SEMINARIUM: PROGRAMOWANIE W TEORII TYPÓW

1. Proste przykłady zastowań typów zależnych w Agdzie

• Nierozbudowane przykłady funkcji spełniających przykładowe specyfikacje (np. filter, o której przez konstrukcję wiemy, że zwraca podlistę listy wejściowej [1]) bądź niezmienniki, które normalnie byłyby wyrażone jako komentarz (istniałyby tylko w głowie implementującego) (np. drzewa BST [2]). Ilustracja mocy wyrazu typów zależnych, która pozwala na napisanie programu ładniejszego w porównaniu do tego, który byłby napisany w Haskellu lub MLu [3].

Literatura:

- 1. Dependently Typed Programming in Agda Ulf Norell
- 2. Dependent Types at Work Ana Bove and Peter Dybjer
- 3. Certified Programming with Dependent Types. Chapter 7. More Dependent Types. A Tagless Interpreter Adam Chlipała (tutaj dostarczymy tłumaczenie programu na Agdę)

2. Piękno i elegancja typów zależnych

• Pokazanie przykładów programów, które dobrze wykorzystują typy zależne na podstawie klasycznych prac, które demonstrują ich ważne i praktyczne zastosowania ([1], [2]). Głównym trzonem prezentacji powinna być raczej praca [1] i należałoby przedstawić pełną konstrukcję otrzymanego ostatecznego programu razem z rozumowaniem/ideą, która za nią stoi.

Literatura:

- 1. Why Dependent Types Matter McBride, McKinna, Swierstra
- 2. The Power of pi Swierstra, Oury

3. Koindukcja

- Czym jest koindukcja?
- $\bullet\,$ Przykłady wnioskowań przed ko
indukcję i programów definiowanych przez korekursję.
- Używanie koindukcji w Agdzie¹. Guarded coinduction. Implementacja klasycznych koindukcyjnych struktur danych strumienie, kolisty, nieskończone drzewa binarne.
- Techniki pozwalające radzić sobie, gdy naturalna (naiwna) implementacja nie jest akceptowana przez Agdę, gdyż wykracza poza schemat guarded coinduction. [2,4]
- Definicje indukcyjno-koindukcyjne: przykłady zastosowań [2,3]

Literatura:

- 1. Strong Functional Programming David Turner
- 2. Artykuł o koinducji na Agda wiki: http://wiki.portal.chalmers.se/agda/pmwiki.php?n=ReferenceManual.Codatatypes
- 3. Mixing Induction and Coinduction Nils Anders Danielsson, Thorsten Altenkirch
- 4. Total Parser Combinators Nils Anders Danielsson
- 5. Beating the Productivity Checker Using Embedded Languages Nils Anders Danielsson

Literatura dodatkowa:

- 1. General Recursion via Coinductive Types Venanzio Capretta
- 2. Certified Programming with Dependent Types (Chapter 5. Infinite Data and Proofs) Adam Chlipała
- 3. Coq'Art (Rozdział 13.) Yves Bertot, Pierre Castéran.

 $^{$^{-1}$}$ Chodzi nam o Agdę 2.2.10 i nowsze. We wcześniejszych wersjach używało się słowa kluczowego codata - chcemy posłuchać o aktualnym sposobie (wbudowane operacje SHARP i FLAT, patrz [1], [2], [3]).

4. Widoki

- Pojęcie widoku w ujęciu "klasycznym", czyli w kontekście języków funkcyjnych [1].
- Przedstawienie widoków jako rozszerzenia kompilatora GHC dla Haskella [2].
- Wytłumaczenie, dlaczego widoki w kontekście programowania z typami zależnymi nabierają rumieńców [3].
- Przedstawienie różnych przykładów struktur danych i widoków dla nich [3,4,5].

Literatura:

- 1. Views: A way for pattern matching to cohabit with data abstraction Wadler (1986)
- 2. A new view of guards Peyton Jones (www, 1997)
- 3. The view from the left McBride, McKinna
- 4. Strong Functional Programming Turner
- 5. Why Dependent Types Matter McBride, McKinna, Swierstra

5. Reprezentacja języków z wiązaniem zmiennych

- Różne podejścia do reprezentacji wiązań.
- Dlaczego nie wystarcza nam naiwna reprezentacja (np. zmienne reprezentowane poprzez typ string)?
- (Opcjonalnie) jak wygląda sprawa dowodzenia twierdzeń na temat języka z konstrukcjami wiążącymi zmienne (np. lambda abstrakcje)?

Literatura:

- 1. CPDT Adam Chlipala
- 2. Parametric Higher-Order Abstract Syntax for Mechanized Semantics Adam Chlipala
- 3. Nameless, Painless Nicolas Pouillard
- 4. A fresh look at programming with names and binders Nicolas Pouillard, François Pottier
- 5. Strongly-typed term representations in Coq N. Benton, Ch.-K. Hur, A. Kennedy, C. McBride
- 6. Name binding blog: http://namebinding.wordpress.com/

6. Typy zależne w Haskellu

- Omówienie (tak powszechnie używanych, że już częściowo zastąpionych przez nowsze pomysły) rozszerzeń Haskella 98 [1], które potrzebne będą, aby zrozumieć pracę [2].
- Pokazanie jak można symulować typy zależne w Haskellu za pomocą wieloparametrycznych klas typów i zależności funkcyjnych [2].
- Przedstawienie uogólnionych typów algebraicznych (GADT). Porównanie ich możliwości z rodzinami indukcyjnymi z Agdy.
- Przedstawienie SHE, czyli próby dorobienia pewnych elementów typów zależnych do Haskella (język... tłumaczony do Haskella!) [3,4]

Literatura:

- 1. Type classes with functional dependencies Mark P. Jones (2000)
- 2. Faking It: Simulating Dependent Types in Haskell Conor McBride (2001)
- 3. The Strathclyde Haskell Enhancement
- 4. Wykład 1. z kursu Dependently Typed Programming używający SHE jako ilustracji
- Materialy internetowe, m.in. http://en.wikibooks.org/wiki/Haskell/GADT

$1 \quad xxx$

Opis: Literatura:

 $\underline{\mathbf{x}}$

Literatura:

1.