# SEÑALES Y SISTEMAS

## Examen de prácticas, convocatoria de Enero

Grado en Ingeniería Multimedia

Fecha: 15 de Enero de 2016 Duración: 30 min.

### Problema 1 (5 PUNTOS)

a) (1,5 P) Indica como generar en Matlab la señal

$$x[n] = e^{-0.5n} \cdot \cos(0.6\pi n + \pi/4) \cdot \prod \left(\frac{n-4}{10}\right)$$

en los instantes de tiempo discreto  $0 \le n \le 20$ .

b) (1 P) Supón que filtramos la secuencia x[n] con un sistema LTI descrito por la siguiente ecuación en diferencias:

$$y[n] - y[n-2] = x[n] + 2x[n-2] + x[n-3]$$

Muestra cómo calcularías la respuesta y[n] utilizando el comando filter.

- c) (1 P) Calcula la respuesta al impulso h[n] del sistema anterior.
- d) (1,5 P) Representa en la misma ventana y en la misma gráfica mediante diferentes colores, la señal x[n], la salida y[n] y la respuesta impulsiva h[n]. Etiqueta convenientemente los ejes de la gráfica.

**Problema 2** (5 PUNTOS) Desarrolla una función en Matlab que proporciona la transformada discreta de Fourier de una secuencia

$$X(k) = \sum_{n=0}^{L-1} x[n]e^{\left(-j2\pi k\frac{n}{N}\right)}$$

para  $0 \le k \le N-1$  puntos en frecuencia (los índices n y k se tienen que anular, cuidado con los vectores x y X).

La declaración de la función debe ser:

function 
$$X = dft(x, N)$$

donde x es la señal discreta en el dominio del tiempo y N es el numero de muestras en el dominio de la frecuencia. Representa el espectro de amplitud y el espectro de fase en el intervalo  $0 \le \omega \le 2\pi$  (intervalo dividido en N puntos).

# SOLUCIÓN EXAMEN DE PRÁCTICA

### Problema 1 (5 PUNTOS)

```
a) (1.5 P)
   n = [0:1:20];
   x = exp(-0.5n). * cos(0.6\pi n + \pi/4);
   x(1:4) = zeros(1,4);
   x(15:21) = zeros(1,7);
b) (1 P)
   a = [1]
             0
               -1];
                  2
   b = [1]
            0
                       1;
   y = filter(b, a, x);
c) (1 P)
   delta = [1]
                zeros(1,20);
   h = filter(b, a, delta);
d) (1,5 P)
   stem(n, x, b')
   hold on
   stem(n, y, 'r')
   stem(n, h, 'm')
   Xlabel('n');
   Ylabel('x[n] en azul, y[n] en rojo y h[n] en magenta');
```

### **Problema 2** (5 PUNTOS)

```
function
             X = dft(x, N)
L = length(x);
       k = 0: N - 1
for
temp = 0;
for n = 0: L - 1
temp = temp + x(n+1) * exp(-j * 2\pi * k * (n/N))
end
X(k+1) = temp
end
\omega = 0: 2\pi/N: 2\pi/N * (N-1)
subplot(2,1,1)
plot(\omega, abs(X));
title('Espectro de amplitud')
Xlabel('\omega')
subplot(2,1,2)
plot(\omega, angle(X));
title('Espectro de fase')
Xlabel('\omega')
```