

AI → study of intelligence as computing

"(Artificial Intelligence is) making a machine behave in ways that would be called intelligent if a human were so behaving."

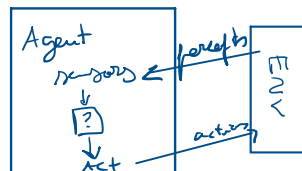
John McCarthy.

Weak AI → systems designed and trained to solve very specific tasks

↳ chess/AI game  
→ learn to walk

Strong AI vs general AI

→ expected to learn and evolve over time



percepção → percepções do agente  
em dado instante

↑  
sequência de percepções → histórico total de

comportamento do agente :  $J$  jogadas do agente

Programa ⇒ naturalização da função do agente

Formulação de problemas

→ "Problem solving agents"

↳ procura encontrar a seq. ações que leva a um estado desejável

- Muitos dos problemas em ciências da computação podem ser formulados como:

- Um conjunto  $S$  de ESTADOS (possivelmente infinito)
- Um estado INICIAL  $s \in S$
- Uma relação de TRANSIÇÃO  $T$  ao longo deste espaço de estados
- Um conjunto de estados FINAIS (objetivos):  $O \in S$

- Um problema pode ser definido formalmente em cinco componentes:

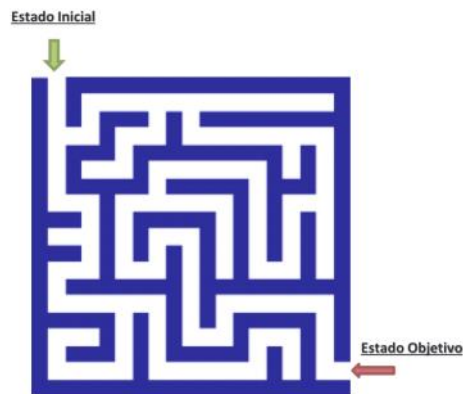
1. Representação do Estado
2. Estado Inicial (Atual)
3. Estado Objetivo (define os estados desejados)
4. Operadores (Nome, Pré-Condições, Efeitos, Custo)
5. Custo da Solução

- Quais as ações possíveis?
- Quais os estados possíveis? (como representá-los?)
- Como avaliar os Estados

Synthetic Intelligence Lab

## Formulação de problemas Componentes de um problema de procura

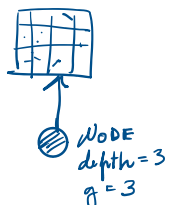
- Estado inicial
- Ações
- Modelo de transição
  - Que estado resulta da execução de uma determinada ação em um determinado estado?
- Estado Objetivo
- Custo do caminho
  - Suponha que seja uma soma dos custos não negativos de cada etapa
- A solução ideal é a sequência de ações que fornece o menor custo de caminho para alcançar a meta



- Ambiente determinístico, totalmente observável → problema do **estado único** →
- O agente "sabe" exatamente o estado em que estará; a solução é uma sequência.
- Ambiente determinístico, não acessível → problema de **múltiplos estados**
- O agente "não sabe" onde está; a solução é uma sequência
- Ambiente não determinístico e/ou parcialmente acessível → problema de **contingência**
- Percepções fornecem novas informações sobre o estado atual
- Frequentemente intercalam procura e execução
- Espaço de estados desconhecido → problema de **exploração**

Problema do aspirador

Estado  $\neq$  Nó

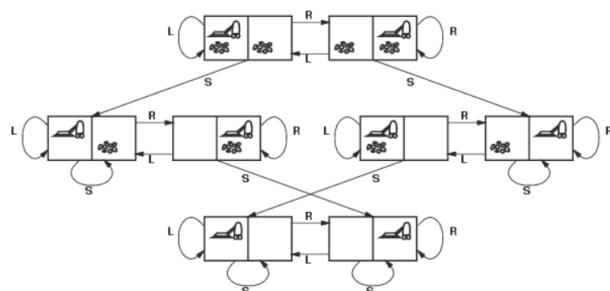


### Exemplo: o problema do aspirador

(problema de estado único)

#### Formulando o problema:

- Estado: 8 estados representados (definidos pela posição do robô e lixo)
- Estado inicial: Qualquer um
- Operadores: esquerda, direita, aspirar
- Teste Objetivo: Não há lixo em nenhum dos quadrados
- Custo da Solução: Cada ação custa 1 (custo total =



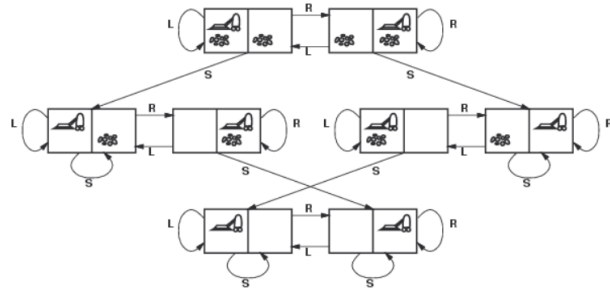
## Exemplo: o problema do aspirador

(problema de estado único)

Node  
depth=3  
g=3

### Formulando o problema:

- Estado: 8 estados representados (definidos pela posição do robô e lixo)
- Estado inicial: Qualquer um
- Operadores: esquerda, direita, aspirar
- Teste Objetivo: Não há lixo em nenhum dos quadrados
- Custo da Solução: Cada ação custa 1 (custo total = número de passos da solução)



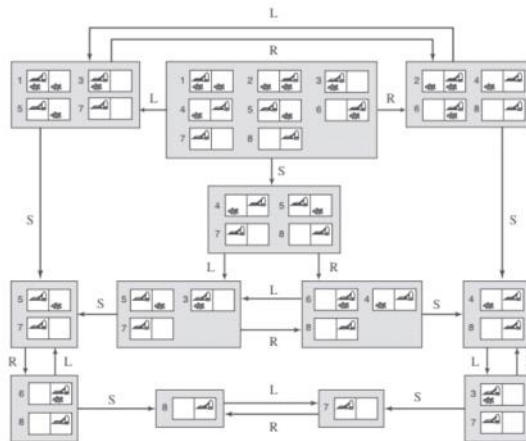
Fonte: Russell and Norvig, (2009) Artificial Intelligence - A Modern Approach.

## Exemplo: o problema do aspirador

(problema de estados múltiplos)

### Formulando o problema:

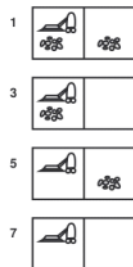
- Conjunto de Estados: subconjunto dos estados representados
- Operadores: esquerda, direita e aspirar
- Teste Objetivo: Todos os estados do conjunto não podem ter lixo
- Custo da Solução: Cada ação custa 1



### Single-state

Start in: 5

Solution: [right, suck]



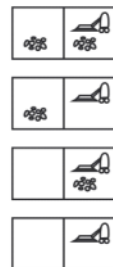
### Single-state problem

- observable (at least the initial state)
- deterministic
- static
- discrete

### Multiple-state

Start in: {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8}

Solution: [right, suck, left, suck]



### Multiple-state problem

- partially observable (initial state not observable)
- deterministic
- static
- discrete

### Contingency problem

- partially observable (initial state not observable)
- non-deterministic

right → {2, 4, 6, 8}

suck → {4, 8}

left → {3, 7}

suck → {7}

## Exemplo: o problema do aspirador

(problema de contingência)

O agente não sabe qual o efeito que terá suas ações, isto devido ao ambiente ser parcialmente observável.

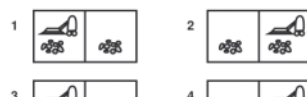
Portanto, a sequência de ações deve ser planejada mediante cada percepção do ambiente, ou seja, por cada ação realizada o agente recolhe informação através do seu sensor e só depois decide a próxima ação a executar.

A solução será uma lista de ações condicionais que intercalará procura e execução.

Exemplo: Iniciar em {5} ou {7} – [Right, se tiver lixo então Suck]

### Contingency

Murphy's Law:



## Contingency

Murphy's Law:

suck can dirty a clean carpet

Local sensing:

dirty/not dirty at location only

Start in: {1,3}

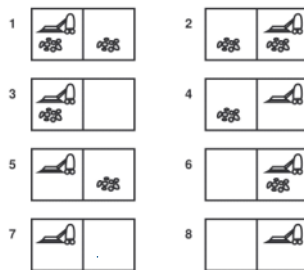
**Solution:** [suck, right, suck]

suck → {5,7}

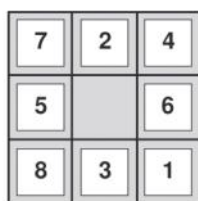
right → {6,8}

suck → {6,8}

Improvement: [suck, right, if dirt then suck]  
(decide whether in 6 or 8 using local sensing)



## Example: The 8-puzzle



Start State



Goal State

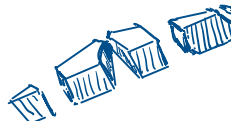
- Estados: descrição da localização das oito peças e quadrado em branco
- Estado Inicial: a configuração inicial do puzzle
- Ações: Movimentar o quadrado branco para esquerda, direita, cima e para baixo
- Estado Objetivo: estado que corresponde à configuração do puzzle à direita
- Custo: cada passo custa 1 unidade, o custo da solução é o número de passos para resolver o problema

**States** integer locations of tiles

**Actions** left, right, up, down

**Goal test** = goal state?

**Path cost** 1 per move



## Problema de Rotas/Caminhos

- Encontrar o melhor caminho de um ponto a outro (aplicações: google maps, redes de computadores, planeamento militar, viagens aéreas)
- Visitar cada ponto pelo menos uma vez num dado espaço (Ex: Caixeiro viajante visitar cada cidade exatamente uma vez, encontrar o caminho mais curto)

Outros:

- Navegação autónoma (com alguns graus de liberdade)
  - A dificuldade é incrementada rapidamente com o número de graus de liberdade. Possíveis complicações incluem: erros de percepção do ambiente, ambientes desconhecidos, etc.
- Sequênciação da montagem automática
  - Planeamento da montagem de objectos complexos (por robôs)
  - etc.

*Qualidade da solução:*

- Uma **solução satisfatória** se é uma qualquer solução;
- uma **solução semi-ótima** é aquela que tem aproximadamente o menor custo entre todas as soluções;
- uma **solução ótima** é aquela que tem o menor custo entre todas as soluções.

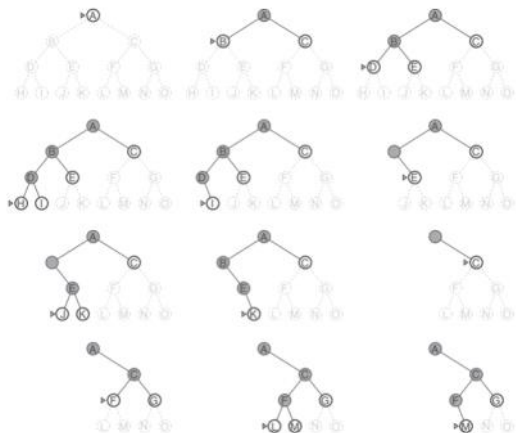
*Estratégia de procura*

- A estratégia: a ordem da expansão do nó
- Critérios de avaliação:
  - Completude: Está garantido que encontra a solução?
  - Otimização: Encontra a melhor solução?
  - Complexidade no Tempo: Quanto tempo demora a encontrar a solução?
  - Complexidade no Espaço: Quanta memória necessita para fazer a procura?
- O tempo e a complexidade do espaço são medidos em termos de:
  - b: o máximo fator de ramificação (o número máximo de sucessores de um nó) da árvore de procura
  - d: a profundidade da melhor solução
  - m: a máxima profundidade do espaço de estados

- Procura Primeiro em Largura (Breadth-first search) (3)

- Procura Primeiro em Profundidade (Depth-First Search)

- Propriedades:
  - Completa: Não, falha em espaços de profundidade infinita, com repetições (loops)
    - Modifique para evitar estados repetidos ao longo do caminho
  - Tempo:  $O(b^m)$ , mau se  $m > d$
  - Espaço:  $O(bm)$ , espaço linear
  - Ótima: Não (em princípio devolve a 1ª solução que encontra)
- Por vezes é definida uma profundidade limite ( $l$ ) e transforma-se em Procura com Profundidade Limitada
  - b: o máximo fator de ramificação (o número máximo de sucessores de um nó) da árvore de procura
  - d: a profundidade da melhor solução
  - m: a máxima profundidade do espaço de estados



## Problema de Custo Uniforme



- Estratégia:

- Para cada nó da lista de estados não expandidos, guardar o custo total do caminho do estado inicial para esse nó
- Expandir sempre o nó com menor custo da lista de estados não expandidos (medido pela função de custo da solução)

- Procura Primeiro em Largura é igual a Procura de Custo Uniforme se  $g(N) = \text{Depth}(N)$

- Equivalente a **Procura Primeiro em Largura (Breadth-first search)**, se os custos forem todos iguais

- Implementação: lista de estados não expandidos é uma lista prioritária ordenada pelo custo do caminho

- Temos de garantir que  $g(\text{sucessor}) \geq g(N)$

- Equivalente ao **algoritmo de Dijkstra** em geral

O algoritmo de Dijkstra (Edsger Dijkstra, 1956), resolve o problema do caminho mais curto num grafo dirigido ou não dirigido com arestas de peso não negativo.

Em todos os nós  $N$ ,  $g(N)$  é o custo conhecido de ir da raiz até ao nó  $N$ .

62

Synthetic Intelligence Lab

*Procura Iterativa*

## Procura Iterativa Aprofundamento Progressivo

Se não conhecermos o valor limite máximo, estaremos condenados a uma estratégia de procura em profundidade primeiro e temos de lidar com o problema de eventuais caminhos infinitos. A resposta passa pela alteração do princípio da procura limitada fazendo variar esse limite entre zero e infinito.

Usar **Procura Primeiro em Profundidade (Depth-First Search)** como uma sub-rotina

- Verificar a raiz
- Desenvolver um DFS procurando um caminho de comprimento 1
- Se não houver um caminho de comprimento 1, desenvolver um DFS procurando um caminho de comprimento 2
- Se não houver um caminho de comprimento 2, desenvolver um DFS procurando um caminho de comprimento 3...

*Procura Bi direcional:*

- Estratégia: Executar uma procura para a frente desde o estado inicial e para trás desde o objetivo, simultaneamente.
  - Bom: Pode reduzir enormemente a complexidade no tempo  $O(b^{d/2})$
  - Problemas: Será possível gerar os predecessores? E se existirem muitos estados objetivo? Como fazer o "matching" entre as duas procuras? Que tipo de procura fazer nas duas metades?
- Eg., Para encontrar uma rota na Romênia, existe apenas um estado objetivo, portanto, a procura para trás é muito parecida com a procura para a frente; Mas se o objetivo é uma descrição abstrata, como o de que "nenhuma rainha ataca outra rainha" no problema das rainhas  $n$ , a procura bidirecional é de difícil uso.

## Comparação entre Estratégias de Procura

### ▪ Avaliação das estratégias de procura:

- B é o fator de ramificação
- d é a profundidade da solução
- m é a máxima profundidade da árvore
- l é a profundidade limite da procura

Criterion	Breadth-First	Uniform-Cost	Depth-First	Depth-Limited	Iterative Deepening
Complete?	Yes	Yes	No	No	Yes
Time	$O(b^{d+1})$	$O(b^{\lceil C^*/\epsilon \rceil})$	$O(b^m)$	$O(b^l)$	$O(b^d)$
Space	$O(b^{d+1})$	$O(b^{\lceil C^*/\epsilon \rceil})$	$O(bm)$	$O(bl)$	$O(bd)$
Optimal?	Yes	Yes	No	No	Yes

folha ou espelho de profundidade infinita, com repetições (loops)

↳ primeira que encontra

## Procura Informada

↳ utiliza informação sobre o problema

função de avaliação

greedy :  $f(n) = h(n)$

$A^*$  :  $f(n) = g(n) + h(n)$

Greedy → Não é completa : pode entrar em ciclo  
 $O(b^m)$  ← espaço e tempo

$A^*$  → ótimo e completo

complexidade no tempo é exponencial  
 (em erro relativo de  $h^*$  completa da solução)

## Heurísticos - 8 puzzle

7	2	4
5		6
8	3	1

$H_1(n)$  = Nº de peças fora do lugar  
 $H_2(n)$  = Soma das distâncias das peças até as suas posições corretas

▪ Procura com Memória Limitada - IDA\*/SMA\*

▪ IDA\* - Procura com Profundidade Iterativa (Iterative Deepening Search)

- Estratégia: Utilização de um custo limite em cada iteração e realização de procura em profundidade iterativa
- Problemas em alguns problemas reais com funções de custo com muitos valores

▪ SMA\* - Procura Simplificada com Memória Limitada (Simplified Memory Bounded A\*)

- IDA\* de uma iteração para a seguinte só se recorda de um valor (o custo limite)
- SMA\* utiliza toda a memória disponível, evitando estados repetidos
- Estratégia: Quando é necessário gerar um sucessor e não tem memória, esquece o nó da fila que aparente ser pouco prometededor (com um custo alto).

Gulosa	Não	Não	no pior caso : $O(b^m)$ No melhor caso: $O(bd)$
A*	Sim	Sim (se a heurística for admissível)	Nº de nodos com $g(n)+h(n) \leq C^*$

↳ should never  
overestimate  
e consistente

∀ node  $n$  e sucessor  $n'$ , com custo  $c$   

$$h(n) \leq h(n') + c$$