### SEÑALES Y SISTEMAS

#### Primer Parcial (Mod2)

Grado en Ingeniería Multimedia.

Fecha: 29 de Octubre de 2014 Duración: 1:00 h

Problema 1 (5,5 PUNTOS) Sea la secuencia

$$x[n] = 1 + 2\cos\left(\frac{2\pi n}{5} + \frac{\pi}{3}\right) + \sin\left(\frac{9\pi n}{5} + \frac{\pi}{4}\right) + 3\cos\left(\frac{11\pi n}{10}\right)$$

- a) (0.5 P) Calcula el periodo  $N_0$ .
- b) (3,5 P) Calcula los coeficientes  $c_k$  de su desarrollo en serie de Fourier discreto.
- c) (1,5 P) Representa el espectro de amplitud y de fase de los coeficientes  $c_k$  en función de la frecuencia discreta.

**Problema 2** (4,5 PUNTOS) Se dispone de un cuantificador de 5 bits cuya zona granular está comprendida entre los valores  $x_{max} = 1$  y  $x_{min} = -1$  Voltios. La función característica del cuantificador Q(x) es la siguiente

$$x_{q} = Q(x) = \begin{cases} \left( E\left[\frac{|x|}{\Delta}\right] + \frac{1}{2}\right) \cdot \Delta \cdot sign(x), & |x| < x_{max} \\ \frac{L-1}{2} \cdot \Delta \cdot sign(x), & |x| \ge x_{max} \end{cases}$$

Donde L es el número de niveles y  $\Delta$  es el escalón de cuantificación. A cada valor de  $x_q$  se le asigna una palabra de código binaria de acuerdo con una codificación signo-magnitud, con el bit de signo 1 para valores de tensión negativos y viceversa.

- a) (3,25 P) Considera las muestras  $x_1 = 0$ , 28 V,  $x_2 = -0$ , 87 V y  $x_3 = -1$ , 1 V. Calcula su valor cuantificado, su palabra de código y el error relativo de cuantificación en tanto por ciento.
- b) (0.25 P) Suponiendo que el margen dinámico del cuantificador sea  $2X_m = 5\sigma_x$ , es decir 5 veces el valor cuadrático medio de la señal, calcula la relación señal a ruido de cuantificación utilizando la siguiente fórmula, donde b es el número de bits:

$$\left(\frac{S}{N}\right)_q = 6,02 \cdot (b-1) + 10,8 - 20 \cdot \log\left(\frac{2X_m}{2\sigma_x}\right) \quad \mathrm{dB}.$$

c) (1 P) ¿cuántos bits de cuantificación habría que añadir para asegurar una relación señal a ruido de cuantificación de al menos 55 dB? ¿cuál sería el número de niveles total necesario?

## SEÑALES Y SISTEMAS

#### Primer Parcial (Mod2)

Grado en Ingeniería Multimedia.

Fecha: 29 de Octubre de 2014 Duración: 1:00 h

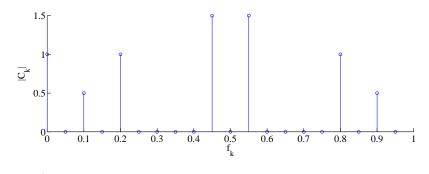
# **SOLUCIÓN**

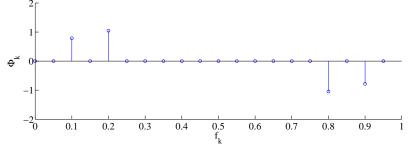
#### **Problema 1** (5,5 PUNTOS)

a) 
$$N_0 = M.C.M\{5, 10, 20\} = 20 \text{ u.t.d}$$

b) 
$$c_0 = 1$$
,  $c_4 = e^{j\frac{\pi}{3}}$ ,  $c_{16} = e^{-j\frac{\pi}{3}}$ ,  $c_{18} = \left(\frac{1}{2}\right)e^{-j\frac{\pi}{4}}$ ,  $c_2 = \left(\frac{1}{2}\right)e^{j\frac{\pi}{4}}$ ,  $c_{11} = \frac{3}{2}$ ,  $c_9 = \frac{3}{2}$ 

c) Espectro de amplitud y fase de los  $c_k$ :





#### **Problema 2** (4,5 PUNTOS)

a) 
$$\Delta = \frac{2}{32} = 0.0625$$
  $V, x_{q1} = 0.28125$   $V$   $palabra$   $binaria = 00100,$   $e_{q1} = 0.44\%$   $x_{q2} = -0.84375$   $V$ 

$$\begin{array}{ll} palabra & binaria = 11101, & e_{q2} = 3,01\,\% \\ x_{q3} = -0.96875 & V \\ palabra & binaria = 11111, & e_{q3} = 11.9\,\% \end{array}$$

b) 
$$\left(\frac{S}{N}\right)_q=26{,}92~\mathrm{dB}$$

c) 
$$b > 9{,}66 = 10$$
 bits, el número de niveles es  $L = 2^{10} = 1024$