

# Detecção de anomalias em despesas dos deputados estaduais de São Paulo por meio de K-Means

Rodolfo Orlando Viana<sup>1\*</sup>; Ana Julia Righetto<sup>2</sup>

Avenida Maria Fernandes Cavallari, 3099 – Jardim Cavallari; 17526-341 Marília, São Paulo, Brasil
 Nome da Empresa ou Instituição (opcional). Titulação ou função ou departamento. Endereço completo (pessoal ou profissional) – Bairro; 00000-000 Cidade, Estado, País

<sup>\*</sup>Rodolfo Orlando Viana: eu@rodolfoviana.com.br



# Detecção de anomalias em despesas dos deputados estaduais de São Paulo por meio de K-Means

#### Resumo

O presente trabalho investigou anomalias em gastos de fundos públicos recebidos pelos deputados da Assembleia Legislativa do Estado de São Paulo [Alesp] por meio da "verba de gabinete". Com as alocações de 2022 superando os anos anteriores e alegações de malversação de recuso público feitas por órgãos de controle, torna-se imperativo examinar esses gastos. Empregamos aprendizado de máquina não supervisionado, especificamente a clusterização K-Means com método de inicialização K-Means++, para discernir anomalias nas despesas. Embora não rotulemos conclusivamente as transações como fraudulentas, nossa metodologia oferece um arcabouço para identificar possíveis inconsistências financeiras, auxiliando órgãos de supervisão em suas análises.

**Palavras-chave:** Alesp; recursos públicos; clusterização; K-Means++; aprendizado de máquina não supervisionado.

## Anomaly detection in expenses of state deputies of São Paulo using K-Means

#### Abstract

This study investigated anomalies in the spending of public funds received by deputies of the São Paulo State Legislative Assembly [Alesp] through the "office allowance". With the 2022 allocations surpassing previous years and allegations of misappropriation of public funds made by oversight bodies, it becomes imperative to examine these expenditures. We employed unsupervised machine learning, specifically the K-Means clustering with the K-Means++ initialization method, to discern anomalies in expenses. While we do not conclusively label transactions as fraudulent, our methodology provides a framework to identify potential financial inconsistencies, assisting oversight bodies in their reviews.

Keywords: Alesp; public funds; clustering; K-Means++; unsupervised machine learning

## Introdução

Cada um dos 94 parlamentares da Assembleia Legislativa do Estado de São Paulo [Alesp] tem direito aos Auxílio-Encargos Gerais de Gabinete de Deputado e Auxílio-Hospedagem, referenciados conjuntamente como "verba de gabinete". Tal direito foi conferido pela resolução 783, artigo 11, de 1º de julho de 1997 (Assembleia Legislativa do Estado de São Paulo, 1997). Trata-se de um valor mensal devido pelo Estado aos deputados a fim de que eles possam cobrir gastos com o funcionamento e manutenção dos gabinetes, com hospedagem e demais despesas inerentes ao pleno exercício das atividades parlamentares.

Tais gastos previstos na legislação são agregados em 11 categorias, dentre as quais materiais e serviços gráficos, consultoria, combustíveis, locação de automóveis, hospedagem. Em 2022, considerando resolução 783, de 1º de julho de 1997, que estipula o limite máximo da verba de gabinete em 1.250 unidades fiscais do Estado de São Paulo [Ufesp], e o valor da Ufesp em R\$ 31,97 (Secretaria da Fazenda e Planejamento do Governo do Estado de São



Paulo, 2023), o limite mensal da verba de gabinete que poderia ser ressarcido por deputado no ano passado foi de R\$ 39.962,50.

Naquele ano, o valor total empenhado para custeio da verba de gabinete perfez R\$ 26.652.243,51 (Secretaria da Fazenda e Planejamento do Governo do Estado de São Paulo, 2023). O montante foi 24,43% maior que a soma em 2021, de R\$ 21.419.316,88, e menor do que o valor anotado na rubrica para 2023, de R\$ 28.607.099,96. Caso este montante se cumpra neste ano, será a primeira vez que o valor ultrapassa R\$ 28,5 milhões desde 2018.

Tais somas de recursos públicos podem servir, ainda que parcialmente, para infringir a lei. Um exemplo é o processo investigatório SEI 29.0001.0246360.2021-54 (Ministério Público de São Paulo, 2022), cujo pedido de instauração foi feito pelo Procurador Mario Antonio de Campos Tebet em 5 de maio de 2022. A peça elenca possível malversação no uso da verba de gabinete por parte do deputado estadual Murilo Felix, que a teria empregado para pagar pela locação de imóveis pertencentes a aliados políticos e nunca utilizados.

Com este contexto, o presente trabalho busca ser um instrumento para avaliação de malversação de dinheiro público por meio de aprendizado de máquina não supervisionado. O objetivo desta peça não é afirmar peremptoriamente se determinada despesa é fraudulenta ou não; seu escopo é servir de ferramenta para uma observação inicial dos gastos, que podem ser analisados por meio de clusterização, onde se objetiva encontrar um grupo de despesas cujos valores indicam possíveis anomalias.

### **Material e Métodos**

A primeira etapa consistiu na captura dos dados a partir do Portal de Dados Abertos da Alesp, onde estão disponíveis arquivos no formato xml que datam desde 2002 e contêm elementos que indicam o período de referência ("Ano", "Mês"), além de informações tanto do parlamentar ("Matrícula", "Deputado") quanto da despesa ("Fornecedor", "CNPJ", "Tipo", "Valor"). Para este trabalho, foram utilizados apenas "CNPJ" e "Valor", a fim de desconsiderar eventuais vieses ideológicos. Dado o contexto temporal dos gastos, "Ano" e "Mês" foram usados tão somente para realizar a deflação dos valores até 31 dez. 2022 seguindo o índice de preço ao consumidor amplo [IPCA], conforme divulgado pelo Instituto Brasileiro de Geografia e Estatística [IBGE]. Com isso, descartou-se a temporalidade das despesas.

Foram inseridas neste estudo apenas as despesas relacionadas a alimentação e hospedagem compreendidas entre os anos de 2018 e 2022. Descartaram-se, ainda, fornecedores com menos de 20 despesas no quinquênio, haja vista a necessidade de se ter número significativo para a realização de clusterização.



Uma análise exploratória foi realizada para compreender os dados e sua dispersão no conjunto. No quinquênio observado, foram 4.453 registros de despesas em 86 números de CNPJ únicos, totalizando R\$ 1.784.601,08. Cada despesa apresentou valor médio de R\$ 400,46, porém com desvio-padrão elevado (R\$ 967,47), indicando significativa dispersão dos dados em relação à média. O coeficiente de variação de 241,41% demonstrou alto grau de variabilidade relativo à média.

Notou-se ainda que a média é superior ao terceiro quartil. Isso indica que o conjunto de dados está inclinado para valores mais baixos, apesar da significante presença de outliers que puxa o terceiro quartil para cima. Graficamente, o valor médio maior que o terceiro quartil sugere assimetria positiva: a cauda do lado direito é mais longa do que do lado esquerdo. Essa indicação é corroborada com a assimetria de 5,21, enquanto a curtose de 32,67 comprova cauda longa e picos acentuados em comparação à distribuição normal.

Tabela 1. Estatísticas dos dados analisados

| Medida                      | Valor      |
|-----------------------------|------------|
| Contagem                    | 4.453      |
| Média (R\$)                 | 400,763773 |
| Desvio-padrão (R\$)         | 967,469752 |
| Mínimo (R\$)                | 6,49       |
| 1º Quartil (R\$)            | 55,75      |
| 2º Quartil (R\$)            | 123,14     |
| 3º Quartil (R\$)            | 276,18     |
| Máximo (R\$)                | 10.250,41  |
| Coeficiente de variação (%) | 241,40648  |
| Assimetria                  | 5,21061    |
| Curtose                     | 32,66851   |

Fonte: Dados originais da pesquisa

Em seguida, foi construído um algoritmo de clusterização por K-Means. Nesta técnica, a organização dos conjuntos é feita com a determinação aleatória de um centroide, um ponto que observa a distância euclidiana dos demais dados em relação a ele (MacQueen, 1967). Dado um conjunto de observações  $(x_1,x_2,...,x_n)$ , o algoritmo de K-Means reparte as n observações em  $k(\le n)$  conjuntos  $S=\{S_1,S_2,...,S_k\}$  a fim de minimizar a soma dos quadrados dentro do cluster. Seu objetivo é encontrar

$$\sum_{i=1}^{k} \sum_{x \in S_i} \|x - \mu_i\|^2 \tag{1}$$

onde, µ<sub>i</sub>: média dos pontos em S<sub>i</sub>.

A quantidade de agrupamentos a serem utilizados pelo algoritmo deve ser conhecida a priori. O método do cotovelo — Elbow method —, apresentado por Joshi e Nalwade (2012),



é uma forma de obter esse número com base na iteração entre possíveis centros de clusters e a soma dos quadrados das distâncias entre eles e os pontos de dados. A heurística opera sob a lógica de que, ao aumentar o número de agrupamentos, ocorrerá a diminuição da soma dos quadrados intracluster, haja vista a maior proximidade dos pontos em relação aos centroides de seus respectivos agrupamentos. Em determinado momento, o valor de tal diminuição se tornará marginal — traduzido de maneira visual em gráfico, uma linha teria inicialmente quedas acentuadas para, em seguida, se estabilizar na posição horizontal, formando um "cotovelo". O ponto em que essa estabilização se torna perceptível representa uma estimativa do número ideal de clusters.

A determinação do número de clusters, porém, não garante que o algoritmo encontre os melhores pontos para servirem de centroides. A alta sensibilidade da técnica de agrupamento pode levar a uma solução de mínimo local em vez de uma global, gerando partições que não sejam ideais, segundo Morissette e Chartier (2013). Para sobrepor tal limitação, este trabalho se utilizou do método de inicialização K-Means++, em que o centroide passa por iterações, e é selecionado a partir da probabilidade de determinado ponto ser o melhor centroide com base na distância em relação aos outros pontos de dados (Arthur e Vassilvitskii, 2007). Dado um conjunto de pontos D e um conjunto de centroides já selecionados C, a probabilidade de se escolher o ponto de dado x como próximo centroide é calculada por meio de

$$P(x) = \frac{D(x)^{2}}{\sum_{x' \in D} D(x')^{2}}$$
(2)

sendo, D(x): distância entre o ponto x e o centroide mais próximo em C.

A mudança sucessiva entre centroides reduz as chances de o algoritmo K-Means convergir para uma solução abaixo do ideal.

Com os centroides inicializados, cada ponto é atribuído ao centroide mais próximo. Tais pontos de dados próximos ao centroide formam clusters ou agrupamentos. Considerando o ponto x e um conjunto de centroides C, o rótulo do cluster I ao qual x pertence é computado por

$$I(x) = \arg\min_{c \in C} ||x-c||$$
(3)

Em seguida, cada centroide é recalculado tomando a média da distância de todos os pontos a eles atribuídos,

$$c_i = \frac{1}{|S_i|} \sum_{x \in S_i} x$$

(4)



onde, S<sub>i</sub>: conjunto de todos os pontos de dados atribuídos ao centroide i.

A cada iteração de atualização de centroides é computada a inércia. Para conjunto univariado, a operação segue

$$\sum_{i=1}^{n} \|x_i - c_{I(x_i)}\|^2$$
(5)

onde,  $c_{l(x_i)}$ : centroide do cluster para o qual o ponto  $x_i$  foi atribuído.

O algoritmo desenvolvido também adotou critérios de convergência avançados ao comparar o movimento dos centroides entre iterações. Sendo  $C_{\rm t}$  o conjunto de centroides na iteração t, o algoritmo converge se

$$\max_{c \in C_t} \|c - c_{t-1}\| < tol$$
(6)

onde, tol: tolerância especificada; ||c-c<sub>t-1</sub>||: distância euclidiana.

A validação dos resultados obtidos a partir da implementação dessas técnicas foi realizada com duas medidas. O primeiro é o método da silhueta — Silhouette method —, seguindo o trabalho de Rousseeuw (1987). Esta técnica observa a similaridade de um ponto com seu cluster em comparação com outros clusters a partir de

$$s_i = \frac{b_i - a_i}{\max(a_i, b_i)}$$
(7)

onde, a<sub>i</sub>: a distância média de i para todos os outros pontos intra-agrupamento; b<sub>i</sub>: a menor distância média de i para todos os pontos em agrupamentos diferentes.

O método da silhueta retorna resultados no intervalo de -1 a 1. Se o valor for próximo de -1, significa que o ponto está agrupado de maneira errada; próximo de 0, o ponto está entre dois clusters, de forma que o agrupamento pode ser aprimorado; próximo de 1, o ponto está bem agrupado.

Enquanto o método da silhueta faz comparação entre um ponto único e os agrupamentos, o índice de Davies-Bouldin (1979), segunda medida usada na validação dos resultados, observa a coesão de do cluster, dada a lógica de que um agrupamento adequado é denso em si, ao passo que distante dos demais agrupamentos. Melhor o agrupamento quanto mais o índice se aproxima de 0, resultado obtido por

$$\frac{1}{k} \sum_{i=1}^{k} \max_{i \neq j} \left( \frac{S_i + S_j}{M_{ij}} \right)$$
(8)



sendo, k: número de clusters; i,j: clusters diferentes;  $S_i, S_j$ : dispersão interna dos clusters i e j, respectivamente;  $M_{ii}$ : a distância entre clusters i e j.

#### Resultados e Discussão

O algoritmo desenvolvido processou as informações de 4.453 registros de despesas em 86 números de CNPJ únicos, conforme recorte supracitado. Os parâmetros do algoritmo estão descritos na Tabela 2.

Tabela 2. Parâmetros do algoritmo de K-Means

| Parâmetro                           | Valor                                       |
|-------------------------------------|---|
| Número mínimo de clusters           | 2   |
| Número de clusters utilizados       | 2 a 10, selecionado pelo método do cotovelo |
| Máximo de iterações                 | 100   |
| Tolerância para convergência        | 0.0001                                      |
| Percentil para detecção de anomalia | 95%   |

Fonte: Resultados originais da pesquisa

Ele retornou 262 anomalias que somam R\$ 197.697,24 — 11,08% do valor total de despesas. Por anomalias entendem-se padrões em dados que não se ajustam à noção bem definida de comportamento normal (Chandola, Banerjee e Kumar, 2009) — no contexto deste trabalho, anomalias são valores de despesas que não se enquadram nos agrupamentos criados pelo algoritmo. Tal definição é importante aqui porque o intuito do trabalho é fornecer um algoritmo para detecção de possíveis fraudes no uso de verbas públicas. Uma amostra de 12 empresas contendo pouco mais de 10% das anomalias (Figura 2) ilustra a lógica de que nem toda anomalia deve ser observada como indício de fraude.

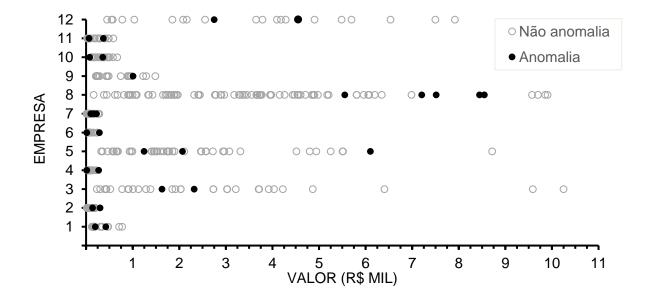




Figura 2. Anomalias e não anomalias detectadas pelo algoritmo para 12 CNPJs

Fonte: Resultados originais da pesquisa

Nota: \*amostra de aproximadamente 10% de anomalias selecionada aleatoriamente; \*\*empresas identificadas por números de 1 a 12 para legibilidade do gráfico

Há anomalias que se encontram no meio de todas as despesas de determinada empresa — estas não são os maiores valores no conjunto de despesas e, portanto, são falsos positivos. Na ilustração, as empresas 3 e 12, cujas despesas são de grandes valores, têm anomalias, mas diluídas no conjunto de outras despesas, não podendo, assim, ser consideradas possíveis indícios de fraude; já as anomalias das empresas 2, 4 e 6, que têm poucas despesas e todas de baixos valores, merecem ser mais bem escrutinadas por órgãos de controle.

Em K-Means, a determinação de uma anomalia é feita pela distância dos pontos em relação a um centroide, o que forma um cluster (Figura 3). Na amostra de 12 empresas há aquela com 2 clusters (empresa 2) até empresas com 8 clusters (empresas 3, 9, 10 e 11), o que explica por que pode haver anomalias diluídas no meio de despesas menores e maiores. Já no conjunto de 86 empresas, os clusters vão de 2 a 10.

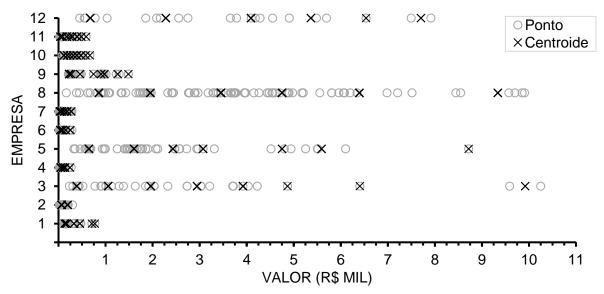


Figura 3. Pontos de dados e centroides escolhidos pelo algoritmo para 12 CNPJs Fonte: Resultados originais da pesquisa

Nota: \*amostra de aproximadamente 10% de anomalias selecionada aleatoriamente; \*\*empresas identificadas por números de 1 a 12 para legibilidade do gráfico

Validamos os agrupamentos por meio de dois instrumentos conforme supracitado: o método da silhueta e o índice de Davies-Bouldin. Idealmente, o primeiro precisa ter valores entre 0,5 e 1 de uma escala que vai de -1 a 1; o segundo, de 0 a 0,5, numa escala que vai de 0 a 1. Na amostra em questão, conseguimos obter valores ideais (Figura 4). Do conjunto de 86 empresas, todas apresentam resultados ideias para o método da silhueta (de 0,577 a



0,918); 79 apresentaram resultados ideais para o índice de Davies-Bouldin (0,166 a 0,489), enquanto 7 apresentaram resultados abaixo do ideal (0,508 a 0,573).

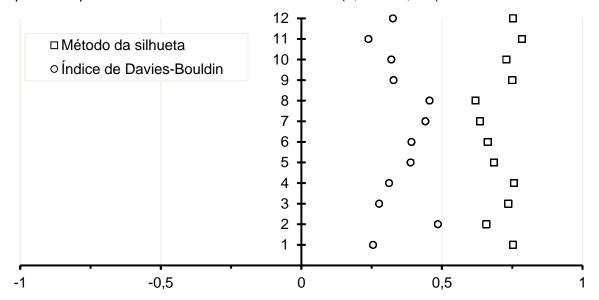


Figura 4. Valores do método da silhueta e do índice de Davies-Bouldin para 12 CNPJs Fonte: Resultados originais da pesquisa

Nota: \*amostra de aproximadamente 10% de anomalias selecionada aleatoriamente; \*\*empresas identificadas por números de 1 a 12 para legibilidade do gráfico

Com a clusterização das despesas, a detecção de anomalias segundo o algoritmo de K-Means e a validação dos métodos aplicados, foi realizada uma análise final para considerar anomalias passíveis de inquirição dos órgãos de controle aquelas cujos valores são maiores que o maior valor de não anomalia do último cluster. Com isso, descartaram-se anomalias posicionadas entre clusters. Com isso, obteve-se o resultado de 46 anomalias em 32 empresas (Tabela 3), com valor total de R\$ 44.348,88.

Tabela 3. Resultados

| Tabola o. Robaliado | (continua)  |
|---------------------|-------------|
| CNPJ                | Valor (R\$) |
| 02.012.862/0001-60  | 9.584,44    |
| 03.071.465/0001-21  | 1.658,78    |
| 03.300.974/0049-23  | 298,95      |
| 08.402.977/0001-47  | 269,26      |
| 09.060.964/0106-77  | 448,74      |
| 09.060.964/0106-77  | 389,17      |
| 09.399.877/0001-71  | 1.788,63    |
| 09.438.123/0001-83  | 570,85      |
| 09.456.178/0001-16  | 285,66      |
| 09.456.550/0001-94  | 487,44      |
| 09.456.550/0001-94  | 453,99      |
| 09.456.704/0001-48  | 405,21      |
| 09.456.704/0001-48  | 438,34      |



Tabela3. Resultados

|                    | (conclusão) |
|--------------------|-------------|
| CNPJ               | Valor (R\$) |
| 09.456.714/0001-83 | 567,66      |
| 09.536.662/0001-55 | 407,22      |
| 11.384.785/0001-60 | 840,34      |
| 13.232.868/0001-69 | 1.683,45    |
| 13.232.868/0001-69 | 1.498,23    |
| 42.591.651/0612-82 | 134,45      |
| 42.591.651/0612-82 | 119,93      |
| 43.386.903/0001-65 | 308,69      |
| 43.386.903/0001-65 | 1.036,99    |
| 43.386.903/0001-65 | 1.361,20    |
| 44.993.632/0001-79 | 1.887,10    |
| 44.993.632/0001-79 | 2.621,23    |
| 44.993.632/0001-79 | 2.218,63    |
| 45.007.937/0001-27 | 1.556,45    |
| 47.079.637/0001-89 | 1.805,09    |
| 49.967.557/0001-95 | 1.777,74    |
| 50.244.235/0001-05 | 108,86      |
| 51.483.956/0001-22 | 184,01      |
| 54.867.247/0001-39 | 216,09      |
| 54.867.247/0001-39 | 447,56      |
| 54.867.247/0001-39 | 359,06      |
| 54.951.561/0001-03 | 239,37      |
| 56.007.859/0001-87 | 593,48      |
| 58.699.232/0001-60 | 218,54      |
| 61.084.018/0001-03 | 1.372,78    |
| 61.359.691/0001-09 | 181,82      |
| 61.563.557/0001-25 | 242,33      |
| 61.980.272/0012-42 | 219,43      |
| 65.684.037/0003-93 | 525,07      |
| 65.684.037/0003-93 | 790,71      |
| 65.684.037/0003-93 | 495,19      |
| 65.684.037/0003-93 | 647,51      |
| 66.728.858/0001-85 | 603,21      |
| Soma               | 44.348,88   |

Fonte: Resultados originais da pesquisa Nota: \*valores corrigidos pelo IPCA

# Considerações Finais

A "verba de gabinete", como são conhecidos Auxílio-Encargos Gerais de Gabinete de Deputado e Auxílio-Hospedagem, é um direito conferido por lei aos deputados estaduais de São Paulo para que possam ser ressarcidos por despesas relacionadas ao exercício das



atividades parlamentares. Em 2022, o valor total empenhado na rubrica foi superior a R\$ 26,6 milhões.

Tendo sua origem nos cofres do estado, cabe aos órgãos de controle estaduais observarem seu uso para coibir eventual malversação de recursos públicos.

Técnicas de aprendizado de máquina, tal qual o algoritmo de clusterização K-Means, podem ser de grande auxílio nessa tarefa. Por meio dele, é possível detectar anomalias em gastos dos parlamentares.

Este trabalho buscou construir um algoritmo de K-Means com métodos robustos para essa tarefa. Poder-se-ia utilizar uma ferramenta consolidada no mercado para este fim, o que decerto seria menos exaustivo. Por outro lado, deixar-se-ia esvair a oportunidade de aprender cada parte do processo de clusterização e detecção de anomalias, conhecer seus meandros.

O algoritmo construído foi capaz de trazer resultados: 46 despesas efetuadas em 32 empresas foram apontadas como anomalias.

## Agradecimento

Agradeço a Pedro Orlando, meu afilhado de seis anos que, com seus convites para assistir a vídeos do Enaldinho ou fazer um piquenique na sala de casa, conseguiu me distrair deste trabalho ao tempo que recarregou minhas energias para nele prosseguir.

## Referências

Arthur, D.; Vassilvitskii, S. 2007. K-Means++: The advantages of careful seeding. Proceedings of Annual ACM-SIAM Symposium on Discrete Algorithms: 1027-1035.

Assembleia Legislativa do Estado de São Paulo [Alesp]. 1997. Resolução n. 783, de 1° de julho de 1997. Altera a Resolução n° 776, de 14/10/1996, que implantou a nova estrutura administrativa, cria o Núcleo de Qualidade e institui a verba de gabinete. Disponível em: https://www.al.sp.gov.br/repositorio/legislacao/resolucao.alesp/1997/original-resolucao.alesp-783-01.07.1997.html. Acesso em: 19 março 2023.

Chandola, V; Banerjee, A.; Kumar, V. 2009. Anomaly detection: a survey. Association for Computing Machinery Computing Surveys 41: 1-58.

Davies, D.L.; Bouldin, D.W. 1979. A cluster separation measure. IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence 2: 224–227.

Joshi, K.D.; Nalwade, P.S. 2012. Modified K-Means for better initial cluster centres. International Journal of Computer Science and Mobile Computing 7: 219-223.

MacQueen, J. 1967. Some methods for classification and analysis of multivariate observations. In: 5th Berkeley Symposium on Mathematical Statistics and Probability, 1967, Los Angeles, LA, Estados Unidos, Anais... p. 281-297.



Ministério Público de São Paulo. 2022. Sistema Eletrônico de Informações. Disponível em: https://www.mpsp.mp.br/sei-sistema-eletronico-de-informacoes Acesso em: 26 março 2023.

Morissette, L.; Chartier, S. 2013. The K-Means clustering technique: General considerations and implementation in Mathematica. Tutorials in Quantitative Methods for Psychology 9: 15-24.

Rousseeuw, P.J. 1987. Silhouettes: A graphical aid to the interpretation and validation of cluster analysis. Journal of Computational and Applied Mathematics 20: 53-65.

Secretaria da Fazenda e Planejamento do Governo do Estado de São Paulo. 2023. Execução orçamentária e financeira. Disponível em:

https://www.fazenda.sp.gov.br/sigeolei131/paginas/flexconsdespesa.aspx. Acesso em: 19 março 2023.

Secretaria da Fazenda e Planejamento do Governo do Estado de São Paulo. 2023. Índices. Disponível em: https://portal.fazenda.sp.gov.br/Paginas/Indices.aspx. Acesso em: 26 março 2023.

## **Apêndice**

# 1. Código-fonte do algoritmo comentado

```
from typing import Tuple
import numpy as np
class KMeans:
    11 11 11
   k-means com critérios de convergência aprimorados.
   Atributos:
       k (int): Número de clusters.
       max iters (int): Número máximo de iterações para o k-means.
        tol (float): Tolerância de convergência baseada no movimento do
            centroide.
        n init (int): Número de vezes que o algoritmo será executado com
           diferentes seeds de centroides.
        threshold (int): Percentil para detecção de anomalias.
       centroids (np.ndarray): Centroides para os clusters.
    def init (
       self,
        k: int = 2,
        max iters: int = 100,
        tol: float = 1e-4,
        n init: int = 30,
       threshold: int = 95,
        centroids: np.ndarray = None,
   ):
        Inicialização com parâmetros especificados.
```



```
.. .. ..
        self.k = k
        self.max_iters = max_iters
        self.tol = tol
        self.n init = n init
        self.threshold = threshold
        self.centroids = centroids
    @staticmethod
    def _kpp_init(data: np.ndarray, k: int) -> np.ndarray:
        Inicializa os centroides usando o método k-means++.
        Argumentos:
            data (np.ndarray): Dados de entrada.
            k (int): Número de centroides desejados.
            centroids (np.ndarray): Centroides inicializados.
        # seleciona ponto aleatório como centroide
        centroids = [data[np.random.choice(len(data))]]
        # itera sobre centroides restantes
        for _{-} in range(1, k):
            # calcula o quadrado da distância entre cada ponto e o
            # centroide mais próximo
            squared dist = np.array(
                [np.min([np.linalg.norm(c - x) ** 2 for c in centroids]) for x in
data]
            # calcula a probabilidade de selecionar cada ponto de dado
            # como novo centroide
            probs = squared dist / squared dist.sum()
            # escolhe o ponto com maior probabilidade como novo
            # centroide
            centroid = data[np.argmax(probs)]
            # adiciona novo centroide à lista de centroides
            centroids.append(centroid)
        return np.array(centroids)
    def get optimal k(self, data: np.ndarray, k max: int = 10) -> int:
        Aplica método Elbow para obter o número de clusters ideal.
        Argumentos:
            data (np.ndarray): Dados usados no algoritmo K-Means.
            k max (int): Número máximo de clusters. Valor-padrão: 10.
        Retorna:
            optimal k (int): Número de clusters ideal.
        # lista para armazenar inércia de cada k
        sum sq = []
        # itera sobre intervalo de 1 a 10
        for k in range(1, k max + 1):
            # ajusta o número de clusters para a iteração atual
            self.k = k
            # ajusta os dados ao algoritmo
```



```
self.fit(data)
            # calcula a inércia
            inertia = np.sum(
                ſ
                    np.linalg.norm(data[i] - self.centroids[self.labels[i]]) ** 2
                    for i in range(len(data))
            )
            # adiciona a inércia à lista
            sum sq.append(inertia)
        # calcula a diferença dos valores de inércia para encontrar o
        # cotovelo
        diffs = np.diff(sum_sq, 2)
        # escolhe k ideal a partir da menor diferença
        optimal_k = np.argmin(diffs) + 1
        return optimal k
   def single run(self, data: np.ndarray) -> Tuple[np.ndarray, np.ndarray,
float]:
        Realiza execução única do algoritmo k-means.
        Argumentos:
            data (np.ndarray): Dados de entrada.
        Retorna:
            centroids (np.ndarray): Melhores centroides após a execução
                do k-means.
            labels (np.ndarray): Atribuições de cluster para cada ponto
            inertia (float): Distância total dos pontos de dados a
                partir de seus centroides atribuídos.
        ** ** **
        # inicializa centoides
        centroids = self. kpp init(data, self.k)
        # itera sobre max_iters:
        for in range(self.max iters):
            # calcula a distância entre cada ponto e cada centroide
            dist = np.linalg.norm(data[:, np.newaxis] - centroids, axis=2)
            # atribui cada ponto ao centroide mais próximo
            labels = np.argmin(dist, axis=1)
            # calcula os novos centroides com base na atribuição recente
            new centroids = np.array(
                [data[labels == i].mean(axis=0) for i in range(self.k)]
            # observa se a mudança no centroide está abaixo da
            # tolerância
            if np.all(np.abs(new_centroids - centroids) < self.tol):</pre>
                # interrompe a iteração
            # sobrescreve lista de centroides
            centroids = new_centroids
        # calcula a inércia
        inertia = np.sum(
                np.linalg.norm(data[i] - centroids[labels[i]]) ** 2
                for i in range(len(data))
            ]
```



```
)
    return centroids, labels, inertia
def fit(self, data: np.ndarray) -> None:
    Ajusta o algoritmo k-means aos dados.
    Argumento:
      data (np.ndarray): Dados de entrada.
    # atribui valor infinito à inércia mínima
    min inertia = float("inf")
    # atribui None aos melhores centroides
    best centroids = None
    # atribui None às melhores labels
    best labels = None
    # itera sobre quantidade de execuções de K-Means
    for in range(self.n init):
        # obtém valores de centroides, labels, inécia
        centroids, labels, inertia = self. single run(data)
        \# observa se a execução atual tem menor inércia
        if inertia < min inertia:
            # atualiza inércia mínima
            min_inertia = inertia
            # atualiza melhores centroides
            best_centroids = centroids
            # atualiza melhores labels
            best labels = labels
    # ajusta os valores de centroides para os melhores valores
    # encontrados
    self.centroids = best centroids
    # ajusta os valores de labels para os melhores valores
    # encontrados
    self.labels = best_labels
def detect(self, data: np.ndarray) -> np.ndarray:
    Detecta anomalias nos dados com base na distância ao centroide
   mais próximo.
    Argumentos:
        data (np.ndarray): Dados de entrada.
    Retorna:
       anomalies (np.ndarray): Anomalias detectadas.
    # calcula a distância entre cada ponto e o centroide mais
    # próximo
    dist = np.min(
       np.linalg.norm(data[:, np.newaxis] - self.centroids, axis=2), axis=1
    # ajusta o limite com base no percentil inserido
    threshold = np.percentile(dist, self.threshold)
    # considera anomalias os pontos cujas distâncias são maiores que
    # o limite
    anomalies = data[dist > threshold]
    return anomalies
```



```
def get labels(self, data: np.ndarray) -> np.ndarray:
        Atribui cada ponto de dado ao centroide mais próximo para
        determinar seu cluster.
        Argumento:
            data (np.ndarray): Conjunto de dados.
        Retorna:
            labels (np.ndarray): Array de labels de cluster
                correspondentes a cada ponto de dado.
        # calcula a distância de cada ponto a cada centroide
        dist = np.linalg.norm(data[:, np.newaxis] - self.centroids, axis=2)
        # atribui cada ponto ao centroide mais próximo
        labels = np.argmin(dist, axis=1)
        return labels
class Score:
    Cálculo de scoring para algoritmo de clusterização.
    @staticmethod
    def silhouette(data: np.ndarray, labels: np.ndarray) -> float:
        Calcula o score do método da silhueta.
        Argumentos:
            data (np.ndarray): Dados de entrada.
            labels (np.ndarray): Atribuições de cluster para cada ponto
               de dado.
        Retorna:
            float: valor do método da silhueta.
        # obtém labels únicas
        unique labels = np.unique(labels)
        # lista para armazenar valores do método da silhueta
        silhouette vals = []
        # itera sobre pontos de dados
        for index, label in enumerate(labels):
            # obtém pontos que estão no mesmo cluster
            same cluster = data[labels == label]
            # calcula a distância média a outros pontos no mesmo cluster
            a = np.mean(np.linalg.norm(same cluster - data[index], axis=1))
            # extrai pontos de outros clusters
            other_clusters = [
                data[labels == other label]
                for other label in unique labels
                if other_label != label
            1
            # calcula a distância média para pontos em outros clusters
            b vals = [
                np.mean(np.linalg.norm(cluster - data[index], axis=1))
                for cluster in other clusters
            ]
```



```
# obtém os menores valores
            b = min(b vals)
            # calcula o valor da silhueta
            silhouette vals.append((b - a) / max(a, b))
        # retorna a silhueta média para todos os pontos
        return np.mean(silhouette vals)
    @staticmethod
    def daviesbouldin(data: np.ndarray, labels: np.ndarray) -> float:
        Calcula o índice de Davies-Bouldin.
        Argumentos:
            data (np.ndarray): Dados de entrada.
            labels (np.ndarray): Atribuições de cluster para cada ponto
                de dado.
        Retorna:
            float: valor de Davies-Bouldin calculado.
        # obtém labels únicas
        unique_labels = np.unique(labels)
        # calcula o centroide para cada cluster
        centroids = np.array(
            [data[labels == label].mean(axis=0) for label in unique_labels]
        # calcula a distância média dentro de cada cluster
        avg dist within cluster = np.array(
            [
                np.mean(
                    np.linalg.norm(data[labels == label] - centroids[label],
axis=1)
                for label in unique labels
            ]
        # calcula a distância entre centroides
        centroid dist = np.linalg.norm(centroids[:, np.newaxis] - centroids,
axis=2)
        # ajusta valores diagonais para infinito
        np.fill diagonal(centroid dist, float("inf"))
        # calcula a razão entre a soma das distâncias médias e a
        # distância entre centroides
        cluster ratios = (
            avg dist within cluster[:, np.newaxis] + avg dist within cluster
        ) / centroid dist
        # obtém a maior razão para cada cluster
        max_cluster_ratios = np.max(cluster_ratios, axis=1)
        # retorna a média das maiores razões
        return np.mean(max_cluster_ratios)
```

## 2. Código de execução comentado

```
import os
import asyncio
import glob
from typing import List, Dict, Union
```



```
from itertools import groupby
import xml.etree.ElementTree as ET
import aiohttp
from aiolimiter import AsyncLimiter
import pandas as pd
import numpy as np
import sys
sys.path.insert(0, "..")
from src.kmeans import KMeans, Score
async def download xml(year: int, semaphore: asyncio.Semaphore) -> None:
    Realiza download assíncrono de xml para um único ano.
    Argumentos:
        year (int): Ano do arquivo xml.
        semaphore (asyncio.Semaphore): Controlador de acesso concorrente.
    limiter = AsyncLimiter(1, 0.125)
    USER_AGENT = ""
    headers = {"User-Agent": USER AGENT}
    DATA DIR = os.path.join(os.getcwd(), "data")
    if not os.path.exists(DATA DIR):
        os.mkdir(DATA DIR)
    url =
f"https://www.al.sp.gov.br/repositorioDados/deputados/despesas gabinetes {str(year)
    async with aiohttp.ClientSession(headers=headers) as session:
        await semaphore.acquire()
        async with limiter:
            async with session.get(url) as resp:
                content = await resp.read()
                semaphore.release()
                file = f"despesas_gabinetes_{str(year)}.xml"
                with open(os.path.join(DATA DIR, file), "wb") as f:
                    f.write(content)
async def fetch expenses(year start: int, year end: int) -> None:
    Realiza download assíncrono de xml para um período.
        year start (int): Início do período.
        year_end (int): Fim do período.
    tasks = set()
    semaphore = asyncio.Semaphore(value=10)
    for i in range(int(year start), int(year end) + 1):
        task = asyncio.create_task(download_xml(i, semaphore))
        tasks.add(task)
    await asyncio.wait(tasks, return when=asyncio.ALL COMPLETED)
def parse data(list files: List[str]) -> List[Dict[str, Union[str, None]]]:
    Interpreta dados dos arquivos xml e extrai informações relevantes.
```



```
Argumentos:
        list files (list): Lista dos caminhos para os arquivos xml.
    Retorna:
      data (list): Lista de dicionários de despesas.
    data = list()
    for file in list_files:
        tree = ET.parse(file)
        xroot = tree.getroot()
        for child in xroot.iter("despesa"):
            cols = [elem.tag for elem in child]
            values = [elem.text for elem in child]
            data.append(dict(zip(cols, values)))
    return data
# executa `fetch expenses` no período de 2013 a 2022
asyncio.run(fetch expenses(2013, 2022))
# observa se há o diretório `data`
if os.path.exists(os.path.join(os.getcwd(), "data")):
    # acessa diretório
    os.chdir("data")
    # lista arquivos xml
    files = glob.glob("*.xml")
    # interpreta os arquivos
    load = parse data(files)
    # armazena os dados na variável `despesas`
    despesas = pd.DataFrame.from dict(load, dtype={"Matricula": str, "CNPJ": str})
# leitura dos data de IPCA
ipca = pd.read csv("../data/ipca.csv")
# conversão da variável Data para datetime
ipca["Data"] = pd.to datetime(ipca["Data"])
# parseamento da data
despesas["Data"] = pd.to datetime(
    despesas["Ano"].astype(str) + (despesas["Mes"].astype(str)).str.zfill(2) + "01"
# filtro da categoria de despesa
despesas = despesas[
    despesas["Tipo"] == "I - HOSPEDAGEM, ALIMENTAÇÃO E DESPESAS DE LOCOMOÇÃO"
1
# manutenção das colunas estritamente necessárias
despesas = despesas[["Data", "CNPJ", "Valor"]]
# filtro a partir de 2018
despesas = despesas[despesas["Data"].dt.year > 2017]
# junção das duas bases
data = pd.merge(left=despesas, right=ipca, on="Data", how="inner")
# ajuste para o valor de dezembro de 2022
data["Valor_ref"] = ipca[ipca["Data"] == "2022-12-01"]["Valor"].values[0]
# cálculo da deflação
data["Valor corrigido"] = round(
    (data["Valor_ref"] / data["Valor_y"]) * data["Valor_x"], 2
# remoção de variáveis desnecessárias
data = data[["CNPJ", "Valor corrigido"]]
# remoção de linhas com CNPJ nulos
data = data[data["CNPJ"].notnull()]
# filtro para CNPJs com apenas >= 20 entradas
```



```
data = data.groupby("CNPJ").filter(lambda x: len(x) \geq 20)
# criação de listas para comportar os valores do método de silhueta e
# indice de Davies-Bouldin
sils, dbs = list(), list()
# inicialização do algoritmo de K-Means
kmeans = KMeans()
# organização dos dados
selecao dados = sorted(zip(data["CNPJ"], data["Valor corrigido"]), key=lambda x:
# lista vazia para resultados finais
resultados_lista = []
# iteração por CNPJ e coleção de despesas
for cnpj, grupo in groupby(selecao dados, key=lambda x: x[0]):
    # lista vazia de centroides
    centroids list = []
    # conversão para array
    values = np.array([item[1] for item in grupo])
    # obtenção do k ideal
    kmeans.k = kmeans.get optimal k(values.reshape(-1, 1))
    # ajuste de dados ao algoritmo
    kmeans.fit(values.reshape(-1, 1))
    # detecção de anomalias
    anomalies kmeans = kmeans.detect(values.reshape(-1, 1))
    # cálculo do método de silhueta
    silhouette_score = Score.silhouette(
        values.reshape(-1, 1), kmeans.get_labels(values.reshape(-1, 1))
    # cálculo do índice de Davies-Bouldin
    db score = Score.daviesbouldin(
       values.reshape(-1, 1), kmeans.get_labels(values.reshape(-1, 1))
    # obtenção de labels
    labels = kmeans.get labels(values.reshape(-1, 1))
    # iteração sobre labels e valores
    for value, label in zip(values, labels):
        # adição de label no dicionário
        centroids list.append({"centroid": kmeans.centroids[label][0]})
    # contador zerado
    centroid idx = 0
    # iteração sobre despesas
    for value in values:
        # atribuição de 1 para anomalia, 0 para não anomalia
        is anomaly = 1 if value in anomalies kmeans else 0
        # adição de dicionário na lista final
        resultados lista.append(
            {
                "CNPJ": cnpj,
                "Valor": value,
                "Anomalia": is_anomaly,
                "Centroide": centroids list[centroid idx]["centroid"],
                "Clusters": kmeans.k,
                "Silhueta": silhouette_score,
                "Davies Bouldin": db score,
            }
        )
        # incremento do contador
        centroid idx += 1
# conversão dos resultados em dataframe
```



resultados = pd.DataFrame(resultados\_lista)
# salvamento como csv
resultados.to\_csv("../prd/resultado.csv", index=False, encoding="utf-8")