
Larghezza sezione puntoni AE e CE	B =	200 mm
Lunghezza tratto AF	$L_{AF} =$	4,00 m
Lunghezza tratto FE	L _{FE} =	1,22 m

Lunghezza tratto CD	$L_{CD} =$	4,00	m
Lunghezza tratto DE	$L_{DE} =$	1,22	m
Area della sezione resistente dell'elemento in legno	$A_v =$	50000	mm^2
Momento d'inerzia della sezione del puntone in legno	$J_{\text{min}} =$	166666667	mm^4
Raggio d'inerzia minimo della sezione del puntone in legno	i_{\min}	57,74	mm
Modulo di resistenza dell'elemento in legno	$W_{pl} =$	2083333,33	mm^3
Puntoni BF e BD (saettoni)			
Altezza sezione puntoni BF e BD	H =	200	mm
Larghezza sezione puntoni BF e BD	. B =	_	
Lunghezza tratto BF	L _{BF} =	•	
Lunghezza tratto BD	$L_{BD} =$,	
Area della sezione resistente dell'elemento in legno	$A_v =$		
Momento d'inerzia della sezione del puntone in legno	$J_{min} =$	45733333	mm ⁴
Raggio d'inerzia minimo della sezione del puntone in legno	i _{min}	40,41	mm
Tirante BE (monaco)			
Altezza sezione tirante BE	H =	200	mm
Larghezza sezione tirante BE	. B =	_	mm
Lunghezza tratto BE	L _{BE} =	•	
Area della sezione resistente dell'elemento in legno	$A_v =$	28000	mm ²
Dormiente in legno agli appoggi della capriata			
Larghezza (inserire 0 se non è previsto dormiente)	$LA_d =$	250	mm
Spessore (inserire 0 se non è previsto dormiente)	$S_d =$	100	mm
Caratteristiche comuni elementi in legno			
Peso unità di volume del legno	=	6,00	KN/m ³
Coefficiente parziale per le proprietà del materiale (Tab. 4.4.III)	$\gamma_{M} =$	Colonna A	
Res. a compressione par. fibra legno tipo Lamellare GL22h	$f_{c,0,d} =$	10,62	N/mm²
Resistenza caratteristica a compressione parallela alla fibratura	$f_{c,0,k} =$	22,00	N/mm ²
Resistenza a trazione parallela alla fibratura	$f_{t,0,d} =$	8,50	N/mm ²
Resistenza a compressione perpendicolare alla fibratura	$f_{c,90,d} =$	1,21	N/mm²
Modulo elastico caratteristico parallelo alle fibre	$E_{0,0,5} =$	8800	N/mm ²
Modulo elastico longitudinale medio	$E_{0,m} =$	10500	N/mm ²
Modulo elastico tangenziale medio	$G_{0,m} =$	650	N/mm ²
Tensione di calcolo a flessione	$f_{m,d} =$	10,62	N/mm ²
Tensione di calcolo a taglio	$f_{v,d} =$	1,69	N/mm ²
Coefficiente di imperfezione dell'elemento in legno	$\beta_c =$	0,10	
Carico superficiale verticale trasmesso dalla copertura			
Carico trasmesso dal solaio di copertura (a trave rettangolare)	Q ₁ =	4,87	KN/m ²

Altri carichi (e/o solaio di copertura diverso dalla tipologia in legno)	Q ₂ =	0,00 KN/m ²
Totale carico amplificato	Q =	4,87 KN/m ²

Carico distribuito verticale agente sulla singola capriata

	Takala	_	45 50 KN/m
Peso proprio della capriata amplificato di 1,3		$P_2 =$	0,90 KN/m
Carico trasmesso dalla copertura		$P_1 =$	14,61 KN/m

Totale P = 15,52 KN/m

Carichi verticali concentrati ai nodi in KN

P_A	P_{F}	P_{E}	P_D	P_c
31,06	40,56	18,99	40,56	31,06

I carichi verticali concentrati ai nodi sono stati ricavati come sommatoria degli sforzi di taglio determinati dal carico verticale distribuito P alle estremità di ciascuna asta considerata incernierata.

Reazioni vincolari agli appoggi in KN

R_A	R_{C}
81,12	81,12

Le reazioni vincolari sono state ricavate applicando la regola dell'equilibrio alla traslazione verticale.

Sollecitazioni normali agenti sulle aste in KN

N _{AB}	N_{BC}	N_{AF}	N _{CD}	N_{BE}
163,74	163,74	-171,22	-171,22	100,12

N _{FE}	N_{DE}	N_{BF}	N_{BD}	
-138,73	-138,73	-70,80	-70,80	

I valori con il segno meno indicano le aste sollecitate a compressione assiale (puntoni), mentre i valori con il segno positivo indicano le aste sollecitate a trazione (tiranti). Il calcolo delle sollecitazioni assiali su ciascuna asta della capriata è stato effettuato con il metodo di Ritter e con il metodo dell'equilibrio dei nodi.

Verifica a trazione parallela alla fibratura dell'asta BE (monaco)

La tensione assiale determinata da N_{RF} è data da:

$$\sigma_{\text{asta BE}} = N_{\text{BE}} / A_{\text{v}} = 3,58 \text{ N/mm}^2 < f_{\text{t,0,d}}$$
 VERIFICATO

Verifica a trazione parallela alla fibratura delle aste AB e BC (tiranti)

La tensione assiale determinata da N_{AB} o N_{BC} è data da:

$$\sigma_{\text{asta AB}} = N_{\text{AB}} / A_{\text{v}} = 3,27 \text{ N/mm}^2 < f_{\text{t,0,d}}$$
 VERIFICATO

Verifica a compressione parallela alla fibratura delle aste AF e CD (puntoni)

La tensione assiale determinata da N_{AF} o N_{CD} è data da:

Verifica a compressione parallela alla fibratura delle aste FE e DE (puntoni)

La tensione assiale determinata da N_{FE} o N_{DE} è data da:

$$\sigma_{\text{asta FE}} = N_{\text{FE}} / A_{\text{v}} =$$

$$f_{c0}$$

VERIFICATO

Verifica a compressione parallela alla fibratura delle aste BF e BD (saettoni)

La tensione assiale determinata da N_{BF} o N_{BD} è data da:

$$\sigma_{asta\ BF} = N_{BF} / A_v =$$

Verifica instabilità elementi compressi (puntoni)

La lunghezza libera di inflessione l₀ delle aste, essendo incernierate agli estremi, è uguale alla Lunghezza effettiva delle stesse.

Deve risultare:

$$k_{crit,c} \ge \sigma_{c.0.d} / f_{c.0.d}$$

Asta	λ	$\lambda_{\rm rel,c}$	k	k _{crit,c}	$\sigma_{\mathrm{c,0,d}}$ / $f_{\mathrm{c,0,d}}$	Esito
AF	69,36	1,10	1,15	0,68	0,322	VERIFICATO
CD	69,36	1,10	1,15	0,68	0,322	VERIFICATO
FE	21,20	0,34	0,56	1,00	0,261	VERIFICATO
DE	21,20	0,34	0,56	1,00	0,261	VERIFICATO
BF	28,68	0,46	0,61	0,98	0,238	VERIFICATO
BD	28,68	0,46	0,61	0,98	0,238	VERIFICATO

Sollecitazioni di flessione e taglio sui puntoni inclinati AF, FE, CD, DE dovuti al carico distribuito verticale P e relativa verifica a flessione, pressoflessione e taglio

I puntoni inclinati sono sollecitati inoltre da un momento flettente massimo in mezzeria e da uno sforzo di taglio agli estremi dati rispettivamente dalle seguenti espressioni:

$$M_t = P \times L^2 / 8$$

$$V_t = P \times L / 2$$

Mentre la tensione normale massima determinata da Mt e la tensione tangenziale massima determinata da Vt sono date rispettivamente dalle seguenti espressioni:

$$\sigma_{m,v,d} = M_t / W_{pl}$$

$$\tau_{d} = 1.5 V_{t} / (B \times H)$$

Verifica a flessione

La verifica a flessione è soddisfatta se risultano verificate entrambe le disuguaglianze:

$$A = \sigma_{m,v,d}/f_{m,d} \le 1$$

$$B = k_m \, \sigma_{m.v.d} / f_{m.d} \leq 1$$

Asta	Mt	$\sigma_{\text{m,y,d}}$	k_{m}	Α	Esito A	В	Esito B
AF	31,10	14,93	0,7	1,41	non ver.	0,98	ver.
FE	2,91	1,40	0,7	0,13	ver.	0,09	ver.
CD	31,10	14,93	0,7	1,41	non ver.	0,98	ver.
DE	2,91	1,40	0,7	0,13	ver.	0,09	ver.

Verifica a pressoflessione

La verifica a pressoflessione è soddisfatta se risultano verificate entrambe le disuguaglianze:

$$A = (\sigma_{c,0,d}/f_{c,0,d})^2 + \sigma_{m,v,d}/f_{m,d} \le 1$$

$$B = \left(\sigma_{c,0,d}/f_{c,0,d}\right)^2 + k_m \; \sigma_{m,y,d}/f_{m,d} \leq 1$$

Asta	Mt	$\sigma_{\text{m,y,d}}$	$\sigma_{\text{c,0,d}}$	k _m	Α	Esito A	В	Esito B
AF	31,10	14,93	3,42	0,7	1,51	non ver	1,09	non ver.
FE	2,91	1,40	2,77	0,7	0,20	ver.	0,16	ver.
CD	31,10	14,93	3,42	0,7	1,51	non ver	1,09	non ver.
DE	2,91	1,40	2,77	0,7	0,20	ver.	0,16	ver.

Verifica a taglio

La verifica a taglio è soddisfatta se risulta la seguente disuguaglianza:

$$\tau_{\text{d}} \leq f_{\text{v,d}}$$

	Vt	$ au_{\sf d}$	
Asta	(KN)	(N/mm^2)	Esito
AF	31,06	0,93	VERIFICATO
FE	9,50	0,28	VERIFICATO
CD	31,06	0,93	VERIFICATO
DE	9,50	0,28	VERIFICATO

Dimensionamento del dormiente

In caso di sistema di appoggio della capriata alle strutture portanti realizzato tramite dormiente in legno di forma parallelepipeda, la lunghezza minima (fissata la larghezza LA_d e lo spessore S_d) è data dall'espressione:

$$LU_d = 2 R_A / (LA_d \times f_{c,90,d}) = 537,74 \text{ mm}$$

Pertanto agli appoggi della capriata sarà inserito un parallelepipedo in legno (dormiente) delle dimensioni: cm. 25 x 54 x 10.

CALCOLO AGLI S.L.U. DI SOLAIO CON TRAVI IN LEGNO

(ai sensi del D.M. 17/01/2018)

Editare descrizione: es. I solai del fabbricato in oggetto avranno struttura portante costituita da travi in legno e soprastante tavolato.

Caratteristiche geometriche e inerziali

Classe di durata d Classe di servizio	el carico:	Lunga durata UR < 65%			nni (carichi po 1 = 0,7	erm. o var. di n K _{def} =	
				_	ę	Sez. rettang	olare
Altezza trave in le	gno				H =	200	mm
Larghezza trave ir	ı legno	. /	//	\sim	B =	140	mm
Interasse travi in l	•	Z	\prec	1	i =	0,50	
Angolo inclinazion			1	1-1=	α =	0,0	
Spessore tavolato		y	1		h _t =		cm
Peso unità di volu	me del legno	×	Ια		=	•	KN/m ³ cm
Spessore cappa	ma aanna		\z		=		KN/m ³
Peso unità di volu Luce netta solaio	те сарра		, B	+	= =	3,00	
Carico permanent	e (pavimso	ttof intonaco	imperm	tegole)			KN/m ²
Peso tramezzatura		,		, 1090.07	=		KN/m ²
Carico variabile					=	•	KN/m ²
Modulo di resister	za della sezi	one asse forte			$W_{ply} =$	933333	
Modulo di resister	za della sezi	one asse debo	le		$W_{plz} =$	653333	mm^3
Coefficiente K _h in	direz. y per s	ezione in legn	o lamella	are	$K_{h,y,l} =$	1,10	
Coefficiente K_h in	direz. z per s	ezione in legn	o lamella	are	$K_{h,z,l} =$	1,10	
Coefficiente K_h in	direz. y per s	ezione in legn	o massio	ccio	$K_{h,y,m} =$	1,00	
Coefficiente K_h in	direz. z per s	ezione in legn	o massio	ccio	$K_{h,z,m} =$	1,01	
Coefficiente parzia	ale per le pro	prietà del mate	eriale (Ta	ab. 4.4.III)	$\gamma_{M} =$	Colonna A	
Tensione di calcol	o a flessione	legno tipo La	amellare GI	_24c ▼	$f_{m,d} =$	11,59	N/mm ²
nel piar	no xz, tenend	o conto del co	efficiente	e K _{h,y} :	$f_{m,y,d} =$	12,74	N/mm ²
nel piar	o xy, tenend	o conto del co	efficiente	$e K_{h,z}$:	$f_{m,z,d} =$	12,74	N/mm ²
Tensione di calcol	o a taglio				$f_{v,d} =$	1,69	N/mm ²
Area di taglio della	a sezione del	la trave in legn	0		$A_v =$	28000	mm^2
Momento d'inerzia	della sezion	e della trave ir	legno		$I_y =$	93333333	mm^4
Modulo elastico lo	ngitudinale m	nedio			$E_{0,m} =$	11000	N/mm^2
Modulo elastico ta	ngenziale me	edio			$G_{0,m} =$	650	N/mm ²
Analisi dei carichi in KN/m							
Tavolato 0	,03 x	6,00	x	0,50	=	0,09	KN/m
Travi in legno		•		,	=	0,17	"
Cappa	0 x	0,00	X	0,50	=	0,00	"
Perman.		1,00	X	0,50	=	0,50	"
Tramez.		0,80	X	0,50	=	0,40	"
Carico variabile Altri carichi distrib	ıiti	1,00	Х	0,50	q = =	0,50 0,00	"
, and Garlotti Giottib	w. c.					0,00	

Carico permanente $Q_1 = 0.26 \text{ KN/m}$ Carico perm. non strutt. + variabile $Q_2 = 1.40 \text{ KN/m}$ Carico permanente + perm. non stutturale $Q_3 = 0.76 \text{ KN/m}$

Il carico totale di progetto allo SLU è dato da:

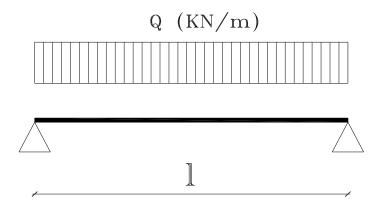
$$Q = 1.3 \times Q_1 + 1.5 \times Q_2 =$$

dove:

 γ_G = 1,3 è il fattore parziale di amplificazione dei carichi permanenti.

 γ_{Q} = 1,5 è il fattore parziale di amplificazione dei carichi perm. non strutturali + variabili

Lo schema statico risultante è il seguente:



Determinazione delle sollecitazioni

Ogni trave in legno viene sollecitata da un momento flettente massimo in mezzeria:

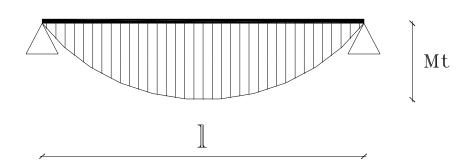
$$M_t = Q \times I^2 / 8 =$$

e scomponendo nelle due componenti attorno all'asse y ed all'asse z, si ha:

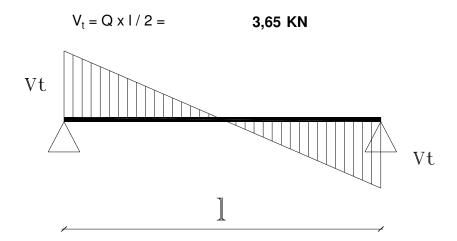
$$M_{tv} = M_t \cos \alpha =$$
 2,74 KNm

$$M_{tz} = M_t \text{ sen } \alpha =$$

0,00 KNm



Ogni trave viene sollecitata inoltre da un taglio massimo agli appoggi:



Verifica a flessione

Le tensioni di calcolo massime per flessione determinate da M_{ty} e M_{tz} nei piani xz e xy sono:

$$\sigma_{m,y,d} = M_{ty} / W_{ply} = 2,94 \text{ N/mm}^2$$

$$\sigma_{m,z,d} = M_{tz} / W_{plz} = 0,00 \text{ N/mm}^2$$

La verifica è soddisfatta se sono verificate entrambe le seguenti disuguaglianze:

$$K_m \sigma_{m,y,d} / f_{m,y,d} + \sigma_{m,z,d} / f_{m,z,d} \le 1$$

$$\sigma_{m,v,d} / f_{m,v,d} + K_m \sigma_{m,z,d} / f_{m,z,d} \le 1$$

dove Km è un coefficiente convenzionale che tiene conto del diverso comportamento del legno a trazione e compressione e della disomogeneità del materiale. Vale 0,7 per sezioni rettangolari e 1 per altre sezioni.

$$K_m \sigma_{m,y,d} / f_{m,y,d} + \sigma_{m,z,d} / f_{m,z,d} =$$

$$\sigma_{m,y,d} / f_{m,y,d} + K_m \sigma_{m,z,d} / f_{m,z,d} =$$

Verifica a taglio

La tensione tangenziale massima determinata da Vt è data da:

$$T_d = 1.5 V_t/(B \times H) = 0.20 \text{ N/mm}^2$$

VERIFICATO

Verifica di deformabilità

I limiti di spostamento sono:

$$u_{lim,tot} = I / 250 =$$
 12,00 mm (deformazione istantanea)
 $u_{lim,q} = I / 300 =$ 10,00 mm (deformazione istantanea)

 $u_{lim,lt} = I / 200 =$

15,00 mm

(deformazione a lungo termine)

dove:

 $u_{\text{lim,tot}}$ = spostamento verticale totale massimo (carichi perm. e variabili)

u_{lim.a} = spostamento verticale massimo dovuto ai soli carichi variabili

u_{lim.lt} = spostamento verticale massimo dovuto ai soli carichi permanenti

La massima freccia della trave, nelle diverse combinazioni di carichi di cui sopra, è:

 $u_{tot} = (5xQ_txI^4)/(384xE_{0.m}xI_v) + (Q_txI^2)/(8xG_{0.m}x0.83xBxH) =$

1,8 mm

 $\mathsf{u}_{\mathsf{tot}}$

 $U_{lim,tot}$

VERIFICATO

 $u_q = (5xqxI^4)/(384xE_{0,m}xI_y)+(qxI^2)/(8xG_{0,m}x0,83xBxH) =$

0,55 mm

 u_q

 $u_{lim,q}$

VERIFICATO

 $u_{lt} = u_{tot} + (5xQ_3xI^4) K_{def}/(384xE_{0,m}xI_y) =$

2,29 mm

 u_{lt}

 $u_{lim,lt}$

VERIFICATO

dove:

Q_t = carico totale lineare non amplificato agente sulla trave

q = carico variabile principale lineare non amplificato agente sulla trave

Q₃ = carico permanente lineare non amplificato agente sulla trave

I = luce netta solaio

 $E_{0,m}$ = modulo elastico longitudinale medio del legno

<

G_{0,m} = modulo elastico tangenziale medio del legno

l_v = momento d'inerzia della sezione

Verifica tavolato

La verifica del tavolato si conduce considerando uno schema statico di trave incastrata o appoggiata alle estrermità, di lunghezza pari all'interasse delle travi dell'orditura principale, ed una sezione di base unitaria ed altezza lo spessore del tavolato.

Tipo di vincolo alle estremità

Appoggio

Mtt = Qd x i x i / 8 =

0,07 KNm

Il taglio massimo è dato da:

 $V_{tt} = Q_d \times i / 2 =$

0,55 KN

La tensione normale massima determinata da M_{tt} è data da:

 $\sigma_{m,v,d,t} = M_{tt} / W_{tl} =$

0,46 N/mm²

< f_n

VERIFICATO

dove $W_{tl} = (b_t \times h_t^2/6)$ è il modulo elastico della sezione del tavolato (striscia unitaria 1,00 m.).

La tensione tangenziale massima determinata da V_{tt} è data da:

$$T_{d,t} = 1.5V_{tt}/(b_t x h_t) = 0.03 \text{ N/mm}^2 < f_{v,d}$$
 VERIFICATO

dove bt è la larghezza della sezione del tavolato (striscia unitaria 1,00 m.) e ht è lo spessore del tavolato.

CALCOLO AGLI S.L.U. DI SOLAIO CON TRAVI IN LEGNO

(ai sensi del D.M. 17/01/2018)

Editare descrizione: es. I solai del fabbricato in oggetto avranno struttura portante costituita da travi in legno e soprastante tavolato.

Caratteristiche geometriche e inerziali

Classe di durata del d	carico:	Lunga durata	6 mesi-10 anni (carichi perm.	o var. di magaz.)
Classe di servizio	1	UR < 65%	$K_{\text{mod}} = 0.7$	$K_{def} = 0.6$

Diametro trave in legno Interasse travi in legno Angolo inclinazione falda Spessore tavolato Peso unità di volume del legno Spessore cappa Peso unità di volume cappa Luce netta solaio

Carico permanente (pavim., sottof., intonaco, imperm., tegole)

Peso tramezzatura

Carico variabile

Modulo di resistenza della sezione

Coefficiente K_h per sezione in legno lamellare

Coefficiente K_h per sezione in legno massiccio

Coefficiente parziale per le proprietà del materiale (Tab. 4.4.III)

Tensione di calcolo a flessione legno tipo Lamellare GL20c tenendo conto del coefficiente K_h:

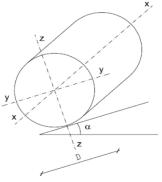
Tensione di calcolo a taglio

Area di taglio della sezione della trave in legno

Momento d'inerzia della sezione della trave in legno

Modulo elastico longitudinale medio

Modulo elastico tangenziale medio



$h_t =$	3,5	cm
=	6,00	KN/m ³
=	4	cm
=	24,00	KN/m ³
l =	4,00	m
=	1,00	KN/m ²
=	0,80	KN/m ²
=	2,00	KN/m ²
$W_{pl} =$	1356480	mm^3
$K_{h,l} =$	1,10	
$K_{h,m} =$	1,00	
$\gamma_{M} =$	Colonna A	
$f_{m,d} =$	9,66	N/mm ²
$f_{m,k,d} =$	10,58	N/mm ²
$f_{v,d} =$	1,69	N/mm ²
$A_v =$	723456	mm^2
$I_y =$	162777600	mm^4
$E_{0,m} =$	10400	N/mm ²
$G_{0,m} =$	650	N/mm ²

Sezione circolare

D =

i =

 $\alpha =$

240 mm

 $0.70 \, \text{m}$ 0.0 °

Analisi dei carichi in KN/m

Tavolato	0,035	x	6,00	Х	0,70	=	0,15 K	N/m
Travi in legno						=	0,27	"
Cappa	0,04	X	24,00	X	0,70	=	0,67	"
Perman.			1,00	X	0,70	=	0,70	"
Tramez.			0,80	X	0,70	=	0,56	"
Carico variabi	le		2,00	X	0,70	q =	1,40	"
Altri carichi dis	stribuiti					=	0,00	"

Totale (carichi fissi + sovraccarico)

 $Q_t =$

3,75 KN/m

Carico permanente $Q_1 = 1,09 \text{ KN/m}$ Carico perm. non strutt. + variabile $Q_2 = 2,66 \text{ KN/m}$ Carico permanente + perm. non stutturale $Q_3 = 2,35 \text{ KN/m}$

Il carico totale di progetto allo SLU è dato da:

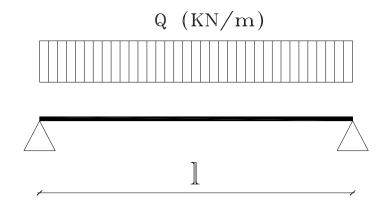
$$Q = 1.3 \times Q_1 + 1.5 \times Q_2 =$$

dove:

 γ_G = 1,3 è il fattore parziale di amplificazione dei carichi permanenti.

 γ_{Q} = 1,5 è il fattore parziale di amplificazione dei carichi perm. non strutturali + variabili

Lo schema statico risultante è il seguente:



Determinazione delle sollecitazioni

Ogni trave in legno viene sollecitata da un momento flettente massimo in mezzeria:

$$M_t = Q \times I^2 / 8 =$$
 10,81 KNm

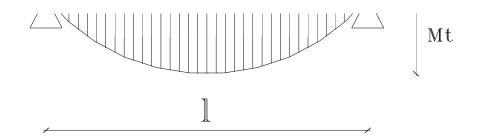
e scomponendo nelle due componenti attorno all'asse y ed all'asse z, si ha:

$$M_{ty} = M_t \cos \alpha = 10,81 \text{ KNm}$$

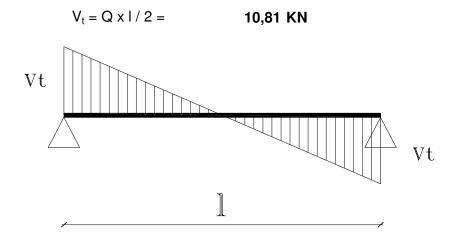
$$M_{tz} = M_t \text{ sen } \alpha =$$

0,00 KNm





Ogni trave viene sollecitata inoltre da un taglio massimo agli appoggi:



Verifica a flessione

Le tensioni di calcolo massime per flessione determinate da M_{ty} e M_{tz} nei piani xz e xy sono:

$$\sigma_{m,v,d} = M_{tv} / W_{pl} = 7,97 \text{ N/mm}^2$$

$$\sigma_{m,z,d} = M_{tz} / W_{pl} = 0,00 \text{ N/mm}^2$$

La verifica è soddisfatta se è verificata la seguente disuguaglianza:

$$\sigma_{m,y,d} / f_{m,k,d} + \sigma_{m,z,d} / f_{m,k,d} \le 1$$

$$\sigma_{m,y,d} / f_{m,k,d} + \sigma_{m,z,d} / f_{m,k,d} = 0,75 < 0$$

VERIFICATO

Verifica a taglio

La tensione tangenziale massima determinata da Vt è data da:

$$\tau_{d} = 1.5 \ V_{t}/(B \ x \ H) =$$

$$f_{v,}$$

Verifica di deformabilità

I limiti di spostamento sono:

$u_{lim,tot} = I / 250 =$	16,00 mm	(deformazione istantanea)
$u_{lim,q} = I / 300 =$	13,33 mm	(deformazione istantanea)
$u_{lim,lt} = I / 200 =$	20,00 mm	(deformazione a lungo termine)

dove: $u_{lim,tot}$ = spostamento verticale totale massimo (carichi perm. e variabili)

u_{lim,q} = spostamento verticale massimo dovuto ai soli carichi variabili

u_{lim.lt} = spostamento verticale massimo dovuto ai soli carichi permanenti

La massima freccia della trave è:

$$u_{tot} = (5xQ_txI^4)/(384xE_{0,m}xI_y) + (Q_txI^2)/(8xG_{0,m}x0,83xBxH) = \begin{tabular}{ll} \begin{t$$

dove: Q_t = carico totale lineare non amplificato agente sulla trave

q = carico variabile principale lineare non amplificato agente sulla trave

 Q_3 = carico permanente lineare non amplificato agente sulla trave

I = luce netta solaio

 $E_{0,m}$ = modulo elastico longitudinale medio del legno

G_{0.m} = modulo elastico tangenziale medio del legno

l_v = momento d'inerzia della sezione

Verifica tavolato

La verifica del tavolato si conduce considerando uno schema statico di trave incastrata o appoggiata alle estrermità, di lunghezza pari all'interasse delle travi dell'orditura principale, ed una sezione di base unitaria ed altezza lo spessore del tavolato.

Tipo di vincolo alle estremità Appoggio

$$Mtt = Qd x i x i / 8 .=$$
 0,31 KNm

Il taglio massimo è dato da:

$$V_{tt} = Q_d \times i / 2 =$$
 1,77 KN

La tensione normale massima determinata da M_{tt} è data da:

$$\sigma_{m,y,d,t} = M_{tt} / W_{tl} = 1,37 \text{ N/mm}^2 < f_{m,d}$$
 VERIFICATO

dove $W_{tl} = (b_t \times h_t^2/6)$ è il modulo elastico della sezione del tavolato (striscia unitaria 1,00 m.).

La tensione tangenziale massima determinata da V_{tt} è data da:

$$T_{d,t} = 1.5V_{tt}/(b_t x h_t) = 0.08 \text{ N/mm}^2$$
 < $f_{v,d}$ **VERIFICATO**

dove bt è la larghezza della sezione del tavolato (striscia unitaria 1,00 m.) e ht è lo spessore del tavolato.

CALCOLO AGLI S.L.U. DI CAPRIATA IN LEGNO TIPO PALLADIO

(ai sensi del D.M. 17/01/2018)

RELAZIONE DI CALCOLO

La capriata tipo Palladio o all'italiana è una particolare tipologia di travatura reticolare piana costituita da un sistema di puntoni (aste soggette a compressione assiale) e tiranti (aste soggette a trazione assiale), geometricamente simmetrici rispetto ad un asse verticale mediano, in cui le aste si considerano incernierate ai nodi e gli estremi della capriata appoggiati alla struttura.

Il software effettua il calcolo della capriata in legno, lamellare o massiccio, soggetta a carichi esterni lineari uniformemente distribuiti, dai quali vengono desunti i carichi concentrati verticali ai nodi agenti sulla stessa capriata e le reazioni vincolari agli appoggi. Agli appoggi vi è la possibilità di inserire anche un dormiente in legno di forma parallelepipeda, qualora si optasse per tale scelta costruttiva.

Il calcolo viene effettuato con il metodo degli stati limite ultimi ai sensi del D.M. 17/01/2018 (N.T.C. 2018) e tiene conto della classe di durata del carico (breve durata, istantaneo, lunga durata, media durata e permanente), della classe di servizio (variazioni di umidità ed influenza sulle caratteristiche di resistenza e deformabilità del legno) e del relativo coefficiente correttivo dei carichi K_{mod} (funzione della durata del carico e dell'umidità della struttura). Il coefficiente parziale di sicurezza del materiale γ_{M} dipende dal tipo di materiale e dalla combinazione di carico considerata. Per la combinazione di carico fondamentale il coefficiente γ_{M} assume i valori riportati in tabella 4.4.III, colonne A e B, delle N.T.C. 2018 per il legno lamellare e per il legno massiccio. Le caratteristiche del legno lamellare sono desunte dalle norme UNI EN 14080, mentre quelle del legno massiccio dalle norme UNI EN 14081-1.

I carichi verticali concentrati ai nodi vengono ricavati come sommatoria degli sforzi di taglio agli estremi di ciascuna asta considerata incernierata, determinati dal carico verticale distribuito esterno agente sulla capriata.

Le caratteristiche del legno lamellare sono desunte dalle norme UNI EN 14080, mentre quelle del legno massiccio dalle norme UNI EN 14081-1.

Lo sforzo di taglio agente all'estremità della singola asta della capriata è dato dall'espressione:

$$T = P \cdot L/2$$

dove P è il carico distribuito verticale esterno e L è la lughezza dell'asta.

Le reazioni vincolari agli appoggi della capriata vengono ricavati applicando la regola dell'equilibrio alla traslazione verticale al nodo.

Gli sforzi normali di compressione e trazione agenti sulle singole aste della capriata vengono determinati con il metodo di Ritter e con il metodo dell'equilibrio dei nodi.

La verifica degli elementi della capriata viene effettuata agli stati limite ultimi, con resistenze dei materiali desunti dal par. 4.4.6 delle NTC 2018, secondo l'espressione:

$$X_d = (K_{mod} \cdot X_k) / \gamma_M$$

dove: X_d è la resistenza di progetto del materiale; X_k è la reistenza caratteristica del materiale; K_{mod} è il coefficiente correttivo dei carichi e γ_M è il coefficiente parziale di sicurezza.

Le verifiche eseguite sono:

Verifica a trazione parallela alla fibratura della catena e del monaco;

Verifica a compressione parallela alla fibratura dei puntoni inclinati e dei saettoni;

Verifica a instabilità degli elementi compressi (puntoni);

Verifica a flessione, pressoflessione e taglio dei puntoni inclinati;

Verifica del dormiente agli appoggi della capriata (se previsto).

Per la verifica a trazione parallela alla fibratura degli elementi tesi deve essere soddisfatta la condizione:

 $\sigma_{t.0.d} \leq f_{t.0.d}$

dove: $\sigma_{t,0,d}$ è la tensione di calcolo a trazione parallela alla fibratura, desunta dall'espressione:

$$\sigma_{t.0.d} = N / Av$$

dove: N è lo sforzo normale di trazione agente sull'asta e Av è l'area netta della sezione dell'asta e f_{t.0.d} è la resistenza di calcolo a trazione parallela alla fibratura del materiale, desunta da:

$$f_{t,0,d} = (K_{mod} \cdot f_{t,0,k}) / \gamma_M$$

dove: f_{t,0,k} è la resistenza caratteristica a trazione parallela alla fibratura del materiale.

Per la verifica a compressione parallela alla fibratura degli elementi compressi deve essere

$$\sigma_{c,0,d} < f_{c,0,d}$$

dove: $\sigma_{c,0,d}$ è la tensione di calcolo a trazione parallela alla fibratura, desunta dall'espressione:

$$\sigma_{c.0.d} = N / Av$$

dove: N è lo sforzo normale di compr. agente sull'asta e Av è l'area netta della sezione dell'asta.

e $f_{c,0,d}$ è la resistenza di calcolo a compressione parallela alla fibratura del materiale, desunta da:

$$f_{c.0.d} = (K_{mod} \cdot f_{c.0.k}) / \gamma_M$$

dove: f_{c,0,k} è la resistenza caratteristica a compressione parallela alla fibratura del materiale.

Per la verifica a instabilità degli elementi compressi (puntoni), essendo le aste incernierate agli estremi la lunghezza libera di inflessione L_0 è uguale alla lunghezza dell'asta L_0 pertanto:

$$\lambda = L / i_{min}$$

dove: λ è la snellezza dell'asta, L la lunghezza dell'asta e i_{min} il raggio d'inerzia minimo della sez. calcolato con l'espressione seguente:

$$i_{min} = (J_{min} / Av)^{0.5}$$

dove: Av è l'area della sezione e J_{min} è il momento d'inerzia minimo della sezione, ricavato dalla seguente espressione:

$$J_{min} = H \cdot B^3 / 12$$

dove: B e H sono la larghezza e l'altezza della sezione dell'asta.

Affinché l'asta compressa sia verificata a instabilità deve risultare:

$$K_{crit,c} \ge \sigma_{c.0.d}/f_{c.0.d}$$

dove $\sigma_{c,0,d}$ è la tensione di calcolo per sforzo normale dell'asta e $f_{c,0,d}$ è la resistenza di calcolo a compressione del legno.

$$K_{crit c} = 1 / [k + (k^2 - \lambda_{rel c}^2)^{0.5}]$$

dove:

$$K = [(1 + \beta_c \cdot (\lambda_{relc} - 0.3) + \lambda_{relc}^2] / 2$$

dove; β_c (coefficiente di imperfezione dell'elemento in legno) è pari a 0,1 per il legno lamellare e 0,2 per il legno massiccio.

con
$$\lambda_{\text{rel c}} = (\lambda / \pi) \cdot (f_{\text{c.0.k}} / E_{0.0.5})^{0.5}$$

dove: $f_{c,0,k}$ è la resistenza caratteristica a compressione del materiale e $E_{0,0,5}$ è il modulo elastico caratteristico parallelo alle fibre e $K_{crit,c}$ è dato dall'espressione:

$$K_{crit.c} = 1 / [k + (k^2 - \lambda_{rel.c}^2)^{0.5}]$$

Per effetto del carico esterno verticale portato dalla capriata i puntoni inclinati sono sottoposti anche a flessione, pressoflessione e taglio, le cui espressioni degli sforzi sono, rispettivamente:

$$Mt = P \cdot L^2 / 8$$

$$Vt = P \cdot L / 2$$

dove P è il carico esterno distribuito lineare e L la lunghezza dell'asta.

La tensione normale massima determinata da Mt e quella tangenziale massima determinata da Vt sono:

$$\sigma_{m,v,d} = Mt / W_{pl}$$
 $\tau_{d} = 1,5 \cdot Vt / (B \cdot H)$

dove: W_{pl} è il modulo di resistenza dell'elemento in legno ed è dato dall'espressione:

$$Wpl = B \cdot H^2 / 6$$

dove: B e H sono la larghezza e l'altezza della sezione dell'asta.

Le aste saranno verificate a flessione se risultano soddisfatte entrambe le seguenti disuguaglianze, in assenza di flessione nel piano xy:

$$\sigma_{\text{m.v.d}}/f_{\text{v.d}} \le 1$$
 $k_{\text{m}} \sigma_{\text{m.v.d}}/f_{\text{v.d}} \le 1$

dove $\sigma_{m,y,d}$ è la tensione di calcolo massima per flessione nel piano xz e $f_{y,d}$ è la corrispondente resistenza di calcolo a flessione. K_m è un coefficiente che tiene conto convenzionalmente della ridistribuzione delle tensioni e della disomogeneità del materiale nella sezione trasversale e vale 0,7 per sezioni trasversali rettangolari e 1,0 per altre sezioni.

Le aste saranno verificate a pressoflessione se risultano soddisfatte entrambe le seguenti in assenza di flessione nel piano xy:

$$(\sigma_{c,0,d}/f_{c,0,d})^2 + \sigma_{m,y,d}/f_{m,d} \leq 1$$

$$(\sigma_{c,0,d}/f_{c,0,d})^2 + k_m \sigma_{m,y,d}/f_{m,d} \leq 1$$

dove $\sigma_{m,y,d}$ è la tensione di calcolo massima per flessione nel piano xz e $f_{m,d}$ è la corrispondente resistenza di calcolo a flessione. K_m è un coefficiente che tiene conto convenzionalmente della ridistribuzione delle tensioni e della disomogeneità del materiale nella sezione trasversale e vale 0,7 per sezioni trasversali rettangolari e 1,0 per altre sezioni.

 $\sigma_{c,0,d}$ è la tensione di calkcolo massima per compressione e $f_{c,0,d}$ è la corrispondente resistenza di calcolo a compressione.

Le aste saranno verificate a taglio se risulta soddisfatta la seguente disuguaglianza:

$$\tau d \leq f_{v,d}$$

Nelle espressioni sopra riportate $f_{m,d}$ e $f_{v,d}$ sono ricavate dalle seguenti espressioni:

$$f_{m,d} = (K_{mod} \cdot f_{m,k}) / \gamma_M$$
 $f_{v,d} = (K_{mod} \cdot f_{v,k}) / \gamma_M$

dove: $f_{m,k}$ è la resistenza caratteristica a flessione del materiale e $f_{v,k}$ la resistenza caratteristica a taglio del materiale, I K_{mod} è il coefficiente correttivo dei carichi e γ_M è il coefficiente parziale di sicurezza.

Per la verifica del dormiente in legno agli appoggi della capriata, fissati la larghezza dello stesso e lo spessore, il calcolo consente di ricavarne la lunghezza con la seguente espressione:

$$LU_d = 2 \cdot Ra / (LA_d \cdot f_{c,90,d})$$

dove: Ra è la reazione vincolare all'appoggio della capriata, L_{ad} è la larghezza scelta per il dormiente e $f_{c,90,d}$ è la resistenza caratteristica a compressione del materiale.

CALCOLO AGLI S.L.U. DI SOLAIO CON TRAVI IN LEGNO

(ai sensi del D.M. 17/01/2018)

RELAZIONE DI CALCOLO

Il solaio con travi in legno, impiegato sia per gli impalcati di interpiano che per le coperture degli edifici, è costituito da travi in legno lamellare o massicio (a sezione rettangolare o circolare) poste ad opportuno interasse e considerate appoggiate alle estremità. L'elemento strutturale viene sottoposto a carichi verticali distribuiti linearmente lungo l'asse longitudinale dello stesso.

Il software, effettuata l'analisi dei carichi, effettua il calcolo della trave in legno, lamellare o massiccio, soggetta a carichi esterni lineari uniformemente distribuiti, dai quali vengono desunte le sollecitazioni di flessione e taglio massime, rispettivamente in mezzeria ed agli appoggi della trave. Viene effettuata inoltre la verifica del tavolato a flessione e taglio, nel caso in cui sia presente questa tipologia di piano di calpestio.

Il calcolo viene effettuato con il metodo degli stati limite ultimi ai sensi del D.M. 17/-01/2018 (N.T.C. 2018) e tiene conto della classe di durata del carico (breve durata, istantaneo, lunga durata, media durata e permanente), della classe di servizio (variazioni di umidità ed influenza sulle caratteristiche di resistenza e deformabilità del legno) e del relativo coefficiente correttivo dei carichi K_{mod} (funzione della durata del carico e dell'umidità della struttura). Il coefficiente parziale di sicurezza del materiale γ_M dipende dal tipo di materiale e dalla combinazione di carico considerata. Per la combinazione di carico fondamentale il coefficiente γ_M assume i valori riportati in tabella 4.4.III, colonne A e B, delle N.T.C. 2018 per il legno lamellare e per il legno massiccio. Le caratteristiche del legno lamellare sono desunte dalle norme UNI EN 14080, mentre quelle del legno massiccio dalle norme UNI EN 14081-1.

La verifica della trave in legno viene effettuata agli stati limite ultimi, con resistenze dei materiali desunti dal par. 4.4.6 delle NTC 2018, secondo l'espressione:

$$X_d = (K_{mod} \cdot X_k) / \gamma_M$$

dove: X_d è la resistenza di progetto del materiale; X_k è la reistenza caratteristica del materiale; K_{mod} è il coefficiente correttivo dei carichi e γ_M è il coefficiente parziale di sicurezza.

Le verifiche eseguite sono:

Verifica a flessione;

Verifica a taglio;

Verifica di deformabilità;

Verifica a flessione e taglio del tavolato;

Per effetto del carico esterno verticale ogni trave è sollecitata a flessione e taglio, le cui espressioni degli sforzi sono, rispettivamente:

$$M_t = Q \cdot L^2 / 8$$
 $V_t = Q \cdot L / 2$

dove Q è il carico esterno distribuito lineare e L la lunghezza dell'asta.

Per la verifica a flessione dell'elemento devono essere soddisfatte entrambe le condizioni:

$$K_{m} \cdot \sigma_{m,y,d} / f_{m,y,d} + \sigma_{m,z,d} / f_{m,y,d} \le 1$$
 $\sigma_{m,y,d} / f_{m,y,d} + K_{m} \cdot \sigma_{m,z,d} / f_{m,y,d} \le 1$

dove: $\sigma_{m,y,d}$ e $\sigma_{m,z,d}$ sono le tensioni di calcolo massime per flessione rispettivamente nei piani xz e xy determinate assumendo una distribuzione elastico lineare delle tensioni sulla sezione, km è un coefficiente che tiene conto convenzionanlmente della distribuzione delle tensioni e della disomogeneità del materiale nella sezione trasversale (si impiega il valore di 0,7 per le sezioni rettangolari ed il valore 1 per altre sezioni trasversali).

$$\sigma_{m,v,d} = M_{tv} / W_{plv}$$

$$\sigma_{m,z,d} = M_{tz} / W_{plz}$$

dove: M_{ty} e M_{tz} sono le componenti del momento flettente agente sull'asta attorno all'asse y e a z, W_{ply} e W_{plz} sono i moduli di resistenza della sezione rispetto all'asse y e z.

 $f_{m,y,d}$ e $f_{m,z,d}$ sono le corrispondenti resistenze di calcolo a flessione del materiale, desunte da:

$$f_{m,v,d} = (K_{mod} \bullet f_{m,k}) \bullet k_{h,v} / \gamma_{M}$$

$$f_{m,z,d} = (K_{mod} \bullet f_{m,k}) \bullet k_{h,z} / \gamma_{M}$$

dove: $f_{m,k}$ è la resistenza caratteristica a flessione del materiale e K_h è un coefficiente moltiplicativo che incrementa i valori di resistenza del materiale in funzione delle dimensioni della sezione trasv., dato dalle seguenti espressioni:

$$K_h = min \{ (150/h)^{0.2}; 1,3 \}$$

dove h è l'altezza in mm della sezione trasversale dell'elemento oppure il lato maggiore della sezione trasversale.

per elementi di legno massiccio sottoposti a flessione o a trazione parallela alla fibratura che presentino un'altezza o il lato maggiore della sezione trasversale inferiore a 150 mm;

$$K_h = min \{ (600/h)^{0,1}; 1, 1 \}$$

dove h è l'altezza in mm della sezione trasversale dell'elemento oppure il lato maggiore della sezione trasversale.

per elementi di legno lamellare sottoposti a flessione o a trazione parallela alla fibratura che presentino un'altezza o il lato maggiore della sezione trasversale inferiore a 600 mm.

I moduli di resistenza W_{pl} dell'elemento in legno sono dati dalle espressioni:

Wply =
$$B \cdot H^2 / 6$$
 Wplz = $H \cdot B^2 / 6$

Per la verifica a taglio dell'emento deve essere soddisfatta la condizione:

$$\tau_d \leq f_{v,d}$$

dove: τ_d è la tensione di calcolo a taglio, desunta dall'espressione:

$$\tau_d = 1.5 \cdot V_t / (B \cdot H)$$

dove: Vt è lo sforzo di taglio agente sull'asta e B ed H sono altezza e larghezza dell'asta.

e f_{v.d} è la resistenza di calcolo a taglio del materiale, desunta da:

$$f_{v,d} = (K_{mod} \cdot f_{v,k}) / \gamma_M$$

dove: $f_{v,k}$ è la resistenza caratteristica a taglio del materiale.

Per la verifica di indeformabilità degli elementi inflessi deve risultare:

$$U_{tot} < U_{lim,tot}$$

$$u_{q} < u_{\text{lim},q}$$

$$u_{lt} < u_{lim,lt}$$

dove: u_{lim,tot} è lo spostamento verticale totale massimo dovuto ai carichi permanenti e variabili,

 $u_{lim,q}$ è lo spostamento verticale massimo dovuto ai soli carichi variabili e $U_{lim,lt}$ è lo spostamento verticale massimo dovuto ai soli carichi permanenti.

Mentre le frecce massime u_{tot} , u_q e u_{lt} sono date rispettivamente dalle espressioni:

$$\begin{split} u_{tot} &= (5xQ_txI^4)/(384xE_{0,m}xI_y) + (Q_txI^2)/(8xG_{0,m}x0,83xA) \\ u_q &= (5xqxI^4)/(384xE_{0,m}xI_y) + (qxI^2)/(8xG_{0,m}x0,83xA) \\ u_{lt} &= u_{tot} + (5xQ_pxI^4) \; K_{def}/(384xE_{0,m}xI_y) \end{split}$$

dove: Q_t è il carico totale lineare non amplificato agente sulla trave; q è il carico variabile principale lineare non amplificato agente sulla trave; l è la luce netta del solaio; l è l'area della sezione della trave; l è il modulo elastico longitudinale medio del legno; l è il modulo elastico tangenz. medio del legno; l è il momento d'inerzia della sezione; l è il carico totale permanente agente sulla trave.

Per la verifica del tavolato si considera lo schema statico di trave incastrata o appoggiata agli estremi, di lunghezza pari all'interasse delle travi dell'orditura principale, di sezione di base unitaria ed altezza Deve risultare:

$$\sigma_{m,y,d,t} \leq f_{m,d} \qquad \qquad \tau_{d,t} \leq f_{v,d}$$
 dove:
$$\sigma_{m,y,d,t} = M_{tt}/W_{tl} \qquad \qquad \tau_{d,t} = 1,5 \cdot V_{tt}/(b_t \cdot h_t)$$

dove bt e ht sono rispettivamente la larghezza della sezione del tavolato considerato (striscia unit.) e lo spessore dello stesso e W_{tl} è il modulo elastico della sezione del tavolato.

Il momento flettente massimo ed il taglio massimo del tavolato sono dati dalle espressioni:

$$M_{tt} = Q_d \cdot L^2 / 12$$
 $V_{tt} = Q_d \cdot i / 2$ incastro
$$M_{tt} = Q_d \cdot L^2 / 8$$
 $V_{tt} = Q_d \cdot i / 2$ appoggio

dove Q_d è il carico lineare agente sulla striscia di tavolato (dedotto il peso delle travi); i è l'interasse delle travi in legno.