

# Prova P3 – EAI-21-2020 – COMP

Nome: RODRIGO ALVES DE ALMEIDA Duração: 2:30h  
Data prova: 27/06/20 Horário/Início: 10:10 Término 12:25

1Q: (2.0) Obter a tabela primitiva de fluxo de estados (TPFE) de uma máquina sequencial assíncrona modelo Moore. Esta máquina opera no modo fundamental normal e tem as variáveis CLK e G de entrada e a variável Y de saída. A saída Y se comporta segundo o diagrama de temporização da figura 1.

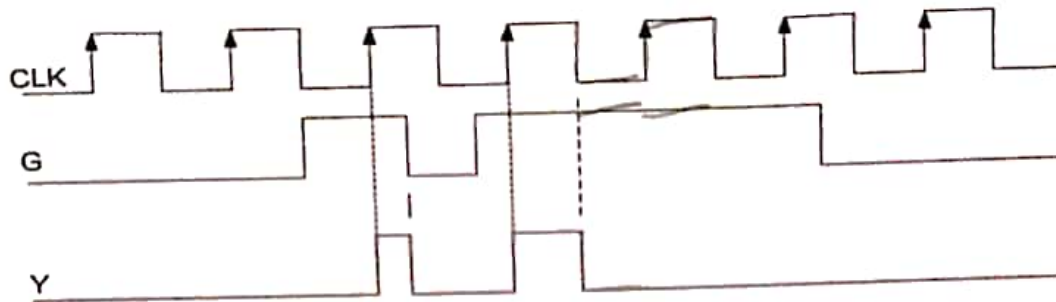


Figura 1. Diagrama de Temporização

Descrição da máquina:

- A máquina começa operando no estado normal
- Nesse estado  $Y = G \cdot CLK$
- Se CLK for de 1  $\rightarrow$  0 e  $G = 1$ , a máquina entra no estado de repouso, onde  $Y = 0$
- O estado de repouso só termina quando G vai de 1  $\rightarrow$  0, e a máquina volta para o estado normal

CLK \ G		00	01	11	10	Y
Estados	a	(a)	b	—	c	0
	b	a	(b)	d	—	0
	c	a	—	d	(c)	0
	d	—	f	(d)	c	1
	f	a	(f)	h	—	0
	h	—	f	(h)	c	0

2Q: A MEFA abaixo é implementada usando Latch C. Ela tem duas entradas (Ain, Rin) e duas saídas (Aout, Rout), onde as saídas também fazem o papel de variáveis de estado. Pede-se:

(1,5) a) Tabela de fluxo de estados; b) (1,0) Implemente a tabela do item (a) na arquitetura RS. Obs: A equação característica do RS é  $Q_{N+1} = S' + RQ_N$

Dado: Tabela de operações do latch C

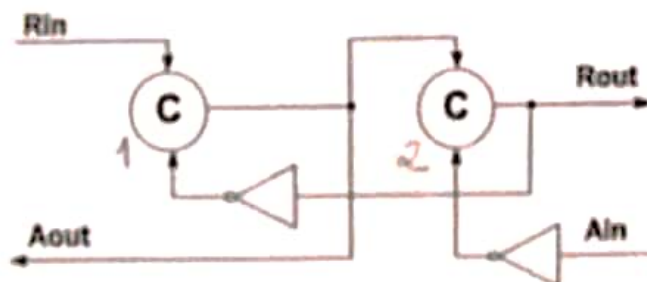


Tabela de operações do latch C

C1	C2	$Q_{N+1}$
0	0	0
0	1	$Q_N$
1	1	1
1	0	$Q_N$

a) Latch C:

$$Q_{N+1} = \overline{C_1}C_2Q_N + C_1C_2 + C_1\overline{C_2}Q_N = C_1C_2 + Q_N(C_1 + C_2)$$

Latch 1:

$$C_1 = R_{in} \quad C_2 = \overline{R_{out}(t)}$$

$$A_{out}(t+1) = R_{in} \overline{R_{out}(t)} + A_{out}(t) (R_{in} + \overline{R_{out}(t)})$$

Latch 2:

$$C_1 = \overline{A_{in}} \quad C_2 = A_{out}(t)$$

$$R_{out}(t+1) = \overline{A_{in}} A_{out}(t) + R_{out}(t) (\overline{A_{in}} + A_{out}(t))$$

		Rin			
		00	01	11	10
Ain \ Rout	00	00	10	10	00
	01	01	01	00	00
	11	01	11	11	01
	10	11	11	10	10

b) Comparando as equações do item a) com a equação do Latch RS:

1)  $A_{out}$

$$S' = R_{in} R_{out}(t)'$$

$$R = R_{in} + R_{out}(t)'$$

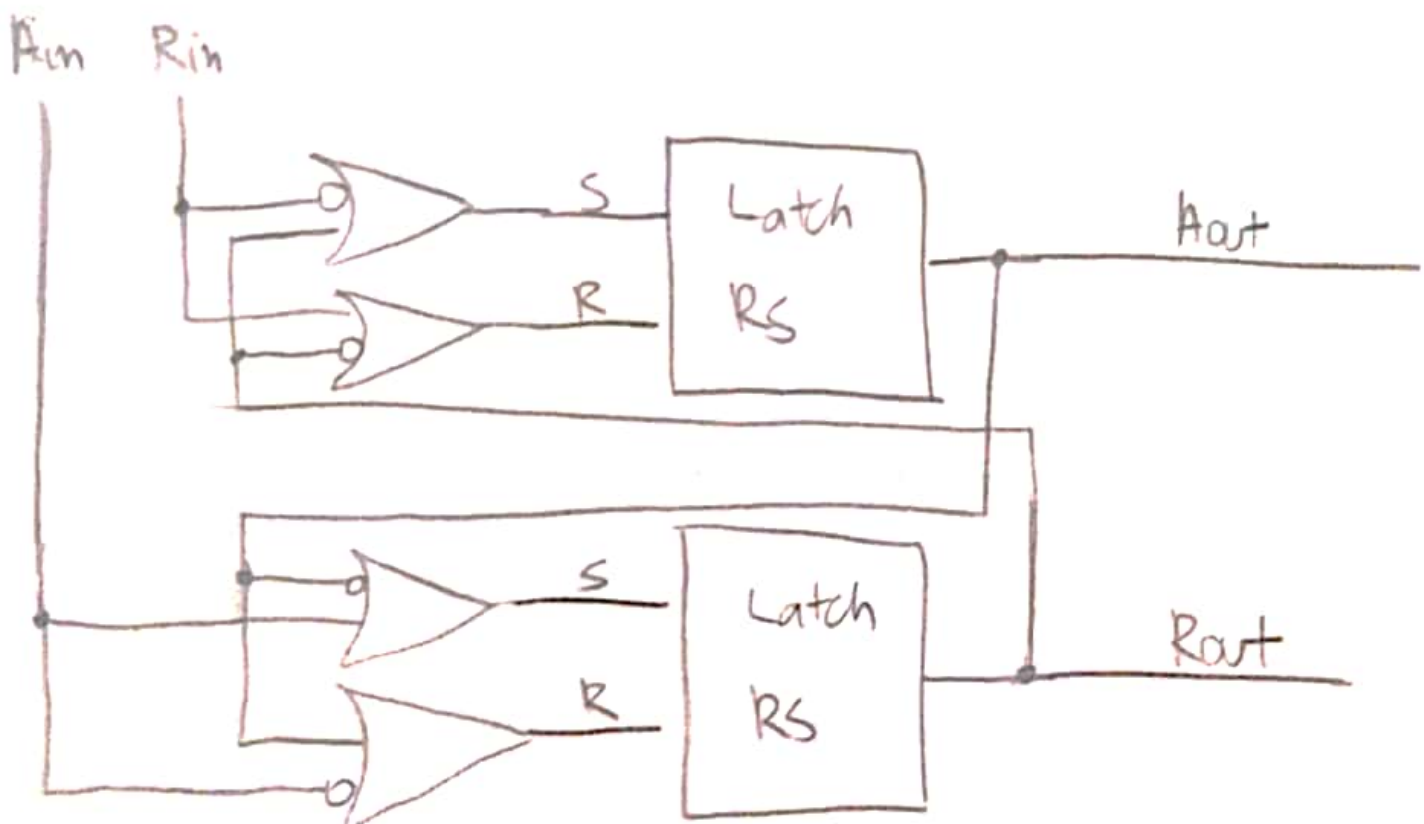
$$S = R_{in}' + R_{out}(t)$$

2)  $R_{out}$

$$S' = A_{in}' A_{out}(t)$$

$$R = A_{in} + A_{out}(t)'$$

$$S = A_{in} + A_{out}(t)'$$

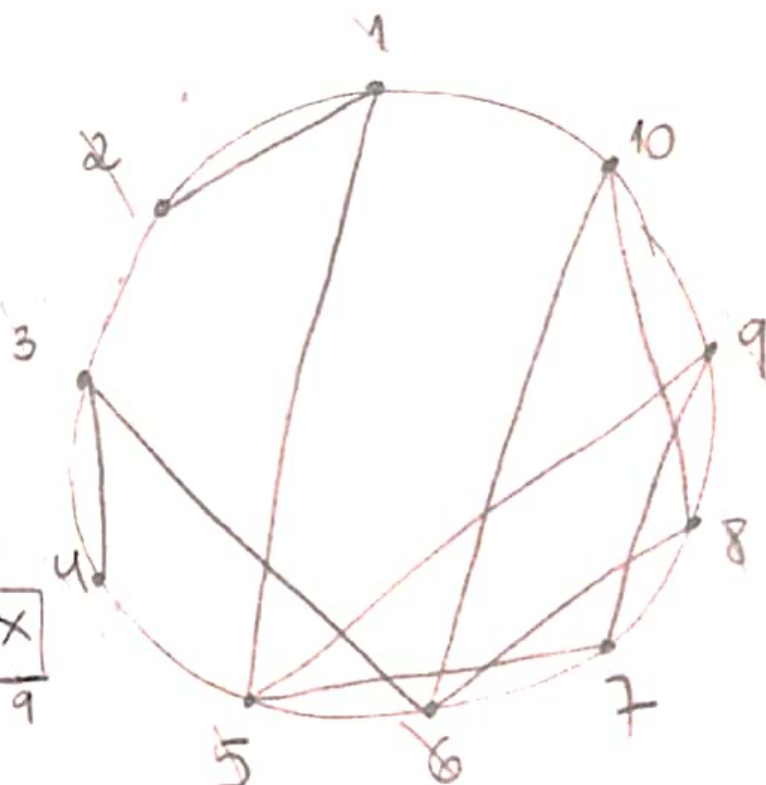


3Q: A tabela primitiva de fluxo de estados no modelo Moore abaixo descreve um detector de sequências, onde temos as entradas  $X_1$  e  $X_2$  e uma saída  $Z$ . Pede-se: a) (1.5) a tabela de fluxo de estados minimizada; b) (1.5) sintetize a tabela de fluxo do item (a) como máquina de Huffman minimizada, livre de corrida crítica, livre de hazard lógico e a saída  $Z$  não tem glitch.

$X_1 X_2$ Estados	00	01	11	10	Z
1	(1)	2	—	5	0
2	1	(2)	3	—	0
3	—	6	(3)	4	1
4	1	—	3	(4)	1
5	1	—	7	(5)	0
6	8	(6)	3	—	1
7	—	9	(7)	5	0
8	(8)	6	—	10	1
9	1	(9)	7	—	0
10	8	—	3	(10)	1

a)

2	V								
3	X	X							
4	X	X	V						
5	V	X	X	X					
6	X	X	V	X	X				
7	X	X	X	X	V	X			
8	X	X	X	X	X	V	X		
9	X	X	X	X	V	X	V	X	
10	X	X	X	X	V	X	V	X	
	1	2	3	4	5	6	7	8	9



Menor número de classes :  $(5, 7, 9)$ ;  $(6, 8, 10)$ ;  $(1, 2)$ ;  $(3, 4)$

$(5, 7, 9) = A$

$(6, 8, 10) = B$

$(1, 2) = C$

$(3, 4) = D$

$X_1 X_2$ Estados	00	01	11	10	Z
A	C	(A)	(A)	(A)	0
B	(B)	(B)	D	(B)	1
C	(C)	(C)	D	A	0
D	C	B	(D)	(D)	1



b) Assinalamento de estados:

Risco de corrida crítica:

$A \rightarrow C$ ;  $B \rightarrow D$ ;  $C \rightarrow D$ ,  $C \rightarrow A$ ;  $D \rightarrow B$ ;  $D \rightarrow C$

$y_1$	0	1
$y_2$	A	C
	B	D

$\rightarrow$  todos riscos são suprimidos!

$x_1 x_2$	00	01	11	10	$z$
(A) 00	0	0	0	0	0
(B) 01	0	0	1	0	1
(D) 11	0	1	1	1	1
(C) 10	0	0	1	0	0

$x_1 x_2$	00	01	11	10
$y_1 y_2$				
00	1	0	0	0
01	0	0	1	0
11	1	0	1	1
10	1	1	1	0

$x_1 x_2$	00	01	11	10
$y_1 y_2$				
00	0	0	0	0
01	1	1	1	1
11	0	1	1	1
10	0	0	1	0

$y_1$	0	1
$y_2$	0	0
	1	1

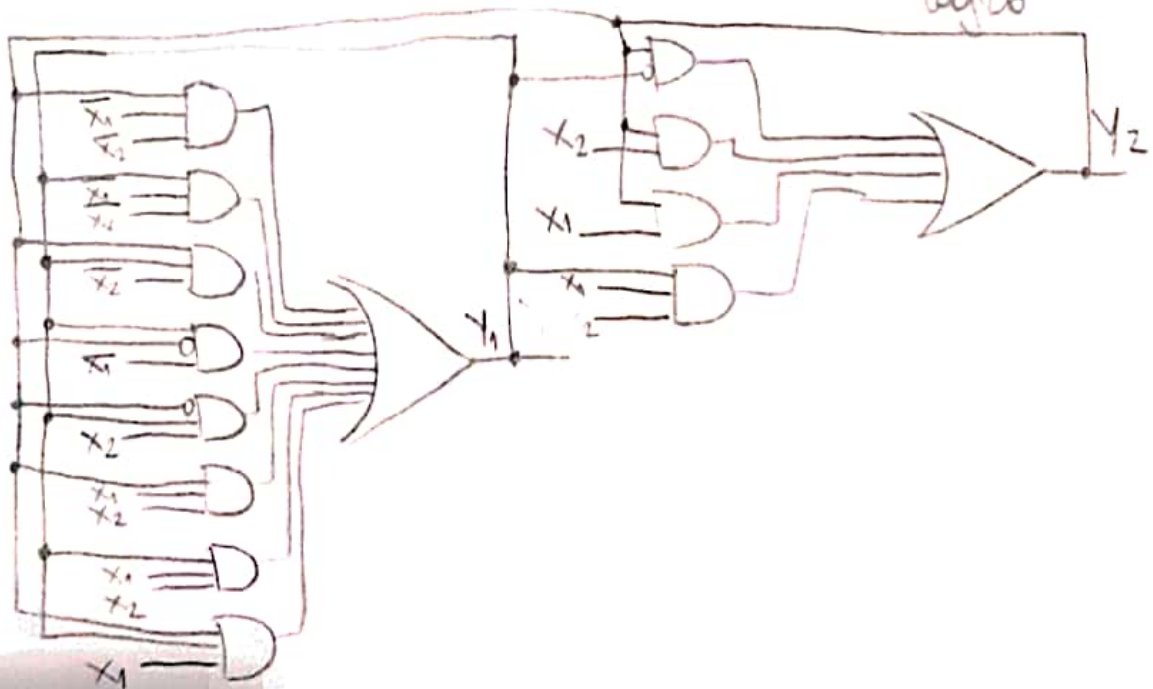
$$z = y_2$$

Pela regra de Unge, não há hazard essencial

$$y_1 = \overline{x_1} \overline{x_2} \overline{y_2} + \overline{x_1} x_2 y_1 + \overline{x_2} y_1 y_2 + \overline{x_1} y_1 \overline{y_2} + x_2 y_1 \overline{y_2} + x_1 x_2 y_2 + x_1 x_2 y_1 + x_1 y_1 y_2$$

$$y_2 = \overline{y_1} y_2 + x_2 y_2 + x_1 y_2 + x_1 x_2 y_1$$

$\rightarrow$  eqs livres de Hazard lógico



**4Q:** A Figura 4 mostra o grafo de transição de estado (GTE) que descreve uma máquina de estado finito síncrona (MEFS) modelo Mealy. As entradas são  $[a,b]$  e as saídas são  $[x,y]$ . Pede-se:

- (1.0) Converta o GTE modelo Mealy da Figura 4 para GTE modelo Moore
- (1.5) Sintetize a MEFS especificada no GTE do item (a), usando flip-flops JK e portas, usando o menor número de variáveis de estado, isto é, as saídas podem ter também o papel de variáveis de estados. Pede-se: As equações de excitação e de saída minimizadas na forma de soma de produto.

Dado:

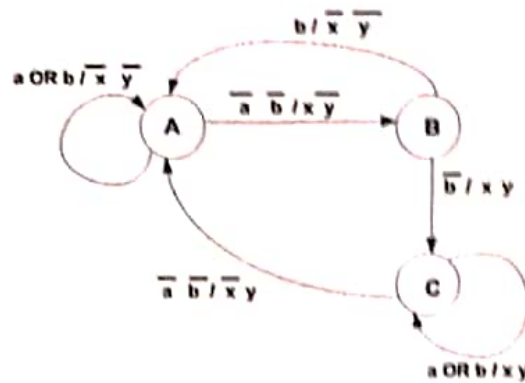
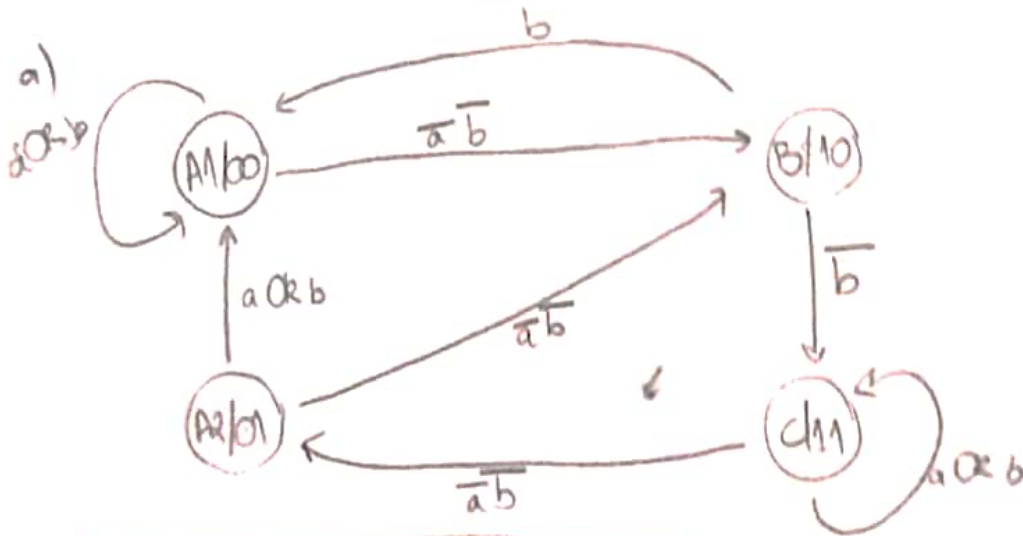


Figura 4. GTE modelo Mealy



b)

	a b				
	00	01	11	10	XY
A1	B	A1	A1	A1	00
A2	B	A1	A1	A1	01
b	C	A1	A1	C	10
c	A2	C	C	C	11

	a b				
z w	00	01	11	10	XY
A1(00)	10	00	00	00	00
A2(01)	10	00	00	00	01
C(11)	01	11	11	11	11
B(10)	11	00	00	11	10

FF JK:

$$Q_{N+1} = \overline{K} Q_N + J \overline{Q}_N$$

ab \ zw		z(t+1)			
		00	01	11	10
00		1	0	0	0
01		1	0	0	0
11		0	1	1	1
10		1	0	0	1

ab \ zw		w(t+1)			
		00	01	11	10
00		0	0	0	0
01		0	0	0	0
11		1	1	1	1
10		1	0	0	1

$$X = z(t)$$

$$Y = w(t)$$

$$z(t+1) = \overline{a} \overline{b} \overline{z} + b z w + \overline{a} b z + \overline{b} z \overline{w}$$

$$w(t+1) = z w + \overline{b} z \overline{w}$$

variável z:

$$\begin{cases} J_0 = \overline{a} \overline{b} \\ K_0 = (b w + \overline{a} b + \overline{b} \overline{w}) \end{cases}$$

variável w:

$$\begin{cases} J_1 = \overline{b} z \\ K_1 = \overline{z} \end{cases}$$

Saída

$$\begin{cases} X = z \\ Y = w \end{cases}$$