

# Descrevendo Sintaxe e Semântica

## Parte 2

Prof. Dr. Eduardo Takeo Ueda  
*[eduardo.tueda@sp.senac.br](mailto:eduardo.tueda@sp.senac.br)*

# Gramática de Atributos (1/6)

- Serve para descrever tanto a sintaxe quanto a semântica estática
- É um dispositivo usado para descrever melhor a estrutura de uma linguagem de programação do que o permitido pelas BNF
- Existem algumas características de linguagens que são difíceis de descrever usando a notação BNF
  - Compatibilidade de tipos:
    - A gramática ficaria muito grande
  - Variáveis que devem ser declaradas antes de serem utilizadas:
    - Impossível
  - O **end** de um subprograma em **ADA** deve casar com o nome do subprograma

# Gramática de Atributos (2/6)

- Estes problemas exemplificam a categoria de regras de linguagem chamada de regras de semântica estática
- Tem pouca relação com significado do programa:
  - Sintaxe ao invés de semântica
- A análise requerida para checar estas especificações podem ser feitas em tempo de compilação
- Gramática com atributos são gramáticas para as quais foram adicionadas atributos
- Atributos intrínsecos possuem valores determinados fora da árvore de derivação. O tipo de uma variável pode vir de uma tabela de símbolos

# Gramática de Atributos (3/6)

- O nome no **end** de um procedimento **ADA** deve combinar com o nome do procedimento
- Regra sintática:
  - $\langle \text{proc\_def} \rangle \rightarrow \text{procedure } \langle \text{proc\_name} \rangle [1]$   
 $\langle \text{proc\_body} \rangle \text{ end } \langle \text{proc\_name} \rangle [2];$
- Regra semântica:
  - $\langle \text{proc\_name} \rangle [1].\text{string} = \langle \text{proc\_name} \rangle [2].\text{string}$
- Quando existe mais de uma ocorrência de um não-terminal, este é indexado com colchetes para diferenciá-los

# Gramática de Atributos (4/6)

1. Sintaxe:  $\langle \text{assign} \rangle \rightarrow \langle \text{var} \rangle = \langle \text{expr} \rangle$

Semântica:  $\langle \text{expr} \rangle.\text{expected\_type} \leftarrow \langle \text{var} \rangle.\text{actual\_type}$

2. Sintaxe:  $\langle \text{expr} \rangle \rightarrow \langle \text{var} \rangle[2] + \langle \text{var} \rangle[3]$

Semântica:  $\langle \text{expr} \rangle.\text{actual\_type} \leftarrow \begin{array}{l} \text{if } (\langle \text{var} \rangle[2].\text{actual\_type} = \text{int}) \ \& \\ \quad (\langle \text{var} \rangle[3].\text{actual\_type} = \text{int}) \\ \quad \text{then int} \\ \quad \text{else real} \end{array}$

Predicado:  $\langle \text{expr} \rangle.\text{actual\_type} = \langle \text{expr} \rangle.\text{expected\_type}$

3. Sintaxe:  $\langle \text{expr} \rangle \rightarrow \langle \text{var} \rangle$

Semântica:  $\langle \text{expr} \rangle.\text{actual\_type} \leftarrow \langle \text{var} \rangle.\text{actual\_type}$

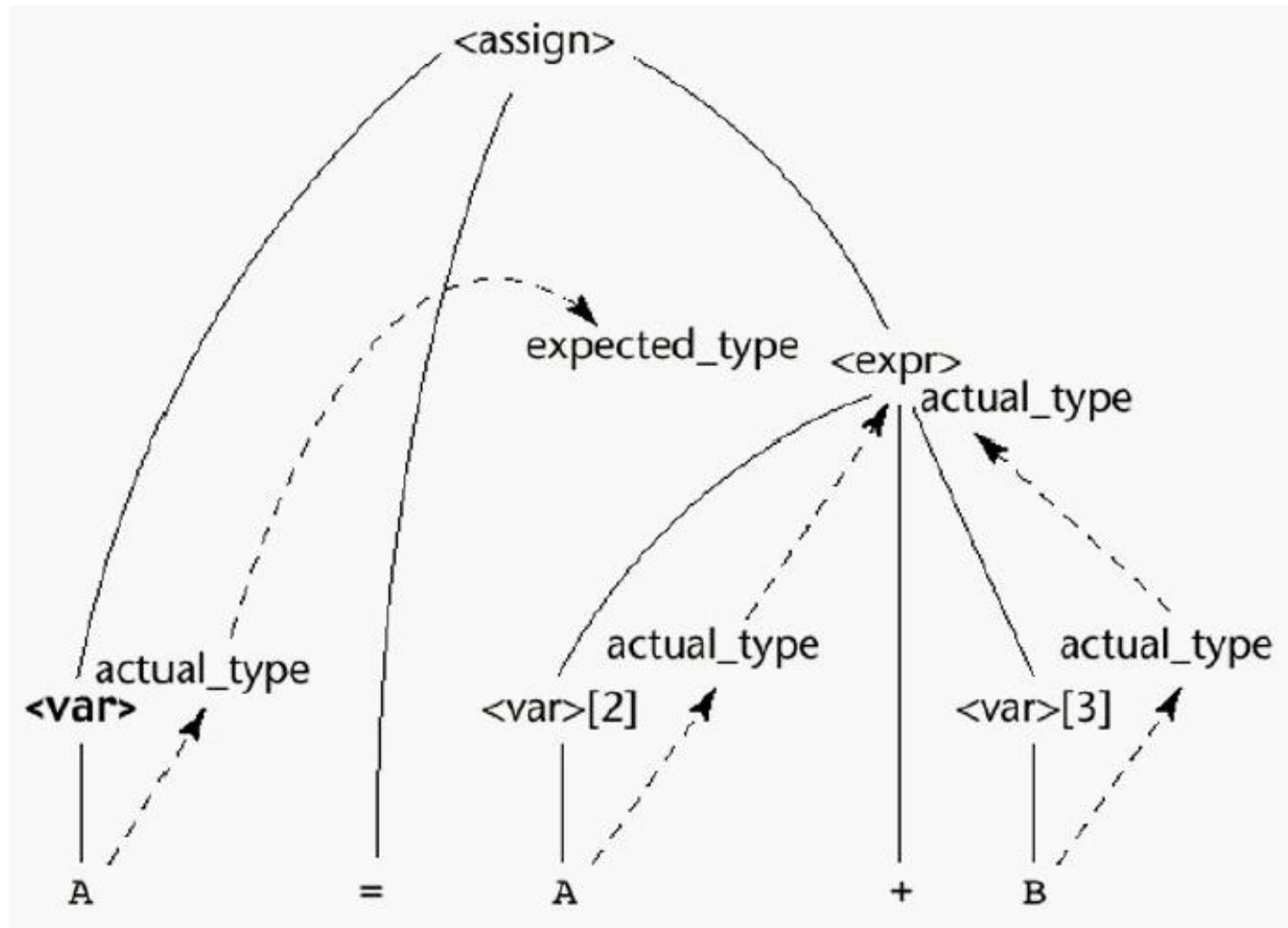
Predicado:  $\langle \text{expr} \rangle.\text{actual\_type} = \langle \text{expr} \rangle.\text{expected\_type}$

4. Sintaxe:  $\langle \text{var} \rangle \rightarrow \text{A} \mid \text{B} \mid \text{C}$

Semântica:  $\langle \text{var} \rangle.\text{actual\_type} \leftarrow \text{look-up}(\langle \text{var} \rangle.\text{string})$

Obs.: look-up pesquisa determinado nome de variável na tabela de símbolos e retorna o tipo desta.

# Gramática de Atributos (5/6)



# Gramática de Atributos (6/6)

1.  $\langle \text{var} \rangle.\text{actual\_type} \leftarrow \text{look-up}(A)$  (regra 4)
2.  $\langle \text{expr} \rangle.\text{expected\_type} \leftarrow \langle \text{var} \rangle.\text{actual\_type}$  (regra 1)
3.  $\langle \text{var} \rangle[2].\text{actual\_type} \leftarrow \text{look-up}(A)$  (regra 4)
4.  $\langle \text{var} \rangle[3].\text{actual\_type} \leftarrow \text{look-up}(A)$  (regra 4)
5.  $\langle \text{expr} \rangle.\text{actual\_type} \leftarrow \text{int ou real}$  (regra 2)
6.  $\langle \text{expr} \rangle.\text{expected\_type} = \langle \text{expr} \rangle.\text{actual\_type}$  é TRUE ou FALSE (regra 2)

# Semântica Dinâmica (1/2)

- Descrever a semântica dinâmica, ou significado, de expressões, instruções e unidades, não é uma tarefa fácil
- Não existe uma notação universalmente aceita para descrevê-la
- Por que descrever a semântica dinâmica:
  - Programadores precisam saber o que os elementos da linguagem fazem
  - Desenvolvedores de compiladores baseiam a semântica em descrições da linguagem natural



# Semântica Dinâmica (2/2)

- É objeto de pesquisa encontrar um formalismo semântico que possa ser usado tanto por programadores quanto por desenvolvedores de compiladores
- A prova de corretude de programas confiam em alguma descrição formal da semântica da linguagem:
  - Semântica operacional
  - Semântica denotacional
  - Semântica axiomática

# Semântica Operacional (1/5)

- A ideia por trás da semântica operacional é a descrição do significado de um programa pela execução de suas instruções em uma máquina real ou simulada
- As alterações que ocorrem no estado da máquina quando esta executa uma instrução define o significado desta instrução
- Exemplo:
  - Instrução em linguagem de máquina

# Semântica Operacional (2/5)

- Descrever a semântica operacional de uma linguagem de alto nível requer a construção de um computador real ou simulado
- A semântica para uma linguagem de alto nível pode ser descrita usando um interpretador puro para esta linguagem
- Dois problemas:
  - Complexidade do hardware pode fazer com que as ações sejam difíceis de entender.
  - Só serviriam para um computador igualmente configurado

# Semântica Operacional (3/5)

- Estes problemas são evitados pela troca do computador real por um computador virtual, implementado via simulação por software
- O conjunto de instruções poderia ser projetado de tal forma que a semântica de cada instrução fosse fácil de entender
- Requer a construção de dois componentes:
  - Tradutor para converter as instruções da linguagem de alto nível na linguagem intermediária
  - A máquina virtual para esta linguagem intermediária

# Semântica Operacional (4/5)

- Este conceito é frequentemente usado em manuais de linguagens
- O leitor das descrições de semântica operacional e o computador virtual é assumido ser capaz de executar corretamente as instruções e reconhecer os efeitos da execução

# Semântica Operacional (5/5)

## Instrução em C

```
for (expr1; expr2; expr3){  
...  
}
```

## Semântica Operacional

```
expr1;  
loop: if expr2 == 0 goto out;  
...  
expr3;  
goto loop;  
out: ....
```

# Semântica Denotacional (1/6)

- Semântica denotacional é o método mais rigoroso para descrever o significado de programas
- E baseado na teoria das funções recursivas
- O conceito fundamental é a definição para cada entidade da linguagem tanto um objeto matemático quanto uma função que mapeia instâncias desta entidade em instâncias do objeto matemático
- Os objetos são tão rigorosamente definidos que eles representam o significado exato das entidades correspondentes

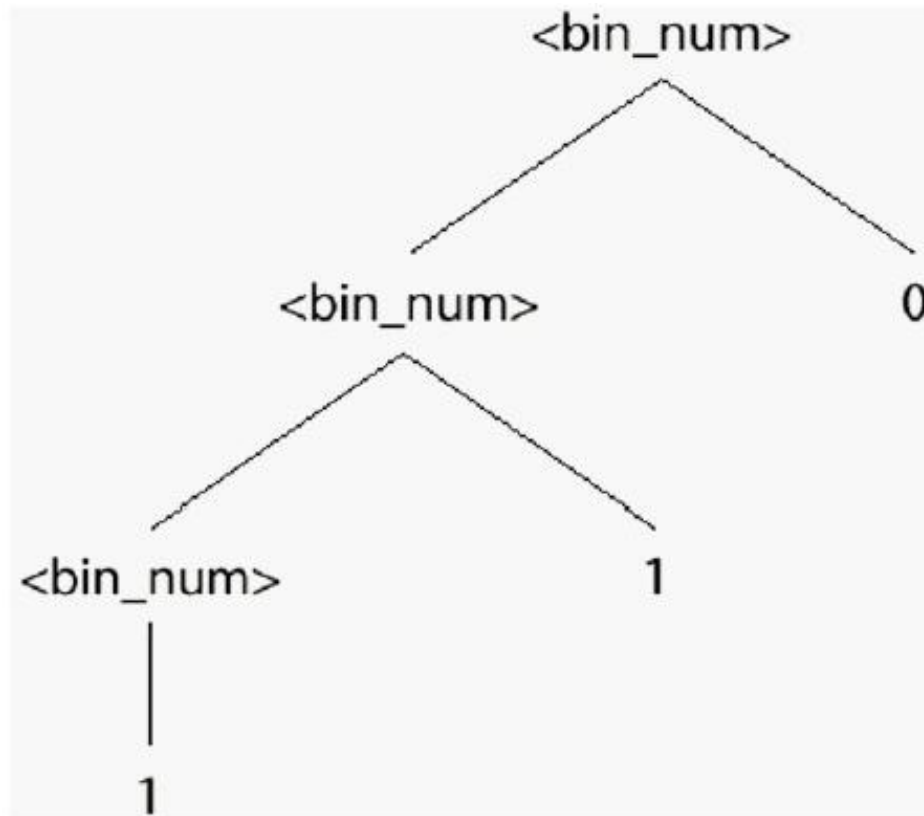
# Semântica Denotacional (2/6)

- A dificuldade deste método está na criação dos objetos e na função de mapeamento
- O método é chamado denotacional porque os objetos denotam o significado de suas correspondentes entidades sintáticas
- Exemplo:
  - A sintaxe de números binários podem ser descritas pelas seguintes regras gramaticais:
    - $\langle \text{bin\_num} \rangle \rightarrow 0 \mid 1 \mid \langle \text{bin\_num} \rangle 0 \mid \langle \text{bin\_num} \rangle 1$



# Semântica Denotacional (3/6)

- Uma parse tree para o numero binario 110 e:



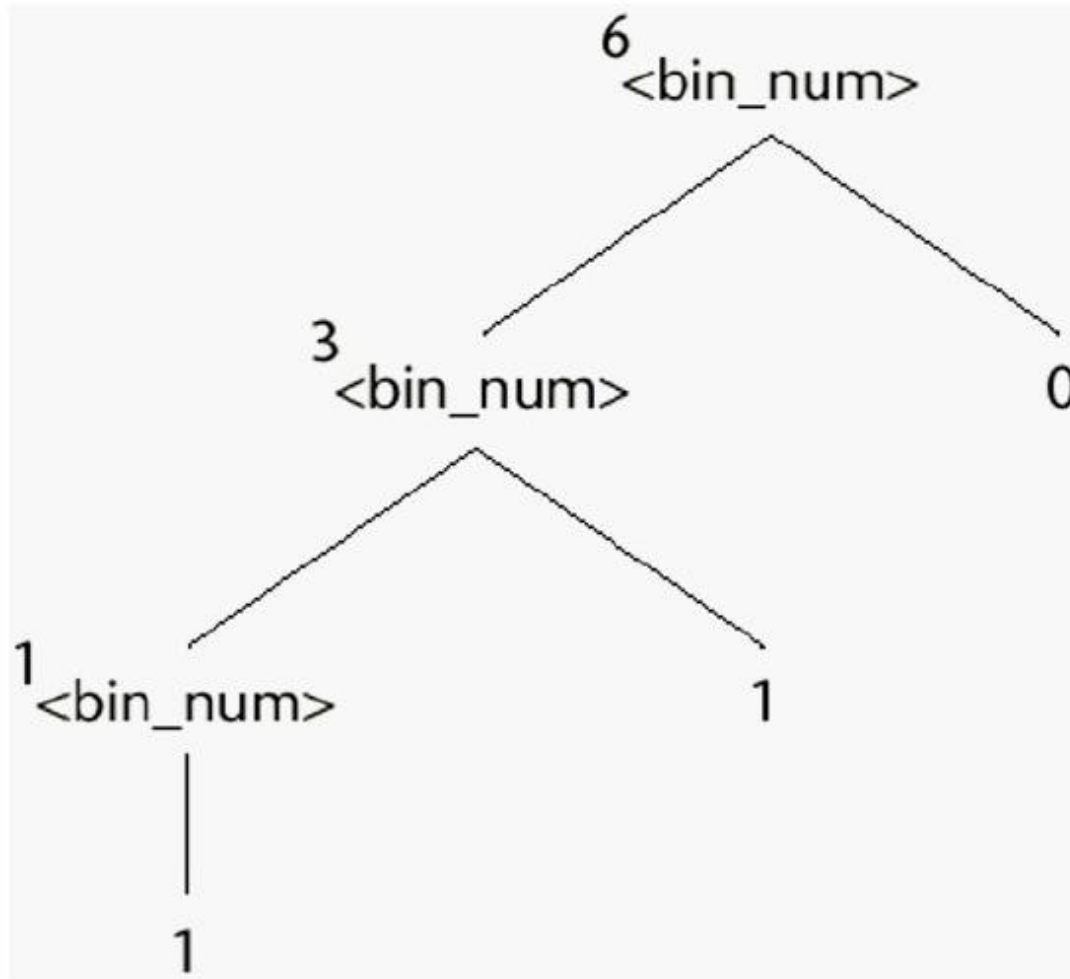
# Semântica Denotacional (4/6)

- Para descrever o significado de números binários usando a semântica denotacional e as regras gramaticais acima, o significado real é associado com cada regra que tem um simples símbolo terminal no lado direito. Objetos serão simples números decimais
- Faça o domínio de valores semânticos dos objetos ser  $\mathbb{N}$ . Estes serão os objetos que queremos associar com números binários
- A função semântica, chamada  $M_{bin}$  mapeia a sintaxe abstrata, descrito pelas regras gramaticais, nos objetos de  $\mathbb{N}$

# Semântica Denotacional (5/6)

- A função Mbin foi definida como:
  - $Mbin(0) = 0$
  - $Mbin(1) = 1$
  - $Mbin(\langle bin\_num \rangle 0) = 2 * Mbin(\langle bin\_num \rangle)$
  - $Mbin(\langle bin\_num \rangle 1) = 2 * Mbin(\langle bin\_num \rangle) + 1$
- O significado, ou objetos denotados (que no caso são números decimais), podem ser colocados junto aos nós da *parse tree*
- Entidades sintáticas abstratas são mapeadas em objetos matemáticos com significado concreto

# Semântica Denotacional (6/6)



# Semântica Axiomática (1/7)

- Semântica axiomática foi definida em conjunto com o desenvolvimento de um método para provar a corretude de programas
- Tais provas de corretude, mostram que um programa executa a computação descrita por sua especificação
- Cada instrução é precedida e seguida por uma expressão lógica que especifica restrições sobre variáveis de programa
- Estas expressões, ao invés de representar o estado de uma máquina abstrata, são usadas para representar o significado de instruções

# Semântica Axiomática (2/7)

- Notação usada para descrever restrições e o cálculo de predicados
- Semântica axiomática e baseada em lógica matemática
- As expressões lógicas são chamadas predicados ou assertivas
- Uma assertiva imediatamente precedente de uma instrução descreve as restrições sobre as variáveis naquele ponto:
  - Chamadas de pré-condições

# Semântica Axiomática (3/7)

- Uma assertiva imediatamente seguinte a uma instrução descreve uma nova restrição sobre estas, e outras, variáveis após a execução:
  - Chamadas de pós-condições
- Toda a instrução em um programa tem que ter as duas condições
- As pré-condições são computadas a partir das pós-condições

# Semântica Axiomática (4/7)

- Exemplo:
  - $\text{sum} = 2 * x + 1 \{ \text{sum} > 1 \}$
- A pré-condição mais fraca é a pré-condição menos restritiva que garantirá a validade da pós-condição
  - $\{x > 10\}$  e  $\{x > 100\}$  são exemplos de pré-condições válidas
- Entretanto:
  - $\{x > 0\}$  é a pré-condição mais fraca



# Semântica Axiomática (5/7)

- Para algumas instruções de programas, a computação da pré-condição mais fraca e simples e pode ser especificada por um axioma
- Na maioria dos casos, entretanto, só via regra de inferência
- Um axioma é uma instrução lógica que é assumida ser verdade
- Uma regra de inferência é um método de inferir a verdade de uma assertiva baseada em outras assertivas verdadeiras

# Semântica Axiomática (6/7)

- Instrução de Atribuição:
  - Seja  $x := e$  uma instrução de atribuição geral e seja  $Q$  a pós-condição
  - A pré-condição é definida pelo seguinte axioma:
    - $P = Qx \rightarrow e$ , o que significa que  $P$  é computado como  $Q$  com todas as instâncias de  $x$  trocadas por  $e$
  - Exemplo:
    - $a := b / 2 - 1 \{a > 10\}$ 
      - Calculando a pré-condição mais fraca:
        - $b / 2 - 1 > 10$
        - $b > 22$

# Semântica Axiomática (7/7)

- Instrução de Atribuição:
  - A notação usual para especificar a semântica axiomática é:
    - $\{P\} S \{Q\}$
  - No caso de uma instrução de atribuição:
    - $\{Qx \rightarrow e\} S \{Q\}$