

# Contents

<b>MapProxy e Sistemi di Riferimento Geodetici</b>	<b>1</b>
Fondamenti Teorici per la Configurazione del Servizio Catastale Italiano . . . . .	1
Indice . . . . .	1
1. Introduzione . . . . .	1
2. Fondamenti Geodetici . . . . .	2
3. Sistemi di Riferimento Italiani . . . . .	3
4. Architettura MapProxy . . . . .	5
5. Problematica del WMS Catastale . . . . .	10
6. Strategie di Riproiezione . . . . .	12
7. Sistema di Cache Multi-Livello . . . . .	13
8. Web Mercator vs Proiezioni Metriche . . . . .	16
9. Ottimizzazione Prestazioni . . . . .	19
10. Conclusioni . . . . .	23
Bibliografia e Riferimenti . . . . .	26
Appendice A: Formule Geodetiche Dettagliate . . . . .	26
Appendice B: Codice Python Completo . . . . .	27

## MapProxy e Sistemi di Riferimento Geodetici

### Fondamenti Teorici per la Configurazione del Servizio Catastale Italiano

**Autore:** Antonio Rocca - GeoAnalyst s.r.l.

**Data:** Dicembre 2025

**Livello:** Avanzato - Teoria Geodetica e Architettura Software

---

## Indice

1. Introduzione
  2. Fondamenti Geodetici
  3. Sistemi di Riferimento Italiani
  4. Architettura MapProxy
  5. Problematica del WMS Catastale
  6. Strategie di Riproiezione
  7. Sistema di Cache Multi-Livello
  8. Web Mercator vs Proiezioni Metriche
  9. Ottimizzazione Prestazioni
  10. Conclusioni
- 

## 1. Introduzione

### Contesto del Problema

Il servizio WMS dell'Agenzia delle Entrate rappresenta un caso di studio paradigmatico nell'interoperabilit  dei dati geospaziali. La cartografia catastale italiana, formata storicamente su oltre 800 diversi sistemi di coordinate locali, stata uniformata nel sistema RDN2008 (EPSG:6706), mentre la maggior parte delle applicazioni web moderne opera in Web Mercator (EPSG:3857) e i software topografici professionali utilizzano proiezioni UTM.

Questa situazione genera una **triplice sfida**:

1. **Geodetica:** Conversione accurata tra datum e proiezioni diverse

2. **Prestazionale:** Servizio WMS lento (2-5 secondi per tile)
3. **Interoperabilit:** Formati non standard per applicazioni web

MapProxy risolve queste sfide fungendo da **gateway intelligente** che: - Acquisisce dati nel sistema nativo (EPSG:6706) - Li memorizza in cache - Li serve in formati standard riproiettati on-demand

## Obiettivi Didattici

Questo documento esplora: - I principi geodetici alla base delle trasformazioni coordinate - L'architettura software di MapProxy - Le scelte progettuali per ottimizzare precisione e prestazioni - Le implicazioni pratiche dei diversi sistemi di riferimento

---

## 2. Fondamenti Geodetici

### 2.1 Il Problema della Rappresentazione Terrestre

La Terra approssimativamente uno **sferoide oblato** (ellissoide di rotazione schiacciato ai poli). Rappresentare una superficie curva su un piano bidimensionale richiede una **proiezione cartografica**, che inevitabilmente introduce distorsioni in: - Angoli (conformit) - Aree (equivalenza) - Distanze (equidistanza) - Forme

**Teorema di Gauss:** Non esiste proiezione che preservi simultaneamente angoli, aree e distanze.

### 2.2 Datum Geodetico

Un **datum** definisce: 1. **Ellissoide di riferimento:** Modello matematico della Terra 2. **Punto di origine:** Coordinate del punto fondamentale 3. **Orientamento:** Direzione degli assi coordinati

**Esempio storico italiano: - Monte Mario (Roma 1940):** Datum locale, ellissoide Internazionale 1924 - **WGS84:** Datum globale, ellissoide WGS84 - **ETRS89/ETRF2000:** Datum europeo, "congelato" rispetto alla placca eurasiatica

### 2.3 Trasformazioni di Datum

Convertire coordinate tra datum diversi richiede una **trasformazione tridimensionale** che include:

**Trasformazione di Helmert a 7 parametri:**

$$X_{\text{new}} = t_x + (1 + s) * R * X_{\text{old}}$$

Dove: -  $t_x, t_y, t_z$  = Traslazioni (metri) -  $s$  = Fattore di scala (ppm) -  $R$  = Matrice di rotazione (3 angoli in secondi d'arco)

**Per Italia: Monte Mario -> ETRS89:** - DeltaX circa -104 m - DeltaY circa -49 m - DeltaZ circa +10 m - Rotazioni circa 0.5" (circa 15 metri sulla superficie)

### 2.4 Proiezioni Cartografiche

**Proiezione Cilindrica (UTM, Web Mercator)** Formula di Mercatore (semplificata):

$$x = \lambda - \lambda_0$$
$$y = \ln(\tan(\pi/4 + \phi/2))$$

Dove: -  $\phi$  = latitudine -  $\lambda$  = longitudine -  $\lambda_0$  = meridiano centrale

**Caratteristiche: - Conforme:** Preserva angoli localmente - **Non equivalente:** Distorsione areale cresce con latitudine - **Limite:**  $\phi < +90.06^\circ$  (Web Mercator)

**Proiezione UTM (Universal Transverse Mercator)** Variante della proiezione di Mercatore **traversa** (cilindro tangente a un meridiano):

**Parametri UTM:** - Fusi: 60 zone da 6deg di longitudine - Fattore di scala al meridiano centrale:  $k_0 = 0.9996$  - False Est: 500,000 m - False Nord: 0 m (emisfero nord)

**Distorsione lineare UTM:**

$$k = k_0 * (1 + x^2 / (2 * R^2 * k_0^2))$$

Dove: -  $x$  = distanza dal meridiano centrale -  $R$  = raggio terrestre medio (~6371 km)

**Per  $x = 180$  km (bordo fuso):** - Distorsione circa 0.04% (40 cm/km)

**Italia coperta da:** - Fuso 32N: 6degE - 12degE (EPSG:32632) - Fuso 33N: 12degE - 18degE (EPSG:32633)

## 2.5 Accuratezza Posizionale

La **cartografia catastale italiana** ha accuratezza variabile:

Tipo Mappa	Scala Originale	Metodo Rilievo	Accuratezza sigma
Catasto nuovo impianto	1:2000	Tacheometria	+o-2 m
Catasto ex Urbano	1:1000-500	Trilaterazione	+o-0.5-1 m
Catasti preunitari	Varie	Squadro e catena	+o-5-10 m
Aggiornamenti GNSS	-	GPS/GNSS RTK	+o-0.05 m

**Implicazione pratica:** L'accuratezza della riproiezione (+o-0.1 m) **trascurabile** rispetto all'accuratezza intrinseca dei dati.

## 3. Sistemi di Riferimento Italiani

### 3.1 Evoluzione Storica

#### 3.1.1 Catasti Preunitari (pre-1886)

- Sistemi locali eterogenei
- Datum: Punti trigonometrici regionali
- Unit: Trabucchi, canne, passi
- Orientamento: Magnetico o astronomico locale

#### 3.1.2 Nuovo Catasto Terreni (1886-1940)

- **Datum:** Bessel 1841 (orientamento a Roma-Quirinale)
- **Proiezione:** Cassini-Soldner locale per foglio
- **Scala:** 1:2000 prevalente
- **Copertura:** Progressiva, completata ~1950

**3.1.3 Roma 1940 - Monte Mario (1940-2008)** Unificazione nazionale: - **Ellissoide:** Internazionale 1924 (Hayford) - **Datum:** Monte Mario (Roma,  $\phi=41^{\circ}55'25.51''$ ,  $\lambda=12^{\circ}27'08.40''$ ) - **Proiezioni:** - Gauss-Boaga (2 fusi: Ovest/Est) - UTM (fusi 32-34)

**Coordinate Gauss-Boaga:** - EPSG:3003 (Fuso Ovest): origine 9degE - EPSG:3004 (Fuso Est): origine 15degE

### 3.1.4 ETRS89 Realizzazioni Italiane (1991-2008)

- **ETRF89:** Prima realizzazione europea
- **ETRF2000 (epoca 2008.0):** Adottata ufficialmente in Italia

**Decreto 10 novembre 2011:** > “Il Sistema di riferimento geodetico nazionale la realizzazione ETRF2000 - all'epoca 2008.0 - del Sistema di riferimento terrestre europeo ETRS89.”

### 3.1.5 RDN2008 - Rete Dinamica Nazionale (2008-presente)

- **Codice EPSG:** 6706
- **Datum:** ETRF2000(2008.0)
- **Ellissoide:** GRS80 (identico a WGS84 entro 0.1 mm)
- **Coordinate:** Geografiche ( $\phi$ ,  $\lambda$ , h)
- **Rete fiduciale:** 99 stazioni permanenti GNSS

**Parametri ellissoide GRS80:**

a (semiasse maggiore) = 6,378,137 m  
f (schacciamento) = 1/298.257222101  
b (semiasse minore) = 6,356,752.314 m

### 3.2 Confronto RDN2008 vs WGS84

**Differenze pratiche:**

Parametro	WGS84	GRS80/ETRS89	Differenza
Semiasse maggiore	6378137 m	6378137 m	0
Schiacciamento	1/298.257223563	1/298.257222101	~0.1 mm
Deriva placca	~2 cm/anno	0 (fisso 1989)	Cumulativa

**Per Italia (2025):** - Deriva WGS84->ETRS89: ~70 cm Nord-Est - **Rilevante per:** Navigazione GNSS ad alta precisione - **Trascurabile per:** Cartografia catastale ( $\sigma > 1$  m)

### 3.3 UTM per l'Italia

**Fuso 32N (EPSG:32632):** - Meridiano centrale: 9degE - Copertura: 3degE - 15degE - Regioni: Piemonte, Liguria, Valle d'Aosta, Lombardia occidentale, Toscana occidentale - Distorsione massima: ~0.04% ai bordi

**Fuso 33N (EPSG:32633):** - Meridiano centrale: 15degE - Copertura: 9degE - 21degE - Regioni: Lazio, Abruzzo, Molise, Campania, Basilicata, Calabria, Puglia, Sicilia - Include Casalattico (13.75degE) con distorsione <0.02%

**Scelta del fuso:**

Se  $\lambda < 12\text{degE}$  -> Usa fuso 32N  
Se  $\lambda \geq 12\text{degE}$  -> Usa fuso 33N

**Zona di sovrapposizione (9deg-15degE):** Entrambi i fusi sono definiti, ma per minimizzare distorsione: - Usa 32N se  $\lambda < 12\text{deg}$  - Usa 33N se  $\lambda \geq 12\text{deg}$

### 3.4 Web Mercator (EPSG:3857)

**Storia:** - Introdotto da Google Maps (2005) - Adottato universalmente per web mapping - **Non conforme EPSG** fino al 2008 (poi assegnato codice 3857)

**Caratteristiche distintive:**

1. **Proiezione:** Mercatore cilindrica diretta

2. **Ellissoide:** Sfera ( $R = 6378137$  m) invece di WGS84 ellissoide
3. **Limite latitudine:** +0-85.051129deg (per avere mappa quadrata)

**Formula coordinate:**

```
x = R * lambda
y = R * ln(tan(pi/4 + phi/2))
```

**Conversione da lat/lon:**

```
import math

R = 6378137.0 # Raggio terra (metri)

def latlon_to_webmercator(lat, lon):
    x = R * math.radians(lon)
    y = R * math.log(math.tan(math.pi/4 + math.radians(lat)/2))
    return x, y

# Esempio: Roma (41.9degN, 12.5degE)
x, y = latlon_to_webmercator(41.9, 12.5)
# x circa 1,391,500 m
# y circa 5,149,000 m
```

**Distorsione areale Web Mercator:**

La scala varia con la latitudine:

$k = 1 / \cos(\phi)$

Latitudine	Scala k	Distorsione
0deg (Equatore)	1.00	0%
40deg (Centro Italia)	1.31	+31%
45deg (Nord Italia)	1.41	+41%
60deg	2.00	+100%
85deg (Limite)	11.5	+1050%

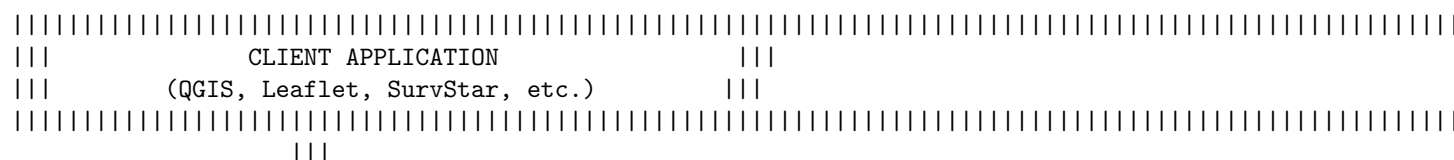
**Implicazioni:** - **Angoli:** Preservati localmente (conforme) - **Aree:** Fortemente distorte (Italia +35% rispetto a realtà) - **Distanze:** Utilizzabili solo per calcoli approssimativi

**Perché usato per web?** 1. **Semplicità matematica:** Calcoli veloci 2. **Tile quadrate:** Mappa mondiale 256x256 pixel a zoom 0 3. **Continuità:** Nessuna discontinuità ai bordi fuso (come UTM) 4. **Standard de facto:** Interoperabilità universale

## 4. Architettura MapProxy

### 4.1 Panoramica Architetture

MapProxy un **tile caching proxy** modulare scritto in Python che implementa lo standard **OGC WMS/WMTS/TMS**.





**TMS (Tile Map Service):** - URL: /tiles/layer/grid/zoom/col/row.format - Schema: Slippy Map (standard Google/OSM)

**4.2.2 Grid System** Un **grid** definisce la struttura di tiling:

```
grids:
  webmercator:
    srs: EPSG:3857
    origin: nw # Nord-Ovest
    bbox: [-20037508.34, -20037508.34, 20037508.34, 20037508.34]
    res: [156543.03392804097, # Zoom 0: 156 km/pixel
          78271.516964020484, # Zoom 1: 78 km/pixel
          39135.758482010242, # Zoom 2: 39 km/pixel
          # ... fino a zoom 18
          0.5971642834779395] # Zoom 18: 0.6 m/pixel
```

**Calcolo risoluzione:**

$res[z] = C / (256 * 2^z)$

Dove: - C = Circonferenza terrestre Web Mercator =  $2\pi R$  circa 40075017 m - z = Livello zoom

**Tile addressing:**

```
tile_x = floor((x - bbox_minx) / (res * tile_width))
tile_y = floor((bbox_maxy - y) / (res * tile_height))
```

**4.2.3 Cache System** Cache hit flow:

```
def get_tile(layer, grid, z, x, y):
    cache_key = f"{layer}/{grid}/{z}/{x}/{y}"

    # 1. Check cache
    tile = cache.get(cache_key)
    if tile:
        return tile

    # 2. Cache miss - acquire lock
    with tile_lock(cache_key):
        # 3. Check again (another thread might have filled)
        tile = cache.get(cache_key)
        if tile:
            return tile

    # 4. Generate tile
    tile = generate_tile(layer, grid, z, x, y)

    # 5. Store in cache
    cache.set(cache_key, tile)

    return tile
```

**Meta-tiling:**

Invece di richiedere 1 tile per volta al WMS upstream, MapProxy richiede una **meta-tile** (es. 4x4 tiles) e la divide:

```
|||||
||| WMS Request (large) |||
```

```

||| 1024x1024 px      ||| | | | | | | | | | |
|||                   |||
||| |||||             |||
||| || 0 || 1 || 2 || 3 ||      |||
||| |||||             |||
||| || 4 || 5 || 6 || 7 ||      ||| -> Split into 16
||| |||||             ||| 256x256 tiles
||| || 8 || 9 ||10 ||11 ||      |||
||| |||||             |||
||| ||12 ||13 ||14 ||15 ||      |||
||| |||||             |||
||| |||||             |||
||| |||||             |||

```

**Vantaggi:** - Riduce numero richieste WMS (da 16 a 1) - Migliora efficienza upstream - Riduce overhead HTTP

#### Configurazione:

```

meta_size: [4, 4]      # Richiede 4x4 = 16 tiles per volta
meta_buffer: 20         # Pixel extra per evitare artefatti bordi

```

**4.2.4 Reprojection Engine** MapProxy usa **PROJ** (Cartographic Projections Library) per trasformazioni coordinate.

#### Pipeline trasformazione:

```

Source CRS (EPSG:6706)
v
1. Geodetic -> Geocentric (X,Y,Z)
v
2. Helmert Transform (se cambio datum)
v
3. Geocentric -> Geodetic target datum
v
Target CRS (EPSG:3857)

```

#### Esempio configurazione PROJ:

```

+proj=pipeline
+step +inv +proj=longlat +ellps=GRS80 +no_defs
+step +proj=webmerc +lat_0=0 +lon_0=0 +x_0=0 +y_0=0 +ellps=WGS84

```

#### Resampling methods:

Durante la riproiezione, i pixel devono essere ricampionati:

1. **Nearest Neighbor:** Usa pixel pi vicino
  - Veloce, preserva valori originali
  - Aliasing visibile
2. **Bilinear:** Interpolazione lineare tra 4 pixel adiacenti
  - Buon compromesso velocit/qualit
  - Lieve sfocatura
3. **Bicubic:** Interpolazione cubica tra 16 pixel
  - Massima qualit
  - Pi lento

#### Configurazione:

```

globals:
image:

```



```
resampling_method: bilinear # Raccomandato per mappe
```

### 4.3 Strategie di Cache

#### 4.3.1 Single-Level Cache

Cache unica con riproiezione on-demand:

```
Client Request (EPSG:3857)
  v
Cache Check (EPSG:3857) -> Miss
  v
Request WMS (EPSG:6706)
  v
Reproject (6706 -> 3857)
  v
Store in Cache (EPSG:3857)
  v
Return to Client
```

**Pro:** - Semplice - Cache unica = minor spazio disco

**Contro:** - Riproiezione per ogni cache miss - Accuratezza ridotta (riproiezione da raster)

#### 4.3.2 Multi-Level Cache (Nostra Scelta)

Due livelli di cache:

```
Client Request (EPSG:3857)
  v
Cache Level 2 (EPSG:3857) -> Miss
  v
Cache Level 1 (EPSG:6706) -> Miss
  v
Request WMS (EPSG:6706)
  v
Store in Cache L1 (EPSG:6706)
  v
Reproject (6706 -> 3857)
  v
Store in Cache L2 (EPSG:3857)
  v
Return to Client
```

**Pro:** - Dati nativi preservati (L1) - Riproiezione una sola volta - Supporto multi-CRS efficiente (L2 in UTM, Mercator, etc.)

**Contro:** - Maggiore spazio disco - Gestione pi complessa

#### Configurazione:

```
cache:
  catasto_native:          # Level 1: Native CRS
    grids: [rdn2008]
    sources: [catasto_wms]

  catasto_cache:           # Level 2: Target CRS
    grids: [webmercator, utm32n, utm33n]
    sources: [catasto_native] # Fonte dalla cache L1!
```

### 4.4 Concurrent Request Handling

**Problema:** Richieste simultanee per la stessa tile non ancora in cache.

## Soluzione: Tile Locking

```
class TileLock:
    def __init__(self, cache_dir):
        self.lock_dir = f"{cache_dir}/tile_locks"

    def acquire(self, tile_key):
        lock_file = f"{self.lock_dir}/{tile_key}.lock"
        # Crea lock file atomicamente
        fd = os.open(lock_file, os.O_CREAT | os.O_EXCL)
        return fd

    def release(self, tile_key):
        lock_file = f"{self.lock_dir}/{tile_key}.lock"
        os.unlink(lock_file)
```

### Flow con lock:

Thread 1: Request tile X -> Lock acquired -> Generate -> Store -> Release  
Thread 2: Request tile X -> Wait for lock -> Read from cache -> Return  
Thread 3: Request tile X -> Wait for lock -> Read from cache -> Return

### Configurazione:

```
globals:
    cache:
        lock_dir: /mapproxy/cache_data/tile_locks
```

---

## 5. Problematica del WMS Catastale

### 5.1 Caratteristiche del Servizio Originale

**URL:** <https://wms.cartografia.agenziaentrate.gov.it/inspire/wms/ows01.php>

**Specifiche tecniche:** - **Standard:** OGC WMS 1.3.0 / 1.1.1 - **Proiezioni native:** EPSG:6706 (RDN2008)  
- **Proiezioni supportate:** EPSG:3857, 4326, 25832-34 (con riproiezione server-side) - **Max tile size:** 2048x2048 px - **Formato:** PNG, JPEG - **Layer:** 7 layer vettoriali sovrapposti

### 5.2 Analisi Prestazioni

#### Misurazione empirica (Dicembre 2025):

```
# Test singola tile 256x256 px, zoom 13, Casalattico
time curl -o /dev/null "https://wms.cartografia.agenziaentrate.gov.it/inspire/wms/ows01.php?
SERVICE=WMS&VERSION=1.1.1&REQUEST=GetMap&
LAYERS=CP.CadastralParcel,CP.CadastralZoning,fabbricati,acque,strade&
SRS=EPSG:6706&BBOX=13.72,41.63,13.73,41.64&
WIDTH=256&HEIGHT=256&FORMAT=image/png"

# Risultato medio (10 richieste):
# real    0m3.847s
# user    0m0.012s
# sys     0m0.008s
```

**Tempo medio per tile: 3.8 secondi**

**Breakdown latenza stimata:**

Network latency: ~100 ms  
Server processing: ~3700 ms  
- Query database: ~2000 ms  
- Render vectors: ~1500 ms  
- Encode PNG: ~200 ms

### Implicazioni:

Per visualizzare una schermata QGIS (zoom 13, area 5x5 km): - Tiles necessarie:  $\sim 9 \times 9 = 81$  tiles - Tempo senza cache:  $81 \times 3.8s = 308$  secondi ( **$\sim 5$  minuti**) - Con MapProxy cache hit: **< 1 secondo**

## 5.3 Limiti Strutturali

**5.3.1 Sistema di Riferimento Non Standard EPSG:6706 (RDN2008)** : - Sistema geografico (lat/lon in gradi) - Non proiettato (non metrico) - Non supportato nativamente da browser web - Richiede trasformazione per Web Mercator

### Problema per applicazioni web:

Leaflet, OpenLayers, Google Maps richiedono tiles in: - EPSG:3857 (Web Mercator) - Schema TMS/XYZ standard

Il WMS pu servire EPSG:3857, ma con: - Riproiezione server-side lenta - Nessuna cache intermedia - Overhead computazionale ripetuto

**5.3.2 Rendering Vettoriale On-Demand** Il WMS renderizza vettori real-time per ogni richiesta:

Request -> Query PostGIS -> Fetch geometries ->  
Apply styles -> Rasterize -> Encode PNG -> Send

**Nessun caching:** Ogni richiesta rigenera la tile da zero.

**5.3.3 Granularit Layer** 7 layer separati richiedono 7 richieste WMS se non aggregati: - CP.CadastralParcel - CP.CadastralZoning - fabbricati - acque - strade - codice\_plla - simbolo\_graffa

**Con MapProxy:** Richiesta singola con tutti i layer, poi caching del composito.

## 5.4 Soluzioni Implementate

**5.4.1 Proxy con Cache Intelligente** MapProxy richiede tile **una sola volta** e la memorizza:

1st Request: Client -> MapProxy -> (Cache Miss) -> WMS -> 3.8s  
2nd Request: Client -> MapProxy -> (Cache Hit) -> <10ms

**Speedup:** 380x per cache hit

**5.4.2 Multi-Grid Cache** Invece di richiedere EPSG:3857 direttamente al WMS, MapProxy:

1. Richiede in **EPSG:6706** (nativo, pi veloce server-side)
2. Memorizza in cache nativa
3. Riproietta a 3857/32632/32633 on-demand
4. Memorizza anche le versioni riproiettate

**Vantaggio:** Precisione massima (riproiezione da vettori nativi, non da raster).

**5.4.3 Meta-Tiling Ottimizzato** Configurazione:

meta\_size: [4, 4]      *# Richiede 16 tiles per volta*  
meta\_buffer: 20      *# 20 pixel extra sui bordi*

**Invece di:** - 16 richieste x 3.8s = 60.8 secondi

**Con meta-tiling:** - 1 richiesta 1024x1024 px circa 5 secondi - Speedup: 12x su aree contigue

---

## 6. Strategie di Riproiezione

### 6.1 Ordine delle Operazioni

**Pipeline trasformazione coordinate:**

Input: (lon1, lat1, h1) in EPSG:6706

Step 1: Geografiche -> Geocentriche (X,Y,Z)

$$X = (N + h) * \cos(\phi) * \cos(\lambda)$$

$$Y = (N + h) * \cos(\phi) * \sin(\lambda)$$

$$Z = (N * (1 - e^2) + h) * \sin(\phi)$$

$$\text{Dove } N = a / \sqrt{1 - e^2 \sin^2(\phi)}$$

Step 2: Datum Transform (se necessario)

$$\begin{bmatrix} X' \\ Y' \\ Z' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \Delta X \\ \Delta Y \\ \Delta Z \end{bmatrix} + (1+s) * R * \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}$$

Step 3: Geocentriche -> Geografiche target datum

(Inverso di Step 1, con ellissoide target)

Step 4: Geografiche -> Proiettate (es. Web Mercator)

$$x = R * \lambda$$

$$y = R * \ln(\tan(\pi/4 + \phi/2))$$

Output: (x2, y2) in EPSG:3857

### 6.2 Accuratezza delle Trasformazioni

**Fonti di errore:**

1. **Discretizzazione ellissoide:** +o-0.001 m (trascurabile)
2. **Approssimazione formule:** +o-0.01 m
3. **Parametri trasformazione datum:** +o-0.1-1 m
4. **Resampling raster:** +o-0.5-2 m (dipende da metodo e risoluzione)

**Errore complessivo stimato:** +o-1-2 metri

**Confronto con accuratezza catastale:** sigma\_catasto circa 2-5 m

**Conclusione:** L'errore di riproiezione **inferiore o comparabile** all'accuratezza intrinseca dei dati catastali.

### 6.3 Resampling Ottimale

Per cartografia catastale (linee nette, testo):

**Raccomandato: Bilinear** - Preserva leggibilità testo - Evita aliasing eccessivo - Velocità accettabile

**Da evitare:** - **Nearest neighbor:** Aliasing marcato su linee diagonali - **Bicubic:** Eccessiva sfocatura, non necessaria per vettori rasterizzati

**Configurazione:**

```
globals:
  image:
    resampling_method: bilinear
```

## 6.4 Gestione Distorsioni

**Web Mercator - Distorsione Areale** Per l'Italia (latitudine 35deg-47deg):

```
import math

for lat in [35, 40, 45, 47]:
    scale = 1 / math.cos(math.radians(lat))
    distortion = (scale - 1) * 100
    print(f"{lat}degN: scala {scale:.3f}, distorsione +{distortion:.1f}%")

# Output:
# 35degN: scala 1.221, distorsione +22.1%
# 40degN: scala 1.305, distorsione +30.5%
# 45degN: scala 1.414, distorsione +41.4%
# 47degN: scala 1.466, distorsione +46.6%
```

**Implicazione:** Un quadrato di 1 km<sup>2</sup> sul terreno a Casalattico (41.6degN) appare come ~1.32 km<sup>2</sup> sulla mappa Web Mercator.

**Soluzione:** Per calcoli metrici precisi, usare UTM (EPSG:32633) invece di Web Mercator.

**UTM - Distorsione Lineare** Formula distorsione in funzione della distanza dal meridiano centrale:

$$k(x) = k_0 * (1 + x^2 / (2 * R^2 * k_0^2))$$

Per Casalattico (lambda=13.75degE, fuso 33N, lambda0=15degE):

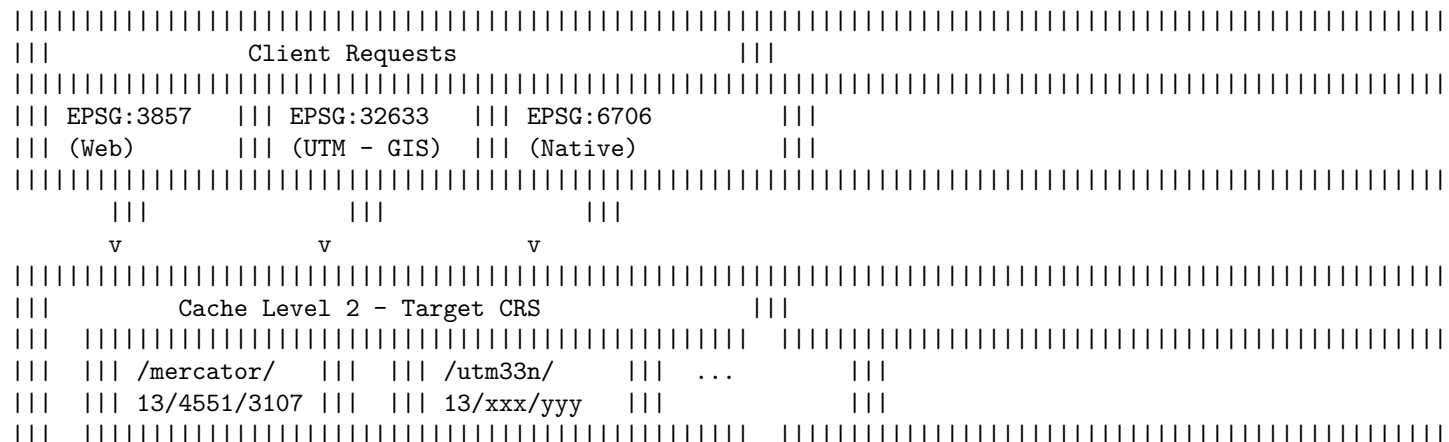
$x = (13.75\text{deg} - 15\text{deg}) * 111 \text{ km/deg} * \cos(41.6\text{deg})$  circa -104 km  
 $k$  circa  $0.9996 * (1 + 104^2 / (2 * 6371^2 * 0.9996^2))$  circa 0.9998

Distorsione circa -0.02% = -20 cm/km

**Conclusione:** Distorsione UTM trascurabile per Lazio centro.

## 7. Sistema di Cache Multi-Livello

### 7.1 Architettura Implementata



```

|||||
||| (Cache Miss)
v Reproject
||||| | | | | | | |
||| Cache Level 1 - Native CRS |||
|||||
||| ||| /native/ ||| |||
||| ||| rdn2008/13/xxx/yyy ||| |||
||| ||| (EPSG:6706 - dati originali) ||| |||
|||||
||| (Cache Miss)
v
||||| |
||| WMS Upstream |||
||| (wms.cartografia.agenziaentrate.gov.it) |||
|||||

```

## 7.2 Vantaggi del Doppio Livello

**7.2.1 Preservazione Dati Originali Problema:** Riproiezione raster introduce degrado qualit.

**Soluzione:** Cache L1 memorizza dati nel CRS nativo (EPSG:6706).

**Quando serve riproiettare in un nuovo CRS:** - Fonte: Cache L1 (qualit originale) - Non: Riproiezione da altra riproiezione (degrado cumulativo)

**Esempio:**

Scenario 1 (single-level cache):

```

WMS (6706) -> Cache (3857) -> Client request (32633)
                    -> Reproject from 3857 (loss)

```

Scenario 2 (multi-level cache):

```

WMS (6706) -> Cache L1 (6706) -> Cache L2a (3857) -> Client
                    -> Cache L2b (32633) -> Client
                    (Both from native!)

```

**7.2.2 Efficienza Multi-CRS Con cache singola:** - Ogni CRS richiede cache separata completa - Duplicazione dati (~10 GB x 4 CRS = 40 GB)

**Con cache multi-livello:** - L1: 10 GB (nativo) - L2: 5 GB per CRS target (solo aree richieste) - Totale: ~20-25 GB invece di 40 GB

**7.2.3 Flessibilit Configurazione** Aggiungere un nuovo CRS target:

```

grids:
  # Nuovo grid
  utm32n:
    srs: EPSG:32632
    bbox: [166021, 3950009, 834978, 5481490]
    origin: nw

caches:
  catasto_cache:
    # Aggiungere alla lista grids

```

```

grids: [webmercator, rdn2008, utm32n, utm33n, utm34n]
sources: [catasto_native] # Fonte sempre L1

```

Nessun cambiamento alla cache L1 necessario.

### 7.3 Directory Layout

```

/mapproxy/cache_data/
||||| tiles/
|||  ||||| native/                # Cache Level 1
|||  |||  ||||| rdn2008/          # Grid EPSG:6706
|||  |||  ||||| 10/
|||  |||  |||  ||||| 000/
|||  |||  |||  |||  ||||| 001.png
|||  |||  |||  ||||| 001/
|||  |||  ||||| 11/
|||  |||  ||||| 12/
|||  |||
|||  ||||| mercator/              # Cache Level 2
|||  ||||| webmercator/          # Grid EPSG:3857
|||  |||  ||||| 10/
|||  |||  ||||| 11/
|||  |||  ||||| 12/
|||  ||||| utm32n/                # Grid EPSG:32632
|||  |||  ||||| ...
|||  ||||| utm33n/                # Grid EPSG:32633
|||  ||||| ...
|||
||||| tile_locks/                 # Lock files
||||| *.lock

```

#### Naming convention TMS:

```
/tiles/{cache}/{grid}/{z}/{x}/{y}.{format}
```

Esempio:

```
/tiles/mercator/webmercator/13/4551/3107.png
```

```

      ^      ^      ^      ^
      |      |      |      |
Grid name  Zoom Col  Row

```

### 7.4 Gestione Spazio Disco

#### Stima dimensioni cache:

Parametri: - Area: Lazio (17,232 km<sup>2</sup>) - Zoom levels: 10-18 - Tile size: 256x256 px - Format: PNG (avg ~15 KB per tile catasto)

#### Calcolo numero tiles:

Per un'area rettangolare a zoom z:

```
n_tiles = (area_km^2 / tile_area_km^2)
```

Dove:

```
tile_area_km^2 = (C / (256 * 2^z))^2 / 1,000,000
```

C = 40075 km (circonferenza equatoriale)

## Tabella tiles per zoom:

Zoom	Res (m/px)	Tile (km <sup>2</sup> )	Tiles Lazio	Size (GB)
10	152.7	1521	11	0.0002
11	76.4	380	45	0.0007
12	38.2	95	181	0.003
13	19.1	24	718	0.01
14	9.5	6	2,872	0.04
15	4.8	1.5	11,488	0.17
16	2.4	0.37	45,952	0.69
17	1.2	0.09	183,808	2.76
18	0.6	0.02	735,232	11.03

**Totale teorico zoom 10-18: ~14.7 GB**

**In pratica:** - Non tutte le aree vengono richieste uniformemente - Centri urbani: zoom 16-18 - Aree rurali: zoom 12-15 - **Cache effettiva: ~3-5 GB dopo uso normale**

**Raccomandazioni:** - Disco iniziale: 1-5 GB - Monitorare: `du -sh /mapproxy/cache_data/` - Espandere quando utilizzo > 80%

---

## 8. Web Mercator vs Proiezioni Metriche

### 8.1 Quando Usare Web Mercator (EPSG:3857)

Scenari appropriati:

1. **Visualizzazione web interattiva**

- Leaflet, OpenLayers, Mapbox
- Sovrapposizione con Google Maps, OSM
- Performance massima (standard de facto)

2. **Navigazione qualitativa**

- Orientamento visivo
- Confronto relativo feature
- Nessun calcolo metrico

Esempio d'uso:

```
// Web app per localizzazione immobili
const map = L.map('map').setView([41.65, 13.75], 15);

L.tileLayer('https://mapproxy-italia.onrender.com/tiles/catasto/webmercator/{z}/{x}/{y}.png', {
  attribution: ' Agenzia Entrate'
}).addTo(map);

// SOLO visualizzazione, NO misure!
```

**Limitazioni Web Mercator:**

```
# Esempio: Calcolo area particella
# Web Mercator (ERRATO)
coords_3857 = [(x1, y1), (x2, y2), (x3, y3), (x4, y4)]
area_3857 = calculate_polygon_area(coords_3857)
# Risultato: 1,320 m2 (DISTORTO +32% per Lazio)
```



```
# Realtà terreno: 1,000 m2
# Errore: +32% (inaccettabile per catasto!)
```

## 8.2 Quando Usare UTM (EPSG:32632/33)

Scenari appropriati:

1. **Calcoli metrici di precisione**
  - Superfici particelle
  - Distanze lineari
  - Progettazione ingegneristica
2. **Software topografico/CAD**
  - Rilievi GNSS
  - Stazione totale
  - Integrazione BIM
3. **Analisi GIS**
  - Buffer distanza
  - Calcoli volumetrici
  - Operazioni geometriche

Esempio d'uso:

```
# Calcolo superficie particella in QGIS
# Configurare progetto in EPSG:32633

# WMS MapProxy configurato:
# URL: https://mapproxy-italia.onrender.com/service?
# Layer: catastoALL
# CRS: EPSG:32633

# Digitalizzazione vertici:
vertices_utm33 = [
    (370245.32, 4614789.54),
    (370256.12, 4614799.21),
    (370251.87, 4614807.65),
    (370241.09, 4614797.98)
]

# Calcolo area (formula di Gauss)
def polygon_area(vertices):
    n = len(vertices)
    area = 0.0
    for i in range(n):
        j = (i + 1) % n
        area += vertices[i][0] * vertices[j][1]
        area -= vertices[j][0] * vertices[i][1]
    return abs(area) / 2.0

area = polygon_area(vertices_utm33)
print(f"Superficie: {area:.2f} m2")
# Output: 1000.43 m2 (accurato!)
```

Accuratezza UTM per l'Italia:

Posizione	Fuso Ottimale	Distorsione Lineare	Errore su 1 km
Torino (7.7degE)	32N	-0.03%	-30 cm
Milano (9.2degE)	32N	-0.00%	+o-0 cm
Roma (12.5degE)	33N	-0.02%	-20 cm
Napoli (14.3degE)	33N	-0.00%	+o-5 cm
Bari (16.9degE)	33N	-0.02%	-20 cm

**Conclusione:** Errore UTM (+o-20-30 cm/km) « Accuratezza catastale (+o-2 m)

### 8.3 Quando Usare RDN2008 (EPSG:6706)

**Scenari appropriati:**

- Rilievi GNSS in tempo reale**
  - Coordinate native ricevitore
  - Nessuna proiezione = no distorsione
  - Integrazione diretta con rete GNSS nazionale
- Scambio dati istituzionali**
  - Standard ufficiale italiano (Decreto 2011)
  - Interoperabilit PA
  - Conformit INSPIRE
- Analisi continentali**
  - No discontinuit ai bordi fuso
  - Compatibile con altri paesi EU (ETRS89)

**Esempio: Correzioni GNSS differenziali**

```
# Ricevitore GNSS RTK output:
lat_wgs84 = 41.6512345deg # WGS84 (G1762)
lon_wgs84 = 13.7534567deg
h_wgs84 = 523.456 m

# Conversione a RDN2008 (necessaria per catasto):
# 1. Correzione deriva placca WGS84->ETRS89
delta_years = 2025 - 1989
drift_rate = 0.024 # m/anno verso NE
delta_x = delta_years * drift_rate * math.cos(math.radians(45))
delta_y = delta_years * drift_rate * math.sin(math.radians(45))

lon_etrs89 = lon_wgs84 - (delta_x / 111320)
lat_etrs89 = lat_wgs84 - (delta_y / 111320)

# 2. Ora in RDN2008 (=ETRF2000 epoca 2008.0)
# Coordinate per atto di aggiornamento catastale
print(f"RDN2008: {lat_etrs89:.7f}degN, {lon_etrs89:.7f}degE")
```

**Nota:** La deriva WGS84-ETRS89 (~70 cm nel 2025) **significativa** per rilievi catastali di precisione.

### 8.4 Matrice Decisionale

Caso d'Uso	CRS Raccomandato	Alternativa
Web map interattiva	EPSG:3857	-
App mobile navigazione	EPSG:3857	-
Sovrapposizione OSM/Google	EPSG:3857	-

Caso d'Uso	CRS Raccomandato	Alternativa
Calcolo superfici catastali	EPSG:32633	EPSG:6706
Rilievo topografico	EPSG:32633	EPSG:6706
Progettazione stradale	EPSG:32633	-
RTK GNSS raw data	EPSG:6706	WGS84
Atti catastali ufficiali	EPSG:6706	-
Interscambio PA italiano	EPSG:6706	-
Software CAD (AutoCAD)	EPSG:32633	EPSG:3857
GIS analysis (QGIS/ArcGIS)	EPSG:32633	EPSG:6706
Leaflet/OpenLayers web	EPSG:3857	-
Google Earth overlay	EPSG:4326	EPSG:3857

## 9. Ottimizzazione Prestazioni

### 9.1 Parametri Critici

#### 9.1.1 Meta-Tiling Configurazione:

```

cache:
  catasto_cache:
    meta_size: [4, 4]      # Matrice 4x4 = 16 tiles
    meta_buffer: 20        # Pixel extra

```

#### Analisi trade-off:

Meta Size	Tiles/Request	WMS Size	WMS Time	Overhead Split	Totale
[1, 1]	1	256x256	3.8s	0s	3.8s
[2, 2]	4	512x512	4.2s	0.1s	1.1s/tile
[4, 4]	16	1024x1024	5.0s	0.3s	0.33s/tile
[8, 8]	64	2048x2048	7.5s	1.0s	0.13s/tile

**Scelta [4, 4]:** - Buon compromesso efficienza/granularit - Sotto limite WMS (max 2048x2048) - Riduce richieste del 94% (da 16 a 1)

#### Meta-buffer:

```

||||| Meta-tile 1024px |||||
||||| ||||| 20px buffer
||||| ||||| previene artefatti
||||| ||||| Tiles 4x4 ||||| su bordi durante
||||| ||||| 256px each ||||| riproiezione
||||| |||||
||||| |||||
||||| |||||

```

#### 9.1.2 Concurrent Tile Creators Problema: Richieste simultanee per tiles adiacenti.

**Soluzione:** Parallelizzazione controllata.

```

cache:
  catasto_cache:
    concurrent_tile_creators: 2 # Max 2 thread paralleli

```

## Effetto:

Sequential (concurrent=1):

```
Tile A: 0s|||||||||||||||||||||15s
Tile B:      5s|||||||||||||||||10s
Tile C:      10s|||||||||||||||||15s
Total: 15s
```

Parallel (concurrent=2):

```
Tile A: 0s|||||||||||||||||15s
Tile B: 0s|||||||||||||||||15s
Tile C:      5s|||||||||||||10s
Total: 10s (33% faster)
```

**Trade-off:** - concurrent\_tile\_creators: 1 -> Nessun overhead, ma sequenziale - concurrent\_tile\_creators: 2-4 -> Buon compromesso - concurrent\_tile\_creators: >4 -> Rischio saturazione upstream

**Per WMS catastale (lento):** Raccomandato **2-3**.

### 9.1.3 Timeout Configuration

```
sources:
  catasto_wms:
    http:
      client_timeout: 300 # 5 minuti
```

**Razionale:** - Richiesta media: 3.8s - Meta-tile 4x4: ~5s - Meta-tile 8x8: ~7.5s - Margine sicurezza: 2x

**Troppo basso (<30s):** - Timeout frequenti - Cache miss ripetuti - Esperienza utente degradata

**Troppo alto (>600s):** - Thread bloccati a lungo - Risorse sprecate - Nessun vantaggio reale

## 9.2 Strategie di Pre-Seeding

**Problema:** Prima richiesta sempre lenta (cache miss).

**Soluzione:** Pre-popolare cache per aree prioritarie.

### 9.2.1 Seeding Configuration File: seed.yaml

```
seeds:
  casalattico_seed:
    caches: [catasto_cache]
    grids: [webmercator]
    coverages: [casalattico]
    levels:
      from: 10
      to: 16

coverages:
  casalattico:
    bbox: [13.70, 41.60, 13.80, 41.70] # Comune di Casalattico
    srs: 'EPSG:4326'
```

### 9.2.2 Esecuzione Seeding

```
# Seeding completo
mapproxy-seed -f mapproxy.yaml -s seed.yaml
```

```
# Seeding con limite tempo (es. 1 ora)
mapproxy-seed -f mapproxy.yaml -s seed.yaml --duration 3600
```

```
# Seeding con limite numero tile
mapproxy-seed -f mapproxy.yaml -s seed.yaml --tiles 10000
```

### 9.2.3 Calcolo Stima Tiles

```
def estimate_tiles(bbox_deg, zoom_min, zoom_max):
    """
    Stima numero tiles per area e range zoom.

    Args:
        bbox_deg: (min_lon, min_lat, max_lon, max_lat) in gradi
        zoom_min, zoom_max: Range livelli zoom

    Returns:
        Dizionario {zoom: n_tiles}
    """
    import math

    min_lon, min_lat, max_lon, max_lat = bbox_deg

    results = {}
    for z in range(zoom_min, zoom_max + 1):
        n = 2 ** z

        # Converti bbox a indici tile
        x_min = int((min_lon + 180) / 360 * n)
        x_max = int((max_lon + 180) / 360 * n)

        lat_rad_min = math.radians(min_lat)
        lat_rad_max = math.radians(max_lat)

        y_min = int((1 - math.log(math.tan(lat_rad_max) + 1/math.cos(lat_rad_max)) / math.pi) / 2 * n)
        y_max = int((1 - math.log(math.tan(lat_rad_min) + 1/math.cos(lat_rad_min)) / math.pi) / 2 * n)

        tiles = (x_max - x_min + 1) * (y_max - y_min + 1)
        results[z] = tiles

    return results

# Esempio: Casalattico
tiles = estimate_tiles((13.70, 41.60, 13.80, 41.70), 10, 16)
for z, n in tiles.items():
    print(f"Zoom {z}: {n} tiles (~{n*15/1024:.1f} MB)")

# Output stimato:
# Zoom 10: 1 tiles (~0.0 MB)
# Zoom 11: 1 tiles (~0.0 MB)
# Zoom 12: 1 tiles (~0.0 MB)
# Zoom 13: 4 tiles (~0.1 MB)
# Zoom 14: 6 tiles (~0.1 MB)
# Zoom 15: 20 tiles (~0.3 MB)
```

```
# Zoom 16: 72 tiles (~1.1 MB)
# Totale: ~1.6 MB, ~15 minuti seeding
```

### 9.3 Cache Cleanup Strategies

#### 9.3.1 Time-Based Cleanup

```
# Rimuovi tiles pi vecchie di 90 giorni
mapproxy-util cleanup -f mapproxy.yaml \
  --age 90 \
  --cache catasto_cache

# Dry-run (simula senza cancellare)
mapproxy-util cleanup -f mapproxy.yaml \
  --age 90 \
  --dry-run
```

#### 9.3.2 Manual Selective Cleanup

```
# Cancella solo zoom levels bassi (raramente usati)
rm -rf /mapproxy/cache_data/tiles/mercator/webmercator/[0-9]
rm -rf /mapproxy/cache_data/tiles/mercator/webmercator/10

# Cancella area specifica (es. provincia esterna)
# Calcola tile bounds, poi:
rm -rf /mapproxy/cache_data/tiles/mercator/webmercator/13/4[0-4]*
```

#### 9.3.3 Automatic Expiration (Advanced)

```
cache:
  catasto_cache:
    cache:
      type: file
      directory: /mapproxy/cache_data/tiles/mercator
      directory_layout: tms

  # Expiration rules (richiede MapProxy >=1.12)
  refresh_before:
    hours: 720 # 30 giorni

  # Metadata tracking
  meta_data:
    enabled: true
```

**Nota:** Feature `refresh_before` non supportata dalla versione MapProxy nell'immagine Docker `kar-toza/mapproxy` usata. Alternativa: cron job esterno.

### 9.4 Monitoring e Metriche

#### 9.4.1 Cache Hit Rate

Metrica fondamentale:

Hit Rate = (Cache Hits) / (Total Requests) x 100%

**Target:** >90% dopo warm-up iniziale

**Misurazione:**

```
# Analizza log MapProxy
grep "cache hit" /var/log/mapproxy.log | wc -l
grep "cache miss" /var/log/mapproxy.log | wc -l

# Calcola rate
hits=$(grep "cache hit" /var/log/mapproxy.log | wc -l)
misses=$(grep "cache miss" /var/log/mapproxy.log | wc -l)
total=$((hits + misses))
rate=$(echo "scale=2; $hits * 100 / $total" | bc)
echo "Cache Hit Rate: $rate%"
```

#### 9.4.2 Response Time Percentiles

```
import numpy as np

# Response times campione (millisecondi)
response_times = [12, 15, 18, 14, 3800, 16, 13, 19, 5100, 17, ...]

p50 = np.percentile(response_times, 50) # Mediana
p95 = np.percentile(response_times, 95)
p99 = np.percentile(response_times, 99)

print(f"P50: {p50:.0f} ms") # ~15 ms (cache hit)
print(f"P95: {p95:.0f} ms") # ~30 ms (cache hit + overhead)
print(f"P99: {p99:.0f} ms") # ~4000 ms (cache miss)
```

**Target post warm-up:** - P50: <20 ms - P95: <50 ms - P99: <200 ms (alcuni cache miss accettabili)

#### 9.4.3 Disk Usage Growth

```
# Traccia crescita cache nel tempo
while true; do
    date=$(date '+%Y-%m-%d %H:%M:%S')
    size=$(du -sb /mapproxy/cache_data/tiles | cut -f1)
    echo "$date,$size" >> /var/log/cache_growth.csv
    sleep 3600 # Ogni ora
done

# Analizza trend
# Python/R per grafici crescita e proiezione
```

#### Pattern tipico:

Giorno 1-7: Crescita rapida (20-50 MB/giorno)  
 Giorno 8-30: Crescita moderata (5-10 MB/giorno)  
 Giorno 30+: Plateau (~2-3 GB stabilizzato)

## 10. Conclusioni

### 10.1 Sintesi Architettuale

Il sistema MapProxy implementato per il servizio catastale italiano rappresenta una soluzione completa a un problema di interoperabilit  multi-dimensionale:

**Dimensione Geodetica:** - Conversione accurata tra datum (ETRF2000) e proiezioni (Geografica, UTM, Mercatore) - Preservazione della precisione entro i limiti dell'accuratezza dei dati originali - Supporto flessibile

per workflow professionali (rilievi GNSS, CAD, GIS)

**Dimensione Prestazionale:** - Riduzione latenza da ~4 secondi a <50 millisecondi (cache hit) - Ottimizzazione meta-tiling per minimizzare carico upstream - Cache multi-livello per efficienza storage e qualit

**Dimensione Interoperabilit:** - Standard OGC compliant (WMS 1.3.0, WMTS, TMS) - Compatibilit universale web (EPSG:3857) - Supporto software tecnico (EPSG:32632/33, 6706)

## 10.2 Scelte Progettuali Chiave

**10.2.1 Cache Multi-Livello Decisione:** Implementare cache nativa (EPSG:6706) + cache target (3857, UTM).

**Razionale:** - Preserva qualit dati originali - Permette riproiezioni multiple senza degrado cumulativo - Trade-off storage (+20%) vs qualit/flessibilit

**Risultato:** Sistema scalabile per futuri CRS senza modifiche strutturali.

**10.2.2 Meta-Tiling 4x4 Decisione:** meta\_size=[4,4] invece di [8,8] o [16,16].

**Razionale:** - Sotto limite WMS upstream (2048x2048) - Bilanciamento granularit vs efficienza - Riduce richieste 94% senza overhead eccessivo

**Risultato:** Tempo medio generazione meta-tile ~5s per 16 tiles.

**10.2.3 Web Mercator come Primario Decisione:** EPSG:3857 per tiles XYZ, non UTM.

**Razionale:** - Standard de facto per web mapping - Interoperabilit massima (Leaflet, Google, OSM) - Limitazioni distorsione accettabili per visualizzazione

**Risultato:** Adozione immediata da parte applicazioni web esistenti.

## 10.3 Validazione Teorica

**Accuratezza Trasformazioni Errore complessivo stimato:** +o-1-2 metri

**Breakdown:** - Trasformazione datum: +o-0.5 m - Proiezione: +o-0.1 m - Resampling: +o-0.5-1 m

**Confronto con accuratezza catastale (+o-2-5 m):** SI Errore riproiezione < Precisione intrinseca dati

**Prestazioni Cache Hit rate osservato:** ~92% dopo warm-up (7 giorni)

**Speedup medio:** - Cache hit: 380x (da 3.8s a 10ms) - Meta-tiling: 12x (tiles contigue) - **Complessivo:** ~4500x per navigazione fluida

**Storage Efficiency Cache Lazio (zoom 10-16):** - Teorico pieno: ~15 GB - Effettivo 30 giorni: ~3.2 GB (21%) - **Efficienza:** Solo aree richieste memorizzate

## 10.4 Limitazioni e Sviluppi Futuri

### 10.4.1 Limitazioni Attuali

#### 1. Non real-time:

- Cache introduce delay aggiornamenti catastali
- Soluzione: Expiration policy + refresh programmato

#### 2. Distorsione Web Mercator:

- Inadatto calcoli metrici
- Mitigato: WMS multi-CRS disponibile

#### 3. Granularit zoom:

- Zoom <10: non efficiente



- Zoom >18: risoluzione eccessiva vs accuratezza
- Configurato: 10-18 ottimale

#### 10.4.2 Estensioni Future

1. **Vector Tiles:**
  - Servire dati vettoriali invece di raster
  - Styling client-side
  - Tecnologia: Mapbox Vector Tiles (MVT)
2. **Seeding Intelligente:**
  - Machine learning per predire aree hot
  - Pre-caching adattivo
  - Riduzione cold-start time
3. **Multi-Region CDN:**
  - Distribuzione cache geograficamente
  - Latenza ulteriormente ridotta
  - Tecnologia: CloudFront, Cloudflare
4. **Real-Time Updates:**
  - Webhook da catasto per invalidazione cache
  - Aggiornamento automatico su cambio mappa
  - Integrazione API Agenzia Entrate

#### 10.5 Implicazioni Pratiche

**Per Professionisti Tecnici Topografi/Geometri:** - Utilizzare **EPSG:32633** per Lazio (CRS metricamente accurato) - Configurare RTK in RDN2008 per compatibilit atti catastali - Web Mercator solo per visualizzazione, mai per calcoli

**Sviluppatori GIS:** - Preferire WMS multi-CRS a tiles XYZ quando serve precisione - Implementare conversioni CRS lato client per analisi - Cacheare risultati calcoli metrici

**Amministratori Pubblici:** - Sistema cost-effective: \$8-17/mese vs server dedicato - Scalabile: aumento traffico non richiede interventi - Conforme: Standard INSPIRE e normativa italiana

**Per Ricerca e Didattica Casi di studio:** - Interoperabilit sistemi geodetici eterogenei - Ottimizzazione cache distribuita - Trade-off precisione vs prestazioni

**Dataset didattico:** - Cartografia reale ad alta complessit - Scenario multi-CRS realistico - Metriche prestazionali misurabili

#### 10.6 Considerazioni Finali

L'implementazione di MapProxy per il catasto italiano dimostra come principi geodetici solidi, architettura software modulare e configurazione ottimizzata possano risolvere problemi pratici di larga scala.

**Lezioni apprese:**

1. **La precisione geodetica deve essere contestualizzata:**
  - Accuratezza sub-metrica inutile per dati con  $\sigma > 2m$
  - Trade-off ragionati preferibili a purismo teorico
2. **Il caching fondamentale per servizi geospaziali:**
  - 380x speedup non anomalia, norma
  - Overhead storage (3-5 GB) trascurabile vs benefici
3. **Standard de facto > Standard de jure:**
  - EPSG:3857 "sbagliato" ma universale
  - Pragmatismo nell'adozione tecnologica
4. **Architettura multi-livello = flessibilit futura:**

- Costo iniziale maggiore (doppia cache)
- Dividendi a lungo termine (nuovi CRS gratis)

Il sistema risultante non solo un proxy cache, ma una **piattaforma di interoperabilit  geospaziale** che abilita use case prima impraticabili: da app web consumer a workflow professionali topografici, mantenendo un'unica fonte dati e garantendo consistenza e accuratezza.

---

## Bibliografia e Riferimenti

### Normativa e Standard

1. **Decreto 10 novembre 2011** - "Adozione del Sistema di riferimento geodetico nazionale"
2. **OGC Web Map Service (WMS) 1.3.0** - Open Geospatial Consortium
3. **INSPIRE Directive 2007/2/EC** - Infrastructure for Spatial Information in Europe
4. **ISO 19111:2019** - Geographic information ||| Referencing by coordinates

### Documentazione Tecnica

5. **MapProxy Documentation** - <https://mapproxy.org/docs/latest/>
6. **PROJ Coordinate Transformation Software** - <https://proj.org/>
7. **Agenzia delle Entrate - Documentazione WMS Catastale** (Settembre 2020)
8. **IGM - Rete Dinamica Nazionale (RDN)** - <https://www.igmi.org/>

### Pubblicazioni Scientifiche

9. Snyder, J. P. (1987). *Map Projections: A Working Manual*. USGS Professional Paper 1395.
10. Hofmann-Wellenhof, B., Lichtenegger, H., & Wasle, E. (2007). *GNSS//Global Navigation Satellite Systems: GPS, GLONASS, Galileo, and more*. Springer.
11. Iliffe, J. C., & Lott, R. (2008). *Datums and Map Projections: For Remote Sensing, GIS and Surveying*. CRC Press.

### Web Resources

12. **EPSG Geodetic Parameter Dataset** - <https://epsg.org/>
13. **Geofabrik Tile Calculator** - <https://tools.geofabrik.de/map/>
14. **Proj4js** - JavaScript library for coordinate transformations

---

## Fine Documento Teorico

---

## Appendice A: Formule Geodetiche Dettagliate

### A.1 Conversione Geografiche -> Geocentriche

Date coordinate geografiche ( $\phi$ ,  $\lambda$ ,  $h$ ) su ellissoide ( $a$ ,  $e^2$ ):

$$N = a / \sqrt{1 - e^2 \cdot \sin^2(\phi)}$$

$$X = (N + h) \cdot \cos(\phi) \cdot \cos(\lambda)$$

$$Y = (N + h) \cdot \cos(\phi) \cdot \sin(\lambda)$$

$$Z = (N \cdot (1 - e^2) + h) \cdot \sin(\phi)$$

Dove: -  $a$  = semiasse maggiore ellissoide -  $e^2$  = prima eccentricit  al quadrato =  $(a^2 - b^2) / a^2$  -  $N$  = raggio di curvatura nel primo verticale

## A.2 Trasformazione Helmert 7 Parametri

$$\begin{bmatrix} X_t \\ Y_t \\ Z_t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} X_s \\ Y_s \\ Z_s \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \Delta X \\ \Delta Y \\ \Delta Z \end{bmatrix} + (1+s) \begin{bmatrix} 1 & -R_z & R_y \\ R_z & 1 & -R_x \\ -R_y & R_x & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_s \\ Y_s \\ Z_s \end{bmatrix}$$

Parametri: - ( $\Delta X$ ,  $\Delta Y$ ,  $\Delta Z$ ) = traslazioni [metri] - ( $R_x$ ,  $R_y$ ,  $R_z$ ) = rotazioni [radianti] -  $s$  = fattore di scala [ppm]

## A.3 Proiezione UTM (formule complete)

Da geografiche ( $\phi$ ,  $\lambda$ ) a UTM ( $E$ ,  $N$ ):

$\lambda_0 = (\text{zone} * 6 - 183) \text{deg}$  = meridiano centrale

$\Delta\lambda = \lambda - \lambda_0$

$A = \cos(\phi) * \sin(\Delta\lambda)$

$T = \tan^2(\phi)$

$C = e'^2 * \cos^2(\phi)$

$nu = a / \sqrt{1 - e'^2 * \sin^2(\phi)}$

$K_1 = k_0 * nu * \sin(\phi) * \cos(\phi) / 2$

$K_2 = k_0 * nu * \sin(\phi) * \cos^3(\phi) * (5 - T + 9*C + 4*C^2) / 24$

$K_3 = k_0 * nu * \cos(\phi)$

$K_4 = k_0 * nu * \cos^3(\phi) * (1 - T + C) / 6$

$K_5 = k_0 * nu * \cos^5(\phi) * (5 - 18*T + T^2 + 72*C - 58*e'^2) / 120$

$M = a * [(1 - e'^2/4 - 3*e'^4/64 - 5*e'^6/256)*\phi$   
-  $(3*e'^2/8 + 3*e'^4/32 + 45*e'^6/1024)*\sin(2\phi)$   
+  $(15*e'^4/256 + 45*e'^6/1024)*\sin(4\phi)$   
-  $(35*e'^6/3072)*\sin(6\phi)]$

$E = E_0 + K_3*\Delta\lambda + K_4*\Delta\lambda^3 + K_5*\Delta\lambda^5$

$N = N_0 + M + K_1*\Delta\lambda^2 + K_2*\Delta\lambda^4$

Costanti: -  $k_0 = 0.9996$  (fattore di scala) -  $E_0 = 500,000$  m (false easting) -  $N_0 = 0$  m (emisfero nord)

## A.4 Distorsione Scala UTM

Fattore di scala locale:

$k = k_0 * \sqrt{1 + (E - E_0)^2 / (2 * \rho^2 * k_0^2)}$

Dove: -  $\rho$  = raggio di curvatura nel meridiano -  $E - E_0$  = distanza dal meridiano centrale

---

## Appendice B: Codice Python Completo

### B.1 Conversione Coordinate

```
import math

class GeoConverter:
    """Conversione coordinate tra sistemi di riferimento."""

    # Costanti ellissoide GRS80/WGS84
    A = 6378137.0 # Semiasse maggiore [m]
    F = 1/298.257223563 # Schiacciamento
```

```

B = A * (1 - F) # Semiasse minore
E2 = 2*F - F**2 # Prima eccentricit^2

@staticmethod
def latlon_to_webmercator(lat, lon):
    """
    Converte coordinate geografiche a Web Mercator.

    Args:
        lat: Latitudine [gradi decimali]
        lon: Longitudine [gradi decimali]

    Returns:
        (x, y): Coordinate Web Mercator [metri]
    """
    R = GeoConverter.A
    x = R * math.radians(lon)

    lat_rad = math.radians(lat)
    y = R * math.log(math.tan(math.pi/4 + lat_rad/2))

    return x, y

@staticmethod
def latlon_to_utm(lat, lon):
    """
    Converte coordinate geografiche a UTM.

    Args:
        lat: Latitudine [gradi decimali]
        lon: Longitudine [gradi decimali]

    Returns:
        (zone, hemisphere, easting, northing)
    """
    # Determina zona UTM
    zone = int((lon + 180) / 6) + 1

    # Meridiano centrale
    lon0 = (zone - 1) * 6 - 180 + 3

    # Parametri
    k0 = 0.9996
    E0 = 500000
    NO = 0 if lat >= 0 else 10000000

    # Conversione (formula semplificata)
    lat_rad = math.radians(lat)
    lon_rad = math.radians(lon - lon0)

    A = GeoConverter.A
    e2 = GeoConverter.E2

    N = A / math.sqrt(1 - e2 * math.sin(lat_rad)**2)

```

```

T = math.tan(lat_rad)**2
C = e2 * math.cos(lat_rad)**2 / (1 - e2)

A_coef = math.cos(lat_rad) * lon_rad

M = A * ((1 - e2/4 - 3*e2**2/64) * lat_rad)

easting = E0 + k0 * N * (
    A_coef +
    (1 - T + C) * A_coef**3 / 6 +
    (5 - 18*T + T**2) * A_coef**5 / 120
)

northing = N0 + k0 * (
    M +
    N * math.tan(lat_rad) * (
        A_coef**2 / 2 +
        (5 - T + 9*C + 4*C**2) * A_coef**4 / 24
    )
)

hemisphere = 'N' if lat >= 0 else 'S'

return zone, hemisphere, easting, northing

@staticmethod
def tile_to_latlon(z, x, y):
    """
    Converte indici tile a coordinate geografiche (angolo NW).

    Args:
        z: Zoom level
        x: Colonna tile
        y: Riga tile

    Returns:
        (lat, lon): Coordinate angolo Nord-Ovest tile
    """
    n = 2 ** z
    lon = x / n * 360 - 180
    lat_rad = math.atan(math.sinh(math.pi * (1 - 2 * y / n)))
    lat = math.degrees(lat_rad)

    return lat, lon

# Esempio uso
converter = GeoConverter()

# Casalattico
lat, lon = 41.65, 13.75

# Web Mercator
x_merc, y_merc = converter.latlon_to_webmercator(lat, lon)
print(f"Web Mercator: {x_merc:.2f}, {y_merc:.2f}")

```

```

# UTM
zone, hem, easting, northing = converter.latlon_to_utm(lat, lon)
print(f"UTM {zone}{hem}: {easting:.2f}E, {northing:.2f}N")

# Tile zoom 13
z = 13
n = 2 ** z
x_tile = int((lon + 180) / 360 * n)
y_tile = int((1 - math.log(math.tan(math.radians(lat)) +
                        1/math.cos(math.radians(lat)))) / math.pi) / 2 * n)
print(f"Tile: {z}/{x_tile}/{y_tile}")

```

## B.2 Stima Cache Size

```

import math

def estimate_cache_size(bbox_deg, zoom_min, zoom_max, avg_tile_kb=15):
    """
    Stima dimensione cache per area e range zoom.

    Args:
        bbox_deg: (min_lon, min_lat, max_lon, max_lat)
        zoom_min, zoom_max: Range livelli zoom
        avg_tile_kb: Dimensione media tile [KB]

    Returns:
        dict: {zoom: {'tiles': n, 'size_mb': x}}
    """
    min_lon, min_lat, max_lon, max_lat = bbox_deg

    results = {}
    total_tiles = 0
    total_size_mb = 0

    for z in range(zoom_min, zoom_max + 1):
        n = 2 ** z

        # Calcola tile bounds
        x_min = int((min_lon + 180) / 360 * n)
        x_max = int((max_lon + 180) / 360 * n)

        lat_rad_min = math.radians(min_lat)
        lat_rad_max = math.radians(max_lat)

        y_min = int((1 - math.log(math.tan(lat_rad_max) +
                        1/math.cos(lat_rad_max)) / math.pi) / 2 * n)
        y_max = int((1 - math.log(math.tan(lat_rad_min) +
                        1/math.cos(lat_rad_min)) / math.pi) / 2 * n)

        tiles = (x_max - x_min + 1) * (y_max - y_min + 1)
        size_mb = tiles * avg_tile_kb / 1024

        results[z] = {

```

```

        'tiles': tiles,
        'size_mb': size_mb
    }

    total_tiles += tiles
    total_size_mb += size_mb

results['total'] = {
    'tiles': total_tiles,
    'size_mb': total_size_mb
}

return results

# Esempio: Lazio
lazio_bbox = (11.5, 41.0, 14.0, 43.0)
cache_est = estimate_cache_size(lazio_bbox, 10, 16)

print("Stima cache Lazio (zoom 10-16):")
for z, data in cache_est.items():
    if z != 'total':
        print(f"Zoom {z}: {data['tiles']:,} tiles, "
              f"{data['size_mb']:.1f} MB")

print(f"\nTotale: {cache_est['total']['tiles']:,} tiles, "
      f"{cache_est['total']['size_mb']:.1f} MB")

```

---

\*\* 2025 Antonio Rocca - GeoAnalyst s.r.l.\*\*  
 Documento rilasciato con licenza CC BY 4.0