

RODRIGO ALVES DE ALMEIDA

(01) $u = K_p (n_r - n)$

$$m \dot{n} + b n = K_p n_r - K_p n$$

$$m \dot{n} + (b + K_p) n = K_p n_r$$

em regime, o equilíbrio é atingido:

$$\dot{n}(t \rightarrow \infty) = 0$$

$$n(t \rightarrow \infty) = \frac{K_p}{b + K_p} n_r$$

O erro calculado:

$$e_{\infty} = n_r - \frac{K_p}{b + K_p} n_r = \frac{b}{b + K_p} n_r$$

Para maximizar K_p de modo que $e'_{\infty} = \frac{1}{2} e_{\infty}$

Queremos K_p' de modo que $e'_{\infty} = \frac{1}{2} e_{\infty}$
como será mantido o mesmo tipo de la de controle:

$$e'_{\infty} = \frac{b \cdot r}{b + K_p'}$$

$$\frac{b \cdot r}{b + K_p'} = \frac{1}{2} \frac{b \cdot r}{b + K_p}$$

$$2b + 2K_p = b + K_p'$$

$$\boxed{K_p' = b + 2K_p}$$

02

$$m\ddot{x} + b\dot{x} + kx = u$$

$$m\ddot{x} + b\dot{x} + kx = c_1\dot{x} + c_2x + c_3$$

$$m\ddot{x} + (b-c_1)\dot{x} + (k-c_2)x = c_3 \quad (1)$$

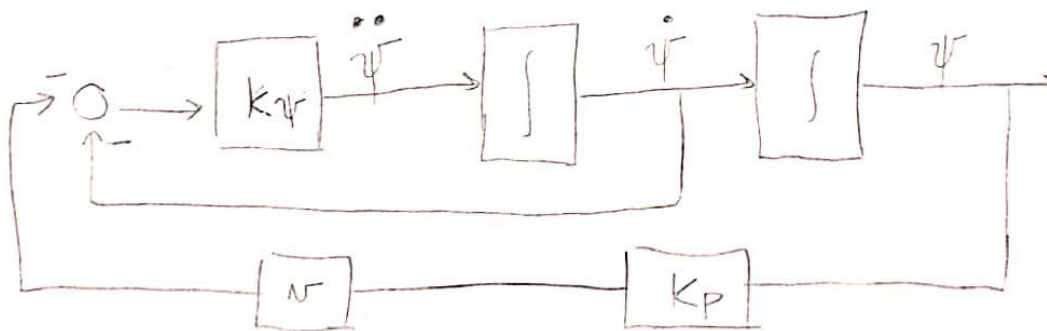
$$m\ddot{x} + b'\dot{x} + k'x = f' \quad (2)$$

Para que as equações (1) e (2) tenham a mesma equação $x(t)$ como resultado, é necessário que os coeficientes sejam iguais:

$$\begin{cases} b-c_1 = b' \\ k-c_2 = k' \\ c_3 = f' \end{cases} \quad \Rightarrow \quad \begin{cases} c_1 = b-b' \\ c_2 = k-k' \\ c_3 = f' \end{cases}$$

03 a) A velocidade angular é controlada por
 $w = K_v (K_p(h_r - h) - \psi) = K_v K_p h_r - K_v K_p h - K_v \psi$
 derivando: $\dot{w} = -K_v K_p \dot{h} - K_v \dot{\psi}$ (1)

$$\left\{ \begin{array}{l} \dot{h} = \dot{\psi} \\ \dot{w} = \ddot{\psi} \end{array} \right. \rightarrow \text{substituindo:} \quad \ddot{\psi} = -K_v (\dot{\psi} + K_p \psi)$$



$$b) \ddot{\psi} + K_v \dot{\psi} + K_v K_p r \psi = 0$$

Sabendo que um sistema de 2ª ordem padrão é dado por

$$\ddot{y} + 2\zeta \omega_n \dot{y} + \omega_n^2 y = \omega_n^2 u$$

temos, nesse caso:

$$2\zeta \omega_n = K_v$$

$$\omega_n^2 = K_v K_p r$$

$$u = 0$$

$$K_v = 2\zeta \omega_n$$

$$2\zeta \omega_n \cdot K_p r = \omega_n^2$$

$$K_p = \frac{\omega_n}{2\zeta r}$$

$$K_v = 2\zeta \omega_n$$

$$K_p = \frac{\omega_n}{2\zeta r}$$

04) equação Fig. 2:

$$\ddot{x} = \frac{1}{m} ((k_p(x_r - x) - \dot{x})k_v - \dot{x}b)$$

$$m\ddot{x} + b\dot{x} = k_v(k_p(x_r - x) - \dot{x})$$

$$m\ddot{x} + (b + k_v)\dot{x} + k_v k_p x = k_v k_p x_r \quad (1)$$

Equação Fig 3:

$$\ddot{x} = \frac{1}{m} ((x_r - x)k'_p - k'_v\dot{x} - b\dot{x})$$

$$m\ddot{x} + (b + k'_v)\dot{x} + k'_p x = k'_p x_r \quad (2)$$

Para que (1) e (2) sejam equivalentes,
seus coeficientes devam ser iguais:

$$\begin{cases} b + k_v = b + k'_v \\ k_v k_p = k'_p \end{cases}$$

$$k'_v = k_v$$

$$k'_p = k_v k_p$$