

Desafio: Sequência de Fibonacci Recursiva

A sequência de Fibonacci é uma série de números onde cada número é a soma dos dois anteriores. A sequência começa com 0 e 1. Ou seja:

- $F(0) = 0$
- $F(1) = 1$
- $F(n) = F(n-1) + F(n-2)$ para $n > 1$

Crie uma função recursiva que calcule o n-ésimo número de Fibonacci. Depois, escreva um programa que peça para o usuário inserir um número inteiro (n) e imprima o valor de F(n).

Exemplo de Entrada e Saída:

Entrada:

```
In [ ]: Digite um número: 6
```

Saída:

```
In [ ]: O número Fibonacci na posição 6 é: 8
```

```
In [ ]:
```

```
In [1]: fibonacci <- function(number) {  
  if (number == 0 | number == 1) {  
    return(number)  
  } else {  
    return(fibonacci(number - 1) + fibonacci(number - 2))  
  }  
}
```

```
In [2]: # Solicitar um número ao usuário  
cat("Digite um número: ")  
n <- as.integer(readline())  
  
# Calcular e exibir o resultado  
cat(paste("O número Fibonacci na posição", n, "é:", fibonacci(n), "\n"))
```

Digite um número:

O número Fibonacci na posição 6 é: 8

```
In [ ]:
```

```
In [3]: # Criar uma função com memoization  
fibonacci <- local({  
  # Ambiente para armazenar valores já calculados  
  cache <- new.env()
```

```

function(number) {
  if (exists(as.character(number), envir = cache)) {
    # Retorna o valor do cache se já calculado
    return(get(as.character(number), envir = cache))
  }

  # Calcular o valor de Fibonacci
  result <- if (number == 0 | number == 1) {
    number
  } else {
    fibonacci(number - 1) + fibonacci(number - 2)
  }

  # Armazenar o valor no cache
  assign(as.character(number), result, envir = cache)
  return(result)
}

# Solicitar um número ao usuário
cat("Digite um número: ")
n <- as.integer(readline())

# Calcular e exibir o resultado
cat(paste("O número Fibonacci na posição", n, "é:", fibonacci(n), "\n"))

```

Digite um número:

O número Fibonacci na posição 78 é: 8944394323791464

In []:

Explicação:

1. **Cache:** Um ambiente (`cache`) é usado para armazenar os valores de Fibonacci já calculados, onde a chave é o número (`number`) e o valor é o resultado.
2. **Memoization:** Antes de calcular o Fibonacci de um número, a função verifica se ele já foi calculado e está armazenado no cache.
3. **Eficiência:** Isso reduz drasticamente o tempo de execução, especialmente para valores grandes de `n`.