

**Aluno: Rodrigo Gonçalves**

**Matrícula: 11325752**

### **InsertionSort:**

- 1) A melhor complexidade do InsetionSort, ocorre quando o vetor estar completamente ordenado, onde a sua complexidade é  $O(n)$ .

Ex.:

4	5	6	7
---	---	---	---

Em cada interação, o elemento atual de interação do vetor é comparado com aquele que o antecede, de modo que se o vetor estiver completamente ordenado, o algoritmo irá caminhar por todo a array apenas fazendo comparação dessa natureza, logo intuitivamente o custo desse processo é linear.

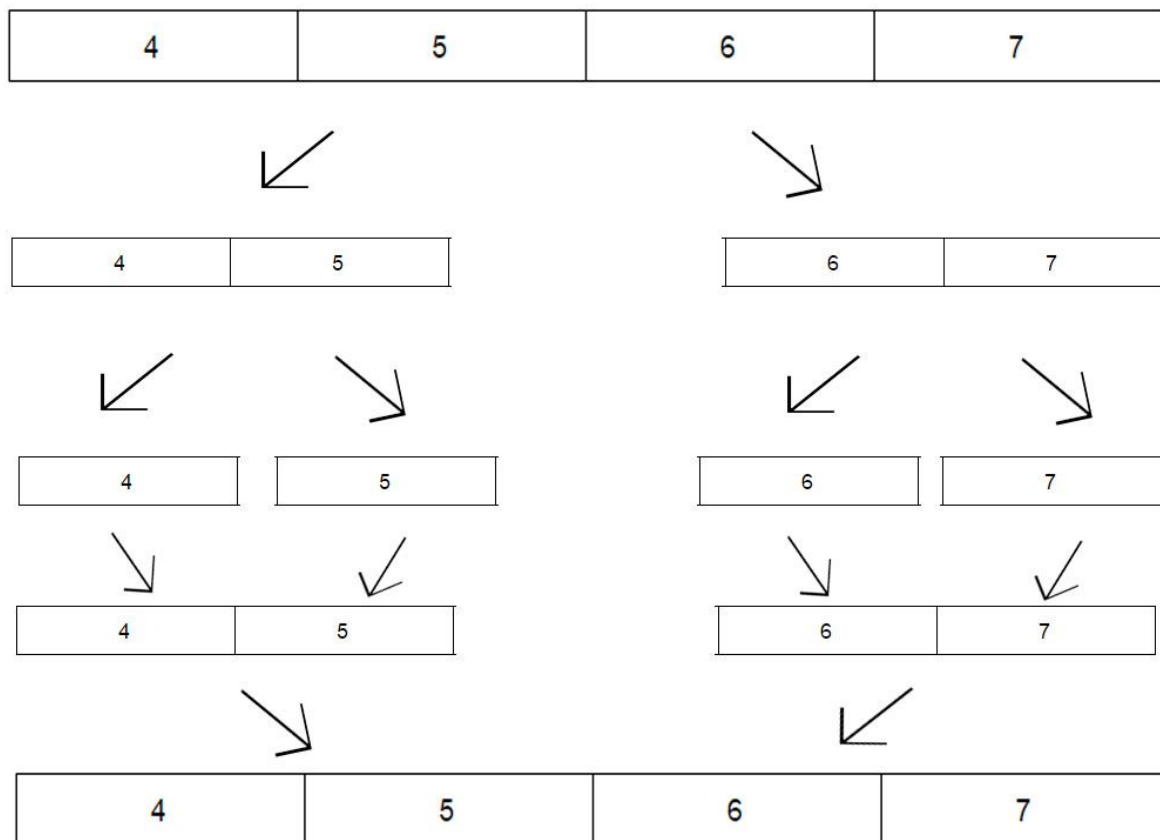
Em outras palavras:  $\forall$  vetor  $A \wedge i \in N$ , tal que  $0 \leq i \leq n - 1$   $v[1] > v[0]$ ,  $v[2] > v[1]$ , ... ,  $v[n - 1] > v[n - 2] \Rightarrow O(n)$ .

### **MergeSort:**

O mergeSort terá a mesma complexidade para todos os casos e igual a  $O(n \log n)$ .

Ex.:

O exemplo mostra o processo do MergeSort em um vetor completamente ordenado. Onde a altura do vetor é dado por  $\log n$  e o número de operações em cada nível soma-se  $n$ , de modo que o mesmo processo ocorre para um vetor que não esteja ordenado, logo, a complexidade do mergeSort somada a cada nível é de  $O(n \log n)$ .



### QuickSort:

A complexidade do QuickSort do melhor caso é  $O(n \log n)$  que é quando a função que particiona o vetor coloca o pivô sempre no meio.

Ex.:

3	2	4
---	---	---

Nesse exemplo, se o pivô do vetor for o primeiro elemento (pivô = 3 na primeira recursão), podemos ver que após a aplicação da função que o particiona, o pivô passa a ocupar a posição do meio, onde a recursão em cada um dos níveis, consistirá de vetores, onde cada um terá tamanho  $n/2$ , tal que  $n$  é o número de elementos do vetor pai na árvore recursiva, localizada no nível anterior. De modo que a execução nesse caso comportar-se-á de modo assemelhará ao mergeSort.

### Heapsort:

Precisa-se de  $O(n)$  para construir a *heap* e  $O(\lg n)$  para manter a propriedade *heap* em cada passo de ordenação. O melhor caso é  $O(n \lg n)$ , bem como médio e pior caso.

