



4.1. M.A.S. I FÍSICA 2.º BACH

EJERCICIOS

ALBA LÓPEZ VALENZUELA

..... Ecuación del M.A.S.

- La ecuación de la posición de una partícula que sigue un M.A.S. es: $x = 0.05 \cos(24t + \pi/4)$ (S.I.). Calcula:
 - (a) La posición a los 3 segundos.
 - (b) La frecuencia y el periodo.
 - (c) La posición inicial.

Solución: a)
$$x = -0.043$$
 m; b) $f = \frac{12}{\pi}$ s⁻¹, $T = \frac{\pi}{12}$ s; c) $x_0 = 0.035$ m

- La ecuación de la posición de una partícula que sigue un M.A.S. es: x = 0.05 sin $(3t + \pi/2)$ en unidades del S.I., calcula:
 - (a) El valor de la elongación cuando $t = \pi$ s
 - (b) La velocidad del cuerpo cuando $t = \pi/2$ s
 - (c) La frecuencia y el periodo.

Solución: a)
$$x = -0.05 \text{ m}$$
; b) $x = 0.15 \text{ m/s}$; c) $T = 2.09 \text{ s}$, $f = 0.48 \text{ Hz}$

La ecuación de un M.A.S. es: $x = 3 \cos(600t + \pi/4)$ donde x está en cm y t en s. Calcular: a) el periodo, b) la velocidad, c) la aceleración máxima y d) la posición y velocidad iniciales.

Solución: a)
$$T = 0.0105 \text{ s; b}$$
) $v = -1800 \sin \left(600t + \pi/4\right) \text{ cm/s; c}$) $a_{\text{máx}} = 1.08 \times 10^6 \text{ cm/s}^2; \text{ d}$) $x_0 = 2.12 \text{ cm}$, $v_0 = -1272.8 \text{ cm/s}$

- Una partícula vibra según la ecuación: $y = 0.03 \sin \pi (10t + 1/2)$ (S.I.), calcular:
 - (a) Amplitud, periodo y frecuencia del movimiento.
 - (b) Tiempo mínimo que transcurre entre dos instantes en fase.
 - (c) Posición y velocidad iniciales de la partícula.
 - (d) Represente posición y velocidad de dicho movimiento en función del tiempo.

Solución: a)
$$A = 0.03 \text{ m}$$
, $T = 0.2 \text{ s}$, $f = 5 \text{ Hz}$; b) 0.2 s ; c) $x_0 = 0.03 \text{ m}$, $v_0 = 0 \text{ m/s}$

Un punto oscila horizontalmente con MAS de amplitud $0.2 \, \mathrm{m}$ y $2 \, \mathrm{s}$ de periodo. Si la fase inicial es $\pi/4$ rad, escribe la ecuación que describe el movimiento. Determina la posición en el instante inicial. Calcula el valor de la velocidad y la aceleración al cabo de $0.5 \, \mathrm{s}$.

Solución:
$$x = 0.2 \cos(\pi t + \pi/4), 0.14 \text{ m}; -0.44 \text{ m/s}; -1.40 \text{ m/s}^2$$

6 En un movimiento armónico simple, la velocidad es variable. La expresión de la misma se obtiene derivando la posición con respecto al tiempo:

$$y = A \sin \left(\omega t + \varphi_0\right)$$

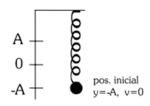
$$v_y = \frac{dy}{dt} = A\omega\cos(\omega t + \varphi_0)$$

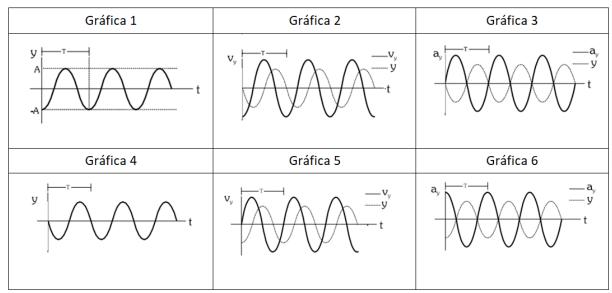
Explica por qué la velocidad máxima (en valor absoluto) que adquiere el M.A.S. es:

$$v_{\gamma(\text{máx})} = A\omega$$

- 7 Reescribe las siguientes ecuaciones de un M.A.S.:
 - (a) $x = 2\cos(5t + 3\pi/2)$ en forma seno.
 - (b) $x = 0.5 \sin \pi (5t + 1/2)$ en forma coseno.

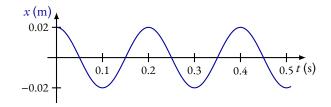
8 Elige las gráficas que se correspondan al muelle de la figura que sigue un M.A.S. (posición, velocidad y aceleración). Dibuja un muelle similar al de la figura que se correspondan con las otras 3 gráficas. Explica las elecciones brevemente.





Solución: 1, 5 y 6.

9 Dada la gráfica (x - t), sugerir la ecuación de posición, la de la velocidad y la de la aceleración del M.A.S. que sigue el cuerpo.

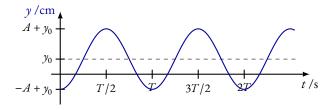


Solución: $x = 0.02 \cos(10\pi t) = 0.02 \sin(10\pi t + \frac{\pi}{2})$

$$v = -0.2\pi \sin(10\pi t) = 0.2\pi \cos(10\pi t + \frac{\pi}{2})$$

$$a = -2\pi^2 \cos(10\pi t) = -2\pi^2 \sin(10\pi t + \frac{\pi}{2})$$

10 Escribe una ecuación de la posición de la partícula que lleva el MAS que se describe en la gráfica (y-t) dada.



Solución:
$$y = y_0 + A\cos\left(\frac{2\pi t}{T} + \pi\right) = y_0 + A\sin\left(\frac{2\pi t}{T} + \frac{3\pi}{2}\right)$$

- (a) La ecuación del M.A.S. que describe la masa puntual.
- (b) Los puntos en los que la aceleración de la masa es nula.

Solución: a)
$$y = 10 \sin(10t + 3\pi/2)$$
; b) $x = 0$

Una partícula describe un movimiento oscilatorio armónico simple, de forma que su aceleración máxima es de 18 m/s² y su velocidad máxima es de 3 m/s. Encontrar la frecuencia de oscilación de la partícula y la amplitud del movimiento.

Solución:
$$\omega = 6 \text{ rad/s y } A = 0.5 \text{ m}$$

Determinar la ecuación de un punto que oscila con M.A.S. de amplitud 0.8 m y frecuencia 0.5 Hz si se empieza a contar el tiempo cuando el punto se encuentra a 0.42 m del punto de equilibrio y moviéndose hacia la derecha.

Solución:
$$x = 0.8 \cos(\pi t + 4.16)$$
 y $x = 0.8 \cos(\pi t + 5.26)$

..... Energía del M.A.S.

Al suspender un cuerpo de 0.5 kg del extremo libre de un muelle que cuelga verticalmente, se observa un alargamiento de 5 cm. Si, a continuación, se tira hacia abajo del cuerpo, hasta alargar el muelle 2 cm más, y se suelta, comienza a oscilar.

- (a) Haga un análisis energético del problema.
- (b) Escriba la ecuación del movimiento de la masa.
- (c) Si, en lugar de estirar el muelle 2 cm, se estira 3 cm, ¿cómo modificaría la ecuación del movimiento del cuerpo?

Solución: b)
$$y = 0.02 \sin(14t + \frac{3\pi}{2})$$
; c) $y = 0.03 \sin(14t + \frac{3\pi}{2})$

15 Se coloca una masa de 0.5 kg en un resorte cuya constante elástica es de 50 N/m. Se estira el muelle 5 cm y se deja oscilar.

- (a) ¿Cuál es la ecuación de la posición?
- (b) ¿Qué tipo de energía tiene el objeto en el instante inicial? ¿Cuál es su valor?
- (c) Calcula la energía cinética en y = 0. ¿Cuál es el valor de la velocidad máxima?
- (d) Dibuja la gráfica E-t (representa energía cinética, potencial y mecánica en la misma gráfica) e indica sobre ella un punto donde y = 0 y otro donde la elongación sea máxima.

Solución: a)
$$y = 0.05 \sin (10t + \frac{3\pi}{2})$$
; b) $E_p = 0.0625 \text{ J}$; c) $E_{p\text{máx}} = E_{c\text{máx}} = 0.0625 \text{ J}$, $v_{\text{máx}} = 0.5 \text{ m/s}$

De un resorte elástico de constante elástica 500 N/m, cuelga una masa puntual de 5 kg. Estando el conjunto en equilibrio, se desplaza la masa 10 cm, dejándola oscilar libremente a continuación. Calcula:

- (a) Ecuación del movimiento armónico que describe la masa puntual.
- (b) Puntos en los que la aceleración de dicha masa es nula.
- (c) Tiempo que transcurre entre dos instantes en oposición de fase.

Solución: a)
$$y = 0.1 \sin(10t + \frac{3\pi}{2})$$
; b) $y = 0 \text{ m}$; c) $\frac{T}{2} = \frac{\pi}{10} \text{ s}$

Una partícula de 0.5 kg que describe un movimiento armónico simple de frecuencia $5/\pi$ Hz, tiene inicialmente una energía cinética de 0.2 J, y una energía potencial de 0.8 J.

- (a) Calcula la posición y la velocidad iniciales, así como la amplitud de la oscilación y la velocidad máxima.
- (b) Haga un análisis de las transformaciones de energía que tienen lugar en un ciclo completo. ¿Cuál sería el desplazamiento en el instante en que las energías cinética y potencial son iguales?

Solución: a)
$$x_0 = 0.179 \text{ m}$$
; $v_0 = 0.894 \text{ m/s}$; $A = 0.2 \text{ m}$; $v_{\text{máx}} = 2 \text{ m/s}$; b) $x = 0.14 \text{ m}$

- Un objeto de 0.2 kg unido al extremo de un resorte, efectúa oscilaciones armónicas de 0.1π s de periodo y su energía cinética máxima es de 0.5 J.
 - (a) Escriba la ecuación del movimiento del objeto y determine la constante elástica del resorte.
 - (b) Explique cómo cambiarían las características del movimiento si:
 - i. se sustituye el resorte por otro de constante elástica doble;
 - ii. se sustituye el objeto por otro de masa doble.

Solución: a)
$$x = 0.25 \cos(20t + \varphi_0)$$
, $k = 80 \text{ N/m}$

19 Halla la posición del M.A.S. donde $E_c = E_p$.

Solución:
$$x = \frac{A}{\sqrt{2}}$$

- Un objeto de 100 g unido a un muelle de k =500 N/m, realiza un movimiento armónico simple. La energía total es de 5 J. Calcula:
 - (a) La amplitud,
 - (b) la velocidad máxima y la frecuencia de la oscilación.
 - (c) Indica cualitativamente en una gráfica cómo varían la energía total, cinética y potencial con la elongación x.

Solución: a)
$$A = 0.141 \text{ m, b}$$
) $v_{\text{máx}} = 10 \text{ m/s}$, $f = 11.25 \text{ Hz}$

- Una masa de 0.05 kg realiza un M.A.S. según la ecuación: $x = A \cos(\omega t + \varphi_0)$. Sus velocidades son 1 y 2 m/s cuando sus elongaciones son 0.04 y 0.02 m, respectivamente. Calcula:
 - (a) El periodo y la amplitud del movimiento;
 - (b) La energía del movimiento oscilatorio y la energía cinética y potencial cuando x = 0.03 m.

Solución: a)
$$T = \frac{\pi}{25}$$
 s; $A = 0.045$ m; b) $E_m = 0.125$ J; $E_c = 0.0688$ J; $E_p = 0.0563$ J

- Un cuerpo de masa 100 g está unido a un resorte que oscila en un plano horizontal. Cuando se estira 10 cm y se suelta, oscila con un periodo de 2 s. Calcula:
 - (a) la velocidad cuando se encuentra a 5 cm de su posición de equilibrio.
 - (b) la aceleración en ese momento.
 - (c) la energía mecánica.

Solución: a)
$$v = 0.272 \text{ m/s}$$
; b) $a = -0.49 \text{ m/s}$; c) $E_m = 4.93 \times 10^{-3} \text{ J}$

EBAU

- [23] [Castilla y León, 2005] Un punto realiza un movimiento vibratorio armónico simple de periodo, T, y amplitud, A, siendo nula su elongación en el instante inicial. Calcule el cociente entre sus energías cinética y potencial:
 - (a) En los instantes t = T/12, t = T/8, t = T/6
 - (b) Cuando su elongación es x = A/4, x = A/2, x = A

Solución: a) $E_c/E_b = 3$, 1 y 1/3; b) $E_c/E_b = 15$, 3 y 0

- [24] [Extremadura, Junio 2016] Un oscilador armónico vibra de forma que inicialmente se encuentra a 4.0 cm de la posición de equilibrio. Si la frecuencia del movimiento es de 2.0 Hz y su amplitud 8 cm, calcula: a) la fase inicial y b) la velocidad inicial.
- [25] [Extremadura, Julio 2016] Velocidad en el movimiento armónico simple: a partir de la expresión de la posición, deducir la fórmula de la velocidad, indicando las magnitudes que en ella aparecen.
- [26] [Extremadura, Julio 2015] Una partícula de 4 kg que describe un movimiento armónico simple de frecuencia $6/\pi$ Hz tiene, inicialmente, una energía cinética de 0.6 J y una energía potencial de 1.8 J. Calcula: a) la amplitud de la oscilación; y b) el valor de la elongación en el instante en el que las energías cinética y potencial son iguales.
- [Extremadura, Junio 2014] Un objeto vibra con un movimiento armónico simple. La amplitud es de 8 cm y el periodo es de 10 segundos. Determina la ecuación general de su movimiento sabiendo que en el instante inicial la elongación es de -8 cm.
- [28] [Extremadura, Junio 2014] Ecuación del movimiento armónico simple: escriba la expresión matemática y explique el significado físico de las magnitudes que en ella intervienen.
- [Extremadura, Julio 2014] Cuando una masa de 750 g se cuelga de un muelle colocado en posición vertical, el muelle se estira 20 cm. Determina: a) la constante elástica del muelle. B) el nuevo alargamiento si agregamos una masa de 200 g a la que se colgó primero.
- [Extremadura, Julio 2013] Un objeto se mueve con movimiento armónico simple de 6 s de periodo y 14 cm de amplitud. Escribir la ecuación general de su movimiento sabiendo que en instante inicial la elongación es máxima y negativa.
- [31] [Extremadura, Junio 2012] Cuando una masa de 500 g se cuelga de un muelle colocado en posición vertical, el muelle se estira 45 cm. Determina: a) la constante elástica del muelle. B) el nuevo alargamiento si agregamos una masa de 350 g a la que se colgó primero.
- [32] [Extremadura, Junio 2012] Una masa de 300 g puede oscilar horizontalmente y sin rozamiento en el extremo de un resorte horizontal cuya constante elástica es 5 N/m. La masa se desplaza 7 cm de su posición de equilibrio y luego se suelta. Cuando se encuentre a 4 cm de la posición de equilibrio, calcula: a) la velocidad y b) la aceleración.
- [33] [Extremadura, Septiembre 2012] Una masa de 100 g está sujeta al extremo de un muelle y oscila con movimiento armónico simple. El periodo es de 4 segundos y la amplitud del movimiento es 24 cm. Calcula: a) la frecuencia, b) la constante elástica del resorte, c) la máxima velocidad que alcanza, d) la máxima aceleración.