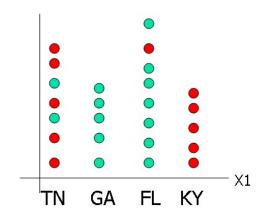
14강. 나무모형(2)

- 나무모형 분할 방법
- 나무모형 선택
- R 나무모형 분석
- 파이썬 나무모형 분석



1) CART 방법

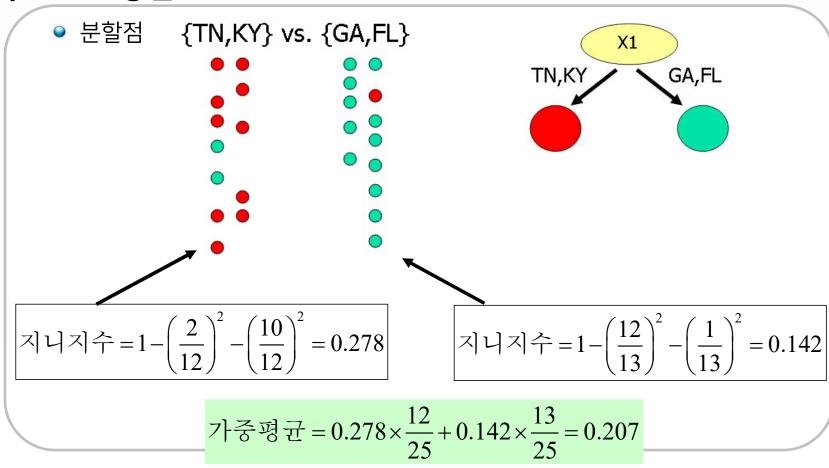
(2) 범주형 변수의 예: 1개 변수이며 2개 집단에 속한 범주형 자료

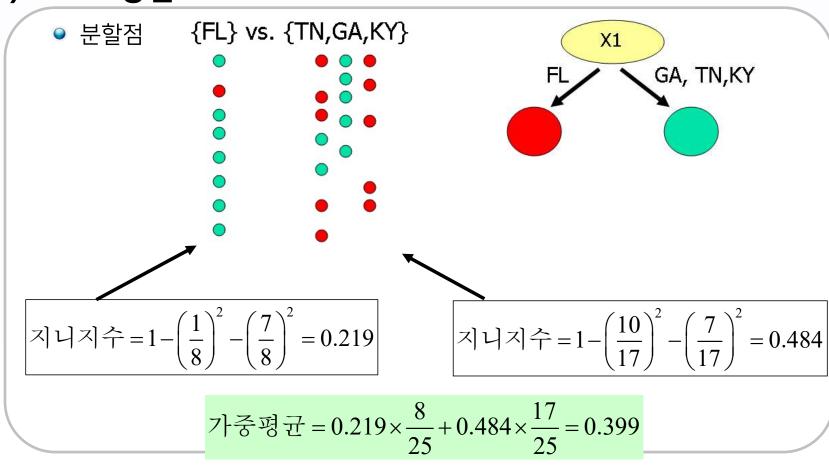


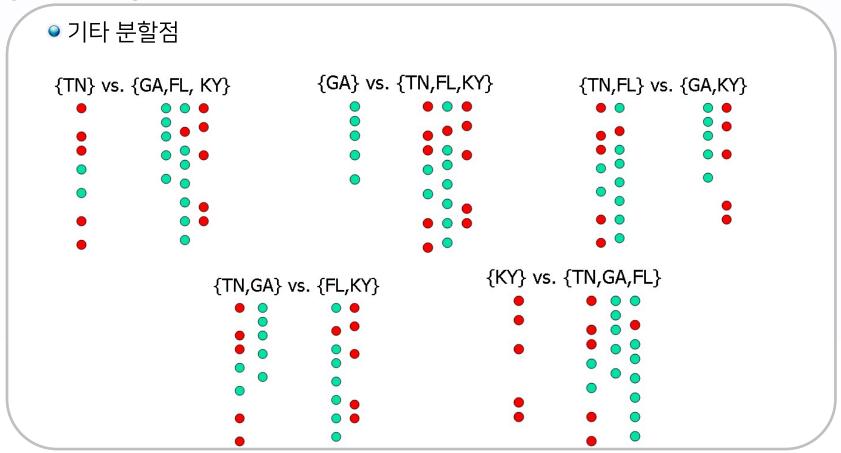
총 25개의 관찰치중 적색 그룹은 11개, 녹색 그룹은 14개

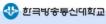
$$p(1|t) = \frac{11}{25}$$
, and $p(2|t) = \frac{14}{25}$.

지니지수=
$$1-\left(\frac{11}{25}\right)^2-\left(\frac{14}{25}\right)^2=0.492$$







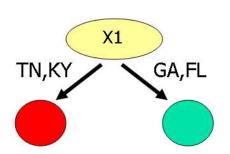


1) CART 방법

● 모든 분할점 비교

좌측분할	우측분할	지닉지수
TN	GA, FL, KY	0.434
GA	TN, FL, KY	0.396
FL	TN, GA, KY	0.399
KY	TN, GA, FL	0.300
TN, GA	FL, KY	0.492
TN, FL	GA, KY	0.488
TN, KY	GA, FL	0.207

◎ 최적 분할점

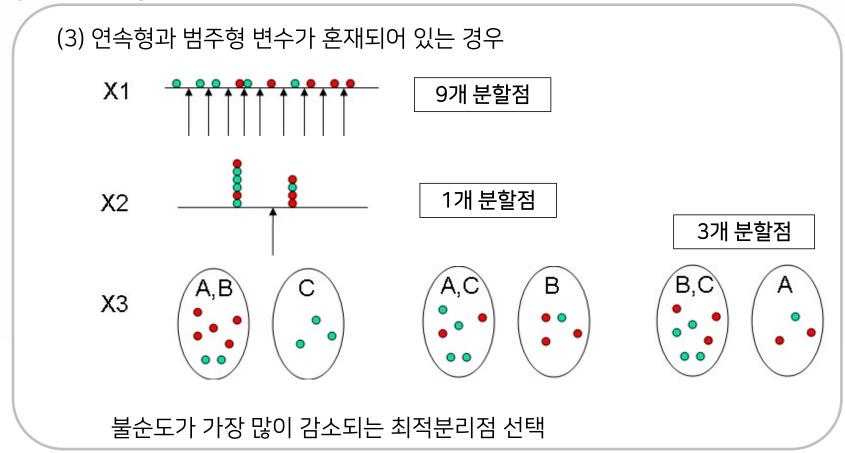


1) CART 방법

(3) 연속형과 범주형 변수가 혼재되어 있는 경우

Class	X1	X2	X3
	1.9	1	Α
•	1.7	1	Α
•	1.6	1	В
•	1.3	0	В
•	1.2	0	В
0	1.5	1	Α
0	1.25	0	В
0	1	0	С
0	0.9	0	С
0	0.7	0	С

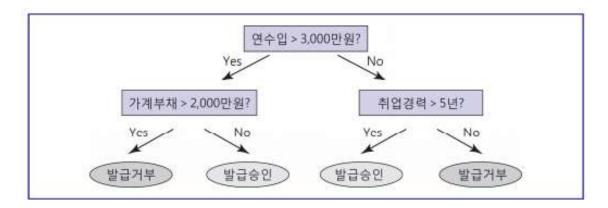
총 10개의 관찰치중 적색 그룹은 5개, 녹색 그룹은 5개



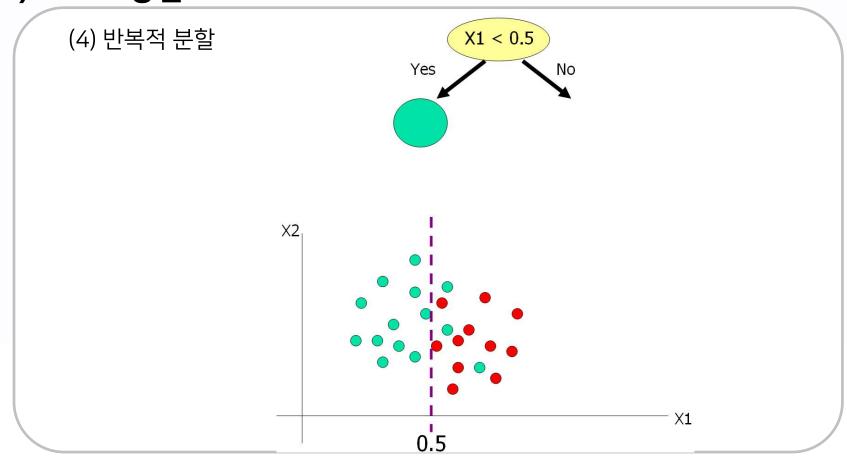


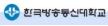
1) CART 방법

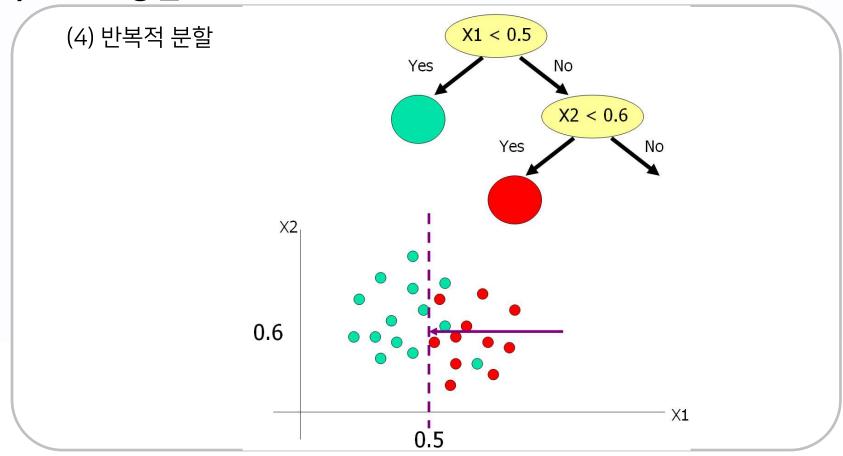
(4) 반복적 분할

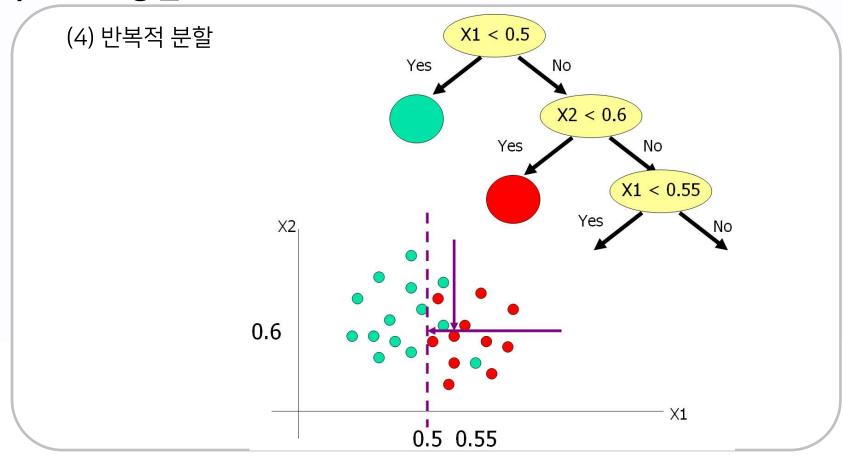


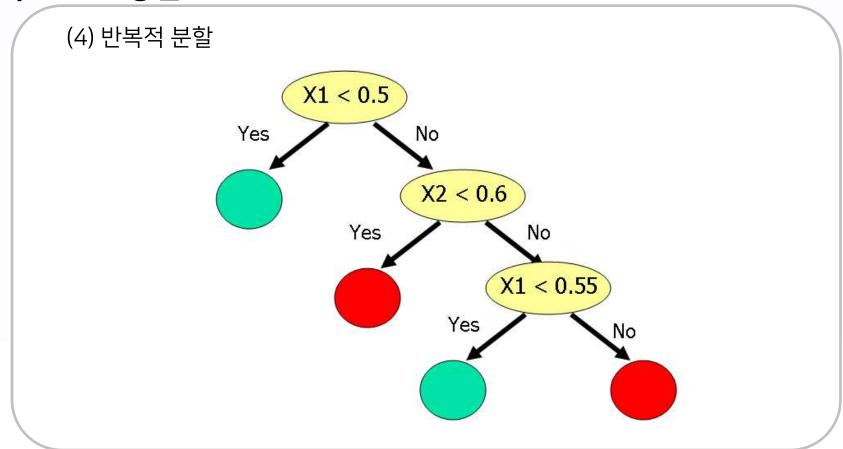
- ❖ (1) (3) 절차를 매단계의 노드마다 반복적으로 적용함
- ❖ 나무모형은 단계 단계마다 불순도가 적은 분할규칙을 결정
- ❖ 같은 그룹의 자료를 최종노드에 포함하도록 하는 방법











2) CHAID 방법

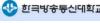
CHAID(CHi - squared Automatic Interaction Detection) 방법

: 분할표 검정에서 사용되는 카이제곱 검정방법을 사용하여 분할점 혹은 분할집합을 결정하는 방법.

3) QUEST 방법

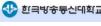
QUEST (Quick Unbiased Efficient Statistical Tree) 방법

: CART의 변수선택에 대한 편향 현상을 수정하기 위해 개발된 방법임. CART의 편향 현상에 대한 이유가 변수선택과 분할점 선택이 동시에 이루어지기 때문이므로 이를 분리하여 먼저 변수를 선택하고, 그리고 선택된 변수에 대해서 분할점을 선택하는 방법임.



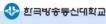
● 지나치게 많은 노드와 가지를 가진 나무모형은 해석이 복잡함 새로운 자료에 적용시킬 때 예측오차가 매우 커지는 문제도 발생

적절한 크기의 나무모형을 선택하면해석력뿐만 아니라 예측정확도를 향상 시킴



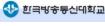
1) 유의성 방법

- CHAID(Chi-squared Automatic Detection) 에서 사용
- 나무구조를 만들어 갈 때, 단계마다 분할이 꼭 필요한 것인지 통계적 유의성을 이용하여 평가
 - 만약 분할이 꼭 필요하다면 계속 분할함
- 만약 분할이 유의하게 필요한 것이 아니면 분할을 정지하고 그때까지 구해진 나무모형을 최종모형으로 채택
- ◎ 빠른 시간에 나무모형을 완성할 수 있다는 장점
- 예측 정확도가 떨어지는 단점

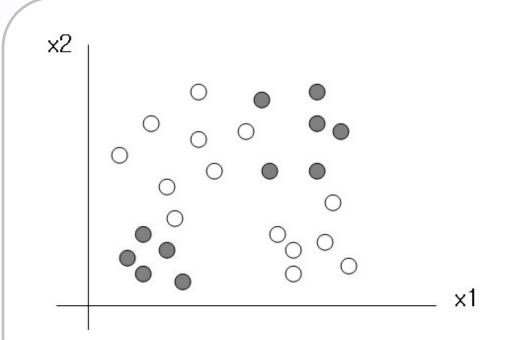


2) 정지규칙 방법

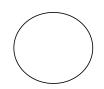
- 단계마다 분할의 유의성을 평가하지 않고 계속적으로 분할
- 궁극적으로 하위 노드의 어떤 단계에서는 분할을 멈춤 (하위노드에 속한 관찰치의 수가 적기 때문)
- 잠정적으로 구해진 나무구조는 매우 큰 규모임
 물필요한 가지를 제거하여 적당한 크기의 나무구조로 축소시킴
- 유의성 방법보다 더 우월한 나무구조를 찾아낼 수 있다는 장점
- 연산이 오래 걸린다는 단점
- OCART 방법과 QUEST(Quick Unbiased Efficient Statistical Tree) 방법이 채택



2) 정지규칙 방법

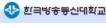


나무모형 -뿌리노드만 존재

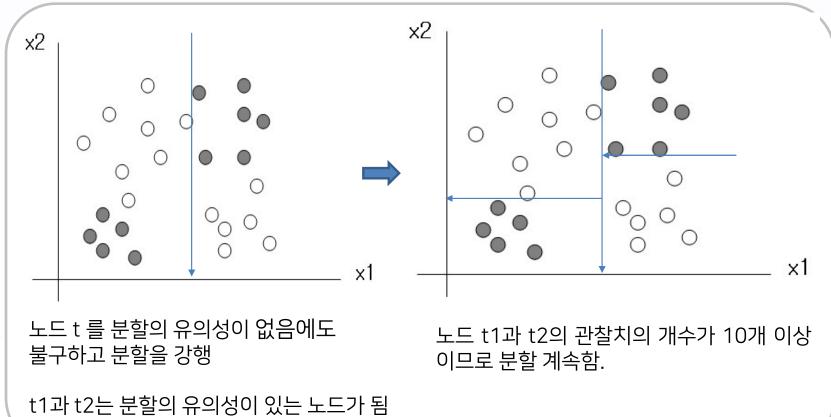


분할정지 방법을 사용하면 분할의 유의성이 없어서 분할하지 않는 노드

정지규칙: 관찰치의 개수가 10개보다 작아지면 정지하기로 함.

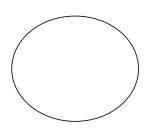


2) 정지규칙 방법

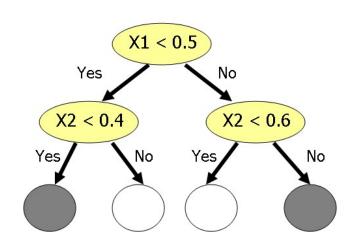


2) 정지규칙 방법

분류나무



유의성 방법에 의한 분류



정지규칙 방법에 의한 분류

3) 정지규칙 종류

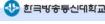
최대깊이(maxdepth)

: 나무모형이 뿌리노드에서 출발하여 아래로 분할해 갈 수 있는 최대 허용 깊이를 의미. 데이터의 크기를 고려하여 최대깊이를 설정하는 것이 좋으나, 일반적으로 3~5 정도로 설정해야 나무모형을 해석하는데 어려움이 없음.

최소 데이터 수(minsplit)

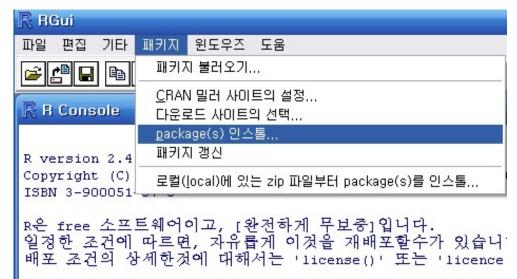
: 나무모형의 한 노드를 분할하기 위해 필요한 노드 내의 데이터 수.

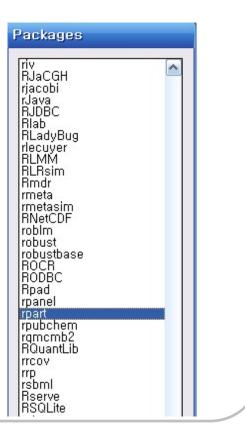
사전에 분할에 필요한 최소 데이터 수를 설정해 놓고, 이에 못미치는 노드는 더 이상 분할하지 않고, 최종노드로 결정하는 방법. 일반적으로 최소 데이터수의 값은 20을 많이 사용하지만, 분석 데이터의 크기를 고려하여 더 크게 혹은 더 작게 설정할 수도 있음.



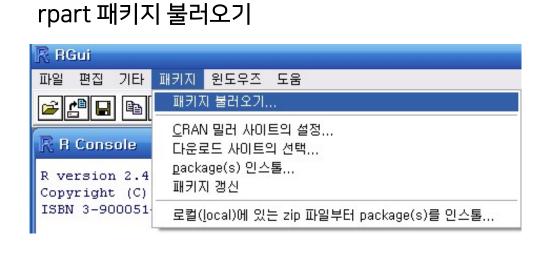
4. R 나무모형 분석

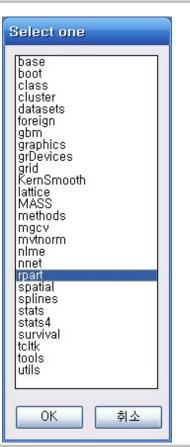
나무모형 패키지 rpart 설치





4. R 나무모형 분석





4. R 나무모형 분석





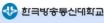
			좌석등급		
	선원	1등석	2등석	3등석	총계
생존	212	203	118	178	711
사망	673	122	167	528	1490
총계	885	325	285	706	2201
생존률	0.24	0.62	0.41	0.25	0.32

	성별		
	남성	역성	총계
생존	367	344	711
사망	1364	126	1490
총계	1731	470	2201
생존률	0.21	0.73	0.32

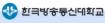
	연령별		
	성인	어린이	총계
생존	654	57	711
사망	1438	52	1490
총계	2092	109	2201
생존률	0.31	0.52	0.32

"titanic.csv"

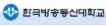
```
파일(F) 편집(E) 서식(O) 보기(V) 도움말(H)
Class.Age.Sex.Survived
First, Adult, Male, Yes
```



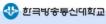
```
데이터 읽기
> titanic = read.csv("c:/data/mva/titanic.csv", header=T)
> head(titanic, 3)
                                                   > table(titanic$Survived. titanic$Class)
                                                         Crew First Second Third
       Age Sex Survived
 Class
                                                          673
                                                     No
                                                                122
                                                                        167
                                                                              528
1 First Adult Male
                     Yes
                                                     Yes 212
                                                                 203
                                                                        118
                                                                              178
2 First Adult Male
                     Yes
                                                   > table(titanic$Survived, titanic$Age)
3 First Adult Male
                     Yes
                                                         Adult Child
                                                           1438
                                                     No
                                                                   52
> summary(titanic)
                                                           654
                                                                   57
                                                     Yes
   Class
                                      Sex
                     Age
                                                   > table(titanic$Survived, titanic$Sex)
Length: 2201
                 Length: 2201
                                  Length: 2201
                                                         Female Male
Class :character Class :character
                                  Class :character
                                                             126 1364
                                                     No
                                                            344 367
                                                     Yes
Mode :character
                 Mode :character
                                  Mode :character
```



```
참고: 그룹별 count 가 주어진 경우
> titanic_w = read.csv("c:/data/mva/titanic_count.csv", header=T)
> head(titanic_w, 3)
 Class Age Sex Survived Count
1 Crew Adult Male Yes
2 Crew Adult Male No 670
3 Crew Adult Female Yes 20
> titanic = titanic_w[rep(1:nrow(titanic_w), titanic_w$Count),-5]
head(titanic, 3)
 Class Age Sex Survived
    Crew Adult Male
                       Yes
1.1 Crew Adult Male Yes
1.2 Crew Adult Male
                      Yes
```



```
> library(rpart)
> # Default tree: maxdepth=30, minsplit=20
> cart_def = rpart(Survived ~ Class + Age + Sex, data=titanic)
> print(cart def)
n = 2201
node), split, n, loss, yval, (yprob)
     * denotes terminal node
 1) root 2201 711 No (0.6769650 0.3230350)
  2) Sex=Male 1731 367 No (0.7879838 0.2120162)
    4) Age=Adult 1667 338 No (0.7972406 0.2027594) *
    5) Age=Child 64 29 No (0.5468750 0.4531250)
     10) Class=Third 48 13 No (0.7291667 0.2708333) *
     3) Sex=Female 470 126 Yes (0.2680851 0.7319149)
    6) Class=Third 196 90 No (0.5408163 0.4591837) *
    7) Class=Crew.First.Second 274 20 Yes (0.0729927 0.9270073) *
```



나무모형 그리기

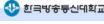
```
> # Tree 그리기
                                                                                        No
                                                                                     1490 / 2201
> library(rpart.plot)
> prp(cart_def, type=4, extra=2, digits=3)
                                                                             Sex = Mal
                                                                                                  Fml
                                                                         No
                                                                     1364 / 1731
                                                                                                     344 / 470
                                                                  Age = Adl
                                                                                                Class = Thr
                                                                                                        Crw,Frs,Scn
                                                                              Chl
                                                                 No
                                                                                No
                                                                                                No
                                                                                                              Yes
                                                              1329 / 1667
                                                                               35 / 64
                                                                                             106 / 196
                                                                                                           254 / 274
                                                                         Class = Thr
                                                                                    Frs,Scn
                                                                         No
                                                                                       Yes
                                                                        35 / 48
                                                                                      16 / 16
```

정지규칙 설정하여 나무모형 실행하기: maxdepth=1

```
> # Stopping rule 1
> my.control = rpart.control(maxdepth=1)
> cart_fit1 = rpart(Survived ~ Class + Age + Sex, control=my.control, data=titanic)
> print(cart_fit1)
n= 2201

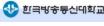
node), split, n, loss, yval, (yprob)
    * denotes terminal node

1) root 2201 711 No (0.6769650 0.3230350)
    2) Sex=Male 1731 367 No (0.7879838 0.2120162) *
    3) Sex=Female 470 126 Yes (0.2680851 0.7319149) *
```



정지규칙 설정하여 나무모형 실행하기: maxdepth=5, minsplit=50

```
> # Stopping rule 2
> my.control = rpart.control(maxdepth=5, minsplit=50)
> cart_fit2 = rpart(Survived ~ Class + Age + Sex, control=my.control, data=titanic)
> prp(cart_fit2, type=4, extra=2, digits=3)
> print(cart_fit2)
n = 2201
                                                                      1490 / 2201
                                                                 Sex = Mal
node), split, n, loss, yval, (yprob)
      * denotes terminal node
                                                             1364 / 1731
1) root 2201 711 No (0.6769650 0.3230350)
                                                                          Class = Thr
                                                                                    Crw,Frs,Scn
  2) Sex=Male 1731 367 No (0.7879838 0.2120162) *
  3) Sex=Female 470 126 Yes (0.2680851 0.7319149)
                                                                       106 / 196
                                                                                       254 / 274
    6) Class=Third 196 90 No (0.5408163 0.4591837) *
    7) Class=Crew.First.Second 274 20 Yes (0.0729927 0.9270073) *
```



상세한 결과

한국방송통신대학교

```
> summary(cart_fit2)
Call:
rpart(formula = Survived ~ Class + Age + Sex. data = titanic.
   control = mv.control)
 n= 2201
        CP nsplit rel error
                           xerror
                                      xstd
3 0.01000000 2 0.6708861 0.7130802 0.02778312
Variable importance
 Sex Class Age
  79 20
Node number 1: 2201 observations, complexity param=0.3066104
 predicted class=No expected loss=0.323035 P(node) =1
   class counts: 1490 711
  probabilities: 0.677 0.323
 left son=2 (1731 obs) right son=3 (470 obs)
 Primary splits:
    Sex splits as RL, improve=199.821600, (0 missing)
    Class splits as LRRL, improve= 69.684100, (0 missing)
    Age splits as LR, improve= 9.165241. (0 missing)
```

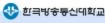
상세한 결과

```
Node number 2: 1731 observations
 predicted class=No expected loss=0.2120162 P(node) =0.7864607
   class counts: 1364 367
  probabilities: 0.788 0.212
Node number 3: 470 observations, complexity param=0.02250352
 predicted class=Yes expected loss=0.2680851 P(node) =0.2135393
   class counts: 126 344
  probabilities: 0.268 0.732
  left son=6 (196 obs) right son=7 (274 obs)
 Primary splits:
     Class splits as RRRL, improve=50.015320, (0 missing)
     Age splits as RL, improve= 1.197586, (0 missing)
 Surrogate splits:
     Age splits as RL, agree=0.619, adj=0.087, (0 split)
Node number 6: 196 observations
 predicted class=No expected loss=0.4591837 P(node) =0.08905043
   class counts: 106 90
  probabilities: 0.541 0.459
Node number 7: 274 observations
 predicted class=Yes expected loss=0.0729927 P(node) =0.1244889
   class counts:
                   20 254
  probabilities: 0.073 0.927
```

5. R 회귀나무모형 분석: cu.summary 자료

데이터 읽기

```
> library(rpart)
> data(cu.summary)
> head(cu.summary)
              Price Country Reliability Mileage Type
Acura Integra 4 11950
                      Japan Much better
                                           NA Small
Dodge Colt 4
               6851
                                  <NA>
                                           NA Small
                      Japan
                      USA Much worse
Dodge Omni 4
               6995
                                           NA Small
               8895
                                           33 Small
Eagle Summit 4
                       USA
                                better
Ford Escort 4 7402
                       USA
                                           33 Small
                                 worse
               6319 Korea
                                           37 Small
Ford Festiva 4
                                better
> summary(cu.summary)
    Price
                                  Reliability
                                               Mileage
                    Country
                                                                Type
Min. : 5866
               USA
                             Much worse :18
                        :49
                                             Min. :18.00
                                                            Compact:22
                        :31
 1st Qu.: 10125
                                        :12 1st Qu.:21.00
                                                           Large: 7
               Japan
                             worse
Median : 13150
                                        :26
                                             Median :23.00
               Germany :11
                             average
                                                           Medium:30
       : 15743
               Japan/USA: 9
                             better
                                                   :24.58
Mean
                                       : 8 Mean
                                                            Small :22
3rd Qu.: 18900
               Korea
                             Much better:21
                                             3rd Qu.:27.00
                                                           Sporty:26
                      : 5
                                             Max. :37.00
                             NA's
Max.
       :41990
               Sweden
                                                            Van
                                                                  :10
                (0ther):7
                                             NA's
                                                   :57
> is.factor(cu.summary$Type)
[1] TRUE
```

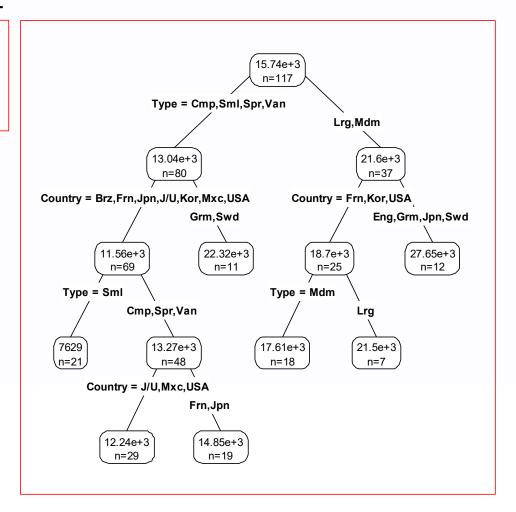


디폴트 정지규칙을 이용한 CART 회귀나무모형

```
> # Default tree
> cu_fit = rpart(Price ~ Country + Reliability + Mileage + Type, data=cu.summary)
> print(cu fit)
n = 117
node), split, n, deviance, yval
      * denotes terminal node
 1) root 117 7407473000 15743.460
  2) Type=Compact, Small, Sporty, Van 80 3322389000 13035.010
     4) Country=Brazil, France, Japan, Japan/USA, Korea, Mexico, USA 69 1426421000 11555.160
       8) Type=Small 21 50309830 7629.048 *
       9) Type=Compact, Sporty, Van 48 910790000 13272.830
        18) Country=Japan/USA, Mexico, USA 29 482343500 12241.550 *
        19) Country=France, Japan 19 350528000 14846.890 *
     5) Country=Germany, Sweden 11 797004200 22317.730 *
   3) Type=Large.Medium 37 2229351000 21599.570
     6) Country=France, Korea, USA 25 1021102000 18697.280
      12) Type=Medium 18 741101600 17607.440 *
      13) Type=Large 7 203645100 21499.710 *
     7) Country=England, Germany, Japan, Sweden 12 558955000 27646.000 *
```

CART 나무모형을 도형화하는 R 명령문

```
> # Tree 그리기
> library(rpart.plot)
> prp(cu_fit, type=4, extra=1, digits=4)
>
```





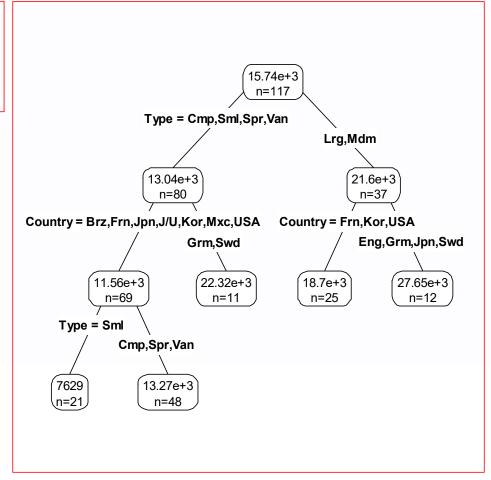
정지규칙을 설정한 CART 회귀나무모형

```
> # Stopping rule
> my.control = rpart.control(maxdepth=3, minsplit=30)
> cu_fit2 = rpart(Price ~ Country + Reliability + Mileage + Type.
                  control=my.control, data=cu.summary)
> print(cu_fit2)
n = 117
node), split, n, deviance, yval
      * denotes terminal node
1) root 117 7407473000 15743.460
  2) Type=Compact, Small, Sporty, Van 80 3322389000 13035.010
    4) Country=Brazil.France.Japan.Japan/USA.Korea.Mexico.USA 69 1426421000
11555, 160
      8) Type=Small 21 50309830 7629.048 *
      9) Type=Compact, Sporty, Van 48 910790000 13272.830 *
    5) Country=Germany, Sweden 11 797004200 22317.730 *
  3) Type=Large, Medium 37 2229351000 21599.570
    6) Country=France, Korea, USA 25 1021102000 18697.280 *
    7) Country=England, Germany, Japan, Sweden 12 558955000 27646.000 *
```



CART 나무모형을 도형화하는 R 명령문

```
> # Tree 그리기
> library(rpart.plot)
> prp(cu_fit2, type=4, extra=1, digits=4)
>
```





데이터 읽기

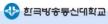
Out[3]: (2201, 4)

```
import numpy as np
import pandas as pd
# 데이터 읽기
                                              #기술통계량 구하기
titanic = pd.read_csv("c:/data/mva/titanic.csv")
                                              titanic.describe()
titanic.head(3)
                                              Out[2]:
Out[1]:
  Class
          Age Sex Survived
                                                                    Sex Survived
                                                     Class
                                                              Age
O First Adult Male
                        Yes
                                                      2201
                                                             2201
                                                                   2201
                                                                             2201
                                              count
1 First Adult Male
                        Yes
                                                                2
                                                         4
                                              unique
2 First Adult Male
                        Yes
                                                      Crew Adult Male
                                                                               No
                                              top
                                                       885
                                                             2092 1731
                                                                             1490
                                              freq
# 자료 (행의 수, 열의 수)
titanic.shape
```



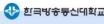
빈도표 구하기

```
pd.crosstab(titanic['Survived'], titanic['Sex'], margins=True)
Out[4]:
Sex
        Female Male All
Survived
No
           126 1364
                     1490
           344
                 367
                     711
Yes
All
           470 1731 2201
pd.crosstab(titanic['Survived'], titanic['Class'], margins=True)
Out[5]:
         Crew First Second Third All
Class
Survived
         673
                122
                       167
                             528
                                  1490
No
         212
                203
                             178
                                  711
Yes
                       118
All
          885
                325
                       285
                             706 2201
```



나무모형을 적합하기 위한 데이터 변환

```
# 문자형을 이산형으로 변환
titanic['Age'] = titanic['Age'].replace({'Child':0, 'Adult':1})
titanic['Sex'] = titanic['Sex'].replace({'Male':0, 'Female':1})
titanic['Class'] = titanic['Class'].replace({'First':1, 'Second':2,
                                        'Third':3. 'Crew':4})
titanic.head(3)
Out[8]:
  Class Age Sex Survived
                    Yes
                    Yes
  1 1 0
                    Yes
# X 데이터와 y 데이터
X = titanic[["Class", "Age", "Sex"]]
y = titanic["Survived"]
```



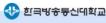
CART 나무모형 실행

```
# 나무모형 생성
from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier
titanic_tree = DecisionTreeClassifier(max_depth=3, min_samples_split=50)
titanic_tree.fit(X, y)
Out[10]: DecisionTreeClassifier(max_depth=3, min_samples_split=50)
```

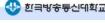


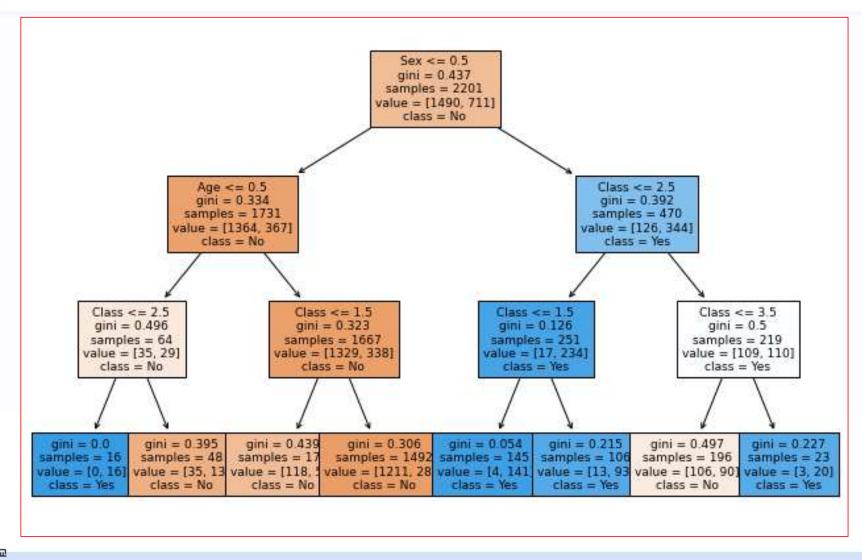
CART 나무모형을 이용한 분류

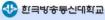
```
# 적합된 나무모형을 이용한 분류
y pred = titanic tree.predict(X)
# Confusion Matrix
from sklearn.metrics import classification report, confusion matrix
cm = confusion_matrix(y, y_pred)
print(cm)
[[1470 20]
[441 270]]
# 기타 분류 성능 지표
cm_report = classification_report(y, y_pred)
print(cm report)
         precision recall f1-score
                                       suppor t
         No
                  0.77
                            0.99
                                      0.86
                                                1490
                                      0.54
        Yes
                  0.93
                            0.38
                                                 711
                                      0.79
                                                2201
   accuracy
                  0.85
                            0.68
                                      0.70
                                                2201
  macro avg
weighted ava
                  0.82
                            0.79
                                      0.76
                                                2201
```



나무모형 그리기







데이터 읽기

```
import numpy as np
import pandas as pd
# 데이터 읽기
cu = pd.read_csv("c:/data/mva/cusummary.csv", index_col='Model')
# 결측값 케이스 없애기
cu = cu.dropna()
cu.shape
Out[18]: (49, 5)
cu.head(3)
Out[19]:
                Price Country Reliability Mileage
                                                    Type
Mode I
Eagle Summit 4
                 8895
                         USA
                                  better
                                             33.0 Small
Ford Escort 4 7402
                         USA
                                             33.0
                                                   Small
                                   worse
Ford Festiva 4
                 6319
                                             37.0
                        Korea
                                  better
                                                   Small
```



범주형 변수의 가변수 만들기

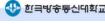
```
# X 데이터와 y 데이터
X = cu.drop('Price', axis=1)
v = cu['Price']
# 이산변수 혹은 가변수(dummy variable) 만들기
X['Reliability'] = X['Reliability'].replace({'Much worse':1, 'worse':2,
'average':3, 'better':4, 'Much better':5})
dX = pd.get_dummies(data=X, drop_first=True)
dX.head()
Out [20]:
                Reliability Mileage ... Type_Sporty Type_Van
Mode I
Eagle Summit 4
                               33.0 ...
                          2 33.0 ...
Ford Escort 4
Ford Festiva 4
                              37.0 ...
                                                             0
Honda Civic 4
                               32.0 ...
                               32.0 ...
Mazda Protege 4
[5 rows x 13 columns]
# 변수 이름 보기
dX.columns
Out [21]:
Index(['Reliability', 'Mileage', 'Country_Japan', 'Country_Japan/USA',
       'Country_Korea', 'Country_Mexico', 'Country_Sweden', 'Country_USA',
       'Type_Large', 'Type_Medium', 'Type_Small', 'Type_Sporty', 'Type_Van'],
      dtvpe='object')
```



회귀나무 실행

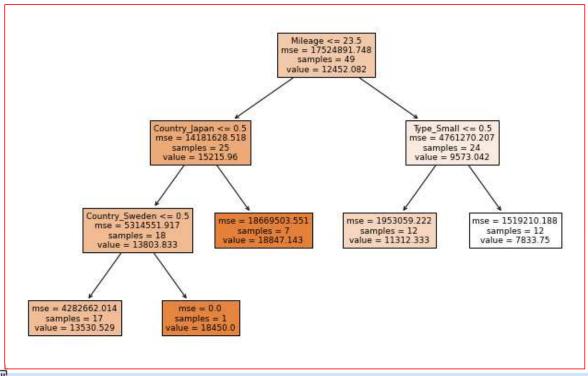
```
# 회귀나무모형 생성
from sklearn.tree import DecisionTreeRegressor
cu_tree = DecisionTreeRegressor(max_depth=3, min_samples_split=15)
cu_tree.fit(dX, y)

# 추정값 구하기
y_pred = cu_tree.predict(dX)
y_pred[0:5]
Out[22]: array([7833.75, 7833.75, 7833.75, 7833.75])
```



Tree 그리기

```
# Tree 그리기
from sklearn.tree import plot_tree
plt.figure(figsize=(11,7))
plot_tree(cu_tree, feature_names=dX.columns, filled=True, fontsize=9)
plt.show()
```





다음시간에는

15강 다변량분석 총정리

