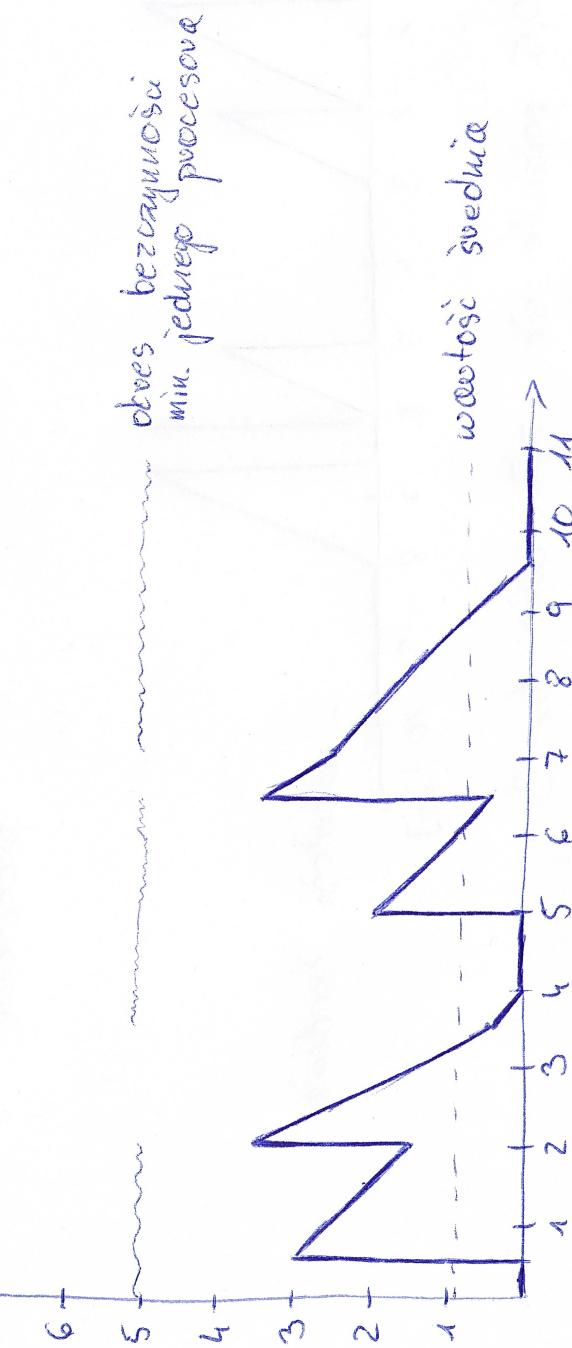


# Zadanie 1 Cziczenia 1

a)

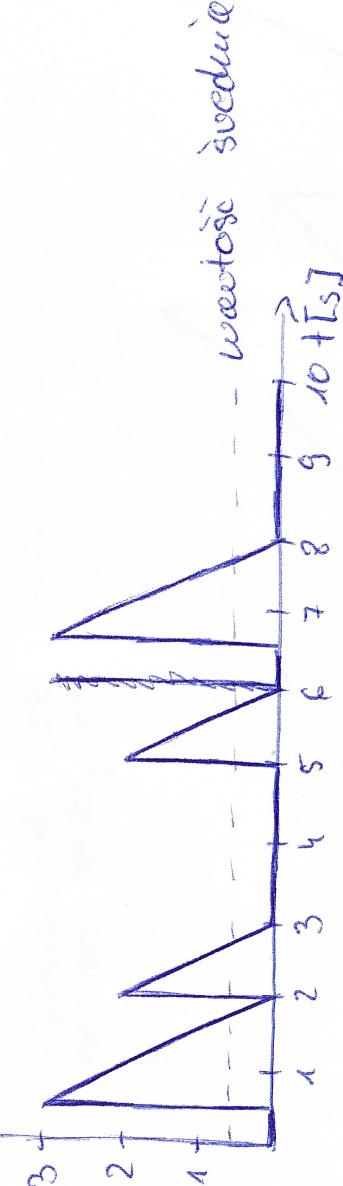


obie bezczynności  
min. jednego procesora

- (1) w  $t=0,5$  pojawi się zgłoszenie  $b_1 = 3$   
2) do  $t=2$  wykonywane jest zgłoszenie  $b_1$  (porozstaże 1,5)  
3) w  $t=2$  pojawi się zgłoszenie  $b_2 = 2$ , które zostaje wykonyane  
przez drugi procesor
- 4) do  $t=\frac{35}{2}$  równolegle wykonywane są oba zgłoszenia, gdzie  $b_1$   
się kończy a  $b_2 = 0,5$   
5) w  $t=4$  kończy się wykonywanie  $b_2$  i do  $t=5$  procesory  
porozstażą bezczynne
- (6) w  $t=5$  pojawi się zgłoszenie  $b_3 = 2$   
(7) do  $t=6,5$  wykonywane jest  $b_3$  (porozstaże 0,5)  
(8) w  $t=6,5$  pojawią się zgłoszenia  $b_4 = 3$   
(9) do  $t=7$  wykonywane równolegle są  $b_3$  i  $b_4$   
(10) do  $t=8,5$  wykonywane jest  $b_4$

b) U(t)

dwie bezzynościami procesowe



- 1) w  $t=0,5$  pojawia się zgłoszenie  $b_1 = 3$
- 2) zgłoszenie  $b_1$  wykonywane jest do  $t=2$
- 3) w  $t=2$  pojawia się zgłoszenie  $b_2 = 2$
- 4) zgłoszenie  $b_2$  wykonywane jest do  $t=3$
- 5) w  $t=5$  pojawia się zgłoszenie  $b_3 = 2$
- 6) zgłoszenie  $b_3$  wykonywane jest do  $t=6$
- 7) w  $t=6,5$  pojawia się zgłoszenie  $b_4 = 3$
- 8) zgłoszenie  $b_4$  wykonywane jest do  $t=8$

co jest podstawą powodzenia obu przepadek?  
Wartość średnia.

Czy  $S=2$  pod jakiim względem gwaruje nad  $S=1$ ?  
Lepiej informacyjne procesor (lub o taryfie czas bezzynościi).

## Zadanie 2 ziniżenie 1

Dla FIFO wykonujemy losującym zgodnie po kolejce.  
 W Round Robin będzie zgodnie z kolejnością jest  
 w kolejności ale tylko przez pierwszy czas.

a) FIFO:

- (1) wykonyjemy X w 7s
  - (2) wykonyjemy Y w 1s ale konczymy obciążę w 8 sekundzie
  - (3) konczymy obciążę 2 w 11 sekundzie
- $$\text{średnia} = \frac{7+8+11}{3} = \frac{26}{3} \text{ s}$$

b) Round Robin:

- (1) dwoje blokują czasu dla X (porządkie x=5)
- (2) jeden blokuje czasu dla Y (zakonczuje obciążę)  $\rightarrow 3s$
- (3) dwoje blokują czasu dla Z (porządkie z=1)
- (4) - 1 - - X ( - 11 - X=3)
- (5) jeden blokuje czasu dla Z (zakonczuje obciążę)  $\rightarrow 8s$
- (6) dwoje blokują czasu dla X (porządkie x=1)
- (7) jeden blokuje czasu dla X (zakonczuje obciążę)  $\rightarrow 11s$

X X Y Z Z X X Z X X X

$\uparrow$   
3

$\uparrow$   
8

$\uparrow$   
11

$$\text{średnia} = \frac{3+8+11}{3} = \frac{22}{3} \text{ s}$$

b) FIFO:

$$\begin{array}{l} Y: 1s \\ Z: 4s \\ X: 11s \end{array}$$

Round Robin:

~~Y Z Z X X X X X X X~~  
 $\uparrow$   
6  
 $\uparrow$   
5  
 $\uparrow$   
8  
 $\uparrow$   
11

$$\text{średnia} = \frac{1+6+11}{3} = \frac{18}{3} \text{ s}$$

c) FIFO:

$$\begin{array}{l} X: 7s \\ Z: 10s \\ Y: 11s \end{array}$$

~~XXZ Y XX Z X X X X X~~  
 $\uparrow$   
5  
 $\uparrow$   
8  
 $\uparrow$   
11

$$\text{średnia} = \frac{5+8+11}{3} = \frac{24}{3} \text{ s}$$

Wynik:

Round Robin jest uniej wykorzystane i nie przypodaje.

## Sposób 1:

Równo Little'a

$$\text{średnia populacja} = (\text{średnie wydłużenie}) \times (\text{średni czas życia})$$

$$\begin{aligned}\text{średnie cykliczne} &= 800 \frac{\text{trw. okresu}}{\text{s}} \\ \text{średni czas życia} &= \frac{5000 \text{ opereń}}{400000 \frac{\text{opereń}}{\text{s}}} = \frac{1}{800} \text{ s} \\ \text{średnia populacja} &= 800 \frac{\text{trw. okresu}}{\text{s}} \times \frac{1}{800} \text{ s} = 1 \text{ trw. okresu}\end{aligned}$$

Sposób 2:

Prawo Little'a:

$$N_{SO} = \frac{1-L}{Q_{SO}} \cdot d_{SO}, \quad \text{gdzie } d_{SO} = \frac{b_{SO}}{v}$$

N - liczba zatrudnionych w systemie  
d - opóźnienie systemowe  
Q - intensywność

L - frakcja utracacych trw. okresu  
b - wymagane średnie zatrudnienie [j.o.]  
v - wydajność procesora

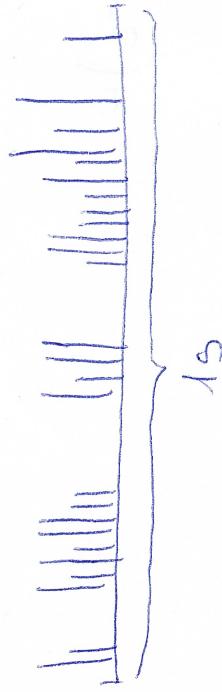
Przyjmujemy, że bufor jest niewielki coż oznacza, że większość utraciła życie.

$$\begin{aligned}d_{SO} &= \frac{5000 \text{ opereń}}{100000 \frac{\text{opereń}}{\text{s}}} = \frac{1}{200} \text{ s} \\ Q_{SO} &= \frac{1 \text{ s}}{200 \text{ opereń}}\end{aligned}$$

$$N_{SO} = \frac{1-0}{\frac{1}{200}} \times \frac{1}{200} = 1$$

Odp. Średnia liczba trw. okresu w systemie wynosi 1.

## Zadanie 1 Ćwiczenie 2

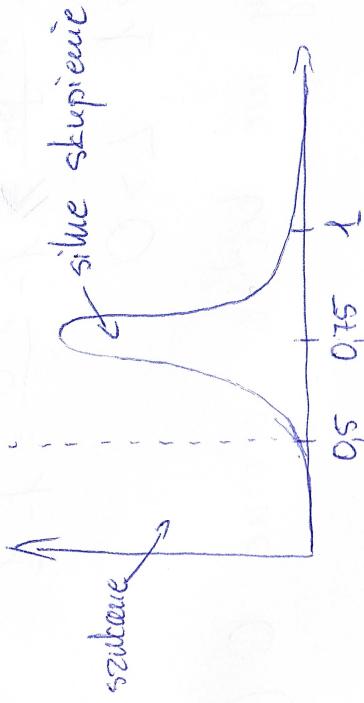


$\bar{v}_n = \frac{b_n}{v}$  - wymagany czas obtrągi zgłoszenia w  
 $B = \sum_{n=1}^{\infty} v_n$  - popr. zgłoszeń w czasie 1s  
(suma we wszystkich stupniach)

$\bar{B} = \varphi = 75\%$       z troską o deducje  
 $\sigma_B = 0,15$       odchylenie standarde

$P(B \leq 0,5)$  - szukane prawdopodobieństwo

z centralnego twierdzenia granicznego B ma rozkład normalny (Gaussa).



$$\begin{aligned} P(\alpha \leq X_{(0,5)} \leq b) &= P(0 \leq X_{(0,75,0,1)} \leq 0,5) = \\ &= \bar{\Phi}\left(\frac{b-0}{0,15}\right) - \bar{\Phi}\left(\frac{0-0}{0,15}\right) = \bar{\Phi}\left(\frac{0,5-0,75}{0,1}\right) - \bar{\Phi}\left(\frac{0-0,75}{0,1}\right) = \\ &= \bar{\Phi}(-2,5) - \bar{\Phi}(-7,5) = \bar{\Phi}(7,5) - \bar{\Phi}(2,5) \approx 0,5 - 0,4938 = \\ &= 0,0062 = 0,62\% \end{aligned}$$

Odp. Szczeg. wynosi 6,2%, co jest także sytuacją  
występ. w 2. w 0 do 162 sekundy.

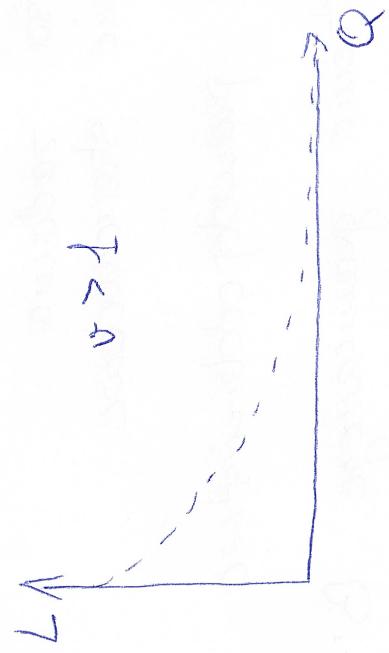
## Zadanie 2 Ćwiczenie 2

Równanie ciągłości pę譬tywu:

$$1 - p_0 = \frac{1-L}{Q_{SV}} \quad L_{SV} = (1-L)v$$

$p_0$  - współczynnik bezzagrożenia procesoru

$Q \rightarrow \infty$ , procesor "się nie wycofuje" ( $v > 1$ ), możliwe więc przypuścić, że współczynnik bezzagrożenia procesoru wynosi 0 ( $p_0 \rightarrow 0$ ).

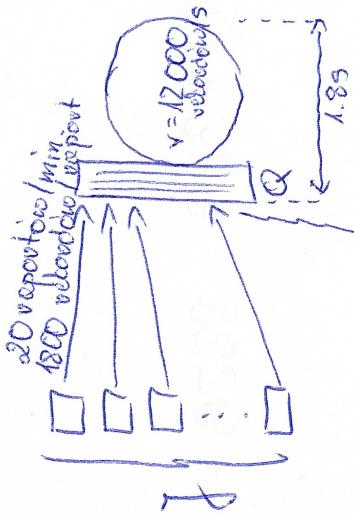


$$L = 1 - \frac{1-p_0}{v} \Rightarrow 1 - \frac{1-p_0}{v} = 1 - \frac{1}{v}$$

$$\text{dla } v > 1 \quad L > 0$$

Ponieważ  $v > 1$  nigdy nie będzie równie 0 (jest to szkodliwy przypadek).

## Zadanie 3 Ćwiczenie 2



$$T_{30} = \frac{630}{v} = \frac{1800 \text{ vibrations}}{12000 \frac{\text{vibrations}}{\text{s}}} = 0,15 \text{ s / vapoport}$$

$$\frac{1,8 \text{ s}}{0,15 \frac{\text{s}}{\text{vapoport}}} = 12 \text{ vapoportów}$$

~~stosunek~~

$$funkcja vapoportów dla cieczy \leq 4\% \Rightarrow v \leq 1$$

średnie opóźnienie systemu ego vapoportu \leq 12 i  
masywnie liczba tarcicówka  $\Rightarrow Q = 22 \vee Q = 23$

$$v = \frac{630}{0,30 \cdot v} = \frac{1800 \text{ vibrations}}{3 \text{ s} \cdot 12000 \frac{\text{vibrations}}{\text{s}}} = \frac{1800 \text{ vibrations}}{36000 \text{ vibrations}} = 0,05 = 5\%$$

$\nearrow$   
 $vapoport$   
 $co 3 \text{ s}$

$\searrow$   
dla jednej  
tarcicówki

$$J \cdot v \leq 1 \Rightarrow J \leq 20$$

Odp. Małym określając liczbę tarcicówek do 20, & niezbytnie ~~pojemność~~ powiększąc vapoportu wynosi 22.

### Zadanie 1 Ćwiczenie 3

$$J = 50$$

~~$$f_{\text{max}} = \frac{1}{T} = \frac{1}{0.000656} = 1534 \text{ Hz}$$~~

$$\begin{aligned} b_{30} &= 80\% \cdot 1000B + 20\% \cdot 160B = 800B + 32B = 832B = \\ &= 6656 \text{ bitów} \end{aligned}$$

$$v = 1 \text{ Mb/s}$$

$$p_0 = 75\% (750 \text{ ms przetwarzania w każdej sekundzie})$$

Równanie ciągłości przepływu:

$$1 - p_0 = \int \frac{1 - L}{\varphi_{30}} T_{30} = \int (1 - L) v$$

$$L = 1 - \frac{(1 - p_0) \cdot \varphi_{30}}{\int v \cdot T_{30}}$$

$$T_{30} = \frac{b_{30}}{v} = \frac{6656b}{1000b/s} = 0,006656 \text{ s}$$

$$L = 1 - \frac{0,25 \cdot \frac{2}{3}s}{50 \cdot 0,000656s} = 0,4992$$

Odp. Średnia frekencja utworzonych zgłoszeń wynosi: 0,4992.

### Zadanie 2 Ciągiem 3

$$Q = 2$$

$$p_0 \geq p_1 \geq p_2$$

$$v = 0.75$$

$$(1-p_0) + (1-p_1) + (1-p_2) = Q$$

$$\frac{1-p_0}{1-p_2} = 0.75 = \frac{3}{4}$$

$$1-p_0 \quad | \quad 1-p_1 \quad | \quad 1-p_2 \\ 3 \qquad \qquad \qquad x \qquad \qquad \qquad 4$$

$$\frac{1-p_1}{2} = \frac{x}{3+x+4} \Rightarrow p_1 = 1 - \frac{2x}{x+7}$$

$$\text{Dla } p_0 \geq p_1 \geq p_2 \Rightarrow (1-p_0) \leq (1-p_1) \leq (1-p_2) \\ x \in (3, 4)$$

$$\text{Dla } x = 3: \\ p_1 = 1 - \frac{2 \cdot 3}{3+7} = 1 - \frac{6}{10} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5}$$

$$\text{Dla } x = 4: \\ p_1 = 1 - \frac{2 \cdot 4}{4+7} = 1 - \frac{8}{11} = \frac{3}{11} \\ p_1 \in \left(\frac{3}{11}, \frac{2}{5}\right)$$

---

$$p_0 + p_1 + p_2 = 1$$

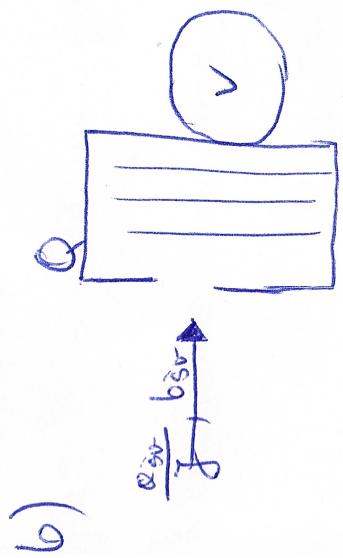
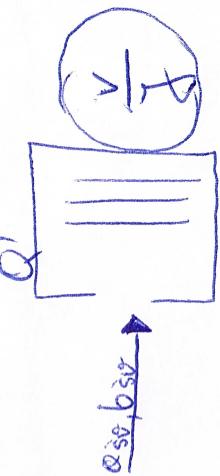
$$1-p_0 = \frac{1-L}{Q=5} \cdot v_{\text{SIR}} = (1-L)v$$

$$L = p_2$$

$$1-p_0 = (1-p_2) \cdot 0.75$$

### Leczenie 5 choroby 3

a) System mózgu i bezpieczeństwa w ten sposób:



W dnu przepodkach wykorzystując przyjęcie danej  
wielkości decydującej  $J_{\max}$  oraz  $Q$  (lub  $Q'$ ) dla taki  
życiorysu zbytbowionego.

$$L \leq L_{\max}$$

$$d_{\text{stv}} \leq c \cdot \frac{b_{\text{stv}}}{v}$$

$$v = \frac{b_{\text{stv}}}{c_{\text{stv}} \cdot r}$$

$$L = \begin{cases} \frac{1-v}{1-v(Q+1)} \cdot v \cdot Q & \text{dla } v \neq 1 \\ \frac{1}{Q+1} & \text{dla } v=1 \end{cases}$$

$$d_{\text{stv}} = \frac{N_{\text{stv}}}{\frac{1-L}{Q+1}}$$

system  $M/H/H$

## Zadanie 1 świąteczne 4

Rozwinięcie Little'a:

$$\frac{\text{populacja}}{\text{członkowie}} = \frac{\text{cytobionia} \times \text{członkowie}}{\text{członkowie}}$$

$$\frac{\text{populacja}}{\text{członkowie}} = 7 \quad \text{zgliszczek} = 10$$

$$\frac{\text{członkowie}}{\text{członkowie}} = \frac{b_{SV}}{V} + \frac{b_{SV}}{V} + w_{SV} = 4s + \frac{15000}{500} s + w_{SV} = 7s + w_{SV}$$

$$\frac{\text{cytobionia}}{\text{członkowie}} = \frac{1}{b_{SV}/V} \cdot (1-p_0) = \frac{1}{w_{SV}}$$

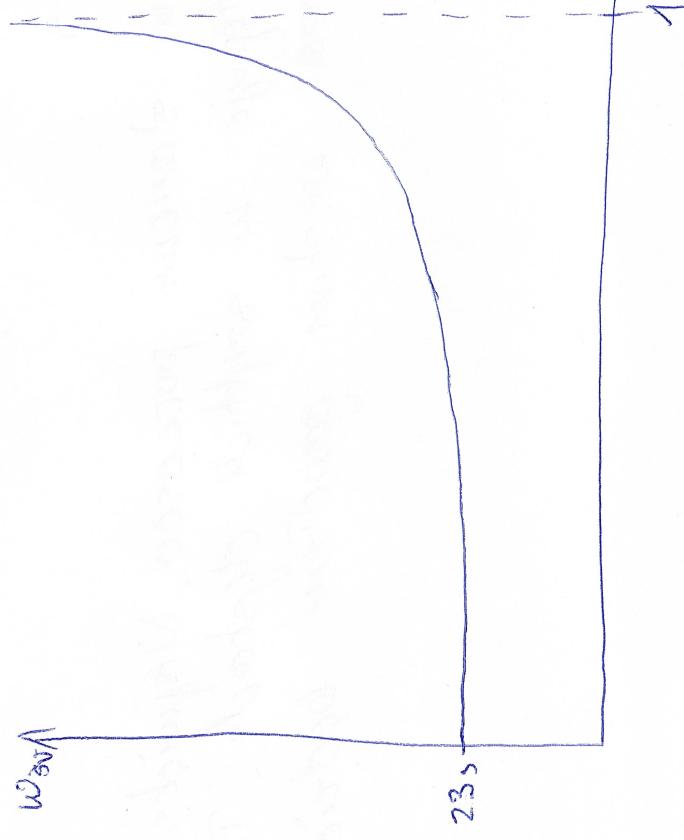
$$10 = \frac{1-p_0}{\cancel{b_{SV}/V}} \times (7s + w_{SV})$$

$$30s = (1-p_0) \times (7s + w_{SV})$$

$$w_{SV} = \frac{30s}{1-p_0} - 7s \quad \leftarrow \text{szukana zależność}$$

wys.

zależność



## Zadanie 2 śniadanie 4

$$l_p = 21 \quad T_p = 0.05 \text{ s} \quad \rightarrow \text{procesor}$$

$$l_{wd} = 12 \quad T_{wd} = 0.07 \text{ s} \quad \rightarrow \text{wózki depak.}$$

$$l_{sd} = 8 \quad T_{sd} = 0.02 \text{ s} \quad \rightarrow \text{szybkie depak.}$$

$$T = 30$$

$$\alpha_{sv} = 15 \text{ s}$$

$$v_x = \frac{T_x}{\alpha_{sv} l_x} = \left( \frac{1}{\alpha_{sv}} \cdot T_x \cdot l_x \right) \xrightarrow{\substack{\text{takie} \\ \text{same}}} \text{pochodne}$$

$$v_p \quad T_p \cdot l_p = 1.05 \text{ s}$$

$$T_{wd} \cdot l_{wd} = 0.84 \text{ s}$$

$$T_{sd} \cdot l_{sd} = 0.16 \text{ s}$$

po przyspieszeniu procesorów ( $T_p = 0.03 \text{ s}$ )

$$T_p \cdot l_p = 0.63 \text{ s}$$

a) weźmy głodotico systemu stanowią procesor. Największe przewidywanie czasu występuje w szczególnych sytuacjach. Po przyspieszeniu procesorów weźmy takim przedtem będące wolny depak.

$$\frac{\text{populacja}}{T} = \frac{\text{cytulacja} \times \text{czas cytice}}{\left( \alpha_{sv} + d_{sv} \right) \times \frac{1}{\alpha_{sv}}} \Rightarrow \alpha_{sv} = \frac{\alpha_{sv} + d_{sv}}{T}$$

$$d_{sv} = 12 \text{ s}$$

$$\alpha_{sv} = \frac{15 \text{ s} + 12 \text{ s}}{30} = 0.9 \text{ s}$$

$\frac{1}{\alpha_{sv}} = 1.11 \in$  cytulacja, która trwała najmniej

$$v_p = 1.11 \cdot 1.05 = 1.166 \leftarrow \text{czy taka cytulacja wystąpią w procesorach?}$$

~~czytulacji~~ Cdp. Nie. Jest to parę 116% możliwości procesora.

## Zadanie 1 c) rozszerzenie 5

2)  $M/M/1/2 \leftarrow$  pojawnicze ujeforwe (Q)  
 $\nearrow$  liczbę pracowników  
 ujemne (Q<sub>so</sub>)  
 ujemne (Q<sub>si</sub>)

$$Q_{so} = \frac{b_{sv}}{b_{sv} - v} = \frac{0.02}{0.025 - 1} = 0.025 s$$

$$Q_{si} = 20 \text{ ms} = 0.02 s$$

$$v = \frac{b_{sv}}{Q_{so} \cdot v} = \frac{0.02 s}{0.025 s \cdot 1} = 0.8$$

$$\text{dla } v \neq 1 \quad L = PQ = \frac{1-v}{1-vQ+1} \cdot vQ$$

$$L = \frac{1-0.8}{1-(0.8)^2} \cdot (0.8)^2 = \frac{0.2}{0.488} \cdot 0.64 = \frac{0.128}{0.488} = \frac{16}{61}$$

$$60 \text{ zigoszuni/s} \cdot 86400 \text{ s} \cdot \frac{16}{61} \approx 907492 \text{ zigoszuni}$$

↑  
doba

Odp. W ciągu dnia zigoszuni.

c)  $M/M/1/15$

$$v = \frac{b_{sv}}{Q_{so} \cdot v} = \frac{b_{sv}}{\frac{Q_{so}}{2} \cdot 1} = 2$$

↗  
dwie ujemne zigoszuni w każdej dostęgi jednego

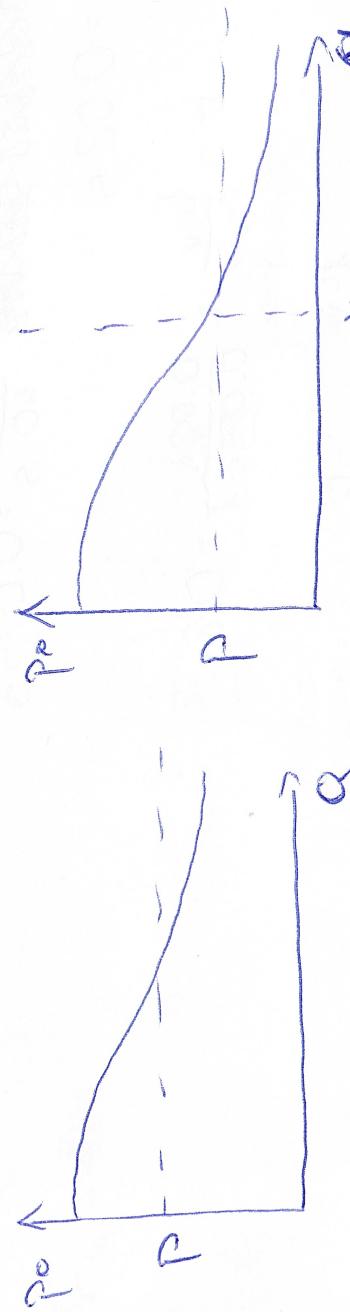
$$v \neq 1 \Rightarrow L = \frac{1-2}{1-2^2} \cdot 2^5 = \frac{(-1)}{(-6)} \cdot 32 = \frac{32}{6} \approx 50,8 \%$$

Odp. Fakturę utwierdzonych zigoszuni wynosi 50,8%.

c)  $\mu/\lambda / Q$

$$p_0 = \frac{1-v}{1-vQ+1} \text{ gdzie } v = \frac{\lambda \beta \sigma}{\alpha \delta \sigma - v}$$

Szukamy zależności  $v_{\min}$  i  $Q$ .



większy nie są dokładne  
ilustracja tylko zleżność po od  $Q/v$

Przy wzroście  $Q$ , aby zachować stałe  $p$   
 $v$  również musi wzrosnąć.

## Zadanie 2 Ciągłość

$$M/M/s/s$$

$$b_{30} = 800 \text{ operacji}$$

$$\alpha_{30} = \frac{1}{150 \text{ użytownictwo} \cdot 10 \text{ transakcji/s}} = \frac{1}{1500} \text{ s}$$

$$v = \frac{b_{30}/\alpha_{30}}{s - v}, \quad s > 1$$

$$S = \frac{b_{30}}{\alpha_{30} \cdot v}$$

procesory wolumetryczne

$$v = \frac{800 \cdot \frac{1}{1500}}{500000} = 2.4$$

procesory sztybce

$$v = \frac{800 \cdot \frac{1}{1500}}{20000000} = 0.6$$

$L \leq 3\%$  (zatłoczenie)

$S_{\min} = 6$  procesory

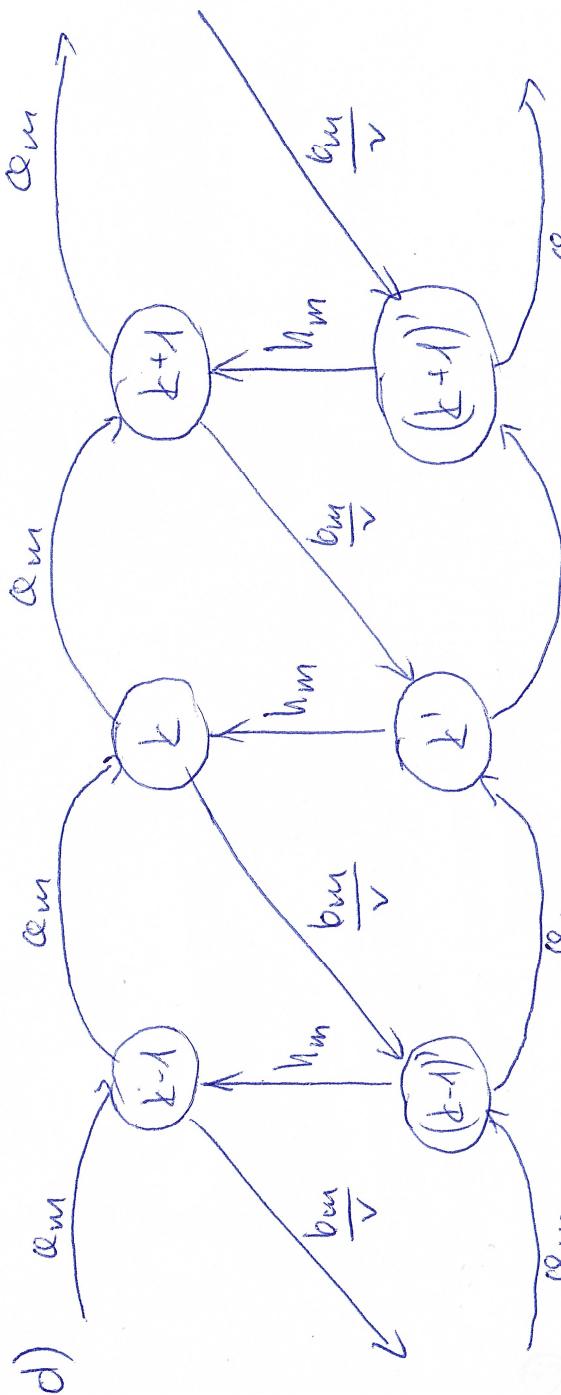
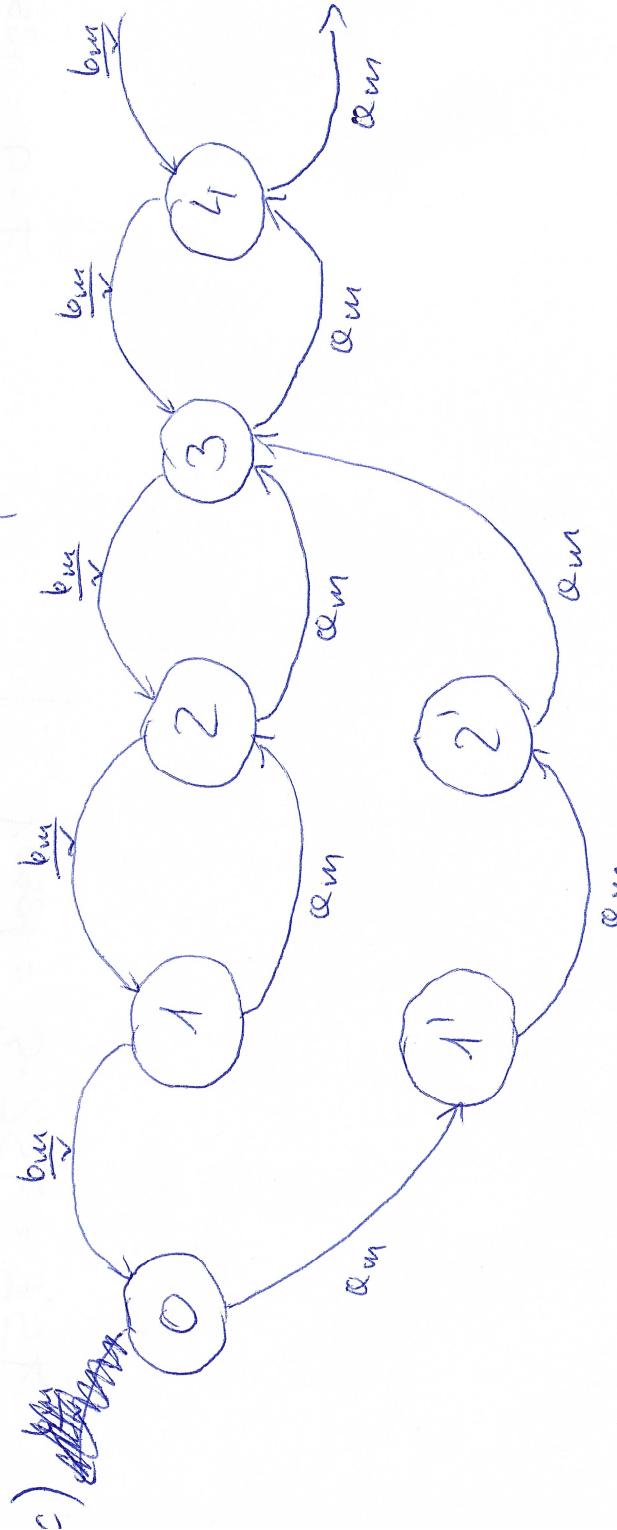
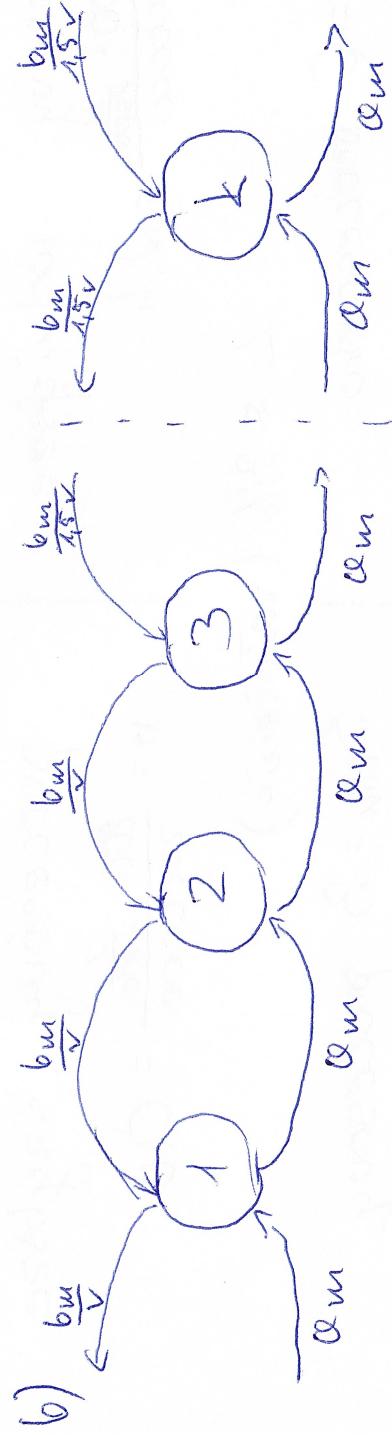
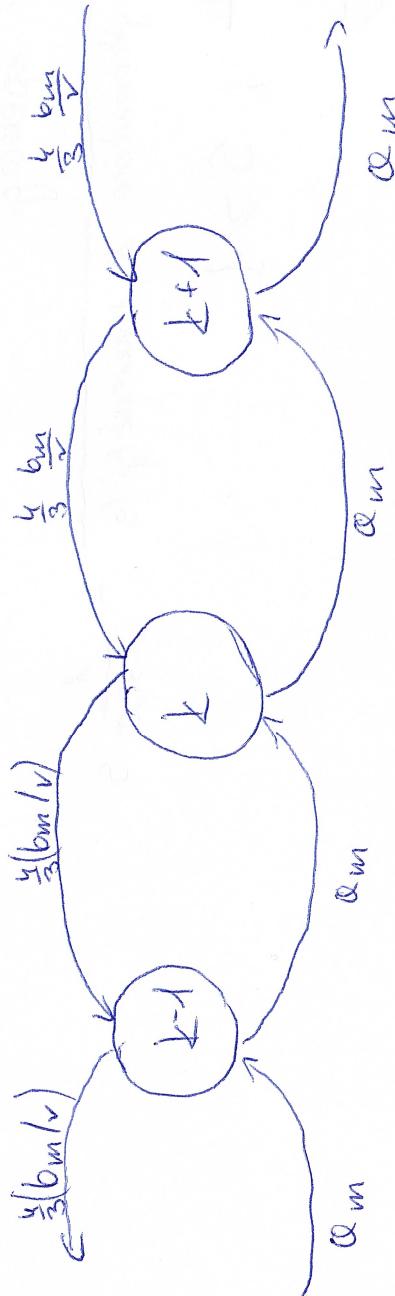
$$\text{koszt} = 6 \cdot k$$

$S_{\min} = 3$  procesory

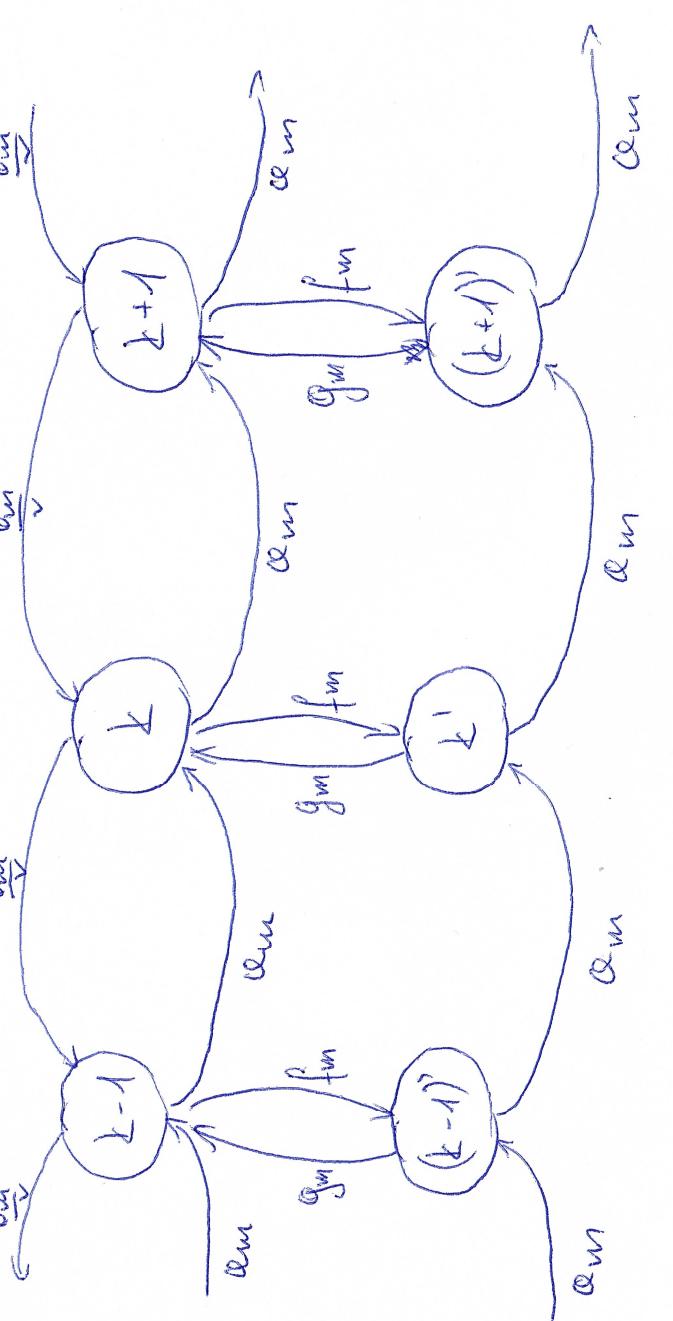
$$\text{koszt} = 3 \cdot 2,5k = 7,5k$$

### Ladung 3: Chancen & Risiken

$$a) v = \frac{6 \cdot 30}{\varrho_{30} \cdot V} = \frac{10}{(10+25\%) \cdot V} = \frac{10}{0.75V} = \frac{4}{3} V$$



e)



f)

