Pesquisa Operacional

Minimização

Exercício

Uma granja quer misturar dois tipos de alimentos para criar um tipo especial de ração para suas galinhas poedeiras. A primeira característica a ser atingida com a nova ração é o menor preço possível por unidade de massa.

Cada um dos alimentos contém os nutrientes necessários à ração final (digamos, A, B e C), porém em proporções variáveis. Cada 100 gramas do alimento X possuem 10g do nutriente A, 50g do nutriente B e 40g do nutriente C. Já o alimento Y, por sua vez, para cada 100g, possui 20g do nutriente A, 60g do nutriente B e 20g do nutriente C. Cada 100 gramas do alimento D custam R\$0,80.

Sabe-se que a ração final deve conter, no mínimo, 2g do nutriente A, 64g do nutriente B e 34g do nutriente C. Escreva e resolva o problema de pesquisa operacional que obedeça a essa composição da ração e que ao mesmo tempo minimize o custo por massa da nova ração.

Solução: Resumo dos dados.

	Composição por 100g		Composição de nutrientes
	Ração X	Ração Y	(mínima em g)
Nutriente A	10	20	2
Nutriente B	50	60	64
Nutriente C	40	20	34
Custo por 100g	R\$ 0,60	R\$ 0,80	

Função objetivo:

$$M$$
í n $C(X,Y) = 0,006X + 0,008Y$

Sujeito a:

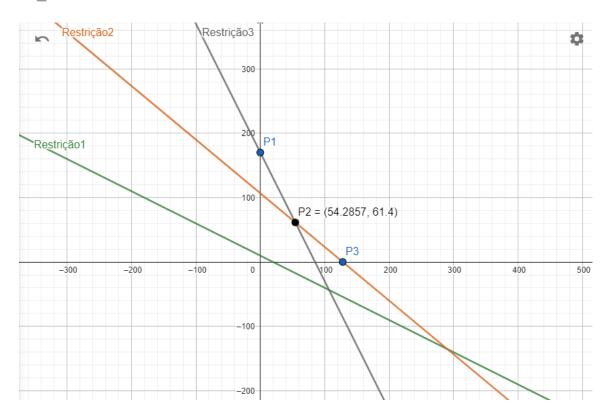
Restrição do Nutriente $A: 0, 10X+0, 20Y \geq 2$

Restrição do Nutriente $B: \qquad 0,50X+0,60Y \geq 64$

Restrição do Nutriente $C: 0,40X+0,20Y \geq 34$

 $X \geq 0$

 $Y \geq 0$



A área formada pela restrição do nutriente A (restrição 1) é naturalmente excluída pelas restrições 2 e 3 (nutrientes B e C).

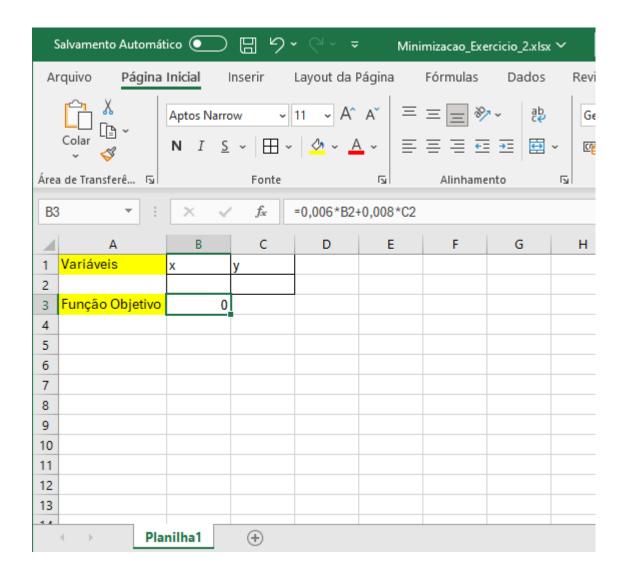
Analisando a função objetivo nos pontos de restrição P1, P2 e P3 temos:

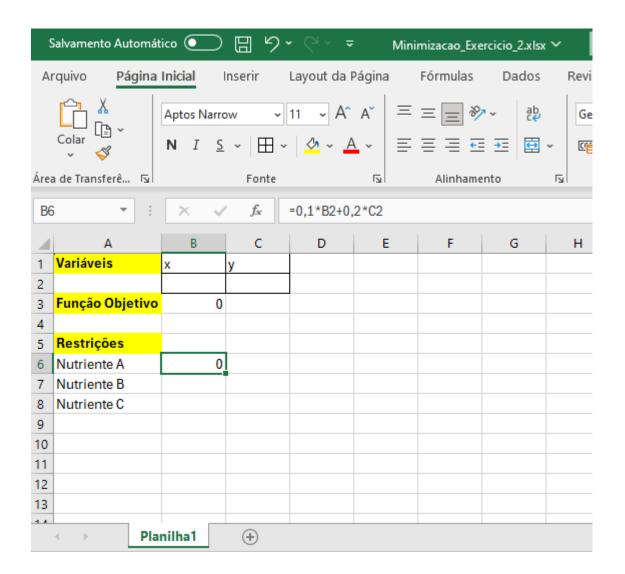
$$P1 = (0, 170)$$
 $C = 0,006.0 + 0,008.170 = 1.36$

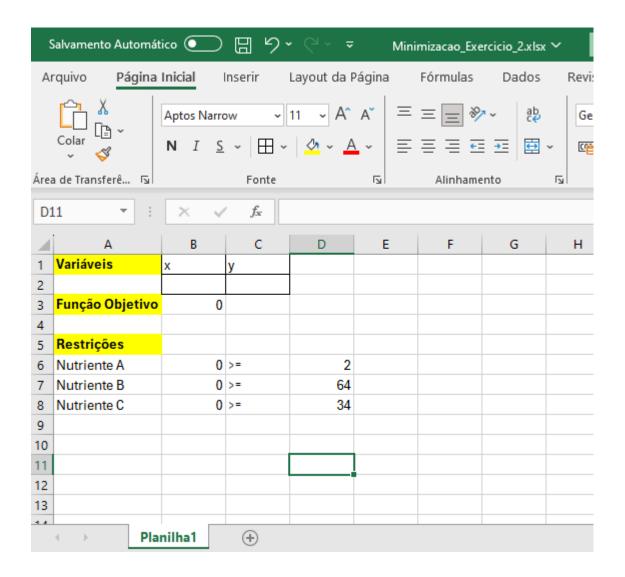
$$P2 = (54.3, 61.4)$$
 $C = 0,006.54, 3 + 0,008.61, 4 = 0,817$

$$P3 = (128, 0)$$
 $C = 0,006.128 + 0,008.0 = 0,768$

Usando o Solver do Excel







Em dados > solver

