# SEÑALES Y SISTEMAS

### Primer Parcial (G1), curso 2015-16.

Grado en Ingeniería Multimedia.

Fecha: 4 de Noviembre de 2015 Duración: 1:00 h

Problema 1 (5,5 PUNTOS) Sea la secuencia

$$x[n] = 4 + \cos\left(\frac{\pi n}{3} + \frac{\pi}{4}\right) + 2\cos\left(\frac{8\pi n}{3}\right) + 3\sin\left(\frac{19\pi n}{9}\right)$$

- a) (1,0 P) Calcula el periodo  $N_0$ .
- b) (3,5 P) Calcula los coeficientes  $c_k$  de su desarrollo en serie de Fourier discreto.
- c) (1,0 P) Representa el espectro de amplitud y de fase de los coeficientes  $c_k$  en función de la frecuencia discreta.

**Problema 2** (4,5 PUNTOS) Se dispone de un cuantificador de 5 bits cuya zona granular está comprendida entre los valores  $x_{max}=0.5$  y  $x_{min}=-0.5$  Voltios. La función característica del cuantificador Q(x) es la siguiente

$$x_{q} = Q(x) = \begin{cases} \left( E\left[\frac{|x|}{\Delta}\right] + \frac{1}{2}\right) \cdot \Delta \cdot sign(x), & |x| < x_{max} \\ \frac{L-1}{2} \cdot \Delta \cdot sign(x), & |x| \ge x_{max} \end{cases}$$

Donde L es el número de niveles y  $\Delta$  es el escalón de cuantificación. A cada valor de  $x_q$  se le asigna una palabra de código binaria de acuerdo con una codificación signo-magnitud, con el bit de signo 1 para valores de tensión negativos y viceversa.

- a) (3,0 P) Considera las muestras  $x_1=0,047$  V,  $x_2=-0,227$  V que se han obtenido muestreando la señal  $x(t)=0.5\cos(0.2\pi t-\frac{\pi}{4})$ , y la muestra  $x_3=0.52$  V. Calcula su valor cuantificado, su palabra de código y el error relativo de cuantificación en tanto por ciento.
- b) (1,0 P) Considera ahora estos dos otros cuantificadores uniformes, cuyas características son
  - 2)  $bits = 5, 2X_m = 2.$
  - 3)  $bits = 6, 2X_m = 2.$

Entre las tres opciones (la primera y estos últimos dos), cuál es la que cuantificaría mejor la señal x(t) ajustándose a sus características? Justifica tu elección.

c) (0.5 P) Suponiendo que el margen dinámico del cuantificador sea  $2X_m = 8\sigma_x$ , es decir 8 veces el valor cuadrático medio de la señal. ¿Cuántos bits de cuantificación habría que utilizar para asegurar una relación señal a ruido de cuantificación de al menos 80 dB? ¿Cuál sería el número de niveles total necesario?

Emplea la fórmula:

$$\left(\frac{S}{N}\right)_q = 6,02\cdot(b-1) + 10,8 - 20\cdot\log\left(\frac{2X_m}{2\sigma_x}\right) \quad \mathrm{dB}$$

# SEÑALES Y SISTEMAS

## Primer Parcial (G1)

Grado en Ingeniería Multimedia.

Fecha: 4 de Noviembre de 2015 Duración: 1:00 h

# **SOLUCIÓN**

#### **Problema 1** (5,5 PUNTOS)

a) 
$$N_0 = M.C.M\{6, 3, 18\} = 18 \text{ u.t.d}$$

b) 
$$c_0 = 4$$
,  $c_3 = \left(\frac{1}{2}\right) e^{j\frac{\pi}{4}}$ ,  $c_{15} = \left(\frac{1}{2}\right) e^{-j\frac{\pi}{4}}$ ,  $c_6 = 1$ ,  $c_{12} = 1$ ,  $c_1 = \left(\frac{3}{2}\right) e^{-j\frac{\pi}{2}}$ ,  $c_{17} = \left(\frac{3}{2}\right) e^{j\frac{\pi}{2}}$ 

c) Espectro de amplitud y fase de los  $c_k$  aquí no se muestra.

#### **Problema 2** (4,5 PUNTOS)

a) 
$$\Delta_1 = \frac{1}{32} = 0.03125 \quad V, x_{q1} = 0.0469 \quad V$$
  $palabra \quad binaria = 00001, \quad e_{q1} = 0.21 \%$   $x_{q2} = -0.2344 \quad V$   $palabra \quad binaria = 10111, \quad e_{q2} = 3.26 \%$   $x_{q3} = 0.4844 \quad V$   $palabra \quad binaria = 01111, \quad e_{q3} = 6.85 \%$ 

- b)  $\Delta_3 = \Delta_1$ , pero la mejor opción es la primera ya que se ajusta mejor a las características de x(t).
- c) b > 14,49 = 15 bits, el número de niveles es  $L = 2^{15} = 32768$