

Machine Learning

15강

강화학습

컴퓨터과학과 이관용 교수

학습목차

01 강화학습의 개요

02 Q-학습과 심층 Q-신경망

1 강화학습의 개요

머신러닝의 유형

○ 지도학습 교사학습 supervised learning

- → 분류, 회귀
- □ 학습할 때 시스템이 출력해야 할 목표 출력값('교사')을 함께 제공
- 비지도학습 비교사학습 unsupervised learning



- □ 학습할 때 목표 출력값에 대한 정보가 없음
- 준지도학습 반지도학습 semi-supervised learning
- 약지도학습 weakly supervised learning
- 강화학습 reinforcement learning
 - □ 출력값에 대한 교사 신호가 '보상'reward 형태로 제공
 - □ 교사 신호는 정확한 값이 아니고, 즉시 주어지지 않음

- Google DeepMind, AlphaGo
 - □ 프로기사를 맞바둑으로 이긴 최초의 프로그램 (2016.3)
 - □ 몬테카를로 트리 탐색, 딥러닝, 강화학습 기술의 결합
 - □ 이세돌과의 대국 이후 개량된 버전 출시
 - ✓ 2017.10. 'AlphaGo Zero'
 - → 바둑 규칙만 입력, 스스로의 대국을 통해 이치 터득
 - ✓ 2017.12. 'AlphaZero'
 - → 모든 보드게임을 위한 알파고 제로의 범용 버전

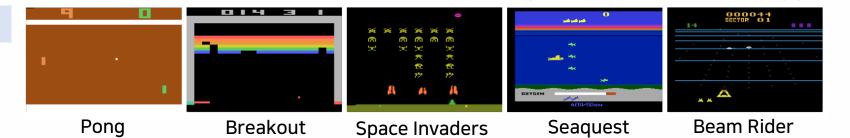


1. 강화학습의 개요

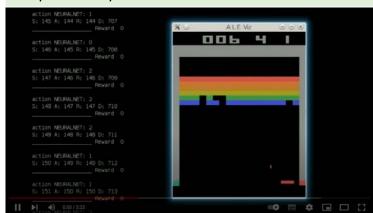
강화학습의 적용 사례



Atari 게임



https://www.youtube.com/watch?v=MKtNv1UOaZA

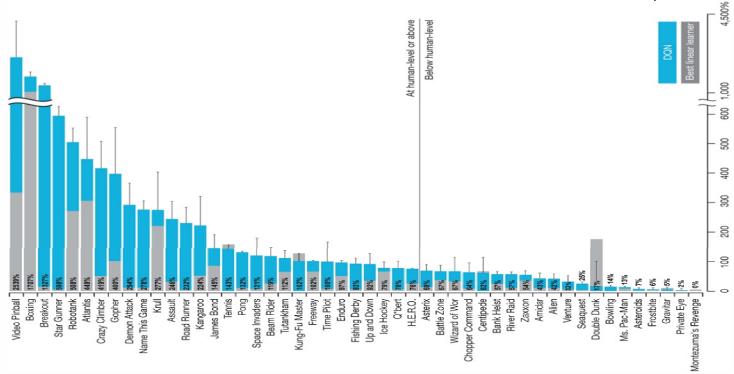




https://www.cs.toronto.edu/~vmnih/docs/dqn.pdf

○ 다양한 게임에 대한 심층 강화학습의 성능 비교

https://www.nature.com/articles/nature14236



□ 모든 게임에 대해 하나의 신경망 사용 → DQN 모델(CNN과 Q-학습의 결합)

- 로봇 제어
 - □ 모방학습 → 비디오 이미지를 보고 로봇이 흉내 내서 동작을 배우도록 학습



۶

○ 시스템 설정/제어



https://deepmind.com/applied/deepmind-for-google/

강화학습의 응용 분야

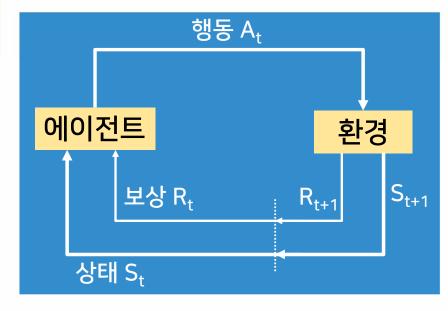
- 보드게임, 비디오 게임, 로봇 제어, 시스템 제어 등
 - □ 주어진 상황에서 최적의 제어 신호에 대한 정확한 목표값을 모름
 - □ 제어 동작 후 결과에 대한 성공 여부의 평가는 가능
- 제어 문제를 표현하고 해결하는 방법으로 주로 사용
 - □ 주어진 조건이나 상황에서 어떤 동작을 취해야 할지를 결정하는 문제
 - ✓ 시간에 따른 순차적인 개념이 존재
 - → 이전 상황이 현재 시점에서의 결정에 영향을 미침

강화학습 reinforcement learning

- 출력값에 대한 교사 신호가 '보상'reward 형태로 제공
 - 목표 출력값 없음 → 최종 목표를 지정하고매 순간 학습 시스템이 취하는 행동의 결과에 따라 보상을 제공
- 학습의 목적
 - □ 최종적으로 얻게 되는 누적 보상의 최대화
 - ✓ 목표 달성에 적절한 행동 → 양의 보상
 - ✓ 목표 달성에 부적절한 행동 → 음의 보상(벌점)
 - □ 보상을 통해 좋은/나쁜 행동을 배워 행동 방식을 긍정적 방향으로 "강화"한다.

1. 강화학습의 개요

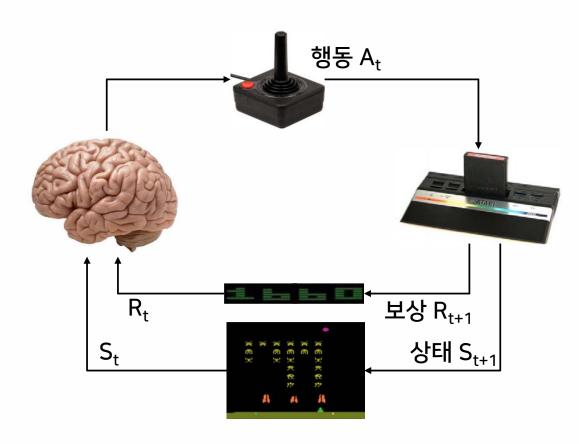
강화학습의 계산 모델



에이전트의 역할

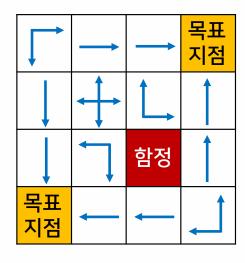
누적 보상을 최대화하는 최적의 행동 결정

집합 A, S, R의 정의가 필요



상태와 보상의 예

이 미로maze 찾기



상태 집합 S → 움직일 수 있는 모든 위치로 구성

행동 집합 A → 상·하 좌·우로의 이동 방향

보상 집합 R → 목표지점에 도달하면 1 함정에 빠지면 -1 나머지의 경우 0

마르코프 결정 프로세스

- MDP, Markov Decision Process
 - □ 학습을 위해 에이전트-환경의 상호작용 상황을 수학적으로 표현한 것
 - □ 정책 policy → 에이전트가 행동을 선택할 때 사용하는 규칙
 - ✓ 에이전트는 정책에 따라 행동을 결정하고,
 환경은 주어진 MDP에 따라 다음 상태와 보상을 결정
 - 학습의 목적
 - ✓ 주어진 MDP에서 누적 보상을 최대화하는 최적의 행동을 결정하는 정책을 찾는 것
 - □ 마르코프 성질 Markov property
 - ✓ "다음 행동은 현재의 상태(상황)에 의해서만 결정된다."
 - → 이전의 선택/결정들이 영향을 미치지 않음 → 현재 상태만 판단하면 됨

마르코프 결정 프로세스

- \bigcirc 마르코프 결정 프로세스는 $< S, A, P, R, \gamma >$ 의 튜플이다.
 - □ S → 가능한 상태의 유한집합
 - □ A → 가능한 행동의 유한집합
 - □ *P* → 상태 전이확률
 - \checkmark 상태 s에서 행동 a를 취했을 때 상태 s'로 전이될 확률값 P_{ss}^a ,

$$P_{ss'}^{a} = \mathbb{P}[S_{t+1} = s' \mid S_t = s, A_t = a]$$

 \square $R \rightarrow$ 보상 함수 \rightarrow 상태 s에서 행동 a를 취했을 때 얻어질 보상의 기대치 R_s^a

$$R_s^a = E[R_{t+1} | S_t = s, A_t = a]$$

 \square γ → 보상을 계산할 때 사용되는 할인율 discount factor (γ \in [0,1])

미로 찾기 문제에 대한 MDP의 예

1	2	3	4	5
6	7	8	9	10
11	*	13	14	15
16	17	18	19	20
21	22	23	24	25 Goal

상태 집합 S 로봇 위치의 집합

 $S = \{1,2,3,4,6,9,11,12,14,15,17,18,23,24,25\}$

행동 α 로봇의 위치에 따른 이동 방향의 α 합

 $A = \{$ 상, 하, 좌, 우 $\}$

P 해당 위치에서 움직여서 다른 위치로 이동할 확률 \rightarrow 행렬로 표현

보상 집합 R 위치와 행동에 따라 정의

$$R = \{-1, 0, 5\}$$

이동할 수 없는 위치(회색 칸) 선택 → 이동하지 않음. -1

이동 가능한 위치 선택 → 해당 위치로 이동. 0

목표지점 도착 → 5

학습해야 할 것은? → "How to arrive at the goal"

정책과 가치함수

- 정책 π
 - \square 상태 S_t 와 행동 A_t 의 시퀀스를 결정하는 함수적 규칙

$$(S_0, A_0) \xrightarrow{R_1} (S_1, A_1) \xrightarrow{R_2} \cdots \longrightarrow (S_t, A_t) \xrightarrow{R_{t+1}} (S_{t+1}, A_{t+1}) \xrightarrow{R_{t+2}} \cdots$$

$$\pi(a|s) = \mathbb{P}[A_t = a \mid S_t = s]$$

1	2	3	4	5
6	7	8	9	10
11	Ť	13	14	15
16	17	18	19	20
21	22	23	24	25 Goal

$$\pi(\mathbf{P}|1) = \mathbb{P}[A_t = \mathbf{P} \mid S_t = 1] = \frac{1}{2}$$

$$\pi(\dot{\uparrow}|1) = \mathbb{P}[A_t = \dot{\uparrow}|S_t = 1] = \frac{1}{2}$$

- '좋은 정책'에 대한 평가 기준이 필요
 - 그 수익 return, 이익 gain G_t $G_t = R_{t+1} + \gamma R_{t+2} + \gamma^2 R_{t+3} + \cdots = \sum_{k=0}^\infty \gamma^k \, R_{t+k+1}$
 - \checkmark 시점 t에서부터 얻어지는 보상에 대해 할인율 γ 을 곱해서 더한 값 ("총할인 보상")

total discount reward

정책과 가치함수

- 학습의 목적
 - \square 최종 누적 보상을 최대화하는 최적 정책optimal policy $\pi^*: S \mapsto A$ 을 찾는 것
 - □ 어떻게 최적 정책을 찾을까? → 상태와 행동에 대한 가치 평가를 수행
- 가치함수
 - \square 상태 가치함수 $v_{\pi}(s)$ state-value function $v_{\pi}(s) = \mathrm{E}_{\pi}[G_t|S_t = s]$
 - \checkmark 상태 s에서 시작해서 정책 π 에 따라 행동을 취하였을 때 얻을 수 있는 기대 보상 total reward, return
 - \Box 행동 가치함수 $q_{\pi}(s,a)$ action-value function $q_{\pi}(s,a) = \mathrm{E}[G_t|S_t = s, A_t = a]$
 - \checkmark 정책 π 에 따라 상태 s에서 행동 a를 선택하였을 때 얻을 수 있는 기대 보상

최적의 정책과 가치함수

- 최적 가치 함수
 - \square 최적 상태 가치함수 $v^*(s)$ $v^*(s) = \max_{\pi} v_{\pi}(s)$
 - ✓ 가능한 모든 정책에 대해 최대값을 갖는 상태 가치함수
 - \square 최적 행동 가치함수 $q^*(s,a)$ $q^*(s,a) = \max_{\pi} q_{\pi}(s,a)$
 - ✓ 가능한 모든 정책에 대해 최대값을 갖는 행동 가치함수
- 최적 정책
 - \square 최적 행동 가치함수 $q^*(s,a)$ 를 최대화하는 행동을 찾으면 됨

$$\pi^*(a|s) = \begin{cases} 1 & \text{if } a = \underset{a \in A}{\operatorname{argmax}} \ q^*(s, a) \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

MDP에서 학습의 어려움

- 에이전트는 상태와 보상에 관해오직 지역적/부분적 정보만 이용 가능
- 보상이 즉시 주어지기보다는 긴 시간 동안의 지연 발생
- 상태 전이와 보상이 비결정론적인 경우,함수식으로 정해지지 않거나 알려지지 않은 경우도 존재
- 상태공간과 정책공간이 너무 방대
- 비효율적 학습
- → 심층 Q-학습Deep Q-learning이 좋은 해결책이 되고 있음

2 Q-학습과 심층 Q-신경망

Q-학습

- O Q-함수 Q-function
 - □ 행동 가치함수

$$Q_{\pi}(s, a) = \mathbf{E}_{\pi}[G_t | s, a]$$

- □ Q-값 Q-value → 주어진 상태-행동 쌍의 기대 보상 → Q-함수의 값
- O Q-학습 Q-learning
 - \square 최적 정책 π^* 를 얻기 위해서 최적 Q-함수 $Q^*(s,a)$ 를 추정하는 방법

Q-학습 알고리즘

- ① 각 상태 s와 행동 a에 대해 $\hat{Q}(s,a)$ 를 0으로 초기화
- ② 임의의 상태 *s*를 현재 상태로 지정
- ③ 다음 과정을 무한히 반복
 - ③-1. 행동 *a*를 선택하고 실행
 - ③-2. 즉각적인 보상 r을 얻음
 - ③-3. 새로운 상태 *s*'를 얻음
 - ③-4. 보상 r과 새로운 상태 s' 정보를 사용해서 $\hat{Q}(s,a)$ 를 갱신

$$\widehat{Q}(s,a) = r + \max_{a'} \widehat{Q}(s',a')$$

$$(3)$$
-5. *s* ← *s'*

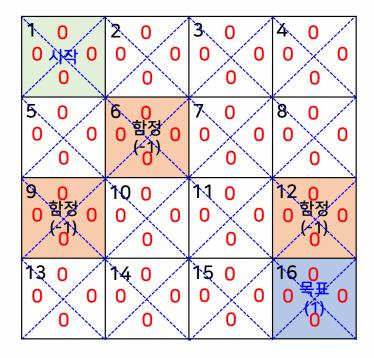
간단한 Q-학습의 예

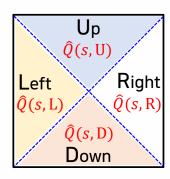
1 시작	2	3	4
5	⁶ 함정 (-1)	7	8
9 함정 (-1)	10	11	12 함정 (-1)
13	14	15	16 _{목표} (1)

- 결정론적 → 하나의 상태로만 전이가 발생
- 상태/보상 정보는 부분적으로만 관찰

Q-테이블

- Q-함수의 값이 이산적이므로 테이블 형태로 표현 가능
 - □ 16가지 상태 × 4가지 행동





Q-학습의 예

$$s \leftarrow s'$$

- →현재 상태 선택 s → 행동 선택 a → 보상 r
 - ightarrow 새로운 상태 s'
 ightarrow Q 갱신 $\hat{Q}(s,a) \leftarrow r + \max_{a'} \hat{Q}(s',a')$

○ 갱신 과정

$$\begin{split} \widehat{Q}(1,R) \leftarrow r + \max_{\alpha'} \widehat{Q}(2,\alpha') \\ &= 0 + \max\{\widehat{Q}(2,R), \widehat{Q}(2,L), \widehat{Q}(2,U), \widehat{Q}(2,D)\} \\ &= 0 + \max\{0,0,0,0\} = 0 \end{split}$$

$$\hat{Q}(15,R) \leftarrow r + \max_{a'} \hat{Q}(16,a')
= 1 + \max\{\hat{Q}(16,R), \hat{Q}(16,L), \hat{Q}(16,U), \hat{Q}(16,D)\}
= 1 + \max\{0,0,0,0\} = 1$$

$$\hat{Q}(14,R) \leftarrow r + \max_{a'} \hat{Q}(15,a')$$

= 0 + \max\{1,0,0,0\} = 1

1 0 이사적 1	2 0 0 1	3 0 0	4 0 0
5 0 0	6 0 0 함정 0 (-1)	7 0 0	8000
9 0 0 함정 0 (-)	10 0 0	100	12 0 0 함정 0 (-1)
13 0	14 0	15 0 1	16 0 0 4 # 0

행동 선택을 위한 전략

- 탐험exploration VS 탐사exploitation
 - □ 탐험 → 탐색공간 전체를 골고루 찾음 → 랜덤하게 다른 행동을 선택
 - □ 탐사 → 특정한 곳을 중심으로 주변을 집중적으로 찾음
 - → 현재의 Q-함수 정보를 바탕으로 최적의 행동을 선택
- 혼합된 선택 전략 → 엡실론 탐욕ε-greedy

```
For time t during learning  \varepsilon = 0.1/(t+1)  if \mathrm{rand}(1) < \varepsilon  \mathrm{randomly\ select}\ a \qquad \text{#Fid}   \mathrm{else} \qquad \qquad a = \mathrm{argmax}\ Q(s,a) \qquad \text{#Fi} \wedge
```

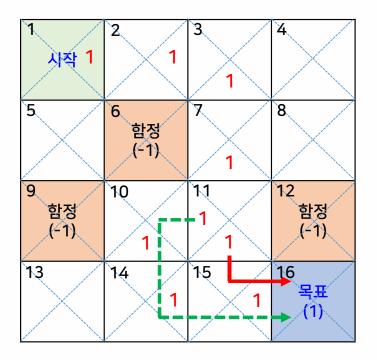
어떤 경로가 더 좋은 것인가?

- 할인된 미래 보상discounted future reward
 - □ 미래 보상에 할인율 γ을 적용

$$G_t = R_t + \gamma R_{t+1} + \gamma^2 R_{t+2} + \dots + \gamma^{n-t} R_n$$
$$= R_t + \gamma G_{t+1}$$

○ 할인율을 적용한 Q-함수의 갱신 규칙

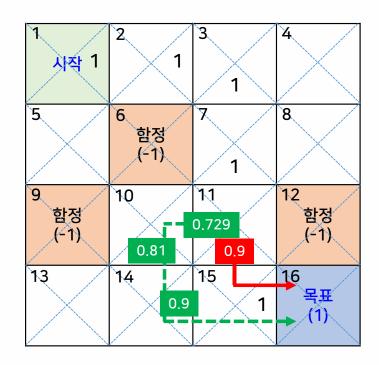
$$\widehat{Q}(s,a) = r + \gamma \max_{a'} \widehat{Q}(s',a')$$



어떤 경로가 더 좋은 것인가?

○ 상태 11에서의 Q-값 (γ = 0.9)

$$\begin{split} \widehat{Q}(11,D) &\leftarrow r + \gamma \max_{a'} \widehat{Q}(15,a') \\ &= 0 + 0.9 \times \max\{\widehat{Q}(15,R), \widehat{Q}(15,L), \widehat{Q}(15,U), \widehat{Q}(15,D)\} \\ &= 0 + 0.9 \times \max\{1,0,0,0\} = 0.9 \\ \widehat{Q}(14,R) &= 0.9 \\ \widehat{Q}(10,D) &\leftarrow r + \gamma \max_{a'} \widehat{Q}(14,a') \\ &= 0 + 0.9 \times \max\{\widehat{Q}(14,R), \widehat{Q}(14,L), \widehat{Q}(14,U), \widehat{Q}(14,D)\} \\ &= 0 + 0.9 \times \max\{\widehat{Q}(10,a') \\ &= 0 + 0.9 \times \max\{\widehat{Q}(10,R), \widehat{Q}(10,L), \widehat{Q}(10,U), \widehat{Q}(10,D)\} \\ &= 0 + 0.9 \times \max\{\widehat{Q}(10,R), \widehat{Q}(10,L), \widehat{Q}(10,U), \widehat{Q}(10,D)\} \\ &= 0 + 0.9 \times \max\{\widehat{Q}(0,0,0,0.81\} = 0.729 \end{split}$$



비결정론적 환경

- 결정론적deterministic 모델
 - □ 모델의 출력과 행동이 어떤 임의성도 없이초기 조건과 파라미터에 의해서만 전적으로 결정
 - □ 확률적 불확실성이 존재하지 않음
- 비결정론적non-deterministic 모델
 - □ 모델에 임의성이 내재되어 있음
 - □ 동일한 초기 조건과 파라미터 집합일지라도 서로 다른 여러 출력을 생성
 - □ 예: 장기, 바둑, 체스 등

비결정론적 환경

- 상태 전이와 $\hat{Q}(s',a')$ → 비결정론적
 - □ 결정론적 버전의 Q-학습이 제대로 동작하지 않음
 - \square 해결책 \rightarrow 신뢰 요소belief factor α 도입
- \bigcirc α 를 가진 Q-학습의 갱신 규칙

$$\hat{Q}(s,a) \leftarrow (1-\alpha)\hat{Q}(s,a) + \alpha [r + \gamma \max_{a'} \hat{Q}(s',a')]$$

$$\widehat{Q}(s,a) \leftarrow \widehat{Q}(s,a) + \alpha [r + \gamma \max_{a'} \widehat{Q}(s',a') - \widehat{Q}(s,a)]$$

- ① 각 상태 s와 행동 a에 대해 $\hat{Q}(s,a)$ 를 0으로 초기화
- ② 임의의 상태 s를 현재 상태로 지정
- ③ 다음 과정을 무한히 반복
 - ③-1. 행동 α 를 선택하고 실행
 - ③-2. 즉각적인 보상 r을 얻음
 - ③-3. 새로운 상태 s'를 얻음
 - ③-4. r과 s' 정보를 사용해서 $\hat{Q}(s,a)$ 를 갱신

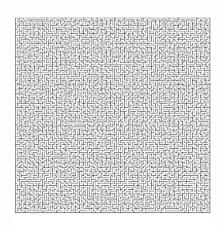
$$\hat{Q}(s,a) \leftarrow (1-\alpha)\hat{Q}(s,a) + \alpha[r + \gamma \max_{a'} \hat{Q}(s',a')]$$

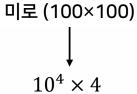
3-5, $s \leftarrow s'$

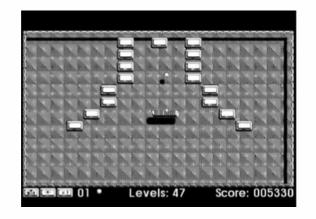
수렴 특성이 증명됨(Watkins and Dayan, 1992)

Q-테이블에서 Q-신경망으로

- Q-테이블의 한계
 - □ 실제 응용에서의 비효율성





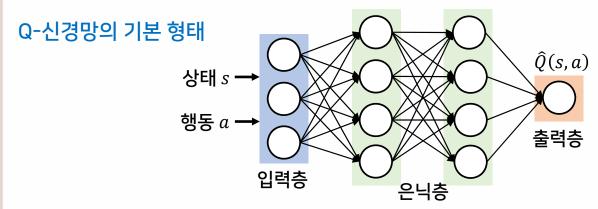


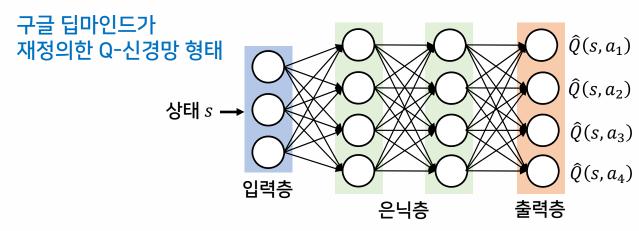




Q-신경망 Q-Network

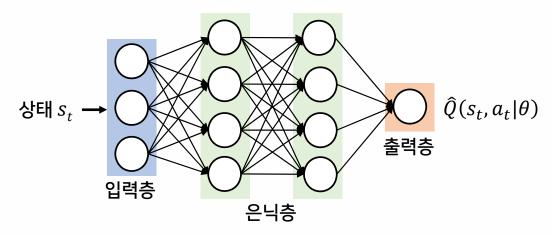
○ 신경망을 이용하여 Q-함수를 표현하고 추정





Q-신경망의 학습

 \bigcirc 시점 t에서 학습 파라미터 θ 에 대한 Q-신경망의 실제 출력



- \bigcirc 목표 출력값 $y_t = r_t + \gamma \max_{a'} Q^*(s_{t+1}, a') \approx r_t + \gamma \max_{a'} \hat{Q}(s_{t+1}, a'|\theta)$
- \mathbf{C} 목적함수 $E(\theta) = \sum_{t=0}^{T} \left\{ \hat{Q}(s_t, a_t | \theta) \left(r_t + \gamma \max_{a'} \hat{Q}(s_{t+1}, a' | \theta) \right) \right\}^2$

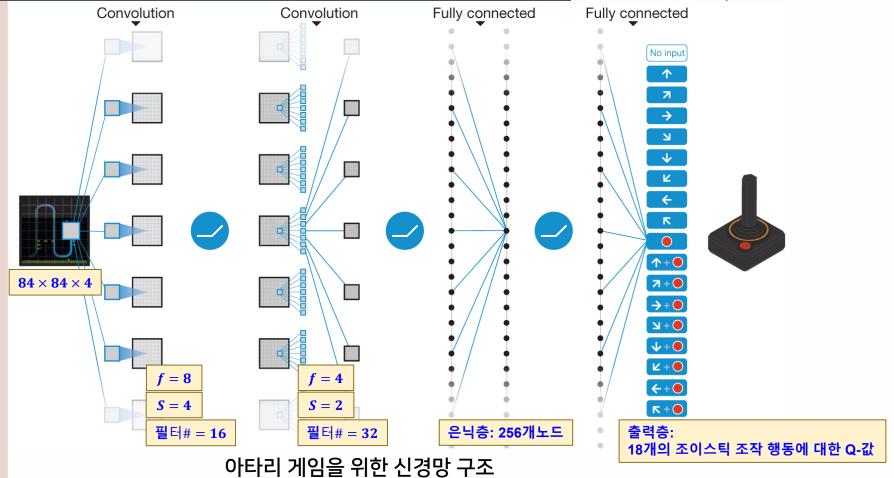
Q-신경망 학습의 불안정성

- \mathbf{S} 목적함수 $E(\theta) = \sum_{t=0}^{T} \left\{ \widehat{Q}(s_t, a_t | \theta) \left(r_t + \gamma \max_{a'} \widehat{Q}(s_{t+1}, a' | \theta) \right) \right\}^2$
 - □ Q-테이블 표현에 대해서는 수렴, Q-신경망은 발산
- 불안정성의 원인
 - □ 데이터 간의 높은 상관관계
 - □ 목표 출력값이 시간에 따라 변함
- 해결책
 - DQN Deep Q-Network
 - ✓ 심층 신경망
 - ✓ 경험 재현experience replay, 목표망target network

2. Q-학습과 심층 Q-신경망

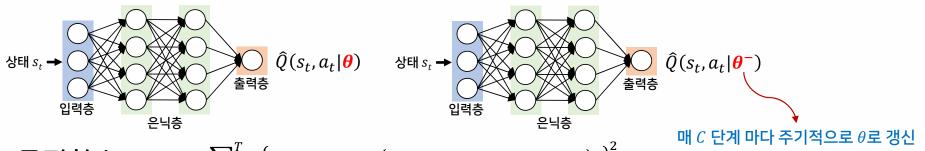
Deep Q-Network

https://www.nature.com/articles/nature14236.pdf



경험 재현, 목표망

- 경험 재현 → 데이터 간의 높은 상관관계에 따른 문제 해결
 - □ 재현을 통해 학습 데이터의 시퀀스를 재구성
 - ✓ 에이전트의 경험 (s_t, a_t, r_t, s_{t+1}) 을 시간 간격 단위로 재현 메모리 D에 저장한 후, D로부터 균등 무작위 추출을 통해 미니 배치를 구성하여 학습 진행
- \bigcirc 목표망 \rightarrow 시변적인 목표 출력값 문제 해결 $E(\theta) = \sum_{t=0}^{T} \left\{ \hat{Q}(s_t, a_t | \theta) \left(r_t + \gamma \max_{a'} \hat{Q}(s_{t+1}, a' | \theta) \right) \right\}^2$
 - $\ \square$ 원래 Q-신경망과 같은 구조, 다른 파라미터 $heta^-$ 를 가진 별도의 신경망



DQN 학습 알고리즘

https://www.nature.com/articles/nature14236.pdf

경험 재현

목표망

```
Algorithm 1: deep Q-learning with experience replay.
Initialize replay memory D to capacity N
```

Initialize action-value function Q with random weights θ Initialize target action-value function \hat{Q} with weights $\theta^- = \theta$

For episode = 1, M do

Initialize sequence $s_1 = \{x_1\}$ and preprocessed sequence $\phi_1 = \phi(s_1)$

For t = 1.T do

With probability ε select a random action a_t otherwise select $a_t = \operatorname{argmax}_a Q(\phi(s_t), a; \theta)$ ε -greedy

Execute action a_t in emulator and observe reward r_t and image x_{t+1}

Set $s_{t+1} = s_t, a_t, x_{t+1}$ and preprocess $\phi_{t+1} = \phi(s_{t+1})$ Store transition $(\phi_t, a_t, r_t, \phi_{t+1})$ in D

Sample random minibatch of transitions $(\phi_j, a_j, r_j, \phi_{j+1})$ from D

Set
$$y_j = \begin{cases} r_j & \text{if episode terminates at step } j+1 \\ r_j + \gamma \max_{a'} \hat{Q}(\phi_{j+1}, a'; \theta^-) & \text{otherwise} \end{cases}$$

Perform a gradient descent step on $(y_j - Q(\phi_j, a_j; \theta))^2$ with respect to the network parameters θ

Every C steps reset $\hat{Q} = Q$

End For

End For

DQN 학습 알고리즘

초기화 단계

- 재현 메모리 *D* 준비
- 학습을 통해 최적화할 행동 가치함수 $Q(\theta)$ 준비 (θ) 를 랜덤 초기화)
- 학습 신호를 제공할 목표망 함수 $\hat{Q}(\theta^-)$ 준비 $(\theta^-=\theta)$

반복 수행

 $t=1,\cdots,T$

- 시작 상태 s₁ 설정
 - arepsilon-탐욕 방법에 의한 행동 선택 $\int arepsilon arepsilon$ -탐욕 방법에 의한 행동 선택 arepsilon의 확률로 랜덤하게 행동 a_t 를 선택

1-arepsilon의 확률로 Q(heta)를 이용한 행동 선택: $a_t = \mathrm{argmax}_a Q(s_t, a| heta)$

- 행동 실행 \rightarrow 행동 a_t 를 수행하여 보상 r_t 와 다음 상태 s_{t+1} 을 관찰
- 경험 재현 방법 적용: 메모리에 저장 및 미니 배치 구성 \int 경험 (s_t, a_t, r_t, s_{t+1}) 를 재현 메모리 D에 저장

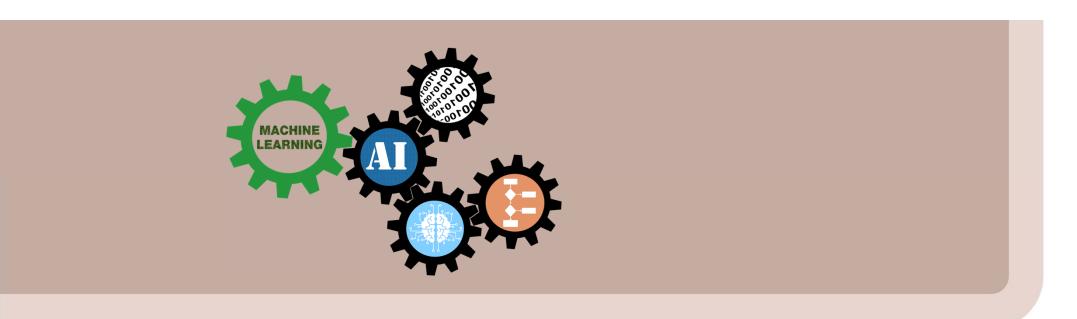
경험 (s_t, a_t, r_t, s_{t+1}) 를 재현 메모리 D에 저장 D로부터 랜덤 샘플링을 하여 학습용 미니 배치 (s_j, a_j, r_j, s_{j+1}) 구성

• 기울기 강하 기법으로 θ 학습

목표망을 이용한 목표값 계산 $y_j = \begin{cases} r_j & \text{if episode terminates at step j} + 1 \\ r_j + \gamma \max_{a'} = \hat{Q}(s_{j+1}, a' | \theta^-) & \text{otherwise} \end{cases}$

목표값을 이용하여 손실함수 $(y_j - Q(s_j, a_j | \theta))^2$ 의 기울기를 따라 θ 수정

• 목표망의 주기적 갱신 \rightarrow 매 C 단계마다 목표망 수정: $\hat{Q}=Q$ (즉 $\theta^-=\theta$)



강의 끝

지금까지 함께 해 준 여러분 감사합니다.