



# **Variações de Listas Encadeadas: Pilhas, Filas, Duplas e com Prioridade**

**Prof. Lilian Berton**

**São José dos Campos, 2018**

# Introdução

## Algoritmos

- Sequência de ações executáveis para a obtenção de uma solução para um determinado tipo de problema.
- Ex: como montar um aparelho, fazer um bolo, etc.

## Estrutura de Dados

- Para resolver um problema é necessário escolher uma abstração da realidade, em geral mediante a **definição de um conjunto de dados que representa a situação real**.
- A seguir, deve ser escolhida a **forma de representar esses dados** (vetores, matrizes, structs, listas, árvores, grafos).

## Programas

- Programar é basicamente estruturar dados e construir algoritmos.
- **Programas representam uma classe especial de algoritmos capazes de serem seguidos por computadores.**

# Tipos de Dados

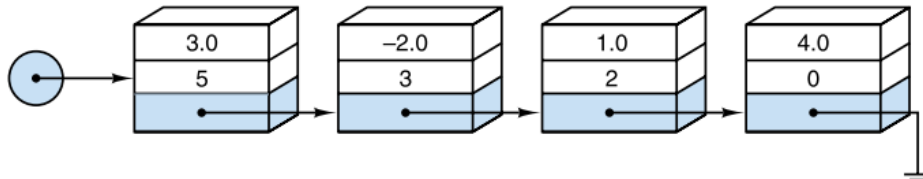
- **Caracteriza o conjunto de valores a que uma constante pertence, ou que podem ser assumidos por uma variável ou expressão, ou que podem ser gerados por uma função.**
- Tipos simples de dados são grupos de valores indivisíveis (**como os tipos básicos integer, boolean, char e real**).

# Tipos Abstratos de Dados (TADs)

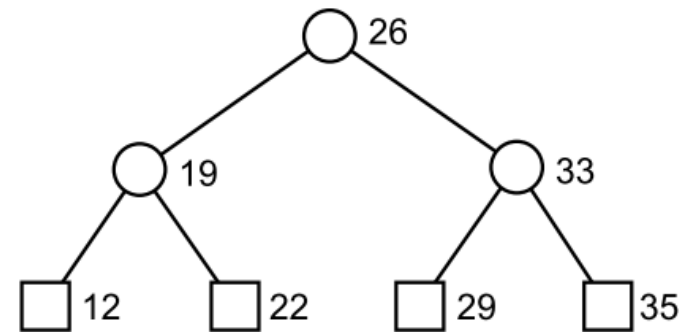
- TAD é um **modelo matemático, acompanhado das operações definidas sobre o modelo.**
  - Exemplo: o conjunto dos inteiros acompanhado das operações de adição, subtração e multiplicação.
  - Para pequenos números, uma boa representação é por meio de barras verticais (caso em que a operação de adição é bastante simples).
  - Entretanto, quando consideramos a adição de grandes números é mais fácil a representação por dígitos decimais (que pode ser mais complexa).
- A representação do modelo matemático por trás do tipo abstrato de dados é realizada mediante uma **estrutura de dados.**

# Exemplos de TADs

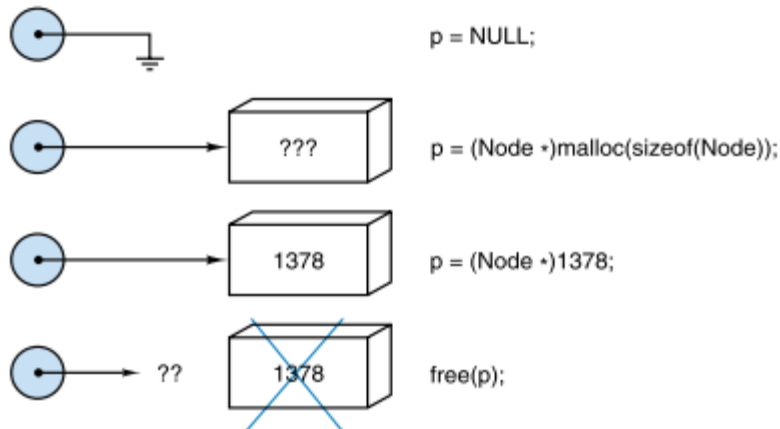
## Listas



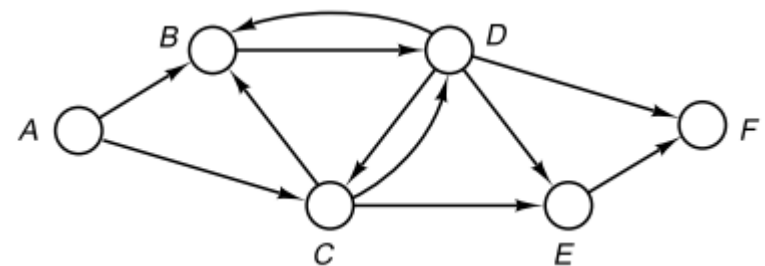
## Árvores



## Fila



## Grafos



# Vetores

- **Vetores estáticos:** O tamanho é constante, só mudando a sua declaração é que podemos alterar o seu tamanho. Isso significa que podemos estar “desperdiçando” algum espaço da memória que fica no final do vetor.

- int v[80];

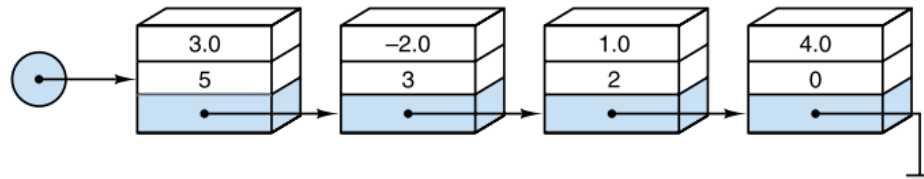
	0	1	2	3	4	5		78	79
	10	12	17	12	-4	-3	...	-42	34

- **Vetores dinâmicos:** permite alterar, durante a execução do programa, o tamanho do bloco de bytes alocado por *malloc*. Nesse caso podemos recorrer a função *realloc* para redimensionar o bloco de bytes (aumentar ou diminuir).

```
int *v;  
v = malloc (1000 * sizeof (int));  
v = realloc (v, 2000 * sizeof (int));
```

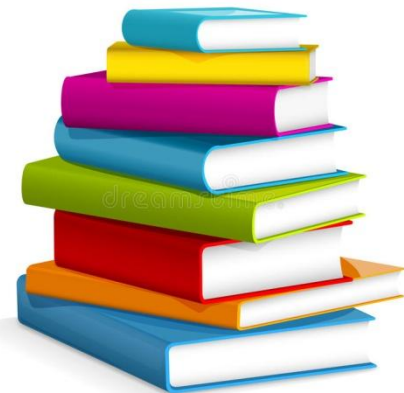
# Listas Encadeadas

- Permite inserir ou retirar itens do meio da lista a um custo constante (importante quando a lista tem de ser mantida em ordem), sem precisar mover uma série de elementos.
- Podem crescer ou diminuir de tamanho durante a execução de um programa, de acordo com a demanda.
- Bom para aplicações em que não existe previsão sobre o crescimento da lista (o tamanho máximo da lista não precisa ser definido a priori).



# Pilha

- Pilhas (*stacks*) são uma estrutura de dados que usam listas encadeadas, onde **elementos são inseridos no fim e removidos do fim.**
- O nome pilha é baseado em uma pilha de objetos (livros, pratos, etc). Quando montamos uma pilha o novo objeto é inserido no topo da mesma. E quando retiramos o último objeto inserido na pilha será o primeiro a ser retirado.
- Segue a regra LIFO –  
**Last In, First Out**  
(último a entrar, primeiro a sair)





# Pilha usando vetor estático

**STACK-EMPTY(*S*)**

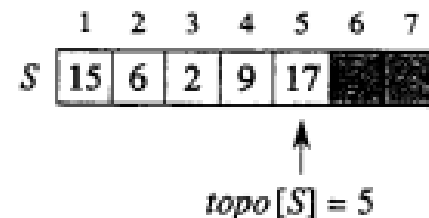
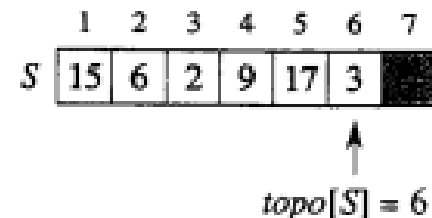
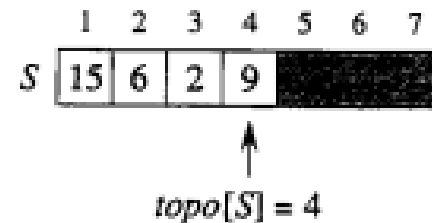
```
1 if topo[S] = 0
2   then return TRUE
3   else return FALSE
```

**PUSH(*S*, *x*)**

```
1 topo[S] ← topo[S] + 1
2 S[topo[S]] ← x
```

**POP(*S*)**

```
1 if STACK-EMPTY(S)
2   then error “underflow”
3   else topo[S] ← topo[S] - 1
4   return S[topo[S] + 1]
```



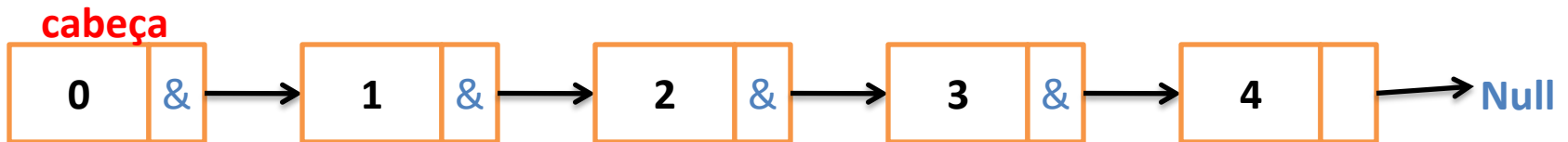
# Pilha usando lista encadeada

- Uma pilha é uma lista encadeada, logo uma sequencia de registros denominados célula.
- Cada célula contém um objeto de determinado tipo e o endereço da próxima célula.

//estrutura da pilha  
typedef struct cel {  
 int conteudo;  
 cel \*prox;  
}

//cria pilha com cabeça, o 1º elemento da pilha não contém informações  
cel \*pilha;  
pilha= (cel) malloc (sizeof (cel));  
pilha-> conteudo = 0;  
pilha-> prox = NULL;

Inserção dos elementos 1, 2, 3, 4 e 5:



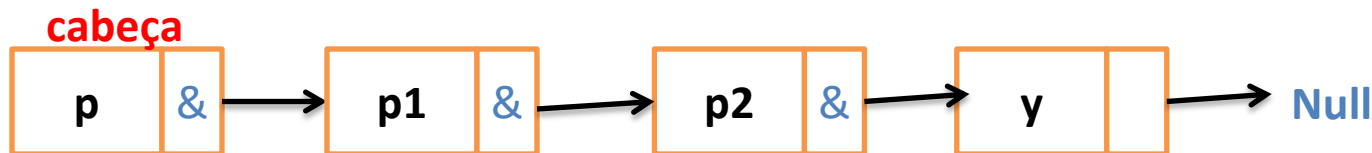
# Pilha – Inserção (push/empilha)

1. Alocar espaço para o novo nó
2. O último elemento (que é o novo nó alocado) deve apontar para NULL
3. Se a pilha estiver vazia, fazer o ponteiro  $p \rightarrow prox$  apontar para o novo nó
4. Se a pilha não estiver vazia, procurar último elemento por meio de um ponteiro auxiliar ( $*pAUX$ ) que inicia no primeiro nó da pilha
5. Para saber qual é o último elemento da pilha basta checar se  $pAUX \rightarrow prox == NULL$
6. Se não apontar para NULL não é o último, então fazer ele apontar para o seguinte nó até chegar ao fim
7. Quando apontar para NULL chegou ao fim, fazer ele apontar para o novo nó  $pAUX \rightarrow prox = novo$

# Pilhas – Inserção (push/empilha)

//insere no fim da lista

```
void push(int y, cel *p) {  
    cel *nova;  
    1  nova = (cel) malloc (sizeof (cel));  
    2  nova->prox = NULL;  
       nova->conteudo = y;  
  
    if(p ->prox == NULL)  
    3      p->prox = nova;  
    else  
    4      cel *pAUX = p->prox;  
    5      while(pAUX ->prox != NULL)  
    6          pAUX = pAUX ->prox ;  
    7      pAUX ->prox = nova;  
}
```



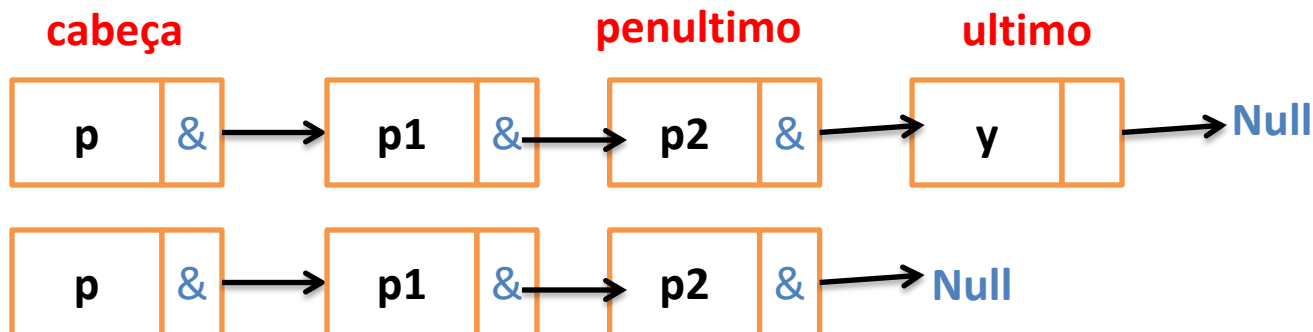
# Pilha – remoção (pop/desempilha)

1. Declarar dois ponteiros, um que aponta para o último elemento e outro para o penúltimo. O último elemento será removido e o penúltimo se tornará o novo último
2. Buscar o último nó, aquele onde `ultimo->prox == NULL`
3. Se não for o último, avança o ponteiro `ultimo` para o seguinte nó e atualiza o `penultimo`
4. Quando chegar ao fim da pilha, fazer `penultimo->prox = NULL`, tornando o `penultimo` nó o último da pilha
5. O `ultimo` deixa de existir, liberando a memória.

# Pilha- Remoção (pop/desempilha)

//remove do fim da lista

```
void pop (cel *p) {  
  1  cel *ultimo = p->prox;  
  1  cel *penultimo = p;  
  
  2  while(ultimo->prox != NULL) {  
  3    penultimo = ultimo;  
  3    ultimo = ultimo->prox;  
  }  
  4  penultimo->prox = NULL;  
  5  free(ultimo);  
}
```



# Filas

- Filas (*queue*) são uma estrutura de dados que usam listas encadeadas, onde **elementos são inseridos no fim e removidos do início.**
- O nome fila é baseado em uma fila de pessoas a serem atendidas. A primeira pessoa a chegar será a primeira a ser atendida, a última a chegar será a última a ser atendida.
- Segue a regra FIFO –  
**First In, First Out**  
(primeiro a entrar, primeiro a sair)



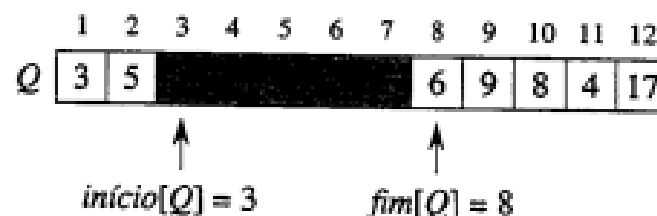
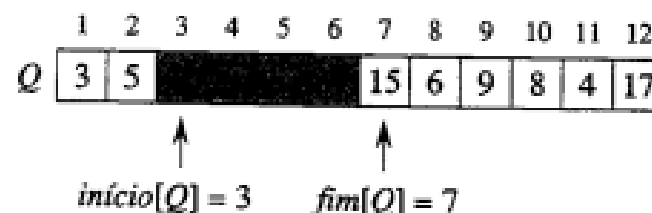
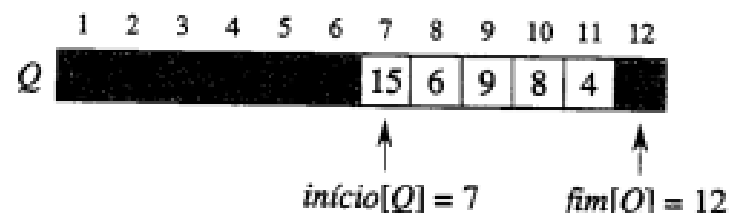
# Fila usando vetor estático

ENQUEUE( $Q, x$ )

- 1  $Q[\text{fim}[Q]] \leftarrow x$
- 2 **if**  $\text{fim}[Q] = \text{comprimento}[Q]$
- 3     **then**  $\text{fim}[Q] \leftarrow 1$
- 4     **else**  $\text{fim}[Q] \leftarrow \text{fim}[Q] + 1$

DEQUEUE( $Q$ )

- 1  $x \leftarrow Q[\text{início}[Q]]$
- 2 **if**  $\text{início}[Q] = \text{comprimento}[Q]$
- 3     **then**  $\text{início}[Q] \leftarrow 1$
- 4     **else**  $\text{início}[Q] \leftarrow \text{início}[Q] + 1$
- 5 **return**  $x$





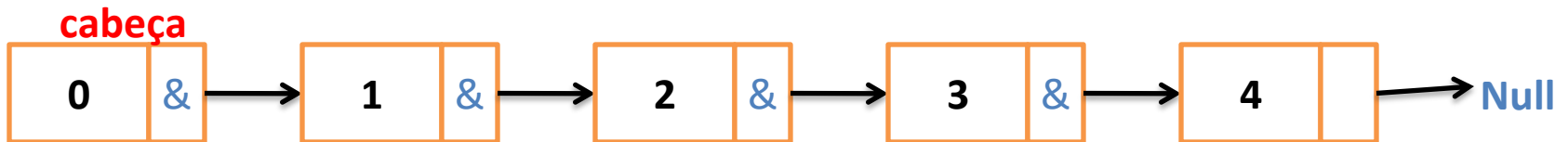
# Fila usando lista encadeada

- Uma fila é uma lista encadeada, logo uma sequencia de registros denominados célula.
- Cada célula contém um objeto de determinado tipo e o endereço da próxima célula.

//estrutura da fila  
typedef struct cel {  
 int conteudo;  
 cel \*prox;  
}

//cria fila com cabeça, o 1º elemento da fila  
não contém informações  
cel \*fila;  
fila= (cel) malloc (sizeof (cel));  
fila-> conteudo = 0;  
fila-> prox = NULL;

Inserção dos elementos 1, 2, 3, 4 e 5:



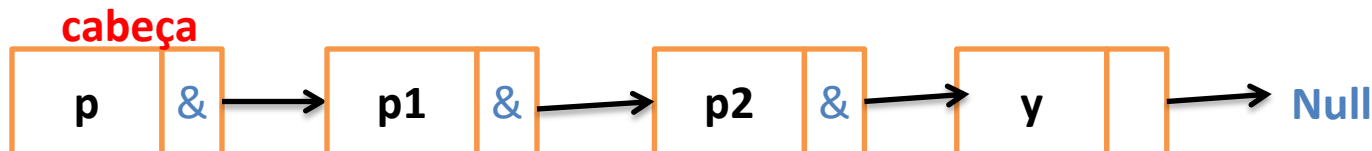
# Fila – Inserção (enqueue)

1. Alocar espaço para o novo nó
2. O último elemento (que é o novo nó alocado) deve apontar para NULL
3. Se a pilha estiver vazia, fazer o ponteiro  $p \rightarrow \text{prox}$  apontar para o novo nó
4. Se a pilha não estiver vazia, procurar último elemento por meio de um ponteiro auxiliar ( $*pAUX$ ) que inicia no primeiro nó da pilha
5. Para saber qual é o último elemento da pilha basta checar se  $pAUX \rightarrow \text{prox} == \text{NULL}$
6. Se não apontar para NULL não é o último, então fazer ele apontar para o seguinte nó até chegar ao fim
7. Quando apontar para NULL chegou ao fim, fazer ele apontar para o novo nó  $pAUX \rightarrow \text{prox} = \text{novo}$

# Fila – Inserção (enqueue)

//insere no fim da lista

```
void enqueue (int y, cel *p) {  
    cel *nova;  
    1 nova = (cel) malloc (sizeof (cel));  
    2 nova->prox = NULL;  
    nova->conteudo = y;  
  
    if(p ->prox == NULL)  
    3     p->prox = nova;  
    else  
    4     cel *pAUX = p->prox;  
    5     while(pAUX ->prox != NULL)  
    6         pAUX = pAUX ->prox ;  
    7     pAUX ->prox = nova;  
}
```



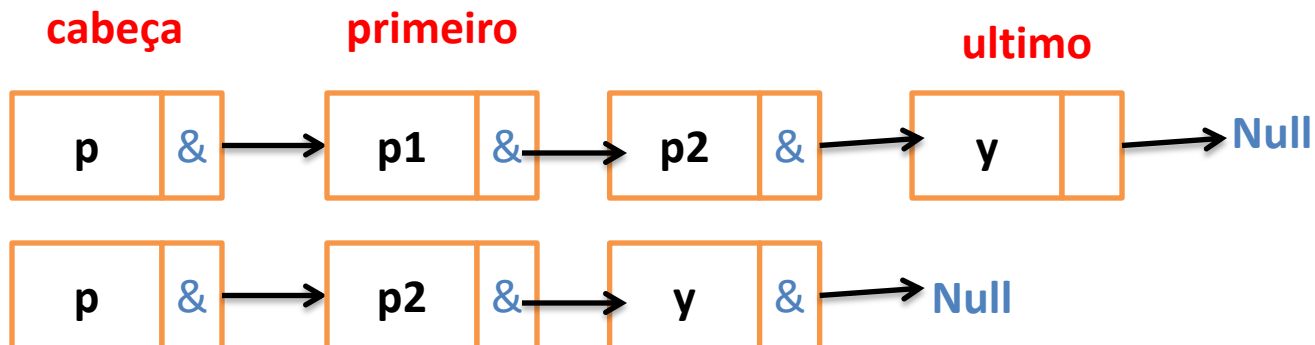
# Fila – remoção (dequeue)

1. Declarar um ponteiro temporário para apontar para o primeiro elemento da fila (que será removido)
2. Fazer a ligação entre o ponteiro cabeça da fila e o segundo elemento:  $p \rightarrow \text{prox} = \text{primeiro} \rightarrow \text{prox}$
3. O primeiro deixa de existir, pois se ninguém aponta para ele, não faz mais parte da estrutura de dados, pode liberar a memória.

# Fila – remoção (dequeue)

//remove no inicio da lista

```
void dequeue (cel *p) {  
1   cel *primeiro;  
1   primeiro= p->prox;  
2   p->prox = primeiro->prox;  
3   free(primeiro);  
}
```



# Discussão

## **Vantagens:**

- Filas são utilizadas em diversas aplicações reais, como Sistema Operacional (SO) para organizar os processos, o que deve ser processado primeiro, etc.
- Recursão usa pilha para inserir resultados parciais, e depois desempilha para retornar o resultado final.
- Pilhas podem ser usadas para controlar expressões aritméticas:  
 $(a + b) / c$ .

## **Desvantagem:**

- Utilização de memória extra para armazenar os apontadores.

# Lista duplamente ligada

- A conexão entre os elementos é feita por meio de **dois ponteiros** (um que aponta para o elemento anterior, e o outro, para o seguinte).
- Para acessar um elemento a lista pode ser percorrida por ambos os lados.
- Do primeiro ao último elemento e do último ao primeiro.



# Código da lista duplamente ligada

- Uma estrutura célula contém os dados necessários para o TAD: conteúdo e dois ponteiros, para o elemento anterior e próximo.
- Pode ser usada outra estrutura para armazenar variáveis adicionais, como o início e fim da lista, e tamanho.

```
//estrutura da célula
typedef struct cel {
    int conteudo;
    cel *ant;
    cel *prox;
}
```

```
//estrutura adicional para conter informações
da lista, como primeiro e último elemento e tam.
typedef struct Lista{
    cel *inicio;
    cel *fim;
    int tamanho;
}
```

```
//Inicialização da lista
```

```
void inicializa (Lista *lista) {
    lista->inicio = NULL;
    lista->fim = NULL;
    tamanho = 0;
}
```



# Inserção de um elemento na lista vazia

1. Alocar memória para o novo elemento;
2. Preencher campos de dados do novo elemento;
3. O ponteiro anterior do novo aponta para NULL;
4. O ponteiro seguinte ao novo aponta para NULL;
5. Os ponteiros de início e fim indicam o novo elemento;
6. O tamanho é atualizado.

# Inserção de um elemento na lista vazia

```
void inserir_Lista_Vazia (Lista *lista, int dado) {  
    cel *novo;  
    1  novo = (cel) malloc (sizeof (cel));  
    2  novo->conteudo = dado;  
    3  novo->ant = lista->inicio;  
    4  novo->prox = lista->fim;  
  
    5  lista->inicio = novo;  
    5  lista->fim = novo;  
    6  lista->tamanho++;  
}
```

//novo  
//inicio e fim

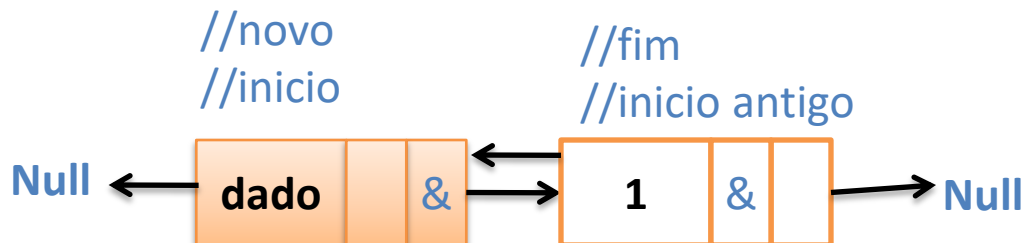
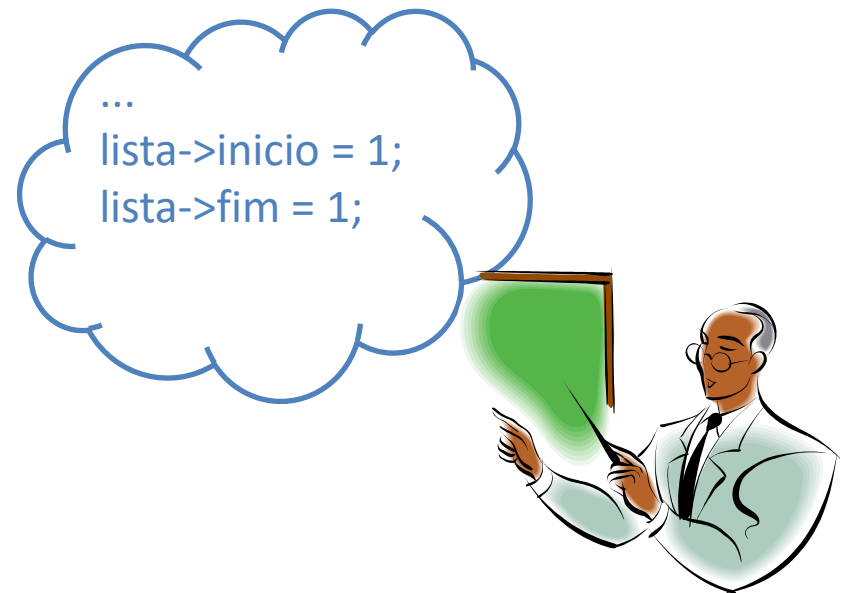


# Inserção de um elemento no início da lista

1. Alocar memória para o novo elemento;
2. Preencher campos de dados do novo elemento;
3. O ponteiro anterior do novo aponta para NULL;
4. O ponteiro seguinte aponta para 1º elemento;
5. O ponteiro anterior ao 1º elemento indica o novo;
6. O ponteiro de início indica o 1º elemento;
7. O ponteiro fim não muda;
8. O tamanho é incrementado.

# Inserção de um elemento no início da lista

```
void inserir_Inicio_Lista (Lista *lista, int dado) {  
    cel *novo;  
    1  novo = (cel) malloc (sizeof (cel));  
    2  novo->conteudo = dado;  
    3  novo->ant = NULL;  
    4  novo->prox = lista->inicio;  
  
    5  lista->inicio->ant = novo;  
    6  lista->inicio = novo;  
    8  lista->tamanho++;  
}
```

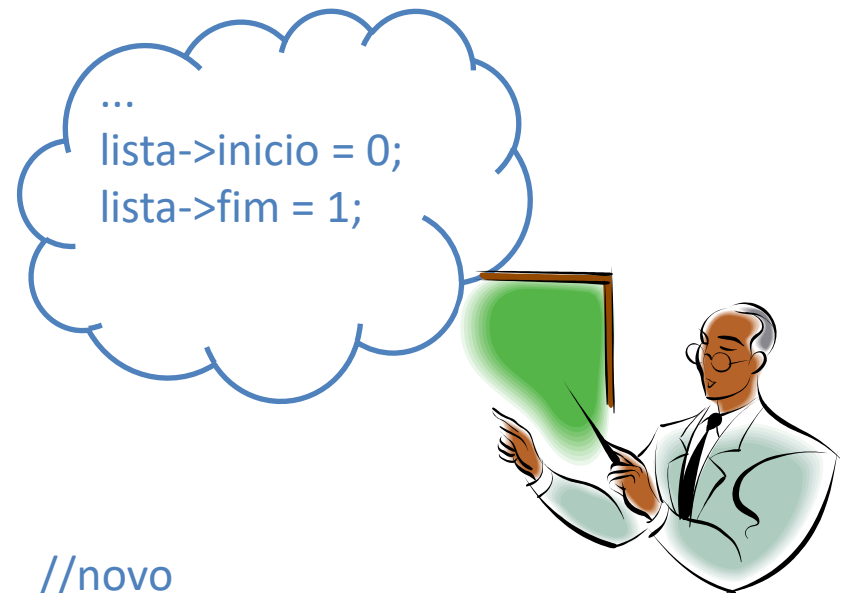


# Inserção de um elemento no fim da lista

1. Alocar memória para o novo elemento;
2. Preencher campos de dados do novo elemento;
3. O ponteiro anterior ao novo aponta para último elemento;
4. O ponteiro seguinte do novo aponta para NULL;
5. O ponteiro seguinte em relação ao último aponta para o novo;
6. O ponteiro de início não muda;
7. O ponteiro fim aponta para o novo;
8. O tamanho é incrementado.

# Inserção de um elemento no fim da lista

```
void inserir_Fim_Lista (Lista *lista, int dado) {  
    cel *novo;  
    1  novo = (cel) malloc (sizeof (cel));  
    2  novo-> conteudo = dado;  
    3  novo->ant = lista->fim;  
    4  novo-> prox = NULL;  
  
    5  lista->fim->prox= novo;  
    6  lista->fim= novo;  
    8  lista->tamanho++;  
}
```



# Inserção depois de uma posição qualquer da lista

1. Alocar memória para o novo elemento;
2. Preencher campos de dados do novo elemento;
3. Selecionar a posição (AUX) da lista para inserir depois dela;
4. O ponteiro anterior ao novo aponta para AUX;
5. O ponteiro seguinte do novo aponta para o seguinte de AUX;
6. O ponteiro anterior ao elemento depois de AUX aponta para o novo;
7. O ponteiro seguinte em relação a AUX aponta para o novo;
8. O ponteiro início não muda;
9. O ponteiro fim não muda;
10. O tamanho é incrementado.

# Inserção depois de uma posição qualquer da lista

```
void inserir_Posicao_Lista (Lista *lista, int dado, int pos) {
```

```
    cel *novo, *AUX;
```

↩ 1

```
1    novo = (cel) malloc (sizeof (cel));
```

```
2    novo->conteudo = dado;
```

```
3    AUX = lista->inicio;
```

```
3        for(int i = 1; i < pos; i++)
```

```
3            AUX = AUX->prox;
```

```
4    novo->ant = AUX;
```

```
5    novo->prox = AUX->prox;
```

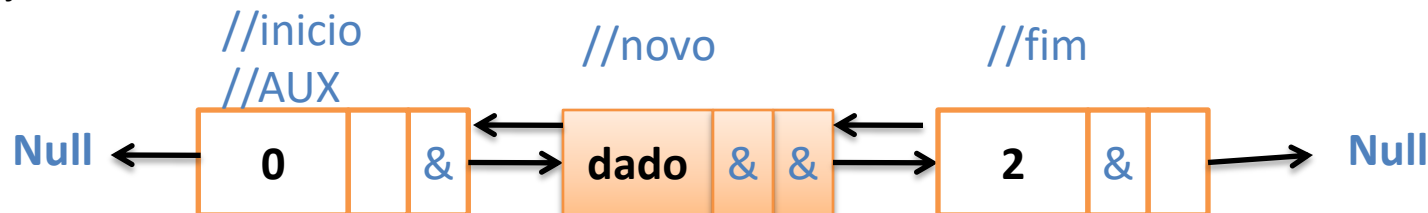
Nas listas duplamente ligadas  
Pode-se remover o elemento anterior  
E posterior da posição informada

```
6    AUX->prox->ant = novo;
```

```
7    AUX->prox= novo;
```

```
10   lista->tamanho++;
```

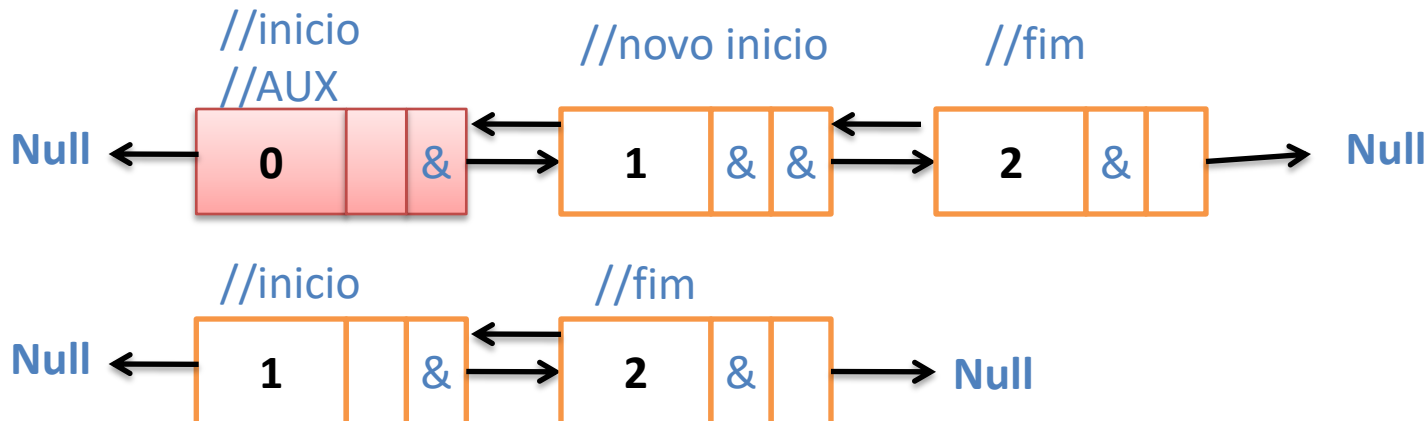
```
}
```





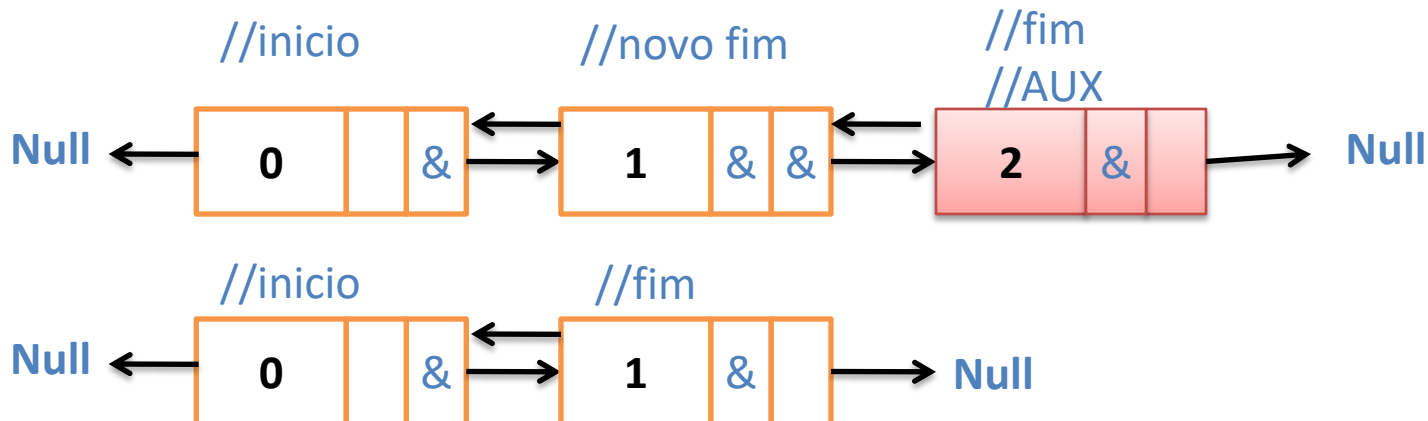
# Remoção do 1º elemento da lista

```
void remove_Primeiro_Lista (Lista* lista, int pos) {  
    if(lista->tamanho == 0) printf("Lista vazia");  
    else if(pos == 1)  
        cel *AUX = lista->inicio;  
        lista->inicio = lista->inicio->prox;  
        if(lista->inicio == NULL)  
            lista->fim = NULL;  
        else lista->inicio->ant = NULL;  
        lista->tamanho--;  
}
```



# Remoção do último elemento da lista

```
void remove_Ultimo_Lista (Lista* lista, int pos) {  
    if(lista->tamanho == 0) printf("Lista vazia");  
    else if(pos == lista->tamanho)  
        cel *AUX = lista->fim;  
    lista->fim->ant->prox= NULL;  
    lista->fim = lista->fim->ant;  
    lista->tamanho--;  
}
```



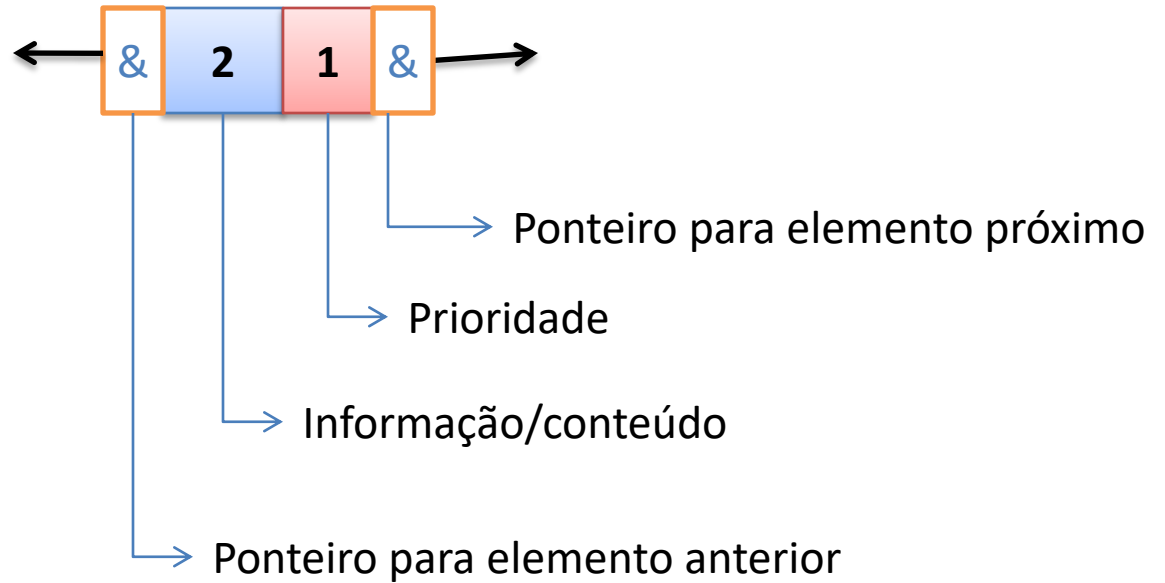
# Fila com prioridade

- Permite que elementos adicionados na fila possuam uma prioridade.
- O elemento de maior prioridade deve ser o primeiro a ser removido da fila.
- Ex: Filas de atendimento, algumas pessoas tem atendimento preferencial (idosos, grávidas, etc). Filas de processos para serem executados num computador, alguns devem ser executados primeiro.

# Estrutura

```
typedef struct cel {  
    int conteudo;  
    cel *ant;  
    cel *prox;  
    int prioridade;  
}
```

```
typedef struct Fila{  
    cel *inicio;  
    cel *fim;  
    int tamanho;  
}
```



# Inserção e remoção dos elementos

- **Inserção:**

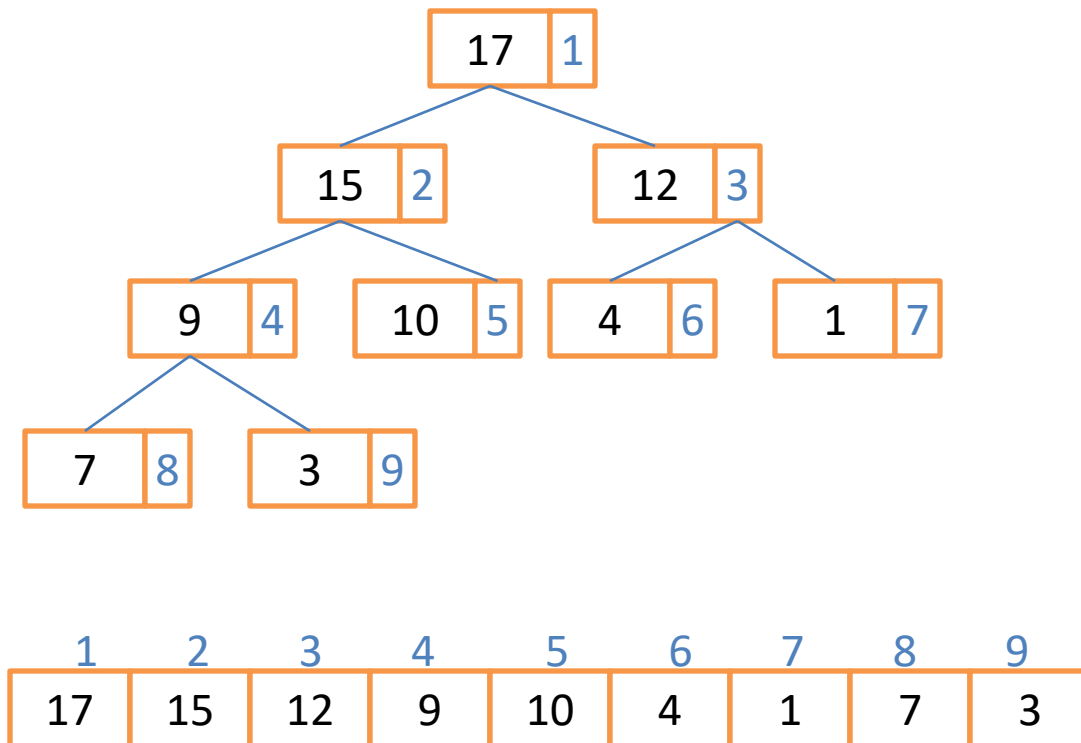
- não-ordenada: inserção sempre no final da fila, custo  $O(1)$ ;
- ordenada: inserir na posição correta de acordo com a prioridade, custo  $O(n)$ ;

- **Remoção:**

- não-ordenada: percorrer todos os elementos até encontrar o maior, custo  $O(n)$ ;
- ordenada: o maior está sempre na primeira/última posição, custo  $O(1)$ ;

# Heap

- É uma **estrutura de árvore binária** em que cada nó tem uma prioridade maior ou igual a do seus filhos.
- O nó  $i$  possui dois filhos nas posições:  $2i$  e  $2i+1$ .
- **Custo para inserir e remover é sempre  $\log(n)$ .**



i	2i	2i+1
1	2	3
2	4	5
3	6	7
4	8	9

# Exercícios

- Resolver exercícios no URI Judge:
- 1242      Ácido Ribonucleico Alienígena
- 1083      LEXSIM - Avaliador Lexico e Sintático

**O sucesso é a soma de pequenos esforços repetidos dia após dia.**

Robert Collier

