# Ki-KARE (χ²) TESTİ ve Mc NEMAR TESTİ

Ankara Üniversitesi Tıp Fakültesi Biyoistatistik Anabilim Dalı

#### Dersin İçeriği:

#### Ki-kare testinin;

- 1. Tanımı
- 2. Kullanıldığı yerler
- 3. Uygulandığı düzenler
- 4. Varsayımları
- 5. 4 gözlü düzenlerde kullanımı & Yates düzeltmesi
- 6. Çok gözlü düzenlerde kullanımı
- 7. Tek değişkenli düzenlerde kullanımı
- 8. SPSS'de uygulaması

#### Mc Nemar testinin;

- 1. Tanımı
- 2. Ki-kare testinden farkı
- 3. SPSS'de uygulaması

# Ki-KARE TESTI

## **1.Kİ-KARE TESTİNİN TANIMI**

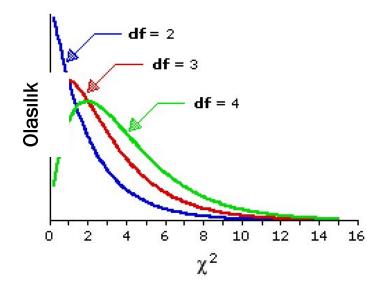
İstatistikte önemli bir sürekli dağılım, ki-kare dağılımıdır.

Ki-kare dağılımı 0 ile sonsuz arasında dağılım gösteren tek taraflı bir dağılımdır.

Ki-kare ( $\chi^2$ ) dağılımı; ortalaması  $\mu$  ve standart sapması  $\sigma$  olan normal dağılımlı bir kitleden çekilen X değeri için r tane bağımsız z değerinin karelerinin toplamının gösterdiği dağılımdır.

Bu dağılım, serbestlik derecesine bağlı bir dağılımdır.

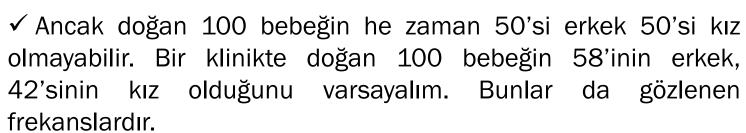
#### Farklı serbestlik derecelerinde χ<sup>2</sup> Dağılımları

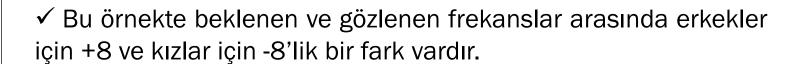


# Ki-Kare testi gözlenen frekanslarla beklenen frekanslar arasındaki farkın anlamlı olup olmadığını test etme temeline dayanır.

#### Örnek:

- ✓ Doğacak bir bebeğin kız ya da erkek olma olasılığı 0,5'dir.
- ✓ Yani bir doğum kliniğinde doğacak 100 bebeğin 50'sinin erkek, 50'sinin kız olması beklenir. Bunlar beklenen frekanslardır.





✓ Bu farkın istatistiksel olarak anlamlı olup olmadığının test edilmesi ki-kare testinin temel mantığını oluşturur.



✓ Ki kare testinde nitel veriler kullanılır.

Kadın-Erkek İyileşti-İyileşmedi Hasta-Sağlam Sosyo-Ekonomik Düzey (İyi / Orta / Kötü)

✓ Ayrıca ölçümle belirtildiği halde sonradan nitel veri haline dönüştürülmüş verilerin incelenmesinde de ki-kare testi kullanılır.

Hemoglobin değerlerinin ölçülmesinden sonra hemoglobin değeri belirli bir değerden az olanların anemik, diğerlerinin normal olarak nitelendirilmesi gibi.

# 2.Kİ-KARE TESTİNİN KULLANILDIĞI YERLER

- 1- İki ya da daha çok grup arasında nitel bir değişken yönünden fark olup olmadığının testinde
- 2- İki nitel değişken arasında ilişki olup olmadığının testinde
- 3- Gruplar arası homojenlik testinde
- 4- Örneklemden elde edilen dağılımın istenen herhangi bir teorik dağılıma uyup uymadığının testinde (uyum iyiliği testi)

# 3.Kİ-KARE TESTİNİN UYGULANDIĞI DÜZENLER

Ki-kare testinde incelenen değişken sayısı ve her değişkenin düzey sayısına göre değişik düzenler vardır.

#### 1. Dört gözlü düzen (2x2 düzeni):

İncelenen değişkenlerin ikisi de iki sınıflı olup ikili çapraz tablo haline getirilirse oluşan düzen dört gözlü düzen (2x2) olarak adlandırılır.

Örneğin, sigara içme ile sağlıktan yakınma arasında ilişki aşağıdaki tablo yardımıyla incelenir.

#### 2x2 Düzeni

Sigara İçme	Sağlıktan Yakınma		
	Var	Yok	
İçen	50	40	
İçmeyen	30	60	

#### 2.Çok Gözlü Düzenler (2xm, nx2, nxm):

Dört gözden daha fazla göze sahip olan düzenlere çok gözlü düzen denir. İncelenen değişkenlerden birisi ikiden çok sınıflı ya da her iki değişken de ikiden çok sınıflı olursa ve çapraz tablo sonucunda oluşan düzenler çok gözlü düzen olarak adlandırılır.

2x3 Düzeni

Beslenme	Bas	şarı Du	urumu		
Durumu	İyi	Orta	Zayıf		
Yeterli					
Yetersiz					

4x2 Düzeni

Tedavi	İyileşme Durumu	
Yöntemi	İyileşen	İyileşmeyen
Α		
В		
С		
D		

#### 3.Tek Değişkenli Düzen:

İncelenen bir değişken belirli bir kritere göre sınıflandırılır ve marjinal tablo haline getirilirse oluşan düzen tek değişkenli düzen olarak adlandırılır.

Örneğin incelenen deneklerin yaşları belirli bir şekilde sınıflandırılır ve marjinal tablosu yapılırsa bu tek değişkenli bir düzen olur.

### **4.Kİ-KARE TESTİNİN VARSAYIMLARI**

- 1- Gruplar birbirinden bağımsız olmalıdır. Bağımlı gruplara Ki-kare testi yerine Mc-Nemar testi uygulanır.
- 2- Ki kare dağılımı süreklidir. Beklenen frekanslardan herhangi biri 5'den küçük ise dağılım kesikli ve çarpık olur. Bu yüzden test sonucu elde edilen ki-kare değeri ki-kare dağılımına uygunluk gösteremez. Böyle bir durumda aşağıdaki yollar uygulanır.
- ✓ 2x2 düzeninde: Fisher'in kesin ki-kare testi uygulanır.
- ✓2xm, nx2 ya da nxm düzeninde: Ki-kare testi uygulanmak isteniyorsa satır ve/veya kolonlar birleştirilerek 5'den küçük değerin ortadan kaldırılmasına çalışılır.

## 5. 4 GÖZLÜ (2x2) DÜZENDE Kİ-KARE TESTİ

#### Örnek:

Bir ilaç firması A hastalığına karşı yeni bir ilaç bulmuştur. Bir kısım hastayı bu yeni ilaçla, bir kısım hastayı da eski ilaçla tedavi altına alarak kendi ilacının etkinliğini araştırmıştır. Bulgular aşağıda gösterilmiştir. İyileşme yönünden eski ilaçla yeni ilaç arasında fark var mıdır?

#### Hastalık Durumu

İlaç	İyileşen	İyileşmeyen	Toplam
Yeni	21	27	48
Eski	11	29	40
Toplam	32	56	88

#### 1-Hipotezin oluşturulması:

H<sub>o</sub>: İyileştirme yönünden eski ilaçla yeni ilaç arasında fark yoktur.

H<sub>1</sub>: İyileştirme yönünden eski ilaçla yeni ilaç arasında fark vardır.

#### 2-Beklenen Frekansların bulunması

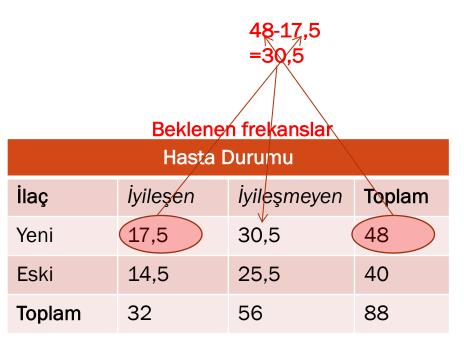
Beklenen frekanslar orantı yolu ile bulunur. Beklenen frekansların bulunmasında orantı, "tedavi edilen toplam 88 hastadan 32 hasta iyileşirse yeni ilaçla tedavi edilen 48 hastadan kaç hastanın iyileşmesi beklenir?" şeklinde kurulur.

Beklenen Frekans = 
$$\frac{48x32}{88} = 17.5$$

- √ 17,5 değeri yeni-iyileşen gözenin beklenen frekansıdır.
- ✓ Diğer gözelerdeki beklenen frekanslar da benzer orantılarla bulunabilir.
- ✓ Ancak, ki-kare düzenlerinde beklenen frekansların satır ve kolon toplamları gözlenen frekansların satır ve kolon toplamlarına eşit olur.
- ✓Bu yüzden 4 gözlü düzende bir gözün beklenen frekansının bulunması diğer gözelerin beklenen frekanslarının bulunmasını sağlar.

#### Gözlenen frekanslar

Hasta Durumu				
İlaç	İyileşen	İyileşmeyen	Toplam	
Yeni	21	27	48	
Eski	11	29	40	
Toplam	32	56	88	



3.  $\chi^2$  değerinin hesaplanması: Gözlenen ve beklenen frekanslar aşağıdaki formüle yerleştirilerek ki-kare ( $\chi^2$ ) değeri hesaplanır.

$$\chi^2 = \sum \frac{(G-B)^2}{B}$$

Formülde;

χ<sup>2</sup>: Ki-Kare

G: Her bir gözedeki gözlenen frekans

B: Her bir gözedeki beklenen frekans

#### Gözlenen frekanslar

Hasta Durumu				
İlaç	İyileşen	İyileşmeyen	Toplam	
Yeni	21	27	48	
Eski	11	29	40	
Toplam	32	56	88	

#### Beklenen frekanslar

Hasta Durumu				
İlaç	İyileşen	İyileşmeyen	Toplam	
Yeni	17,5	30,5	48	
Eski	14,5	25,5	40	
Toplam	32	56	88	

$$\chi^{2} = \frac{(21-17,5)^{2}}{17,5} + \frac{(27-30,5)^{2}}{30,5} + \frac{(11-14,5)^{2}}{14,5} + \frac{(29-25,5)^{2}}{25,5}$$

$$= 2,427$$

4. Yanılma olasılığı: Yanılma olasılığı olarak  $\alpha$ =0,05 seçilmiştir.

#### 5. Serbestlik derecesi:

Serbestlik derecesi = (Satır sayısı-1)x (kolon sayısı-1)  
= 
$$(2-1)x(2-1)=1$$

- 6. Tablo değerinin bulunması:  $\alpha$ =0,05 düzeyinde ve 1 serbestlik derecesinde tablo  $\chi^2$  değeri 3,841'dir.
- 7. Karşılaştırma: Hesapla bulunan  $\chi^2$  değeri tablo  $\chi^2$  değerinden büyükse  $H_0$  hipotezi reddedilir, küçükse kabul edilir. Hesapla bulunan  $\chi^2$  değeri (2.427) tablo  $\chi^2$  değerinden (3.841) küçük olduğu için  $H_0$  hipotezi kabul edilecektir.
- 8. Karar: İyileştirme yönünden eski ilaçla yeni ilaç arasında fark bulunmamıştır ( $\chi^2 = 2.427$ , p>0,05).

#### Yates Düzeltmesi

- ✓ Dört gözlü düzenlerde genellikle Yates Düzeltmesi yapılır.
- ✓ Ancak gözlerde 25'den küçük gözlenen frekans varsa Yates düzeltmesi yapılmalıdır.
- ✓ Çok gözlü düzenlerde Yates düzeltmesi yapılmaz.

Yates düzeltmeli ki-kare formülü aşağıdaki gibidir:

$$\chi^2 = \sum \frac{\left( |G - B| - 0,5 \right)^2}{B}$$

!!! 4 gözlü düzende herhangi birisinde beklenen frekans 5'den küçükse ki-kare dağılımı çarpık ve kesikli olur. Bu durumda yukarıda anlatılan 4 gözlü düzende ki-kare testi yerine *Fisher'in Kesin Ki-Kare Testi* uygulanır.

# 6. ÇOK GÖZLÜ (2xC, Rx2, RxC) DÜZENLERDE Kİ-KARE TESTİ

- ✓ Dört gözden daha fazla göze sahip olan düzenlere "çok gözlü düzen" denir.
- ✓ İncelenen değişkenlerden biri ya da ikisi ikiden çok nitelik halinde sınıflandırılır ve çapraz tablo elde edilir (R satır sayısını, C sütun sayısını gösterir).

	Başarı Durumu		
Beslenme Durumu	İyi 1 Orta 2 Zayıf 3		
Yeterli 1			
Yetersiz 2			

2xC düzenineörnek:2x3 düzeni

	İyileşme Durumu		
Tedavi Yöntemi	İyileşen	İyileşmeyen	
Α			
В			
С			
D			

Rx2 düzenine örnek: 4x2 düzeni

- ✓4 gözlü düzenlerde ki kare testi için yapılan işlemler çok gözlü düzenlere de aynen uygulanır.
- √ 4 gözlü düzenlerde sonucu yorumlamak çok gözlü düzenlere göre daha kolaydır.
- Âok gözlü düzenlerde test sonucu H<sub>0</sub> hipotezi reddedilemediğinde "gruplar arasında fark bulunamamıştır" kararına varılarak analiz bitirilir.
- ✓ Ancak test sonucu  $H_0$  hipotezi reddedildiğinde "gruplar arasında fark vardır" ya da "gruplar arasındaki fark önemlidir" kararına varılarak analiz bitirilirse araştırıcı sonucu gerektiği gibi yorumlayamadığı gibi hatalı biçimde de yorumlayabilir. Bu nedenle farklılığın nereden kaynaklandığı araştırılmalıdır.

Örnek: Bir sağlık idarecisi Difteri-Boğmaca karma aşısı satın alacaktır. Piyasada ayrı firmalara ait 4 aşı vardır ve idareci en etkin olanını seçmek istemektedir. Bunun için bir araştırma yaparak bütün aşıları uygulamış ve sonuçları şöyle bulmuştur. Bulgulara göre idareci hangi aşıyı tercih etmelidir?

Aşı	Korunan	Korunmayan	Toplam
1	82 (%67)	41 (%33)	123
2	70 (%74)	24 (%26)	94
3	45 (%69)	20 (%31)	65
4	48 (%53)	42 (%47)	90
Toplam	245	127	372

#### 1. Hipotezin Kurulması:

H<sub>0</sub>: Koruyuculuk yönünden aşılar arasında fark yoktur.

H<sub>1</sub>: Koruyuculuk yönünden aşılar arasında fark vardır.

#### 2. Beklenen frekansların bulunması:

Beklenen frekans = 
$$\frac{123x245}{372} = 81$$

#### Gözlenen frekanslar

Aşı	Korunan	Korunmayan	Toplam
1	82	41	123
2	70	24	94
3	45	20	65
4	48	42	90
Toplam	245	127	372

#### Beklenen frekanslar

Aşı	Korunan	Korunmayan	Toplam
1	81	42	123
2	62	32	94
3 /	43	22	65
4 /	59	31	90
Toplam	245	127	372

Korunan

Korunmayan

$$\frac{2.45 \times 94}{372} = 62$$

3.Aşı 
$$\frac{245 \times 65}{372} = 43$$

**4.Aşı** 
$$\frac{245 \times 90}{372} = 59$$

#### 3. Ki-Kare Değerinin Hesaplanması:

$$\chi^2 = \sum \frac{(G-B)^2}{B}$$

#### Formülde;

χ<sup>2</sup>: Ki-Kare

G: Her bir gözedeki gözlenen frekans

B: Her bir gözedeki beklenen frekans

Test sonucu gruplar arasında fark bulunduğunda farklılığın nereden ileri geldiğini araştırmaya yardımcı olması bakımından ki-kare değerleri her satır için ayrı ayrı hesaplanır ve sonra bu değerler toplanarak toplam ki-kare değeri elde edilir.

$$\chi_1^2 = \frac{(82-81)^2}{81} + \frac{(41-42)^2}{42} = 0,036$$

$$\chi_2^2 = \frac{(70-62)^2}{62} + \frac{(24-32)^2}{32} = 3,032$$

$$\chi_3^2 = \frac{(45-43)^2}{43} + \frac{(20-22)^2}{22} = 0,275$$

$$\chi_4^2 = \frac{(48-59)^2}{59} + \frac{(42-31)^2}{32} = 5,954$$

 $+\frac{1}{\chi^2 = 9,297}$ 

#### 4. Yanılma olasılığının seçilmesi:

 $\alpha$ =0,05 olarak seçilmiştir.

#### 5. Serbestlik derecesi:

Sd=(satir sayısı-1)x (kolon sayısı-1)=(4-1)x (2-1)=3

#### 6.Tablo değerinin bulunması:

 $\alpha$ =0,05 düzeyinde ve 3 serbestlik derecesinde tablo  $\chi^2$  değeri 7,815'dir.

#### 7.Karşılaştırma:

Hesapla bulunan  $\chi^2$  değeri (9,297) tablo  $\chi^2$  değerinden (7,815) büyük olduğu için H<sub>0</sub> hipotezi reddedilir.

#### 8.Karar:

Koruyuculuk yönünden aşılar arasında fark vardır ( $\chi^2 = 9,297,p < 0,05$ )

- ✓ Koruyuculuk açısından aşılar arasında fark bulunmuştur. Ancak bu aşamada idarecinin hangi aşıyı seçmesi gerektiğini söylemek olanaksızdır. Bu yüzden ileri analizler yaparak aşılar arası farkın nereden ileri geldiğini araştırmak gerekir.
- ✓Bu amaçla önce ki-kare değeri en büyük olan aşı analiz dışı bırakılarak diğer üç aşı arasında fark olup olmadığı incelenir.
- √ Kolon toplamları değiştiği için beklenen frekanslar yeniden hesaplanmış ve parantez içinde gösterilmiştir.

Aşı	Korunan	Korunmayan	Toplam
1	82 (86)	41 (37)	123
2	70 (66)	24 (28)	94
3	45 (45)	20 (20)	65
Toplam	197	85	282

- ✓ Daha önce yapılan işlemlerin aynısı yapılarak  $\chi^2$  değeri hesaplanmıştır.
- ✓ Hesapla bulunan  $\chi^2$  değeri (1,431) tablo  $\chi^2$  değerinden (5,991) küçük olduğu için H<sub>0</sub> hipotezi kabul edilir ve gruplar arasında fark olmadığı söylenir.

#### Yorum:

- ✓ Koruyuculuk yönünden 1, 2 ve 3 nolu aşılar arasında fark bulunamamıştır.
- ✓ Analizin başında çıkarına 4 nolu aşı ise 1, 2 ve 3. aşıdan farklıdır.
- ✓4 nolu aşının diğerlerinden farklı olmasının iki nedeni olabilir: Koruyuculuğu diğer aşılardan daha fazladır ya da azdır.
- ✓ Karar verebilmek için tüm aşıların koruma yüzdelerini incelemek gerekir.

Aşı	Korunan	Korunmayan	Toplam	Koruyuculuk Yüzdesi
1	82	41	123	(82/123)*100=66.7
2	70	24	94	(70/94)*100=74.5
3	45	20	65	(45/65)*100=69.2
4	48	42	90	(48/90)*100=53.3

- √1, 2 ve 3 nolu aşıların koruyuculuk yüzdeleri birbirine yakın olduğu için aralarındaki fark istatistiksel olarak anlamlı bulunamamıştır.
- √ 4 nolu aşı ise koruyuculuk yüzdesi düşük olduğu için diğer aşılardan farklı bulunmuştur.
- ✓Bu yüzden idareciye 1, 2 ve 3 nolu aşılardan herhangi birini tercih etmesi gerektiği söylenir.

# 7. TEK DEĞİŞKENLİ DÜZENLERDE Kİ-KARE TESTİ (HOMOJENLİK TESTİ)

Bazı durumlarda incelenen değişkenin sadece bir özelliği bilinir. Örneğin, bir bölgede bir hastalığa yakalananlar bilinir fakat yakalanmayanlar bilinemeyebilir. Böyle durumlarda bilinen özelliğin değişik durum ya da zamanlarda farklılık gösterip göstermediği araştırılabilir.

#### Örnek:

Bir bölgede görülen kızamık vakalarının mevsimlere göre dağılımı aşağıda verilmiştir. Kızamık görülme bakımından mevsimler arasında fark var mıdır?

Mevsimler	Görülen Vaka Sayısı
İlkbahar	210
Yaz	165
Sonbahar	225
Kış	300
Toplam	900

#### 1. Hipotezin Kurulması:

H<sub>o</sub>: Kızamık görülme sayısı bakımından mevsimler arasında fark yoktur.

H<sub>1</sub>: Kızamık görülme sayısı bakımından mevsimler arasında fark vardır.

#### 2.Beklenen frekansların bulunması:

Tek değişkenli düzenlerde beklenen frekanslar şöyle bulunur: yokluk hipotezi "Kızamık görülme sayısı bakımından mevsimler arasında fark yoktur" olduğuna göre kızamık vakasının her mevsimde aynı sayıda görülmesi beklenir. Bu nedenle toplam 900 vaka 4'e bölünerek beklenen frekanslar bulunur. Beklenen frekanslar parantez içinde gözlenen frekansların yanına yazılmıştır.

Mevsimler	Görülen Vaka Sayısı
İlkbahar	210 (225)
Yaz	165 (225)
Sonbahar	225 (225)
Kış	300 (225)
Toplam	900

#### 3.Ki-Kare Değerinin Hesaplanması:

$$\chi^2 = \sum \frac{(G-B)^2}{B}$$

Formülde;

χ<sup>2</sup>: Ki-Kare

G: Her bir gözedeki gözlenen frekans

B: Her bir gözedeki beklenen frekans

$$\chi^{2} = \frac{(210 - 225)^{2}}{225} + \frac{(165 - 225)^{2}}{225} + \frac{(225 - 225)^{2}}{225} + \frac{(300 - 225)^{2}}{225}$$

$$= 42$$

#### 4. Yanılma olasılığının seçilmesi:

 $\alpha$ =0,05 olarak seçilmiştir.

#### 5. Serbestlik derecesi:

Sd=Grup sayısı-1=4-1=3

#### 6.Tablo değerinin bulunması:

 $\alpha$ =0,05 düzeyinde ve 3 serbestlik derecesinde tablo  $\chi^2$  değeri 7,82'dir.

#### 7.Karşılaştırma:

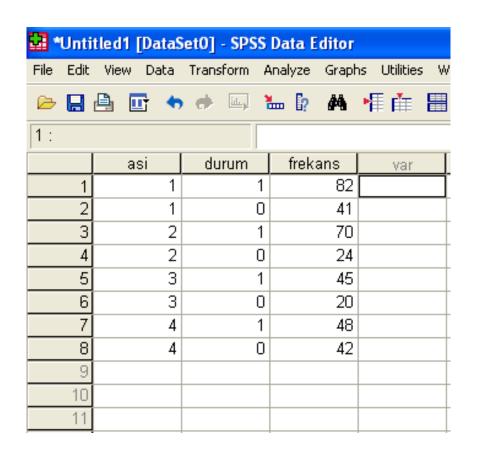
Hesapla bulunan  $\chi^2$  değeri (42) tablo  $\chi^2$  değerinden (7,82) büyük olduğu için  $H_0$  hipotezi reddedilir.

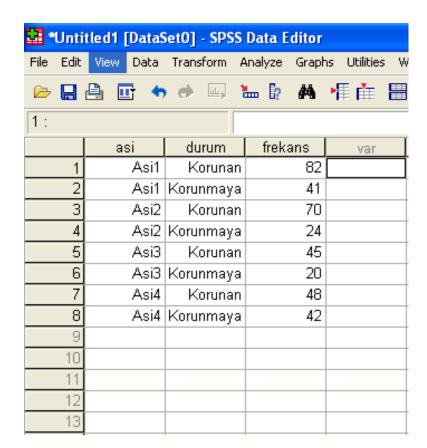
#### 8.Karar:

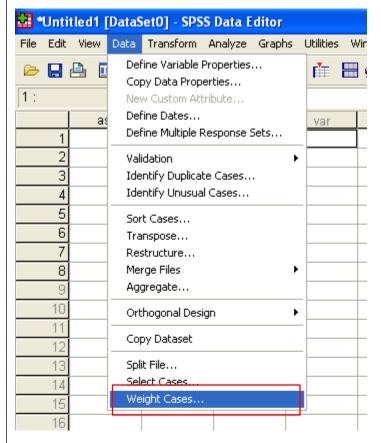
Kızamık görülme sayısı bakımından mevsimler arasında fark vardır  $(\chi^2 = 42, p < 0.05)$ 

# SPSS' de Kİ-KARE TESTİ

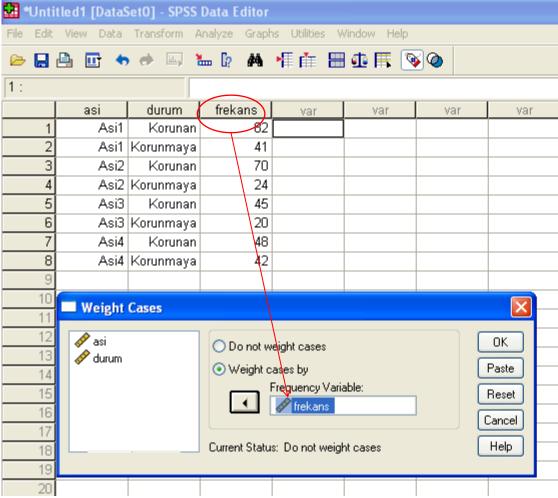
#### 1- Veriler uygun formatta girilir.

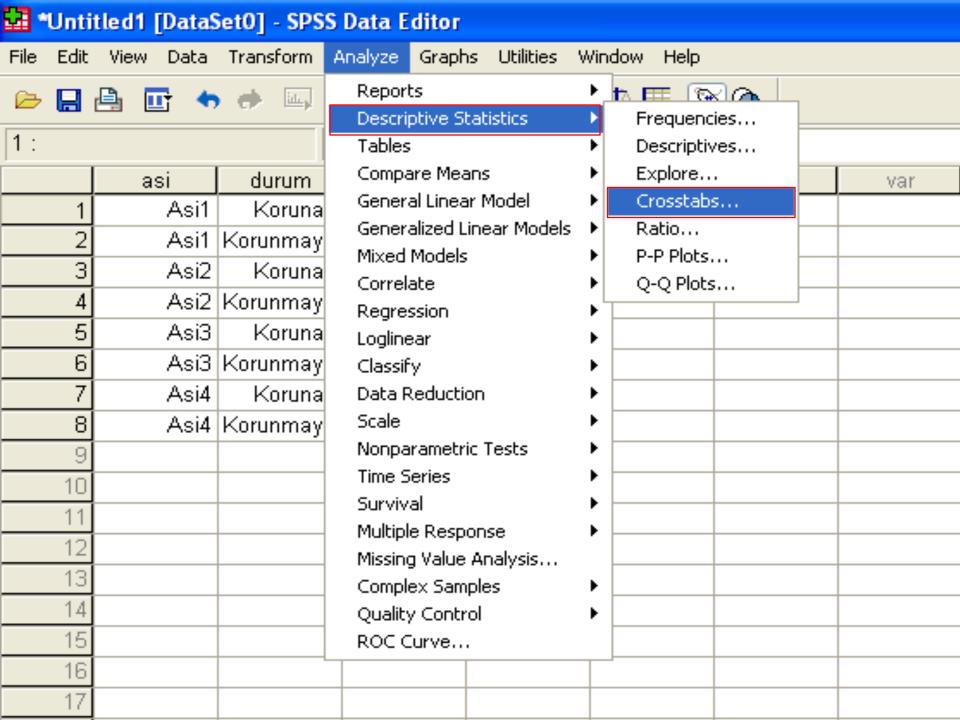


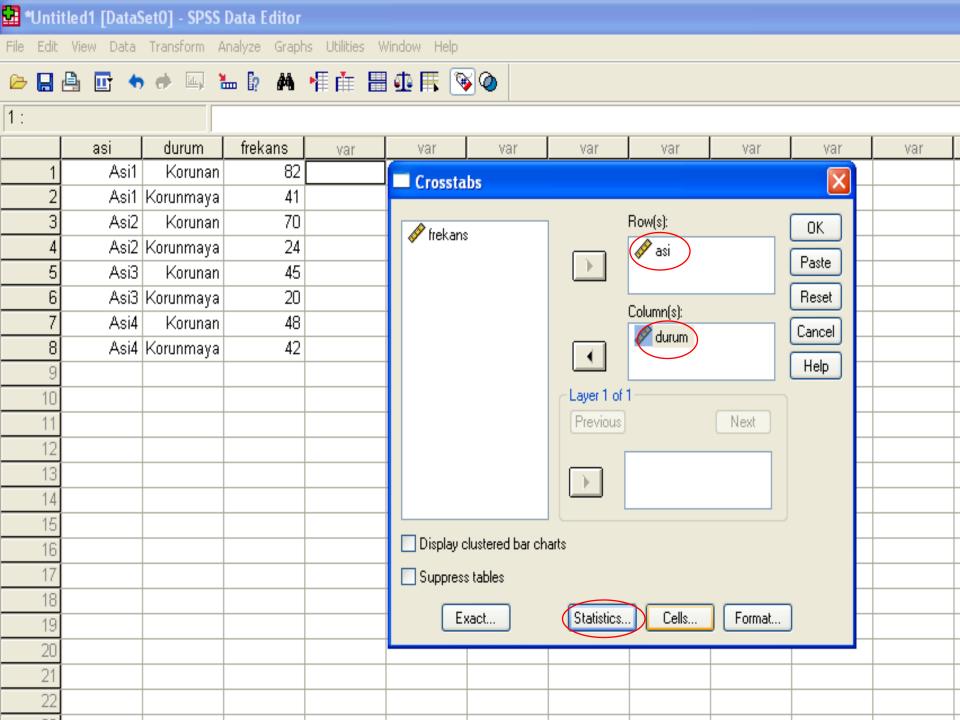


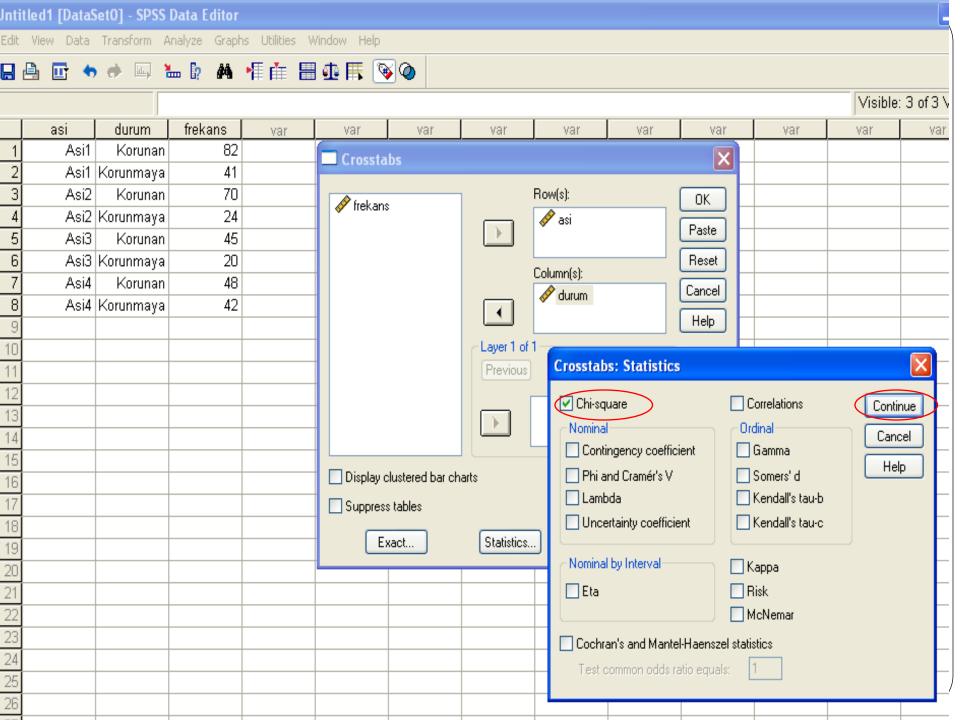


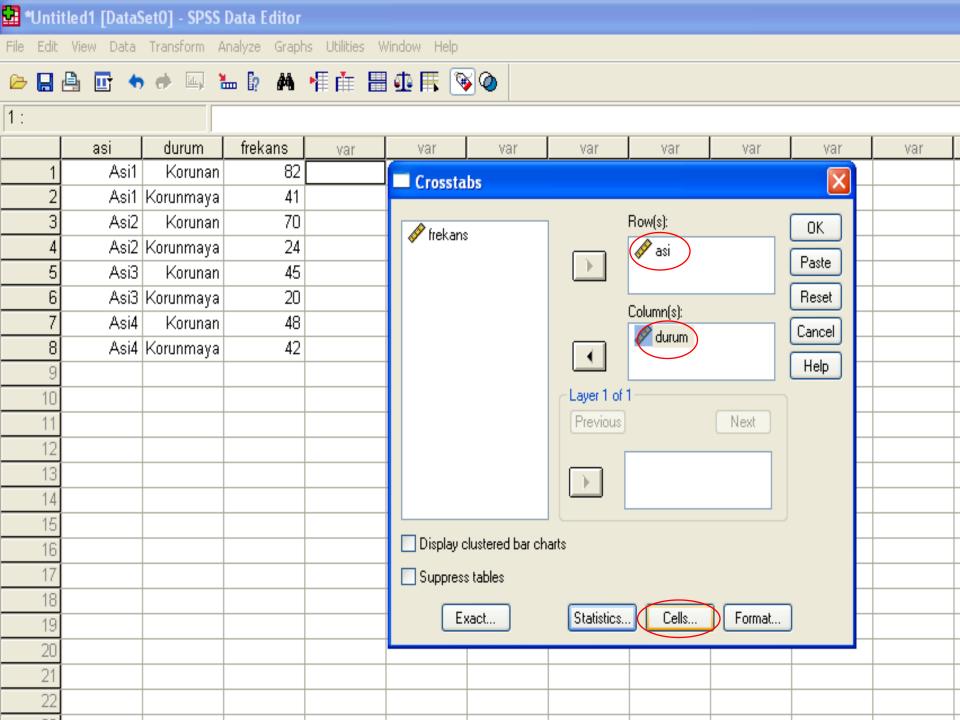
#### 2-Test işlemlerinin gerçekleştirilmesi

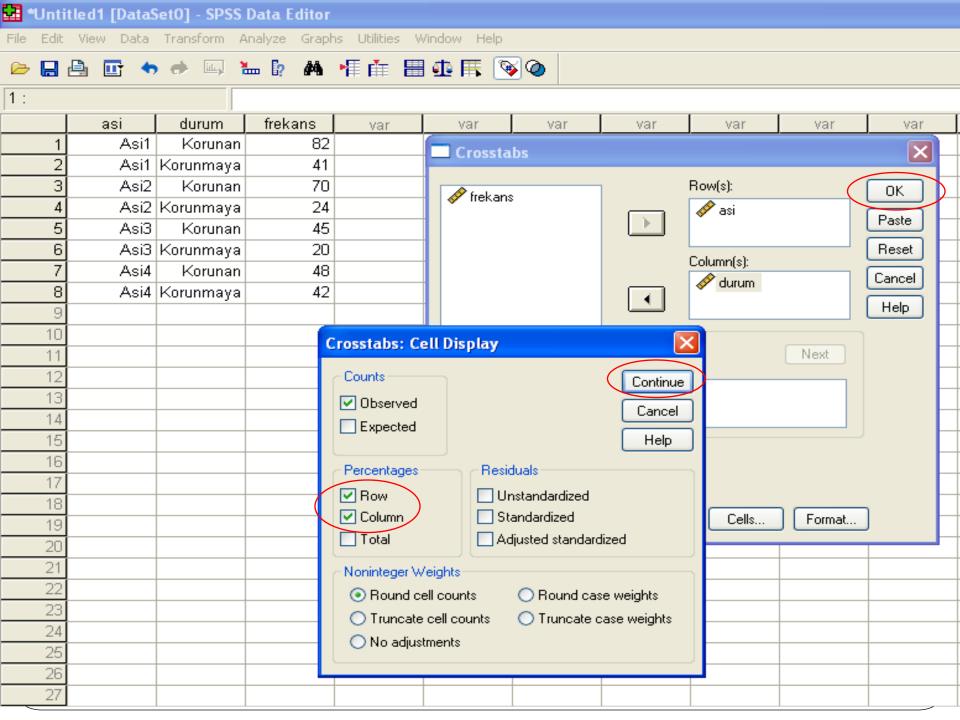












# 3-Sonuçların yorumlanması

asi \* durum Crosstabulation

			durum		
			Korunmayan	Korunan	Total
asi	Asi1	Count	41	82	123
		% within asi	33,3%	66,7%	100,0%
		% within durum	32,3%	33,5%	33,1%
	Asi2	Count	24	70	94
		% within asi	25,5%	74,5%	100,0%
		% within durum	18,9%	28,6%	25,3%
	Asi3	Count	20	45	65
		% within asi	30,8%	69,2%	100,0%
		% within durum	15,7%	18,4%	17,5%
	Asi4	Count	42	48	90
		% within asi	46,7%	53,3%	100,0%
		% within durum	33,1%	19,6%	24,2%
Total		Count	127	245	372
		% within asi	34,1%	65,9%	100,0%
		% within durum	100,0%	100,0%	100,0%

**Chi-Square Tests** 

	Value	df	Asymp. Sig. (2-sided)
Pearson Chi-Square	9,743 <sup>a</sup>	3	,021
Likelihood Ratio	9,623	3	,022
Linear-by-Linear Association	3,980	1	,046
N of Valid Cases	372		

a. 0 cells (,0%) have expected count less than 5. The minimum expected count is 22,19.

p=0.021<0.05

Koruyuculuk yüzdesi bakımından aşı türleri arasında farklılık vardır.

# Mc NEMAR TESTI

# 1-McNEMAR TESTININ TANIMI

Nitelik olarak belirtilen bir değişken yönünden aynı bireylerden değişik zaman ya da durumda elde edilen iki gözlemin farklı olup olmadığını test etmek için kullanılır. Bu testte dikkat edilmesi gereken noktalar şunlardır:

- Aynı bireyler üzerinde iki gözlem yapılmaktadır. Bu nedenle gruplar bağımsız değildir.
- Bu gruplar arasında farklı olup olmadığı test edilen değişken sayımla belirtilen iki kategorili nitel bir karakterdir (var-yok, iyileştiiyileşmedi, hasta-sağlam).
- Bu test sadece 4 gözlü düzenlerde uygulanabilir.

#### Örnek:

Aile planlaması konusunda eğitimden önce ve sonra aynı kadınların bilgi düzeylerini yeterli ve yetersiz biçiminde nitelendirip; eğitimden önceki ve eğitimden sonraki bilgi düzeyleri arasında fark olup olmadığını araştırmak için kullanılır.

Eğitimden Önce	Eğitimden Sonra		
Eğitimden Önce	Yeterli	Yetersiz	
Yeterli	а	b	
Yetersiz	С	d	

# Örnek:

Aynı bireyleri muayene eden iki göz hastalıkları hekiminin görme kusuru bulgularının farklı olup olmadığını karşılaştırmak için kullanılır.

Dolder	Doktor B		
Doktor A	Var	Yok	
Var	а	b	
Yok	С	d	

# 2-Mc NEMAR TESTININ KI-KARE TESTINDEN FARKI

Örnek: 1984 yılında 315 kadın incelenmiş ve 200 kadının doğum kontrol yöntemi kullandığı görülmüş olsun. Aynı kadınlar 1985 yılında tekrar incelendiğinde bu kez 225 kadının yöntem kullandığı saptanmış olsun. Bu durumda doğum kontrol yöntemi kullanan kadın sayısının yıllar açısından farklılık gösterip göstermediği incelenmek istensin.

Bu amaç doğrultusunda aşağıda oluşturulan tablo doğru mudur?

\	Doğum Kontrol Yöntemi					
	Yıllar	Kullanan	Kullanmayan	Toplam		
	1984	200	115	315		
	1985	225	90	315		
_	Toplam	425	205	630		

- ✓ Bu gösterim kesinlikle yanlıştır.
- Âünkü toplam kadın sayısı 630 değil 315'dir.
- ✓Yöntem kullanan kadın sayısı ise 425 değil 1984'de 200, 1985'de 225'dir. 1985'de yöntem kullanan 225 kadının bir kısmı 1984'de de yöntem kullanıyordu.
- ✓Bu şekilde gösterim hatalı olduğu gibi bu tabloya dayalı bir test de hatalı olacaktır. Bu nedenle bu tür problemlerin tabloda gösterimi şu şekilde yapılır:

#### 1985

1984	Kullanan	Kullanmayan	Toplam
Kullanan	150	50	200
Kullanmayan	75	40	115
Toplam	225	90	315

#### 1. Hipotezin Kurulması:

H<sub>o</sub>: Yöntem kullanma bakımından iki yıl arasında fark yoktur.

H<sub>1</sub>: Yöntem kullanma bakımından iki yıl arasında fark vardır.

#### 2. Ki-Kare Değerinin Hesaplanması:

$$\chi^2 = \frac{(c-b)^2}{c+b} = \frac{(75-50)^2}{75+50} = 5$$

#### 3. Yanılma olasılığının seçilmesi:

 $\alpha$ =0,05 olarak seçilmiştir.

#### 4. Serbestlik derecesi:

Sd=(Satir sayisi-1)(Kolon sayisi-1)=(2-1)(2-1)=1

#### 5. Tablo değerinin bulunması:

 $\alpha$ =0,05 düzeyinde ve 1 serbestlik derecesinde tablo  $\chi^2$  değeri 3,841'dir.

#### 6.Karşılaştırma:

Hesapla bulunan  $\chi^2$  değeri (5) tablo  $\chi^2$  değerinden (3,841) büyük olduğu için  $H_0$  hipotezi reddedilir.

#### 7.Karar:

Yöntem kullanma yönünden iki yıl arasında fark vardır  $(\chi^2 = 5, p < 0.05)$ 

### Örnek:

Aile planlaması konusunda eğitimden önce ve sonra aynı kadınların bilgi düzeylerini yeterli ve yetersiz biçiminde nitelendirip; eğitimden önceki ve eğitimden sonraki bilgi düzeyleri arasında fark olup olmadığını araştırmak için bir çalışma yapılmış; aşağıdaki sonuçlar elde edilmiştir. Bilgi düzeyleri bakımından eğitim öncesi ve sonrası arasında farklılık var mıdır?

Eğitimden Önce	Eğitimden Sonra			
Egitimaen once	Yeterli	Yetersiz	Toplam	
Yeterli	a=30	b=25	55	
Yetersiz	c=10	d=31	41	
Toplam	40	56	96	

#### 1. Hipotezin Kurulması:

H<sub>0</sub>: Bilgi düzeyleri bakımından eğitim öncesi ve sonrası arasında farklılık yoktur

 $H_1$ : Bilgi düzeyleri bakımından eğitim öncesi ve sonrası arasında farklılık vardır

#### 2.Ki-Kare Değerinin Hesaplanması:

$$\chi^2 = \frac{(c-b)^2}{c+b} = \frac{(25-10)^2}{25+10} = 6,428$$

#### 3. Yanılma olasılığının seçilmesi:

 $\alpha$ =0,05 olarak seçilmiştir.

#### 4. Serbestlik derecesi:

Sd=(Satir sayısı-1)(Kolon sayısı-1)=(2-1)(2-1)=1

#### 5. Tablo değerinin bulunması:

 $\alpha$ =0,05 düzeyinde ve 1 serbestlik derecesinde tablo  $\chi^2$  değeri 3,841'dir.

#### 6.Karşılaştırma:

Hesapla bulunan  $\chi^2$  değeri (6,428) tablo  $\chi^2$  değerinden (3,841) büyük olduğu için  $H_0$  hipotezi reddedilir.

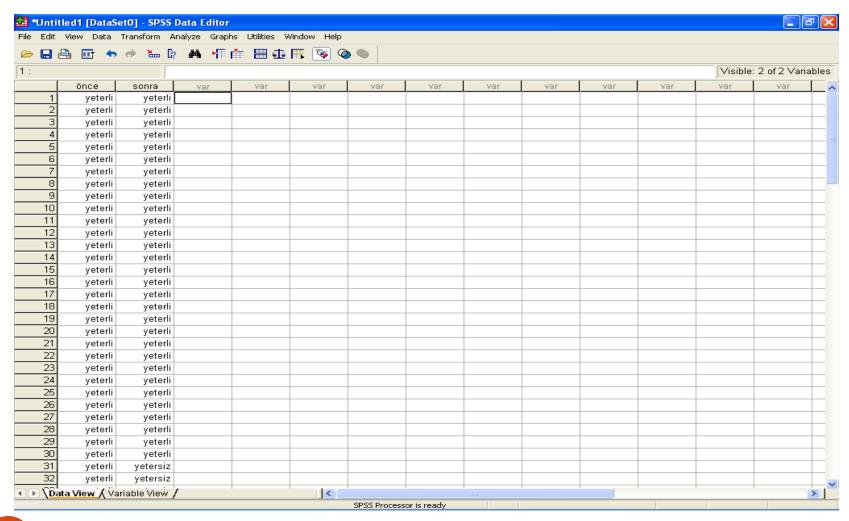
#### 7.Karar:

Bilgi düzeyleri bakımından eğitim öncesi ve sonrası arasında farklılık vardır.

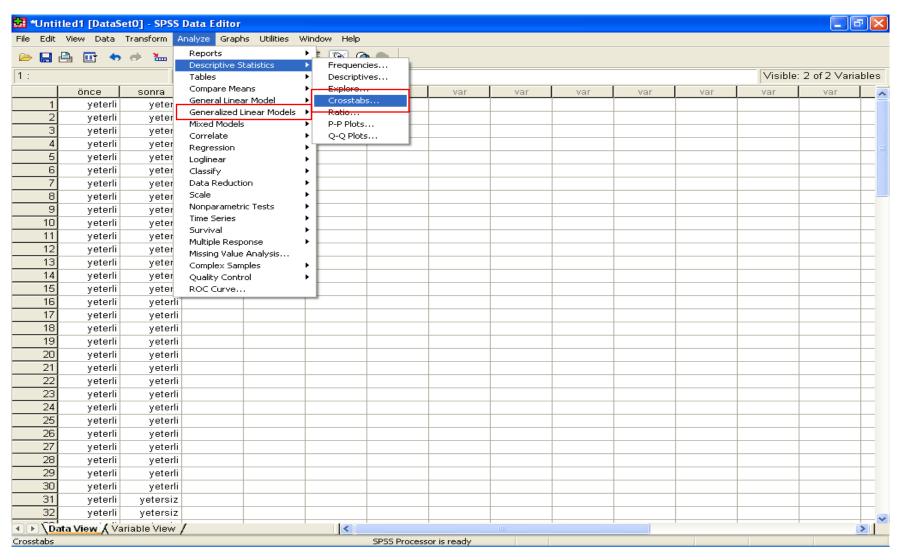
$$(\chi^2 = 6.428, p < 0.05)$$

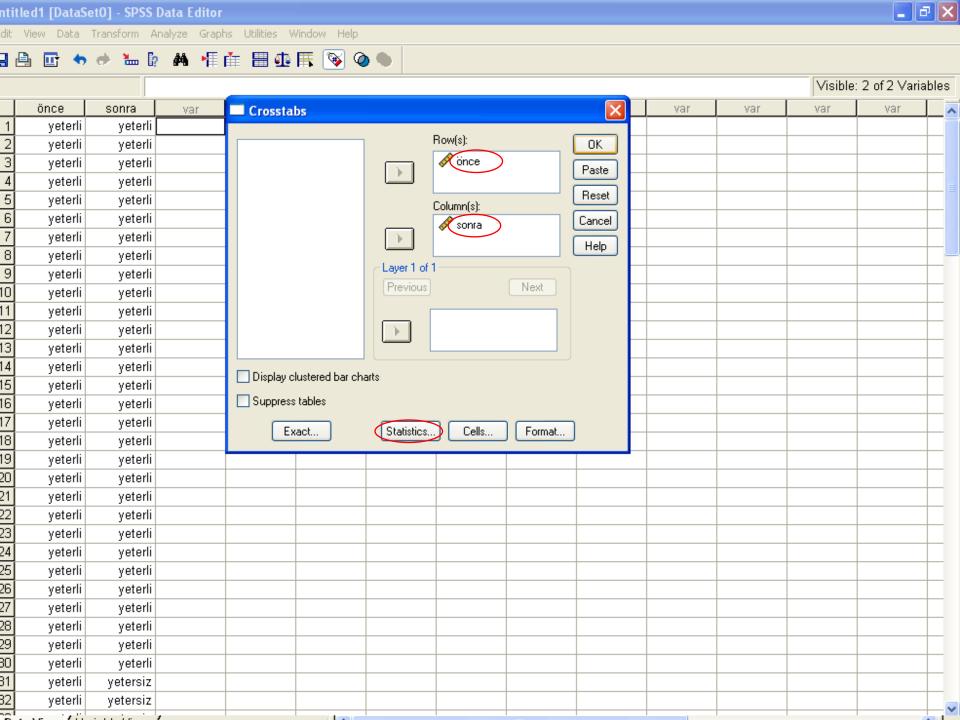
# SPSS' de MCNEMAR TESTI

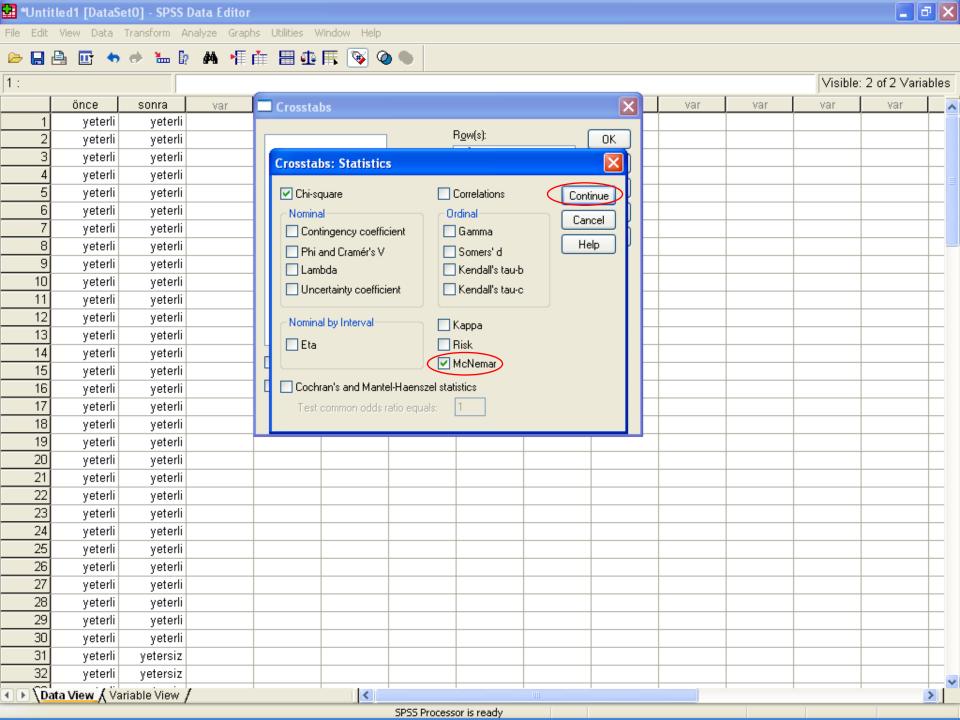
## 1- Veriler uygun formatta girilir.

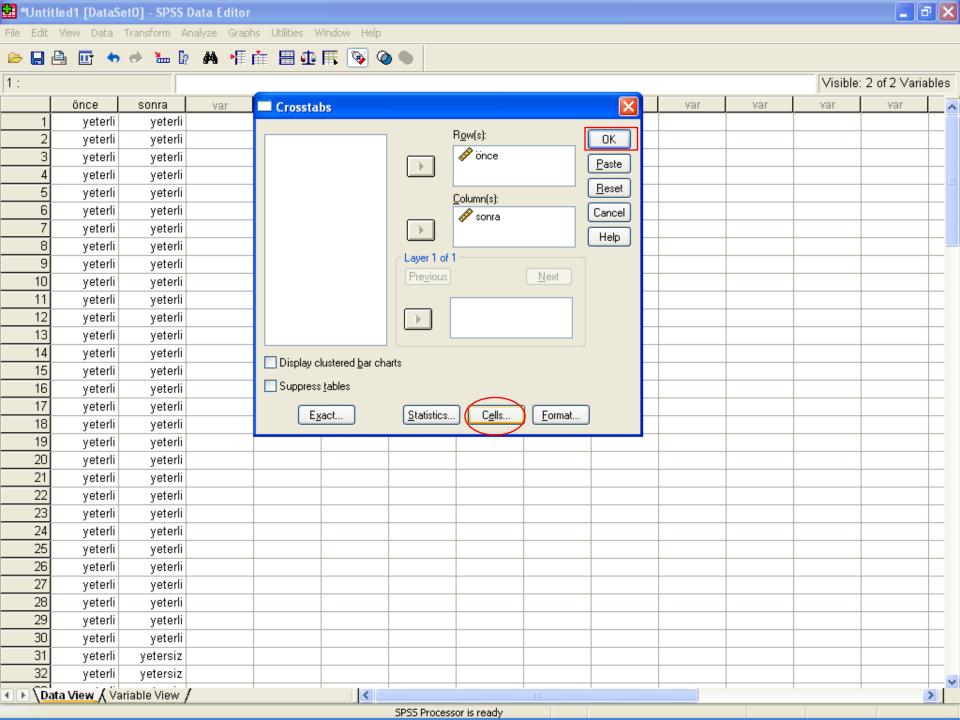


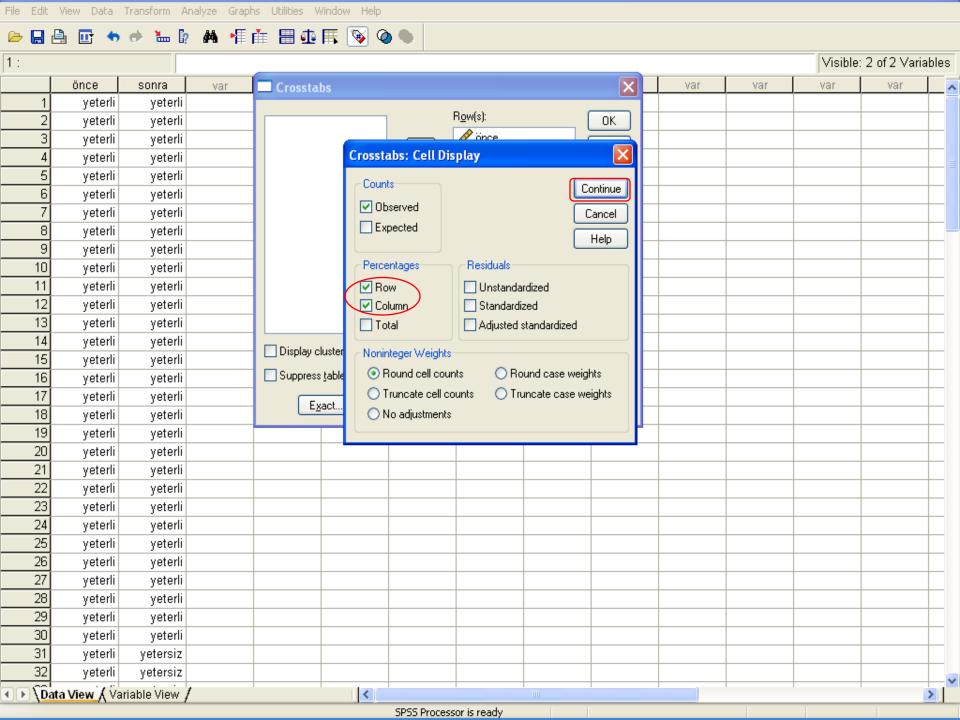
### 2-Test işlemlerinin gerçekleştirilmesi











#### 3-Sonuçların yorumlanması

önce \* sonra Crosstabulation

			SOI	nra	
			Yeterli	Yetersiz	Total
önce	Yeterli	Count	30	25	55
		% within önce	54,5%	45,5%	100,0%
		% within sonra	75,0%	44,6%	57,3%
	Yetersiz	Count	10	31	41
		% within önce	24,4%	75,6%	100,0%
		% within sonra	25,0%	55,4%	42,7%
Total		Count	40	56	96
		% within önce	41,7%	58,3%	100,0%
		% within sonra	100,0%	100,0%	100,0%

#### **Chi-Square Tests**

		Exact Sig.
	Value	(2-sided)
McNemar Test		<b>.</b> 0179
N of Valid Cases	96	

a. Binomial distribution used.

Eğitim öncesi ile eğitim sonrası arasında fark vardır.