

Гр. 221701, Робилко Т.М., вариант 10

Лабораторная работа №2. Решение систем линейных алгебраических уравнений

Задание 1. Первый случай

```
In[ ]:= A = Table[If[i > j, 1, If[i == j, i + 1, If[i < j, 2]]], {i, 7}, {j, 7}]
MatrixForm[A]
```

```
Out[ ]:=
{{2, 2, 2, 2, 2, 2, 2}, {1, 3, 2, 2, 2, 2, 2}, {1, 1, 4, 2, 2, 2, 2},
{1, 1, 1, 5, 2, 2, 2}, {1, 1, 1, 1, 6, 2, 2}, {1, 1, 1, 1, 1, 7, 2}, {1, 1, 1, 1, 1, 1, 8}}
```

```
Out[ ]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} 2 & 2 & 2 & 2 & 2 & 2 & 2 \\ 1 & 3 & 2 & 2 & 2 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 4 & 2 & 2 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 1 & 5 & 2 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 6 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 7 & 2 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 8 \end{pmatrix}$$

```

```
In[ ]:= B = Table[20 * i - i^2, {i, 7}]
MatrixForm[B]
```

```
Out[ ]:=
{19, 36, 51, 64, 75, 84, 91}
```

```
Out[ ]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} 19 \\ 36 \\ 51 \\ 64 \\ 75 \\ 84 \\ 91 \end{pmatrix}$$

```

а) найти число обусловленности матрицы A в норме-максимум $\|\cdot\|_\infty$;

```
In[*]:= n = Norm[A, ∞]
Out[*]=
14

In[*]:= inv = Norm[Inverse[A], ∞]
Out[*]=
25
14

In[*]:= num = N[n * inv] (*-число обусловленности*)
Out[*]=
25.
```

б) решить точную систему линейных уравнений $AX = B$;

```
In[*]:= X = LinearSolve[A, B]
Out[*]=
{ -3207/140, -827/140, 223/140, 2489/420, 911/105, 220/21, 163/14 }

{ { -897/28 }, { -253/28 }, { 41/28 }, { 655/84 }, { 253/21 }, { 316/21 }, { 241/14 } }
```

в) решить три возмущенные системы вида $AX = B + \Delta B$, увеличив значение правой части только последнего уравнения системы $AX = B$ последовательно на 0,01%; 0,1% и на 1%;

```
In[ ]:= dB1 = Table[If[i == 7, 0.01 * 0.01 * B[[7]], 0], {i, 7}, {j, 1}]
MatrixForm[dB1]
```

```
Out[ ]:=
{{0}, {0}, {0}, {0}, {0}, {0}, {0.0091}}
```

```
Out[ ]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0.0091 \end{pmatrix}$$

```

```
In[ ]:= X1 = LinearSolve[A, B + dB1]
```

```
Out[ ]:=
{{-22.9074}, {-5.90736}, {1.59264}, {5.92597}, {8.67597}, {10.476}, {11.6442}}
```

```
In[ ]:= dB2 = Table[If[i == 7, 0.01 * 0.1 * B[[7]], 0], {i, 7}, {j, 1}]
MatrixForm[dB2]
```

```
Out[ ]:=
{{0}, {0}, {0}, {0}, {0}, {0}, {0.091}}
```

```
Out[ ]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0.091 \end{pmatrix}$$

```

```
In[ ]:= X2 = LinearSolve[A, B + dB2]
```

```
Out[ ]:=
{{-22.9093}, {-5.90931}, {1.59069}, {5.92402}, {8.67402}, {10.474}, {11.6559}}
```

```
In[*]:= dB3 = Table[If[i == 7, 0.01 * 1 * B[[7]], 0], {i, 7}, {j, 1}]
MatrixForm[dB3]
```

```
Out[*]=
{{0}, {0}, {0}, {0}, {0}, {0}, {0.91}}
```

```
Out[*]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0.91 \end{pmatrix}$$

```

```
In[*]:= X3 = LinearSolve[A, B + dB3]
```

```
Out[*]=
{{-22.9288}, {-5.92881}, {1.57119}, {5.90452}, {8.65452}, {10.4545}, {11.7729}}
```

г) найти прогнозируемую предельную относительную погрешность решения каждой возмущенной системы;

```
In[*]:= PPOP1 = PercentForm[num *  $\frac{\text{Norm}[dB1, \infty]}{\text{Norm}[B + dB1, \infty]}$ ] (* для системы, где B увеличено на 0.01% *)
```

```
Out[*]//PercentForm=
0.25%
```

```
In[*]:= PPOP2 = PercentForm[num *  $\frac{\text{Norm}[dB2, \infty]}{\text{Norm}[B + dB2, \infty]}$ ] (* для системы, где B увеличено на 0.1% *)
```

```
Out[*]//PercentForm=
2.498%
```

```
In[*]:= PPOP3 = PercentForm[num *  $\frac{\text{Norm}[dB3, \infty]}{\text{Norm}[B + dB3, \infty]}$ ] (* для системы, где B увеличено на 1% *)
```

```
Out[*]//PercentForm=
24.75%
```

д) найти относительную погрешность решения каждой возмущенной системы;

```
In[*]:= deltaX1 = X - X1
```

```
Out[*]=
{{0.000216667}, {0.000216667}, {0.000216667},
{0.000216667}, {0.000216667}, {0.000216667}, {-0.0013}}
```

In[*]:= **OP1 = PercentForm** $\left[\frac{\text{Norm}[\text{deltaX1}, \infty]}{\text{Norm}[X1, \infty]}\right]$ (* для системы, где В увеличено на 0.01% *)

Out[*]//PercentForm=
0.005675%

In[*]:= **deltaX2 = X - X2**

Out[*]=
{ {0.00216667}, {0.00216667}, {0.00216667},
{0.00216667}, {0.00216667}, {0.00216667}, {-0.013} }

In[*]:= **OP2 = PercentForm** $\left[\frac{\text{Norm}[\text{deltaX2}, \infty]}{\text{Norm}[X2, \infty]}\right]$ (* для системы, где В увеличено на 0.1% *)

Out[*]//PercentForm=
0.05675%

In[*]:= **deltaX3 = X - X3**

Out[*]=
{ {0.0216667}, {0.0216667}, {0.0216667}, {0.0216667}, {0.0216667}, {0.0216667}, {-0.13} }

In[*]:= **OP3 = PercentForm** $\left[\frac{\text{Norm}[\text{deltaX3}, \infty]}{\text{Norm}[X3, \infty]}\right]$ (* для системы, где В увеличено на 1% *)

Out[*]//PercentForm=
0.567%

Задание1. Второйслучай

In[*]:= **ClearAll**

Out[*]=
ClearAll

```
In[*]:= A = Table[ $\frac{1}{i+j-1}$ , {i, 7}, {j, 7}]
```

```
MatrixForm[A]
```

```
Out[*]=
```

$$\left\{ \left\{ 1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7} \right\}, \left\{ \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8} \right\}, \right. \\ \left. \left\{ \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8}, \frac{1}{9} \right\}, \left\{ \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8}, \frac{1}{9}, \frac{1}{10} \right\}, \left\{ \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8}, \frac{1}{9}, \frac{1}{10}, \frac{1}{11} \right\}, \right. \\ \left. \left\{ \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \frac{1}{8}, \frac{1}{9}, \frac{1}{10}, \frac{1}{11}, \frac{1}{12} \right\}, \left\{ \frac{1}{7}, \frac{1}{8}, \frac{1}{9}, \frac{1}{10}, \frac{1}{11}, \frac{1}{12}, \frac{1}{13} \right\} \right\}$$

```
Out[*]//MatrixForm=
```

$$\begin{pmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} & \frac{1}{8} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} & \frac{1}{8} & \frac{1}{9} \\ \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} & \frac{1}{8} & \frac{1}{9} & \frac{1}{10} \\ \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} & \frac{1}{8} & \frac{1}{9} & \frac{1}{10} & \frac{1}{11} \\ \frac{1}{6} & \frac{1}{7} & \frac{1}{8} & \frac{1}{9} & \frac{1}{10} & \frac{1}{11} & \frac{1}{12} \\ \frac{1}{7} & \frac{1}{8} & \frac{1}{9} & \frac{1}{10} & \frac{1}{11} & \frac{1}{12} & \frac{1}{13} \end{pmatrix}$$

```
In[*]:= B = Table[3 * i - 2 * 10, {i, 7}]
```

```
MatrixForm[B]
```

```
Out[*]=
```

$$\{-17, -14, -11, -8, -5, -2, 1\}$$

```
Out[*]//MatrixForm=
```

$$\begin{pmatrix} -17 \\ -14 \\ -11 \\ -8 \\ -5 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$$

а) найти число обусловленности матрицы A в норме-максимум $\|\cdot\|_\infty$;

```
In[*]:= n = Norm[A, ∞]
```

```
Out[*]=
```

$$\frac{363}{140}$$

```
In[*]:= inv = Norm[Inverse[A], ∞]
```

```
Out[*]=
```

$$379\,964\,970$$

$$379\,964\,970$$

```
In[ ]:= num = N[n * inv] (* Число обусловленности *)
Out[ ]:= 9.85195 × 108
```

б) решить точную систему линейных уравнений $AX = B$;

```
In[ ]:= X = LinearSolve[A, B]
Out[ ]:= {889, -41664, 457380, -1982400, 3984750, -3725568, 1309308}
```

в) решить три возмущенные системы вида $AX = B + \Delta B$, увеличив значение правой части только последнего уравнения системы $AX = B$ последовательно на 0,01%; 0,1% и на 1%;

```
In[ ]:= dB1 = Table[If[i == 7, 0.01 * 0.01 * B[[7]], 0], {i, 7}, {j, 1}]
MatrixForm[dB1]
Out[ ]:= {{0}, {0}, {0}, {0}, {0}, {0}, {0.0001}}
```

```
Out[ ]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0.0001 \end{pmatrix}$$

```

```
In[ ]:= X1 = LinearSolve[A, B + dB1]
Out[ ]:= {{890.201}, {-41714.5}, {457885.}, {-1.98442 × 106},
{3.98853 × 106}, {-3.7289 × 106}, {1.31042 × 106}}
```

In[]:=

```
dB2 = Table[If[i == 7, 0.01 * 0.1 * B[[7]], 0], {i, 7}, {j, 1}]
MatrixForm[dB2]
```

Out[]:=

```
{ {0}, {0}, {0}, {0}, {0}, {0}, {0.001} }
```

Out[]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0.001 \end{pmatrix}$$

In[]:= X2 = LinearSolve[A, B + dB2]

Out[]:=

```
{ {901.012}, {-42168.5}, {462425.}, {-2.00258 × 106},
  {4.02259 × 106}, {-3.75887 × 106}, {1.32041 × 106} }
```

In[]:= dB3 = Table[If[i == 7, 0.01 * 1 * B[[7]], 0], {i, 7}, {j, 1}]
MatrixForm[dB3]

Out[]:=

```
{ {0}, {0}, {0}, {0}, {0}, {0}, {0.01} }
```

Out[]//MatrixForm=

$$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0.01 \end{pmatrix}$$

In[]:= X3 = LinearSolve[A, B + dB3]

Out[]:=

```
{ {1009.12}, {-46709.}, {507830.}, {-2.1842 × 106},
  {4.36313 × 106}, {-4.05854 × 106}, {1.4203 × 106} }
```

г) найти прогнозируемую предельную относительную погрешность решения каждой возмущенной системы;

In[]:= PPOP1 = PercentForm[num * $\frac{\text{Norm}[dB1, \infty]}{\text{Norm}[B + dB1, \infty]}$] (* для системы, где B увеличено на 0.01% *)

Out[]//PercentForm=

```
579526%
```


In[*]:= PPOP2 = PercentForm $\left[\text{num} * \frac{\text{Norm}[\text{dB2}, \infty]}{\text{Norm}[B + \text{dB2}, \infty]}\right]$ (* для системы, где В увеличено на 0.1% *)

Out[*]//PercentForm=
5795264%

In[*]:= PPOP3 = PercentForm $\left[\text{num} * \frac{\text{Norm}[\text{dB3}, \infty]}{\text{Norm}[B + \text{dB3}, \infty]}\right]$ (* для системы, где В увеличено на 1% *)

Out[*]//PercentForm=
57952640%

д) найти относительную погрешность решения каждой возмущенной системы;

In[*]:= **deltaX1 = X - X1**

Out[*]=
{ {-1.2012}, {50.4504}, {-504.504}, {2018.02}, {-3783.78}, {3329.73}, {-1109.91} }

In[*]:= OP1 = PercentForm $\left[\frac{\text{Norm}[\text{deltaX1}, \infty]}{\text{Norm}[X1, \infty]}\right]$ (* для системы, где В увеличено на 0.01% *)

Out[*]//PercentForm=
0.09487%

In[*]:= **deltaX2 = X - X2**

Out[*]=
{ {-12.012}, {504.504}, {-5045.04}, {20180.2}, {-37837.8}, {33297.3}, {-11099.1} }

In[*]:= OP2 = PercentForm $\left[\frac{\text{Norm}[\text{deltaX2}, \infty]}{\text{Norm}[X2, \infty]}\right]$ (* для системы, где В увеличено на 0.1% *)

Out[*]//PercentForm=
0.9406%

In[*]:= **deltaX3 = X - X3**

Out[*]=
{ {-120.12}, {5045.04}, {-50450.4}, {201802.}, {-378378.}, {332973.}, {-110991.} }

In[*]:= OP3 = PercentForm $\left[\frac{\text{Norm}[\text{deltaX3}, \infty]}{\text{Norm}[X3, \infty]}\right]$ (* для системы, где В увеличено на 1% *)

Out[*]//PercentForm=
8.672%

Задание 2. Решить методом прогонки трехдиагональную систему, составить таблицу прогоночных коэффициентов

In[*]:= ClearAll

Out[*]=

ClearAll

In[*]:=
$$A = \begin{pmatrix} 8 & 3 & 0 & 0 & 0 \\ 3 & -17 & -4 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & -2 & 15 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & 3 & 11 \end{pmatrix}$$

$$B = \begin{pmatrix} 5 \\ 11 \\ 22 \\ 13 \\ -19 \end{pmatrix}$$

Out[*]=

$\{\{8, 3, 0, 0, 0\}, \{3, -17, -4, 0, 0\}, \{0, 1, 7, 2, 0\}, \{0, 0, -2, 15, 4\}, \{0, 0, 0, 3, 11\}\}$

Out[*]=

$\{\{5\}, \{11\}, \{22\}, \{13\}, \{-19\}\}$

In[*]:= $a = \{0, 3, 1, -2, 3\};$
 $b = \{8, -17, 7, 15, 11\};$
 $c = \{3, -4, 2, 4, 0\};$
 $d = \{5, 11, 22, 13, -19\};$

In[*]:= $L = \{0, 0, 0, 0, 0\};$

In[*]:= $M = \{0, 0, 0, 0, 0\};$

$$L[[1]] = -\frac{c[[1]]}{b[[1]]}; \quad (*\text{Подсчёт коэффициентов } L*)$$

$$M[[1]] = \frac{d[[1]]}{b[[1]]}; \quad (*\text{Подсчёт коэффициентов } M*)$$

In[*]:=
$$\text{For}[i = 2, i \leq 5, i++, L[[i]] = -\frac{c[[i]]}{b[[i]] + a[[i]] \times L[[i - 1]]}]$$

In[*]:= L

Out[*]=

$$\left\{-\frac{3}{8}, -\frac{32}{145}, -\frac{290}{983}, -\frac{3932}{15325}, 0\right\}$$

In[*]:=
$$\text{For}[i = 2, i \leq 5, i++, M[[i]] = \frac{d[[i]] - a[[i]] \times M[[i - 1]]}{b[[i]] + a[[i]] \times L[[i - 1]]}]$$

```

In[ ]:= M
Out[ ]:=

$$\left\{ \frac{5}{8}, -\frac{73}{145}, \frac{3263}{983}, \frac{3861}{3065}, -\frac{49870}{22397} \right\}$$


In[ ]:= X = {0, 0, 0, 0, 0};

In[ ]:= X[[5]] = M[[5]];

In[ ]:= For [i = 4, i ≥ 1, i--, X[[i]] = L[[i]] * X[[i + 1]] + M[[i]]]

In[ ]:= N[X]
Out[ ]:=
{1.0438, -1.1168, 2.77926, 1.831, -2.22664}

```

Задание 3. Решить систему n-го порядка $AX = B$ методом Якоби и методом Зейделя с точностью $\varepsilon = 10^{-3}$ при $n=10$ и $n=20$. Сравнить число итераций, необходимых для достижения точности ε этими методами.

```

In[ ]:= ClearAll
Out[ ]:=
ClearAll

In[ ]:= n = 10;

In[ ]:= A = Table[If[i == j, 2 * n, 1], {i, 1, n}, {j, 1, n}];
B = Table[(2 * n - 1) * i +  $\frac{n * (n + 1)}{2}$  + (3 * n - 1) * (10 - 1), {i, 1, n}];

```

Метод Якоби

```

In[ ]:= jacobi[X0_, maxIterations_, tolerance_] := Module[
  {X = X0, Xprev, iterations = 0, error = tolerance + 1, n = Length[X0]},
  While[iterations < maxIterations && error > tolerance,
    Xprev = X;
    X = Table[(B[[i]] - Sum[A[[i, j]] * Xprev[[j]], {j, 1, n}] + A[[i, i]] * Xprev[[i]]) /
      A[[i, i]], {i, 1, n}];
    error = Max[Abs[X - Xprev]];
    iterations++;
  ];
  {X, iterations}
]

```

Метод Зейделя

```
In[*]:= gaussSeidel[X0_, maxIterations_, tolerance_] :=
Module[{X = X0, Xprev, iterations = 0, error = tolerance + 1, n = Length[X0]},
While[iterations < maxIterations && error > tolerance, Xprev = X;
Do[X[[i]] = (B[[i]] - Sum[A[[i, j]] * X[[j]], {j, 1, i - 1}] -
Sum[A[[i, j]] * Xprev[[j]], {j, i + 1, n}]) / A[[i, i]], {i, 1, n}];
error = Max[Abs[X - Xprev]];
iterations++;];
{X, iterations}]
```

Начальное приближение

```
In[*]:= X0 = ConstantArray[0, n];
```

Параметры для методов Якоби и Зейделя

```
In[*]:= maxIterations = 1000;
tolerance = 10^(-3);
```

Решение

```
In[*]:= {Xjacob, iterationsJacobi} = jacobi[X0, maxIterations, tolerance];

In[*]:= {Xzeidel, iterationsZeidel} = gaussSeidel[X0, maxIterations, tolerance];

In[*]:= Print["Метод Якоби:"];
Print["Решение:", N[Xjacob]];
Print["Число итераций:", N[iterationsJacobi]];

Print["Метод Зейделя:"];
Print["Решение:", N[Xzeidel]];
Print["Число итераций:", N[iterationsZeidel]];

Метод Якоби:
Решение:
{10.0003, 11.0003, 12.0003, 13.0003, 14.0003, 15.0003, 16.0003, 17.0003, 18.0003, 19.0003,
20.0003, 21.0003, 22.0003, 23.0003, 24.0003, 25.0003, 26.0003, 27.0003, 28.0003, 29.0003}
Число итераций:15.

Метод Зейделя:
Решение: {10., 11., 12., 13., 14., 15., 16.,
17., 18., 19., 20., 21., 22., 23., 24., 25., 26., 27., 28., 29.}
Число итераций:7.

In[*]:= ClearAll
Out[*]:= ClearAll
```

```
In[*]:= n = 20;
A = Table[If[i == j, 2 * n, 1], {i, 1, n}, {j, 1, n}];
B = Table[(2 * n - 1) * i + (n * (n + 1)) / 2 + (3 * n - 1) * (13 - 1), {i, 1, n}];
```

Метод Якоби

```
In[*]:= jacobi[X0_, maxIterations_, tolerance_] := Module[
  {X = X0, Xprev, iterations = 0, error = tolerance + 1, n = Length[X0]},
  While[iterations < maxIterations && error > tolerance,
    Xprev = X;
    X = Table[(B[[i]] - Sum[A[[i, j]] * Xprev[[j]], {j, 1, n}] + A[[i, i]] * Xprev[[i]]) /
      A[[i, i]], {i, 1, n}];
    error = Max[Abs[X - Xprev]];
    iterations++;
  ];
  {X, iterations}
]
```

Метод Зейделя

```
In[*]:= gaussSeidel[X0_, maxIterations_, tolerance_] :=
Module[{X = X0, Xprev, iterations = 0, error = tolerance + 1, n = Length[X0]},
  While[iterations < maxIterations && error > tolerance, Xprev = X;
    Do[X[[i]] = (B[[i]] - Sum[A[[i, j]] * X[[j]], {j, 1, i - 1}] -
      Sum[A[[i, j]] * Xprev[[j]], {j, i + 1, n}]) / A[[i, i]], {i, 1, n}];
    error = Max[Abs[X - Xprev]];
    iterations++;];
  {X, iterations}]
```

Начальное приближение

```
In[*]:= X0 = ConstantArray[0, n];
```

Параметры для методов Якоби и Зейделя

```
In[*]:= maxIterations = 1000;
tolerance = 10^(-3);
```

Решение

```
In[*]:= {Xjacob, iterationsJacobi} = jacobi[X0, maxIterations, tolerance];
```

```
In[*]:= {Xzeidel, iterationsZeidel} = gaussSeidel[X0, maxIterations, tolerance];
```

```

In[*]:= Print["Метод Якоби:"];
Print["Решение:", N[Xjacobii]];
Print["Число итераций:", N[iterationsJacobi]];

Print["Метод Зейделя:"];
Print["Решение:", N[Xzeidel]];
Print["Число итераций:", N[iterationsZeidel]];

Метод Якоби:

Решение:
{13.0003, 14.0003, 15.0003, 16.0003, 17.0003, 18.0003, 19.0003, 20.0003, 21.0003, 22.0003,
 23.0003, 24.0003, 25.0003, 26.0003, 27.0003, 28.0003, 29.0003, 30.0003, 31.0003, 32.0003}

Число итераций:15.

Метод Зейделя:

Решение: {13., 14., 15., 16., 17., 18., 19.,
 20., 21., 22., 23., 24., 25., 26., 27., 28., 29., 30., 31., 32.}

Число итераций:7.

```

Таким образом, метод Зейделя требует меньшее количество итераций для достижения той же точности, что и метод Якоби.