

# Complemento a 2 - Introducción

- ✓ También conocido como *Complemento al Módulo* o *Complemento a la Base*
  - ✓
- ✓ Es un sistema de numeración binario que nos permitirá representar números enteros **positivos** y **negativos**
  - ✓
- ✓ El bit más hacia la izquierda representará el signo, aunque veremos que será una mera consecuencia aritmética.
  - ✓

+  
**CA2(n)**  
-

# CA2 : ¿Porqué es importante?

- ✓ Porque toda la aritmética de los procesadores se basa en este sistema numérico.
- ✓
- ✓ La interpretación de los resultados de las operaciones binarias dependerá de nosotros.
- ✓
- ✓ La aritmética en CA2(n) es idéntica a la que utilizamos en BSS(n).
- ✓
- ✓ Existen reglas prácticas de muy fácil aplicación.
- ✓

+  
CA2(n)  
-

# CA2 - ¿A qué llamamos módulo?

- Para un sistema de  $N$  bits, se llama *módulo* al  $n^\circ$  de ***combinaciones posibles de cadenas*** a las que podemos asignar un valor.

**Ejemplo:** Para un sistema de 3 bits entero positivo, las cadenas posibles serán:

000 b -» I (000b) = 0 d  
001 b -» I (000b) = 1 d  
010 b -» I (000b) = 2 d  
011 b -» I (000b) = 3 d  
100 b -» I (000b) = 4 d  
101 b -» I (000b) = 5 d  
110 b -» I (000b) = 6 d  
111 b -» I (000b) = 7 d

**Son en Total 8 cadenas -» 1000b : Luego 1000b es el módulo !!!**  
**Podemos expresarlo como el resultado de la base elevado a la**  
**cantidad de bits del sistema:  $2^3 = 8 \gg 1000b$**

## CA2 – Rango en BSS(n)

- Para un sistema Binaria Sin Signo de  $n$  bits -BSS( $n$ )-, se entiende **rango** como el conjunto de valores cerrado desde el mínimo hasta el máximo que se puede representar.

**Ejemplo:** Para un sistema BSS(3), el **rango** puede ser expresado así:

$$R(0, 2^3 - 1) = R(0, 7)$$

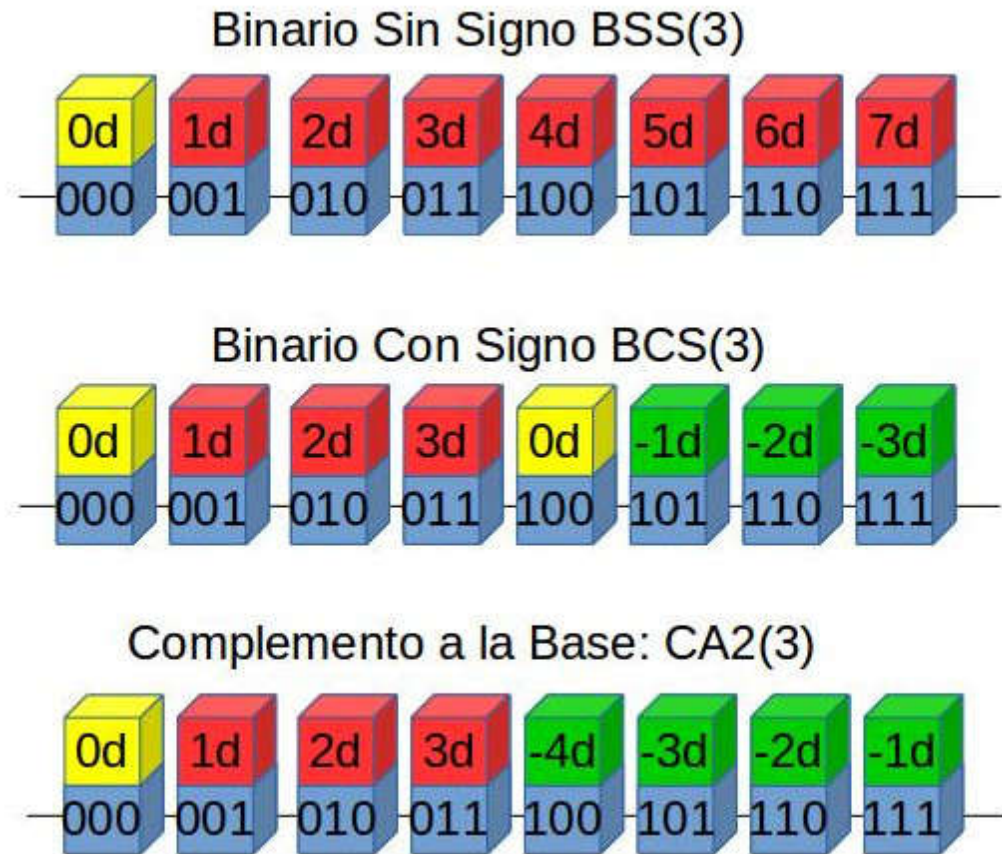
No obstante observamos que  $2^3$  también representa al módulo del sistema. Si expresamos lo mismo generalizando para sistemas de  $n$  bits:

$$\text{Rango : } R(0, M - 1)$$

donde el  $M$  será el módulo del sistema BSS(3)

## CA2 - ¿Cómo representar valores negativos?

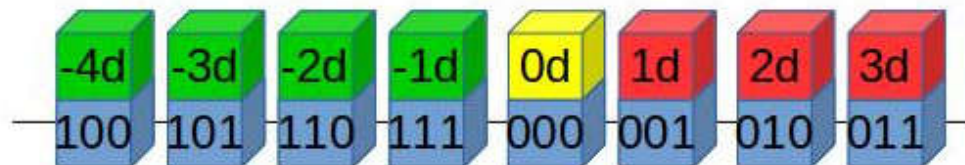
- Si dibujamos una recta con las cadenas de representación posibles para 3 bits, veremos que podemos asignarle valores de interpretación para los sistemas que deseemos.



# Complemento a 2 – Rango y módulo

- Si ordenamos los valores de la recta numérica correspondiente a CA2, podemos darle un sentido creciente y analizar su rango.
- 
- Es importante notar que los enteros positivos en CA2, se representan con las mismas cadenas que en BSS

Complemento a la Base: CA2(3)



Rango (  $-2^{(n-1)}$  ,  $2^{(n-1)} - 1$  )

Para  $n = 3$  : Rango ( -4 , 3 )

El **módulo** sigue siendo  $8d = 1000b$  como en BSS(3)

## Complemento a 2 - Justificación

¿Se han elegido arbitrariamente las cadenas que representarán los enteros negativos en el sistema CA2(n)?

La respuesta es:

**NO!!!**

Por supuesto que no :)

# Complemento a 2 - Justificación

- Estamos buscando un sistema numérico que siga las reglas de la aritmética decimal con números binarios...
- 
- Pensemos en la siguiente cuenta:  $3 + (-3)$  ... ¿en decimal que obtendríamos?

0 !!!



# Complemento a 2 - Justificación

- Si operamos en BCS(3), obtenemos lo siguiente

$$\begin{array}{r} 011 \gg 3 \text{ en BCS}(3) \\ + \quad 111 \gg -3 \text{ en BCS}(3) \\ \hline 1010 \gg 2 \end{array}$$

- Vemos que la interpretación del resultado de la cuenta **no representa** el valor esperado :(

# Complemento a 2 - Justificación

• Si ahora pensáramos en un sistema de numeración tal que definimos el **complemento\*** de un número como la distancia al módulo del sistema... Para 3 bits podemos plantear:

$$\bullet N^* = M - N$$

•  
• Leemos: complemento de un número N es igual al módulo del sistema menos ese valor N

# Complemento a 2 - Introducción

- Ejemplo: Pensamos en CA2(3).
- Calculamos el complemento para  $N = 011b$

- $$N^* = M - 011b = 1000b - 011b$$

- $$\begin{array}{r} 1000 \gg 8 \text{ en Ca2} \\ - \quad 011 \gg 3 \text{ en Ca2} \\ \hline 101 \end{array}$$

- $$\begin{array}{r} 1000 \gg 8 \text{ en Ca2} \\ - \quad 011 \gg 3 \text{ en Ca2} \\ \hline 101 \end{array}$$

- -----

- $$101$$

- ...elegiremos esta cadena como la que representará el -3 en CA2

# Complemento a 2 - Justificación

- **Eligiendo de esta manera las cadenas**, la suma de un número y su complemento arrojará siempre el módulo del sistema ... Y así queda conformado el sistema de “Complemento a la Base”.

# N decimal	M - N	CA2(3)
-4	1000 – 100 =	100
-3	1000 – 011 =	101
-2	1000 – 010 =	110
-1	1000 – 001 =	111
0		000
1	1000 – 111 =	001
2	1000 – 110 =	010
3	1000 – 101 =	011

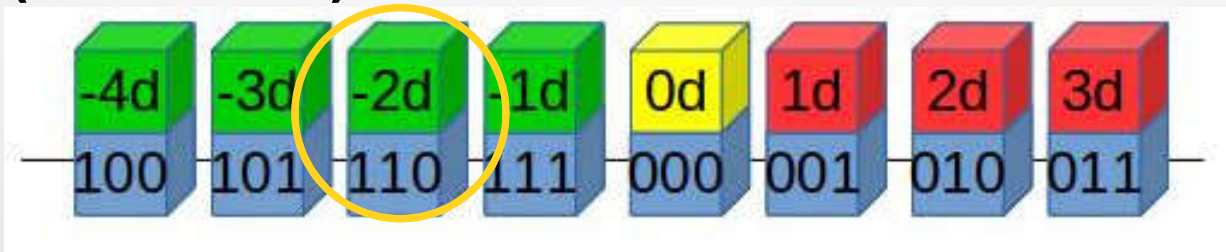
## CA2 – Origen de la regla práctica

✓ Si observamos las cuentas que realizamos para obtener la cadena complemento, debemos representar al módulo en 4 bits: **1000b** para CA2(3). Lo que es una incongruencia, ya que nuestro sistema sólo admite aritmética de 3 bits !!!

✓ Por lo que para salvar este detalle, “**se le resta 1 al módulo**” para operar en 3 bits, y luego se suma una unidad.

✓ **Ejemplo:** Calcular el complemento de  $N = 010b$  (2 decimal)

✓  $N^* = (111 - 010) + 1 = 101 + 1 = 110 \gg \text{-2d ok!!!}$



# CA2 – Origen de la regla práctica

## ✓ Pero Hay más...

✓ Si observamos el 1<sup>er</sup> término del cálculo del complemento:

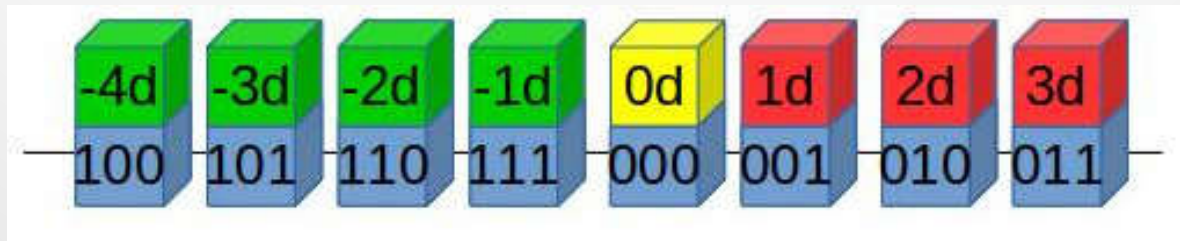
$$✓ N^* = (111 - N) + 1$$

✓ ...vemos que es lo mismo que invertir los bits de N ...

✓ **Ejemplos:**  $111 - 001 = 110$ , e invertir bits de N:  $/001 \gg 110$

✓  $111 - 010 = 101$ , e invertir bits de N:  $/010 \gg 101$

✓ **Entonces SOLO FALTA SUMAR 1 PARA OBTENER EL CA2**

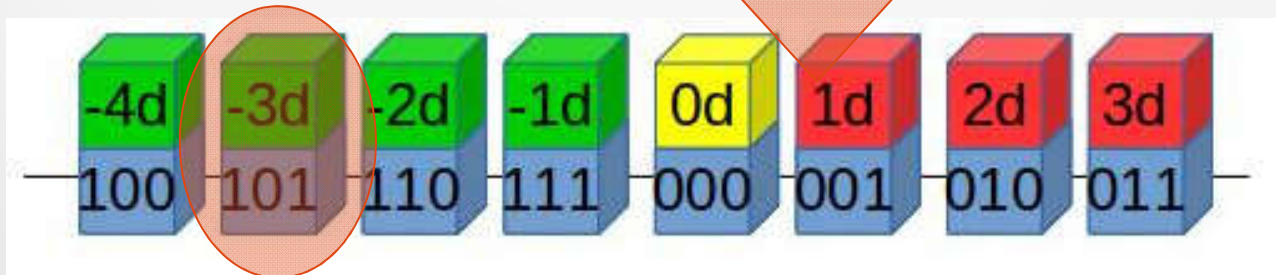


## CA2 – Regla práctica.

*Invirtiendo los bits !!!*

✓ Para calcular el complemento al módulo<sup>2</sup> de un número binario se invierten los unos y ceros del mismo, y luego se suma 1 al resultado.

✓  $3d \gg 011b$  entonces  $-3d \gg 100b + 1 = 101$

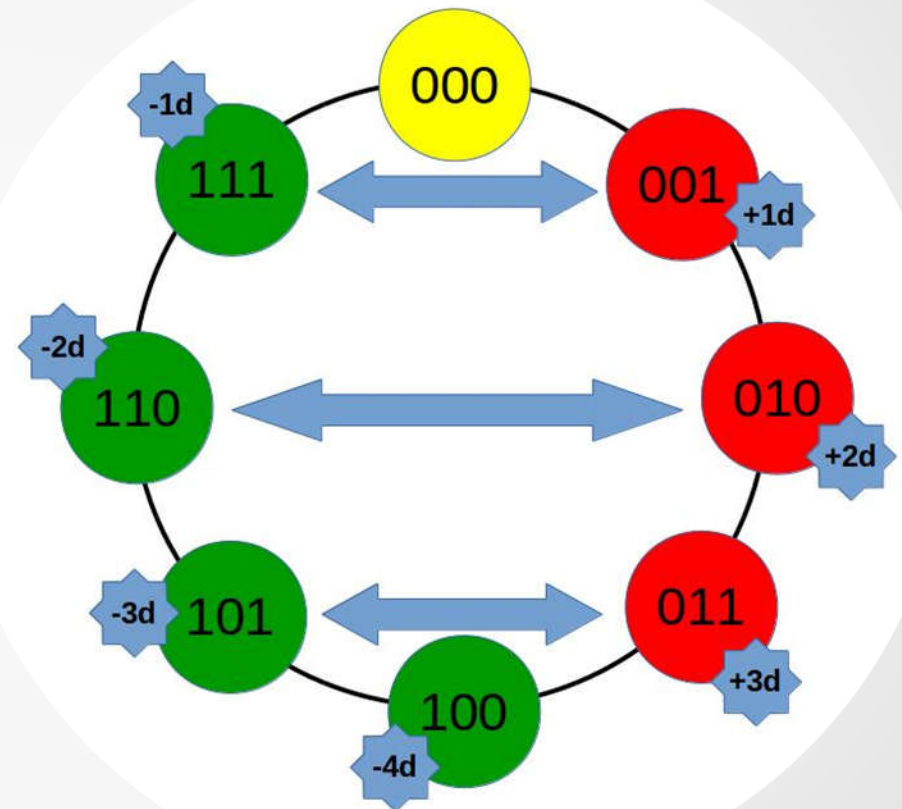




# CA2 – Conceptos finales

✓ La representación de un número negativo es lo que debe sumarse a la representación de **su** positivo para que el resultado sea su **módulo** y viceversa...

✓ *Las representaciones de números positivos y negativos de igual magnitud, son complementarias respecto a su módulo.*



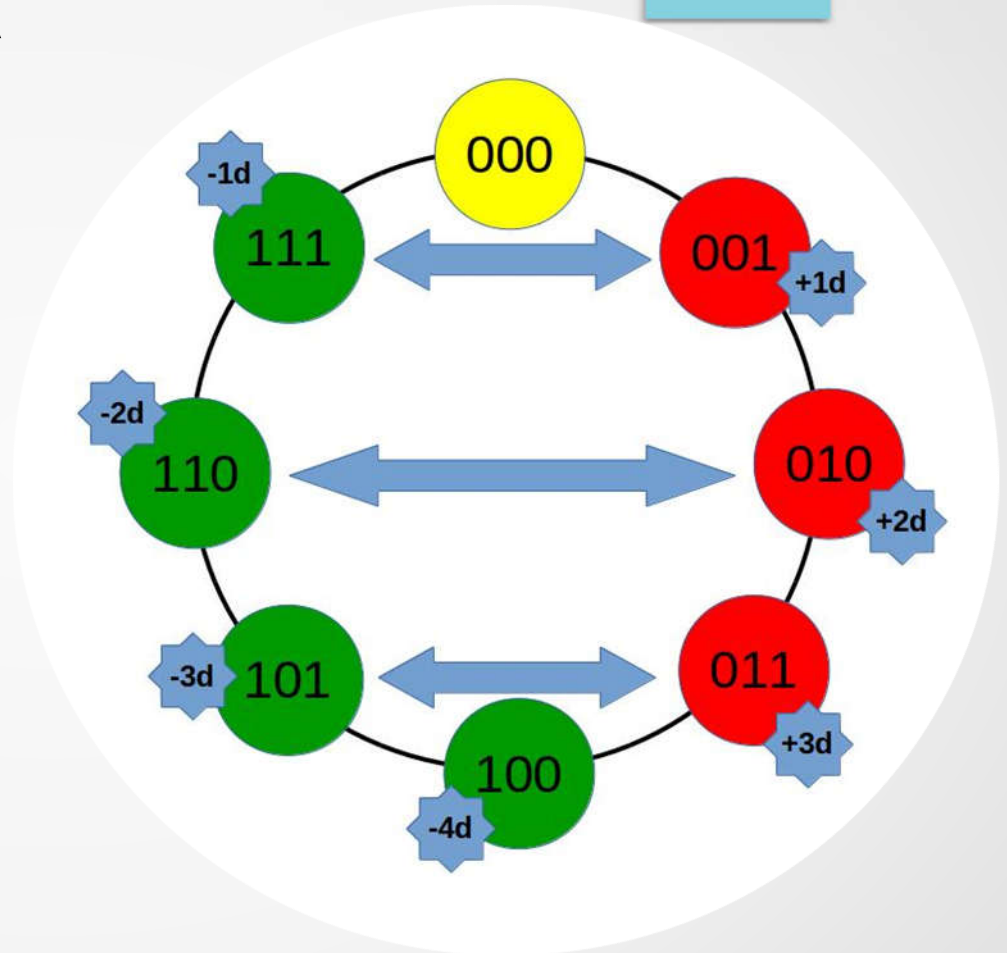


# CA2 – Conceptos finales

✓ El bit más a la izquierda, en la posición más significativa de la cadena se corresponde con un bit de signo: **0+** / **1-**

✓ Para representar cadenas en sistemas de ***n bits*** cualquiera, podemos extender el signo:

- ✓ ***1d*** » ***001b*** en ***CA2(3)***
- ✓ ***1d*** » ***00001b*** en ***CA2(5)***
- ✓ ***-3d*** » ***101b*** en ***CA2(3)***
- ✓ ***-3d*** » ***11101b*** en ***CA2(5)***



# Complemento a 2

**FIN !!!**