L5P2 - Regressão múltipla com Cultura

Rodolfo Bolconte

06/06/21

Nessa etapa do laboratório, estamos interessados em entender a relação da atuação de pessoas de diferentes países em responder perguntas no stackoverflow com características socioeconômicas e culturais dos países.

Especificamente, queremos entender a relação da proporção de pessoas que responderam em um país com:

- fluência em inglês da população (EPI);
- produto interno bruto do país;
- disponibilidade de internet no país;
- grau de individualismo na cultura do país (individualismo está explicado aqui: https://www.hofstede-insights.com/models/national-culture/, e é a coluna IDV nos dados).

Estamos interessados em inferir a partir dos dados desse estudo o que acontece na população em geral.

Carregamento dos Dados

O repositório com os dados:

https://github.com/cienciadedados-ufcg/vis-cultura-stackoverflow

```
dataset = read_csv(here::here("data/participation-per-country.csv")) %>%
  select(site, country, IDV, EPI, GNI, responderam_prop, Internet,
eight_regions) %>%
  filter(EPI != "NA", GNI != "NA", Internet != "NA")
```

Análise Exploratória dos Dados

```
geom_point(aes(max_idv), color='blue', alpha=.5, size=4) +
  labs(x='\nIDV', y='Regiões Geográficas\n') +
  theme(text=element_text(size=16))
graf eda internet = sumarios eda %>%
  ggplot(aes(y=reorder(eight regions, min idv))) +
  geom_point(aes(min_internet, color='min'), alpha=.5, size=4) +
  geom_point(aes(med_internet, color='med'), alpha=.5, size=4) +
  geom point(aes(max internet, color='max'), alpha=.5, size=4) +
  scale_color_manual(name='Valores:',
                     values=c('min'='red', 'med'='green', 'max'='blue'),
                     labels=c('Máximo', 'Média', 'Mínimo')) +
  labs(x='\nInternet', y=NULL) +
  scale_y_discrete(labels=c(NULL, NULL, NULL, NULL, NULL, NULL, NULL, NULL, NULL)) +
  scale x continuous(breaks=seq(0,100,20)) +
  theme(text=element_text(size=16))
grid.arrange(graf_eda_idv, graf_eda_internet, ncol=2, widths=c(1.2, 1))
```

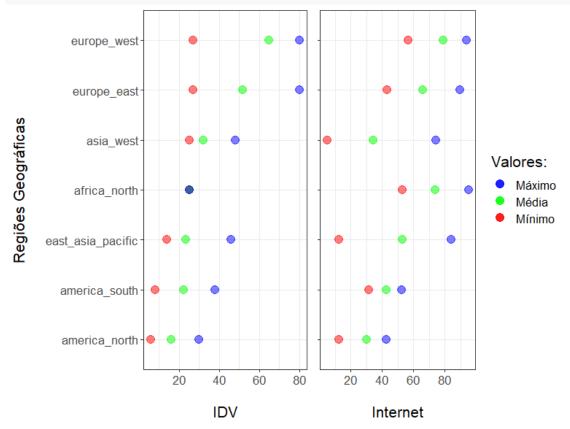


Gráfico 1.1: Visualização dos Sumários Mínimo (Vermelho), Média (Verde) e Máximo (Azul) referentes aos valores de IDV e Internet dos países separados por 7 regiões geográficas.

No Gráfico 1.1 tem-se os valores mínimo, médio e máximo de países para 7 regiões geográficas, ordenados pelo menor valor de IDV. O país que atingiu o menor valor de IDV se

encontra na América do Norte, atingindo menos de 10, enquanto o maior valor é atingido por um país do Oeste Europeu, assim como a maior média de países. Já para os dados de disponibilidade de internet, o menor valor se dá por um país do Oeste Asiático, com menos de 10, enquanto o maior é alcançado por um país do Norte da África.

Dispersão dos Dados

```
dados_stackoverflow = dataset %>% filter(site=='StackOverflow')
graf_m1_epi = dados_stackoverflow %>%
  ggplot(aes(responderam prop, EPI)) +
  geom point(size=3, alpha=.6) +
  geom_smooth(method=lm, se=F) +
  labs(x=NULL) +
  theme(text=element_text(size=16))
graf_m1_gni = dados_stackoverflow %>%
  ggplot(aes(responderam_prop, log10(GNI))) +
  geom point(size=3, alpha=.6) +
  geom_smooth(method=lm, se=F) +
  labs(x=NULL) +
  theme(text=element text(size=16))
graf m1 int = dados stackoverflow %>%
  ggplot(aes(responderam prop, Internet)) +
  geom_point(size=3, alpha=.6) +
  geom smooth(method=lm, se=F) +
  labs(x=NULL) +
  theme(text=element_text(size=16))
graf m1 idv = dados stackoverflow %>%
  ggplot(aes(responderam_prop, log10(IDV))) +
  geom_point(size=3, alpha=.6) +
  geom_smooth(method=lm, se=F) +
  labs(x=NULL) +
  theme(text=element text(size=16))
grid.arrange(graf_m1_epi, graf_m1_gni, graf_m1_int, graf_m1_idv,
             bottom = textGrob("responderam_prop (Stack Overflow)",
                               gp = gpar(fontsize=16)))
```

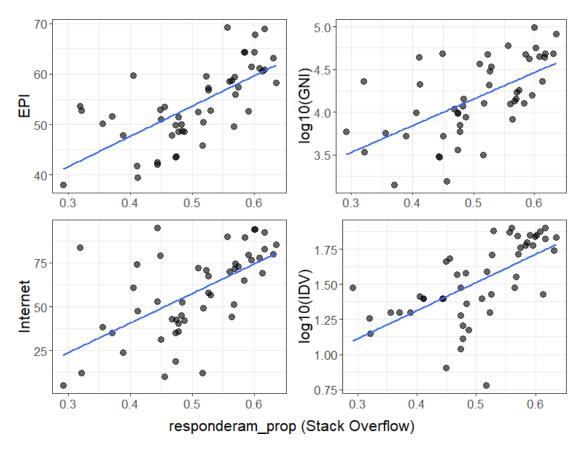


Gráfico 1.2: Dispersão dos valores das variáveis EPI, GNI, Disponibilização de Internet e IDV, com modelo linear traçado em relação à variável do índice de respostas das questões. Dados do Stack Overflow.

No Gráfico 1.2 tem-se a dispersão dos valores das variáveis de explicação (EPI, GNI, Internet e IDV) em relação à variável de resposta (responderam_prop). Cada subgráfico representa a relação de uma variável com responderam_prop, além de um modelo traçado a fim de encontração uma relação linear com cada variável, que para isto, foi feita a utilização do Log na base 10 para as variáveis GNI e IDV. Estas dispersões são relativas ao site do Stack Overflow.

```
dados_superuser = dataset %>% filter(site=='SuperUser')

graf_m3_epi = dados_superuser %>%
    ggplot(aes(responderam_prop, EPI)) +
    geom_point(size=3, alpha=.6) +
    geom_smooth(method=lm, se=F) +
    labs(x=NULL) +
    theme(text=element_text(size=16))

graf_m3_gni = dados_superuser %>%
    ggplot(aes(responderam_prop, log10(GNI))) +
    geom_point(size=3, alpha=.6) +
    geom_smooth(method=lm, se=F) +
```

```
labs(x=NULL) +
  theme(text=element text(size=16))
graf m3 int = dados superuser %>%
  ggplot(aes(responderam_prop, Internet)) +
  geom point(size=3, alpha=.6) +
  geom_smooth(method=lm, se=F) +
  labs(x=NULL) +
  theme(text=element text(size=16))
graf m3 idv = dados superuser %>%
  ggplot(aes(responderam_prop, log10(IDV))) +
  geom_point(size=3, alpha=.6) +
  geom_smooth(method=lm, se=F) +
  labs(x=NULL) +
  theme(text=element_text(size=16))
grid.arrange(graf_m3_epi, graf_m3_gni, graf_m3_int, graf_m3_idv,
              bottom = textGrob("responderam prop (Super User)",
                                  gp = gpar(fontsize=16)))
   70-
                                          5.0-
                                       (IND) 4.0
   60
EPI
                                          3.5
   40
       0.15
              0.20
                     0.25
                            0.30
                                   0.35
                                              0.15
                                                     0.20
                                                            0.25
                                                                   0.30
                                                                         0.35
                                          1.75
   75
                                       (VOI)
1.25
 Internet
   25
                                          1.00
                                          0.75
                                                            0.25
       0.15
              0.20
                     0.25
                            0.30
                                   0.35
                                               0.15
                                                      0.20
                                                                   0.30
                                                                          0.35
                        responderam_prop (Super User)
```

Gráfico 1.3: Dispersão dos valores das variáveis EPI, GNI, Disponibilização de Internet e IDV, com modelo linear traçado em relação à variável do índice de respostas das questões. Dados do Super User.

Assim como no gráfico anterior, o Gráfico 1.3 tem-se a dispersão dos valores das mesmas variáveis e também modelo linear traçado, porém os dados são provenientes do site Super User. Para ambos os sites, a dispersão dos valores para cada variável se mostra positiva, com a presença de pontos extremos, estes tendo destaque nas variáveis de Internet e IDV para o site Stack Overflow e Super User, além de se destacarem em EPI e um pouco em GNI para este último site.

Modelo 1

Focando apenas no StackOverflow, construa um modelo 1 com a variável responderam_prop com variável de resposta e fluência em inglês da população (EPI), produto interno bruto do país (GNI) e disponibilidade de internet no país como variáveis de explicação. Comente esse modelo em termos dos coeficientes e do ajuste. Estamos interessados em fazer inferência sobre os coeficiente.

```
modelo1 = lm(responderam_prop ~ EPI + log10(GNI) + Internet,
data=dados_stackoverflow)
tidy(modelo1, conf.int=T)
## # A tibble: 4 x 7
##
     term
                 estimate std.error statistic
                                                p.value
                                                          conf.low conf.high
##
     <chr>
                    <dbl>
                               <dbl>
                                         <dbl>
                                                   <dbl>
                                                             <dbl>
                                                                       <dbl>
                                        0.0958 0.924
## 1 (Intercept) 0.0111
                            0.116
                                                         -0.222
                                                                     0.245
## 2 EPI
                            0.00150
                                               0.000880 0.00233
                                                                     0.00838
                 0.00535
                                        3.56
## 3 log10(GNI)
                 0.0423
                           0.0320
                                        1.32
                                               0.193
                                                         -0.0221
                                                                     0.107
## 4 Internet
                 0.000484 0.000622
                                        0.779 0.440
                                                         -0.000769
                                                                     0.00174
glance(modelo1)
## # A tibble: 1 x 12
     r.squared adj.r.squared
##
                               sigma statistic
                                                   p.value
                                                               df logLik
                                                                           AIC
BIC
##
         \langle db1 \rangle
                       <dbl> <dbl>
                                         <dbl>
                                                      <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>
<dbl>
## 1
         0.535
                       0.504 0.0621
                                          17.3 0.000000133
                                                                3
                                                                    68.7 -127.
## # ... with 3 more variables: deviance <dbl>, df.residual <int>, nobs <int>
```

O modelo linear construído com as 3 variáveis de explicação é mostrado abaixo, além do valor de ajuste para o modelo:

```
responderam_prop = 0,0111
+(0,0053*EPI)
+(0,0423*log10(GNI))
+(0,0005*Internet)
```

Para todos os coeficientes do modelo, os valores são positivos, sendo o maior valor alcançado pelo coeficiente b_2 que é multiplicado com o valor de log na base 10 da variável GNI, em torno de 0,0423, seguido de b_1 que multiplica 0,0053 com a variável EPI, e por último o coeficiente b_3 que multiplica 0,0005 com a variável Internet. Isto significa que levando em consideração todas as 3 variáveis para explicar o valor do índice de respostas no site do Stack Overflow, o log na base 10 do produto interno bruto é a variável que mais explica o índice "cuidado aqui. o coeficiente é o tamanho do efeito da variável, mas isso não é o mesmo que "o quanto a variável explica".", em que o aumento de uma unidade, equivale um aumento de 0,0423.

Quanto ao ajuste do modelo, foi obtido o valor de 0,535 para o R^2 , ou seja, o modelo é capaz de explicar cerca de 53,5% o índice de resposta das perguntas do Stack Overflow, utilizando as 3 variáveis de explicação.

```
m1_graf_ic1 = tidy(modelo1, conf.int=T) %>% filter(term != '(Intercept)') %>%
  ggplot(aes(estimate, term)) +
  geom errorbar(aes(xmin=conf.low, xmax=conf.high), width=.15) +
  geom_point(size=3) +
  geom vline(xintercept = 0) +
  scale_x_continuous(breaks=seq(-.04, .1, .02)) +
  theme(text=element_text(size=16)) +
  labs(x=NULL, y=NULL)
m1 graf ic2 = tidy(modelo1, conf.int=T) %>% filter(term == '(Intercept)') %>%
  ggplot(aes(estimate, term)) +
  geom_errorbar(aes(xmin=conf.low, xmax=conf.high), width=.15) +
  geom point(size=3) +
  geom vline(xintercept = 0) +
  theme(text=element_text(size=16)) +
  labs(x=NULL, y=NULL)
grid.arrange(m1_graf_ic1, m1_graf_ic2, ncol=1, heights=c(2.5,1),
             left = textGrob("Coeficientes do Modelo 1\n",
                             gp=gpar(fontsize=16), r=90))
```

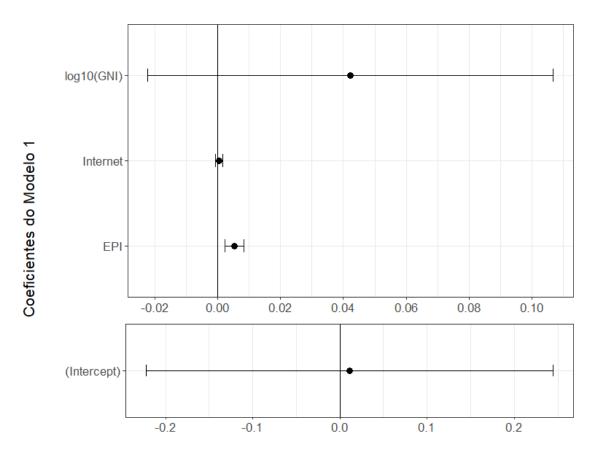


Gráfico 2.1: Intervalos de Confiança dos valores estimados para as variáveis explicativas do Modelo Linear 1, sendo as variáveis EPI, Internet e o log na base 10 de GNI.

No Gráfico 2.1 tem-se os intervalos de confiança dos coeficientes utilizados no Modelo Linear. Exceto para o coeficiente de EPI, não é possível afirmar qual seria o efeito em relação a explicação do índice de respostas, pois de acordo com os intervalos, podem apresentar valores tanto positivos quanto negativos, com o maior intervalo de confiança para o coeficiente b_0 que se encontra entre -0,22 e 0,244, enquanto o menor é o coeficiente da variável Internet, com um intervalo entre -0,0007 e 0,0017. O coeficiente de EPI é o único que pode apresentar valores apenas positivos, comprovando a certeza da ocorrência de um efeito para a explicação do índice de respostas, em que seu intervalo se encontre entre 0,0023 e 0,0083.

Modelo 2

Focando apenas no StackOverflow, construa um modelo 2 que além das variáveis do modelo 1 tem também o IDV. Esse é um modelo que considera uma variável de cultura. Comparando o modelo 2 com o modelo 1, o que podemos afirmar sobre o efeito do individualismo no comportamento das pessoas de diferentes países no stackoverflow? Há um efeito relevante (lembre de considerar a inferência para a população de onde vem os dados)? O modelo é mais explicativo do que sem a variável relacionada a cultura?

```
modelo2 = lm(responderam_prop ~ EPI + log10(GNI) + Internet + log10(IDV),
data=dados stackoverflow)
tidy(modelo2, conf.int=T)
## # A tibble: 5 x 7
##
                 estimate std.error statistic p.value conf.low conf.high
     term
##
     <chr>>
                    <dbl>
                              <dbl>
                                         <dbl>
                                                 <dbl>
                                                           <dbl>
                                                                      <dbl>
## 1 (Intercept) 0.000329 0.115
                                       0.00287 0.998
                                                       -0.231
                                                                    0.231
## 2 EPI
                 0.00451
                           0.00159
                                       2.84
                                               0.00677 0.00131
                                                                    0.00770
## 3 log10(GNI) 0.0344
                            0.0320
                                       1.08
                                               0.288
                                                        -0.0301
                                                                    0.0989
                                               0.668
## 4 Internet
                 0.000272 0.000630
                                       0.432
                                                       -0.000997
                                                                    0.00154
## 5 log10(IDV) 0.0669
                                       1.50
                                               0.140
                                                       -0.0228
                           0.0445
                                                                    0.157
glance(modelo2)
## # A tibble: 1 x 12
     r.squared adj.r.squared sigma statistic
                                                   p.value
                                                               df logLik
                                                                           AIC
BIC
                                                     <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>
##
                       <dbl> <dbl>
         <dbl>
                                         <dbl>
<dbl>
## 1
         0.558
                       0.518 0.0612
                                          13.9 0.000000213
                                                                    70.0 -128.
-117.
## # ... with 3 more variables: deviance <dbl>, df.residual <int>, nobs <int>
O modelo linear construído com as 4 variáveis de explicação para o site do Stack Overflow é
mostrado abaixo, além do valor de ajuste para o modelo:
responderam_prop= 0,0003
                  +(0,0045*EPI)
                  +(0.0344*log10(GNI))
                  +(0,0003*Internet)
                  +(0,0668*log10(IDV))
R2=0,558
m2 graf ic1 = tidy(modelo2, conf.int=T) %>% filter(term != '(Intercept)') %>%
  ggplot(aes(estimate, term)) +
  geom_errorbar(aes(xmin=conf.low, xmax=conf.high), width=.2) +
  geom point(size=3) +
  geom vline(xintercept = 0) +
  scale x continuous(breaks=seq(-.04, .16, .02)) +
  theme(text=element_text(size=16)) +
  labs(x=NULL, y=NULL)
m2_graf_ic2 = tidy(modelo2, conf.int=T) %>% filter(term == '(Intercept)') %>%
  ggplot(aes(estimate, term)) +
  geom errorbar(aes(xmin=conf.low, xmax=conf.high), width=.2) +
  geom point(size=3) +
  geom_vline(xintercept = 0) +
  theme(text=element_text(size=16)) +
```

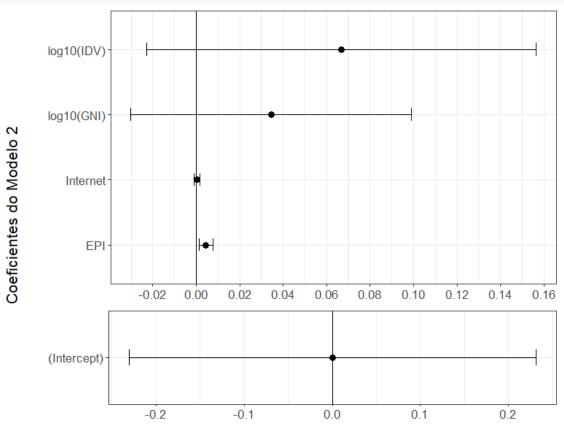


Gráfico 3.1: Intervalos de Confiança dos valores estimados para as variáveis explicativas do Modelo Linear 2, sendo as variáveis EPI, Internet e o log na base 10 de GNI e IDV. Dados do site Stack Overflow.

O segundo modelo utiliza as mesmas variáveis explicativas que o primeiro, com a adição da variável de individualismo para os países. O coeficiente de maior valor encontrado no modelo foi justamente para a variável de individualismo, porém sendo esta quando realizado o cálculo de log na base 10. O valor do coeficiente da variável ficou em torno de 0,0668, ou seja, num acréscimo de uma unidade do log na base 10 de IDV, o índice de resposta de questões no Stack Overflow aumenta em 0,0668. O menor coeficiente do segundo modelo tem como valor de 0,0002, que é multiplicado pela variável Internet assim como no primeiro modelo.

Analisando os Intervalos de Confiança dos coeficientes do segundo modelo no Gráfico 3.1, tem-se disposições parecidas para as variáveis utilizadas também no primeiro modelo, sendo o log na base 10 de IDV o maior intervalo dos variáveis, entre -0,0228 e 0,157.

Com relação ao ajuste do modelo, apresentou um valor \mathbb{R}^2 de 0,558, ou seja, o segundo modelo é capaz de explicar 55,8% do valor para o índice de resposta. Comparando com o ajuste do primeiro modelo que não utiliza a variável IDV, tem-se uma diferença de apenas 2,3%, porém como existe tal diferença, é plausível afirmar que o segundo modelo é mais explicativo que o primeiro para o índice de respostas das questões do Stack Overflow, sendo assim, a variável de individualidade quando calculado o log na base 10 e também quando utilizada em conjunto com as demais variávies, pode explicar melhor o índice de respostas.

Modelo 3

Construa uma outra versão do modelo 2 usando agora os dados do SuperUser. Os resultados são consistentes com os do StackOverflow? Comente e mostre evidência que embase sua conclusão.

```
modelo3 = lm(responderam_prop ~ EPI + log10(GNI) + Internet + log10(IDV),
data=dados_superuser)
tidy(modelo3, conf.int=T)
## # A tibble: 5 x 7
                 estimate std.error statistic p.value conf.low conf.high
##
    term
                                         <dbl>
                                                 <dbl>
                                                          <dbl>
                                                                    <dbl>
##
     <chr>
                     <dbl>
                               <dbl>
                                                                 0.0658
## 1 (Intercept) -0.0990
                            0.0818
                                        -1.21 0.233
                                                       -0.264
## 2 EPI
                 0.000824 0.00113
                                         0.729 0.470
                                                       -0.00146 0.00310
## 3 log10(GNI)
                 0.0678
                            0.0228
                                         2.97 0.00479 0.0218
                                                                 0.114
## 4 Internet
                 -0.000554 0.000449
                                        -1.23 0.224
                                                       -0.00146 0.000351
## 5 log10(IDV)
                 0.0332
                            0.0317
                                        1.05 0.302
                                                       -0.0308
                                                                 0.0971
glance(modelo3)
## # A tibble: 1 x 12
     r.squared adj.r.squared sigma statistic p.value
##
                                                          df logLik
                                                                      AIC
BIC
         <dbl>
                            <dbl>
##
                       <dbl>
                                        <dbl>
                                                 <dbl> <dbl>
                                                              <dbl> <dbl>
<dbl>
## 1
         0.365
                       0.307 0.0437
                                         6.32 0.000416
                                                               86.5 -161.
-150.
## # ... with 3 more variables: deviance <dbl>, df.residual <int>, nobs <int>
```

O modelo linear construído com as 4 variáveis de explicação para o site do Super User é mostrado abaixo, além do valor de ajuste para o modelo:

```
responderam\_prop = -0.0989 \\ + (0.0008*EPI) \\ + (0.0678*log10(GNI)) \\ + (-0.0005*Internet) \\ + (0.0331*log10(IDV))
```

```
m3 graf ic1 = tidy(modelo3, conf.int=T) %>% filter(term != '(Intercept)') %>%
  ggplot(aes(estimate, term)) +
  geom_errorbar(aes(xmin=conf.low, xmax=conf.high), width=.2) +
  geom point(size=3) +
  geom_vline(xintercept = 0) +
  scale_x_continuous(breaks=seq(-.04, .1, .02)) +
  theme(text=element text(size=16)) +
  labs(x=NULL, y=NULL)
m3_graf_ic2 = tidy(modelo3, conf.int=T) %>% filter(term == '(Intercept)') %>%
  ggplot(aes(estimate, term)) +
  geom_errorbar(aes(xmin=conf.low, xmax=conf.high), width=.2) +
  geom point(size=3) +
  geom_vline(xintercept = 0) +
  theme(text=element text(size=16)) +
  labs(x=NULL, y=NULL)
grid.arrange(m3 graf ic1, m3 graf ic2, ncol=1, heights=c(2.5,1),
              left = textGrob("Coeficientes do Modelo 3\n",
                               gp=gpar(fontsize=16), r=90))
      log10(IDV)
      log10(GNI)
Coeficientes do Modelo 3
        Internet-
           EPI-
                   -0.02
                           0.00
                                   0.02
                                          0.04
                                                  0.06
                                                         80.0
                                                                 0.10
      (Intercept)
                          -0.2
                                                           0.0
```

Gráfico 4.1: Intervalos de Confiança dos valores estimados para as variáveis explicativas do Modelo Linear 2, sendo as variáveis EPI, Internet e o log na base 10 de GNI e IDV. Dados do site Super User.

Utilizando as mesmas variáveis do segundo modelo para um modelo com dados do site Super User, tem-se algumas diferenças entre ambos. Com relação aos coeficientes, são apresentados dois com valores negativos, $b_0=-0$, 0989 e $b_2=-0$, 0005, este último indicando que no aumento de um índice da variável Internet, tem o índice de respostas diminuído em 0,0005. O coeficiente de maior índice é o log na base 10 de GNI, em que o aumento do seu valor em 1, o índice de respostas aumenta cerca de 0,0678.

De acordo com os Intervalos de Confiança visualizados no Gráfico 4.1, tem-se uma disposição diferente dos coeficientes em relação ao site Stack Overflow. O log na base 10 de IDV continua sendo o maior intervalo das 4 variáveis, de -0,0308 a 0,0971, porém o intervalo de $\log_{10}(GNI)$ apresenta apenas valores positivos, de 0,0218 a 0,114, enquanto EPI que apresenta um intervalo inteiramente positivo no segundo modelo, no terceiro modelo pode apresentar valores negativos ou quase nulos também. Sendo assim, a única variável que pode apresentar qualquer valor que tenha um efeito em relação ao índice de respostas é o log na base 10 de GNI. O intervalo de b_0 se mostrou com um valor menor que pode ser atingido e não mais um intervalo balanceado de certa forma como no segundo modelo, o intervalo ficou em torno de -0,264 a 0,0658.

O modelo apresentou um ajuste de $R^2=0$, 365, ou seja, o modelo é capaz de explicar cerca de 36,5% do valor do índice de resposta, valor menor que o segundo modelo para o site do Stack Overflow, que atingiu 55,8%, sendo assim há uma diferença de cerca de 19,3% entre os modelos. Ou seja, de acordo com o ajuste dos dois modelos, as 4 variáveis de explicação utilizadas explicam melhor o índice de respostas do site Stack Overflow em relação ao site Super User.