

# SEÑALES Y SISTEMAS

## Examen de prácticas

Grado en Ing. Multimedia

Fecha: 17 de enero de 2017

Duración: 30 min.

### Problema 1 (5 PUNTOS)

- a) (1,5 P) Indica como generar en Matlab la señal

$$x[n] = e^{-0,5n} \cdot \cos(0,8\pi n + \pi) \cdot \prod \left( \frac{n-2}{10} \right)$$

en los instantes de tiempo discreto  $0 \leq n \leq 20$ .

- b) (1 P) Supón que filtramos la secuencia  $x[n]$  con un sistema LTI descrito por la siguiente ecuación en diferencias:

$$y[n] - y[n-1] = x[n] + 2x[n-2] + x[n-3]$$

Muestra cómo calcularías la respuesta  $y[n]$  utilizando el comando *filter*.

- c) (1 P) Calcula la respuesta al impulso  $h[n]$  del sistema anterior.
- d) (1,5 P) Representa en la misma ventana y en la misma gráfica mediante diferentes colores, la señal  $x[n]$ , la salida  $y[n]$  y la respuesta impulsiva  $h[n]$ . Etiqueta convenientemente los ejes de la gráfica.

### Problema 2 (5 PUNTOS)

Considera 4 señales sinusoidales reales continuas de amplitud unitaria y fase inicial nula, cuyas frecuencias son:

$$\begin{aligned} f_1 &= 550 \text{ Hz} \\ f_2 &= f_1 \cdot (9/8) \text{ Hz} \\ f_3 &= f_2 \cdot (10/9) \text{ Hz} \\ f_4 &= f_3 \cdot (16/15) \text{ Hz} \end{aligned}$$

- a) (2,5 P) Crea un fichero tipo M para calcular en Matlab 4096 muestras de cada senoide ( $0 \leq n \leq 4095$ ,  $t = n \cdot T_S = \frac{n}{f_S}$ ) suponiendo que se emplea una frecuencia de muestreo  $f_S = 11025$  Hz.
- b) (1,0 P) Concatena las cuatro sinusoides en un único vector  $x$ , en orden creciente de pulsación. Utiliza la función *sound* de Matlab que recibe como parametros de entrada la señal  $x$ , la frecuencia de reconstrucción igual a la de muestreo ( $f_S$ ) y 16 bits de precisión para escuchar la secuencia generada.
- c) (1,5 P) Programa la función  $y = \text{ecoinfinito}(x, f_S, \alpha, t_0)$  donde los parámetros de entrada son un retardo de tiempo  $t_0$  para la señal  $x$  muestreada a  $f_S$  y con coeficiente de atenuación  $\alpha$ . La función debe añadir 5 ecos a la señal  $x$ , se recuerda que la ecuación en diferencia para el eco infinito es la siguiente:

$$y[n] = x[n] + \alpha \cdot y[n - n_0]$$

y que  $n_0 = \text{fix}(t_0 \cdot f_S)$

## SOLUCIÓN EXAMEN DE PRÁCTICA

### Problema 1 (5 PUNTOS)

a)  $n = [0 : 1 : 20];$   
 $x = \exp(-0,5n) .* \cos(0,8\pi n + \pi);$   
 $x(1 : 2) = \text{zeros}(1, 2);$   
 $x(13 : 21) = \text{zeros}(1, 9);$

b)  $a = [1 \quad -1];$   
 $b = [1 \quad 0 \quad 2 \quad 1];$   
 $y = \text{filter}(b, a, x);$

c) (1P)  
 $\text{delta} = [1 \quad \text{zeros}(1, 20)];$   
 $h = \text{filter}(b, a, \text{delta});$

d) (1.5P)  
 $\text{stem}(n, x, 'b')$   
 $\text{hold on}$   
 $\text{stem}(n, y, 'r')$   
 $\text{stem}(n, h, 'm')$   
 $X\text{label}('n');$   
 $Y\text{label}('x[n] \text{ en azul, } y[n] \text{ en rojo y } h[n] \text{ en magenta}');$

### Problema 2 (5 PUNTOS)

$n = 0 : 1 : 4095$   
 $f1 = 550;$   
 $f2 = f1 * (9/8);$   
 $f3 = f2 * (10/9);$   
 $f4 = f3 * (16/15);$   
 $f_s = 11025;$   
 $x1 = \cos(2 * \pi * f1 * n / f_s)$   
 $x2 = \cos(2 * \pi * f2 * n / f_s)$   
 $x3 = \cos(2 * \pi * f3 * n / f_s)$   
 $x4 = \cos(2 * \pi * f4 * n / f_s)$

$x = [x1 \quad x2 \quad x3 \quad x4];$   
 $\text{sound}(x, 11025, 16)$

$\text{function } y = \text{ecoinfinito}(x, f_s, \text{alfa}, t_0)$   
 $n_0 = \text{fix}(t_0 * f_s);$   
 $x = [x, \quad \text{zeros}(1, 5 * n_0)];$   
 $b = [1];$   
 $a = [1 \quad \text{zeros}(1, n_0 - 1) \quad -\text{alfa}];$   
 $y = \text{filter}(b, a, x);$   
 $\text{sound}(y, 11025, 16)$