### CÁLCULO NUMÉRICO IME-UERJ

## 01 - Representação de números reais em binário

Rodrigo Madureira

rodrigo.madureira@ime.uerj.br

**Github:** https://github.com/rodrigolrmadureira/CalculoNumericoUERJ/ **AVA-UERJ:** https://ava.pr1.uerj.br/course/view.php?id=6409

### Sumário

- Sistema Decimal Números inteiros
- 2 Sistema Binário Números inteiros
- Conversão de bases
- 4 Representação de Números Reais no Computador
- **5** IEEE 754
- 6 Erro relativo máximo de um número em ponto flutuante
- Valor verdadeiro do número armazenado
- 8 Bibliografia

Números na base 10:

Cada posição digital de um número inteiro N representa uma potência de dez.

$$\begin{split} N &= (a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0)_{10} \\ &= a_n \times 10^n + a_{n-1} \times 10^{n-1} + \dots + a_1 \times 10^1 + a_0 \times 10^0, \\ \text{onde } a_i &\in \{0,1,2,\dots,9\}. \end{split}$$

$$(21)_{10} = 2 \times 10^1 + 1 \times 10^0$$

$$(2001)_{10} = 2 \times 10^3 + 0 \times 10^2 + 0 \times 10^1 + 1 \times 10^0.$$

$$(23457)_{10} = 2 \times 10^4 + 3 \times 10^3 + 4 \times 10^2 + 5 \times 10^1 + 7 \times 10^0$$

Números na base 10:

Cada posição digital de um número inteiro N representa uma potência de dez.

$$\begin{split} N &= (\alpha_n \alpha_{n-1} \dots \alpha_1 \alpha_0)_{10} \\ &= \alpha_n \times 10^n + \alpha_{n-1} \times 10^{n-1} + \dots + \alpha_1 \times 10^1 + \alpha_0 \times 10^0, \\ \text{onde } \alpha_i &\in \{0,1,2,\dots,9\}. \end{split}$$

$$(21)_{10} = 2 \times 10^1 + 1 \times 10^0$$
.

$$(2001)_{10} = 2 \times 10^3 + 0 \times 10^2 + 0 \times 10^1 + 1 \times 10^0.$$

$$(23457)_{10} = 2 \times 10^4 + 3 \times 10^3 + 4 \times 10^2 + 5 \times 10^1 + 7 \times 10^0$$

Números na base 10:

Cada posição digital de um número inteiro N representa uma potência de dez.

$$\begin{split} N &= (\alpha_n \alpha_{n-1} \dots \alpha_1 \alpha_0)_{10} \\ &= \alpha_n \times 10^n + \alpha_{n-1} \times 10^{n-1} + \dots + \alpha_1 \times 10^1 + \alpha_0 \times 10^0, \\ \text{onde } \alpha_i &\in \{0, 1, 2, \dots, 9\}. \end{split}$$

$$(21)_{10} = 2 \times 10^1 + 1 \times 10^0$$
.

$$(2001)_{10} = 2 \times 10^3 + 0 \times 10^2 + 0 \times 10^1 + 1 \times 10^0.$$

$$(23457)_{10} = 2 \times 10^4 + 3 \times 10^3 + 4 \times 10^2 + 5 \times 10^1 + 7 \times 10^0.$$



Números na base 10:

Cada posição digital de um número inteiro N representa uma potência de dez.

$$N = (a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0)_{10}$$

$$= a_n \times 10^n + a_{n-1} \times 10^{n-1} + \dots + a_1 \times 10^1 + a_0 \times 10^0,$$
onde  $a_i \in \{0, 1, 2, \dots, 9\}.$ 

$$(21)_{10} = 2 \times 10^1 + 1 \times 10^0$$
.

$$(2001)_{10} = 2 \times 10^3 + 0 \times 10^2 + 0 \times 10^1 + 1 \times 10^0.$$

$$(23457)_{10} = 2 \times 10^4 + 3 \times 10^3 + 4 \times 10^2 + 5 \times 10^1 + 7 \times 10^0.$$



Base 2: usada nos computadores binários.

Cada posição digital de um número inteiro N representa uma potência de dois.

$$\begin{split} N &= (a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0)_2 \\ &= a_n \times 2^n + a_{n-1} \times 2^{n-1} + \dots + a_1 \times 2^1 + a_0 \times 2^0, \\ \text{onde } a_i &\in \{0,1\}. \end{split}$$

#### Exemplos:

$$(101)_2 = 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0.$$

$$(1010)_2 = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0.$$

 $(110101)_2 = 1 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0.$ 

Base 2: usada nos computadores binários.

Cada posição digital de um número inteiro N representa uma potência de dois.

$$\begin{split} N &= (a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0)_2 \\ &= a_n \times 2^n + a_{n-1} \times 2^{n-1} + \dots + a_1 \times 2^1 + a_0 \times 2^0, \\ \text{onde } a_i &\in \{0,1\}. \end{split}$$

$$(101)_2 = 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0.$$

$$(1010)_2 = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0.$$

$$(110101)_2 = 1 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0.$$

Base 2: usada nos computadores binários.

Cada posição digital de um número inteiro N representa uma potência de dois.

$$\begin{split} N &= (a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0)_2 \\ &= a_n \times 2^n + a_{n-1} \times 2^{n-1} + \dots + a_1 \times 2^1 + a_0 \times 2^0, \\ \text{onde } a_i &\in \{0,1\}. \end{split}$$

$$(101)_2 = 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$$
.

$$(1010)_2 = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0.$$

$$(110101)_2 = 1 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0.$$

Base 2: usada nos computadores binários.

Cada posição digital de um número inteiro N representa uma potência de dois.

$$N = (a_n a_{n-1} \dots a_1 a_0)_2$$
  
=  $a_n \times 2^n + a_{n-1} \times 2^{n-1} + \dots + a_1 \times 2^1 + a_0 \times 2^0$ ,

onde  $\alpha_i \in \{0,1\}$ .

$$(101)_2 = 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$$
.

$$(1010)_2 = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0.$$

$$(110101)_2 = 1 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$$
.

Um número na base  $\beta$  pode ser convertido para base decimal como

$$N = (\alpha_n \alpha_{n-1} \dots \alpha_1 \alpha_0)_{10}$$
  
=  $\alpha_n \times \beta^n + \alpha_{n-1} \times \beta^{n-1} + \dots + \alpha_1 \times \beta^1 + \alpha_0 \times \beta^0$ ,

onde  $a_i$  são os dígitos do número representado na base  $\beta$ .

**Exemplo 1:** Converta  $(110)_2$  para a base decimal.

$$(110)_2 = 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = (6)_{10}$$

**Exemplo 2:** Converta (1001)<sub>2</sub> para a base decimal.

 $(1001)_2 = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = (9)_{10}$ 

Um número na base  $\beta$  pode ser convertido para base decimal como

$$N = (\alpha_n \alpha_{n-1} \dots \alpha_1 \alpha_0)_{10}$$
  
=  $\alpha_n \times \beta^n + \alpha_{n-1} \times \beta^{n-1} + \dots + \alpha_1 \times \beta^1 + \alpha_0 \times \beta^0$ ,

onde  $\alpha_i$  são os dígitos do número representado na base  $\beta$ .

**Exemplo 1:** Converta  $(110)_2$  para a base decimal.

$$(110)_2 = 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = (6)_{10}.$$

**Exemplo 2:** Converta (1001)<sub>2</sub> para a base decimal.

$$(1001)_2 = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = (9)_{10}.$$



Um número na base  $\beta$  pode ser convertido para base decimal como

$$\begin{split} N &= (\alpha_n \alpha_{n-1} \dots \alpha_1 \alpha_0)_{10} \\ &= \alpha_n \times \beta^n + \alpha_{n-1} \times \beta^{n-1} + \dots + \alpha_1 \times \beta^1 + \alpha_0 \times \beta^0, \end{split}$$

onde  $\alpha_i$  são os dígitos do número representado na base  $\beta$ .

**Exemplo 1:** Converta  $(110)_2$  para a base decimal.

$$(110)_2 = 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = (6)_{10}.$$

**Exemplo 2:** Converta (1001)<sub>2</sub> para a base decimal.

$$(1001)_2 = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = (9)_{10}.$$



Um número na base  $\beta$  pode ser convertido para base decimal como

$$\begin{split} N &= (\alpha_n \alpha_{n-1} \dots \alpha_1 \alpha_0)_{10} \\ &= \alpha_n \times \beta^n + \alpha_{n-1} \times \beta^{n-1} + \dots + \alpha_1 \times \beta^1 + \alpha_0 \times \beta^0, \end{split}$$

onde  $\alpha_i$  são os dígitos do número representado na base  $\beta$ .

**Exemplo 1:** Converta  $(110)_2$  para a base decimal.

$$(110)_2 = 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = (6)_{10}.$$

**Exemplo 2:** Converta  $(1001)_2$  para a base decimal.

$$(1001)_2 = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = (9)_{10}.$$



Um número na base  $\beta$  pode ser convertido para base decimal como

$$\begin{split} N &= (\alpha_n \alpha_{n-1} \dots \alpha_1 \alpha_0)_{10} \\ &= \alpha_n \times \beta^n + \alpha_{n-1} \times \beta^{n-1} + \dots + \alpha_1 \times \beta^1 + \alpha_0 \times \beta^0, \end{split}$$

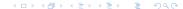
onde  $\alpha_i$  são os dígitos do número representado na base  $\beta$ .

**Exemplo 1:** Converta  $(110)_2$  para a base decimal.

$$(110)_2 = 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = (6)_{10}.$$

**Exemplo 2:** Converta  $(1001)_2$  para a base decimal.

$$(1001)_2 = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = (9)_{10}.$$



Conversão da base decimal para a base  $\beta$ :

Divisões sucessivas do número em base decimal por  $\beta$  até que o quociente seja igual a zero.

O número na base  $\beta$  é formado pela concatenação em ordem inversa dos restos das divisões.

**Exemplo 1:** Converta  $(25)_{10}$  para a base 2.

Conversão da base decimal para a base  $\beta$ :

Divisões sucessivas do número em base decimal por  $\beta$  até que o quociente seja igual a zero.

O número na base  $\beta$  é formado pela concatenação em ordem inversa dos restos das divisões.

### **Exemplo 1:** Converta $(25)_{10}$ para a base 2.

 $25 = 11001_{2}$ 

Conversão da base decimal para a base  $\beta$ :

Divisões sucessivas do número em base decimal por  $\beta$  até que o quociente seja igual a zero.

O número na base  $\beta$  é formado pela concatenação em ordem inversa dos restos das divisões.

**Exemplo 1:** Converta  $(25)_{10}$  para a base 2.

$$25 = 11001_2$$



### **Exemplo 2:** Converta $(637)_{10}$ para a base 2.

$$637 = 1001111101_2$$



**Exemplo 2:** Converta  $(637)_{10}$  para a base 2.

$$637 = 10011111101_2$$



Um número real positivo N na base  $\beta$  pode ser escrito como

$$\begin{split} N &= (\underbrace{\alpha_n \alpha_{n-1} \dots \alpha_1 \alpha_0}_{N_{\text{int}}} \ , \ \underbrace{b_1 b_2 b_3 \dots}_{N_{\text{frac}}})_{\beta} \\ &= \alpha_n \times \beta^n + \alpha_{n-1} \times \beta^{n-1} + \dots + \alpha_1 \times \beta^1 + \alpha_0 \times \beta^0 \\ &+ b_1 \times \beta^{-1} + b_2 \times \beta^{-2} + b_3 \times \beta^{-3} \dots \\ &= \underbrace{\sum_{i=0}^n \alpha_i \times \beta^i}_{N_{\text{int}}} + \underbrace{\sum_{i=1}^\infty b_i \times \beta^{-i}}_{N_{\text{frac}}}, \end{split}$$

onde  $N_{int}$  é a parte inteira de N e  $N_{frac}$  é a parte fracionária de N.

#### Exemplo 1:

$$(123,45)_{10} = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0 + 4 \times 10^{-1} + 5 \times 10^{-2}$$

Exemplo 2

 $(101,101)_2 = 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3} = (5,625)_{50c}$ 

Um número real positivo N na base  $\beta$  pode ser escrito como

$$\begin{split} N &= (\underbrace{\alpha_n \alpha_{n-1} \dots \alpha_1 \alpha_0}_{N_{\text{int}}}, \underbrace{b_1 b_2 b_3 \dots}_{N_{\text{frac}}})_{\beta} \\ &= \alpha_n \times \beta^n + \alpha_{n-1} \times \beta^{n-1} + \dots + \alpha_1 \times \beta^1 + \alpha_0 \times \beta^0 \\ &+ b_1 \times \beta^{-1} + b_2 \times \beta^{-2} + b_3 \times \beta^{-3} \dots \\ &= \underbrace{\sum_{i=0}^n \alpha_i \times \beta^i}_{N_{\text{int}}} + \underbrace{\sum_{i=1}^\infty b_i \times \beta^{-i}}_{N_{\text{frac}}}, \end{split}$$

onde  $N_{int}$  é a parte inteira de N e  $N_{frac}$  é a parte fracionária de N.

#### Exemplo 1:

$$(123,45)_{10} = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0 + 4 \times 10^{-1} + 5 \times 10^{-2}$$

Exemplo 2

 $(101,101)_2 = 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3} = (5,625)_{300}$ 

Um número real positivo N na base  $\beta$  pode ser escrito como

$$\begin{split} N &= (\underbrace{\alpha_n \alpha_{n-1} \dots \alpha_1 \alpha_0}_{N_{\text{int}}}, \underbrace{b_1 b_2 b_3 \dots}_{N_{\text{frac}}})_{\beta} \\ &= \alpha_n \times \beta^n + \alpha_{n-1} \times \beta^{n-1} + \dots + \alpha_1 \times \beta^1 + \alpha_0 \times \beta^0 \\ &+ b_1 \times \beta^{-1} + b_2 \times \beta^{-2} + b_3 \times \beta^{-3} \dots \\ &= \underbrace{\sum_{i=0}^n \alpha_i \times \beta^i}_{N_{\text{int}}} + \underbrace{\sum_{i=1}^\infty b_i \times \beta^{-i}}_{N_{\text{frac}}}, \end{split}$$

onde  $N_{int}$  é a parte inteira de N e  $N_{frac}$  é a parte fracionária de N.

### Exemplo 1:

$$(123,45)_{10} = 1 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 3 \times 10^0 + 4 \times 10^{-1} + 5 \times 10^{-2}$$
.

### Exemplo 2:

$$(101, 101)_2 = 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3} = (5, 625)_{10, 10}$$

- Conversão de base binária para decimal
  - Similar ao caso inteiro
- Conversão de base decimal para binária
  - Converte-se a parte inteira
    - ★ Divisões sucessivas e os restos na ordem reversa
  - Converte-se a parte fracionária
    - ★ Multiplicações sucessivas e as partes inteiras na ordem direta

**Exemplo:** Converta (12, 675)<sub>10</sub> para a base binária

Parte inteira:  $(12)_{10} \Rightarrow$  Divisões sucessivas

- Conversão de base binária para decimal
  - Similar ao caso inteiro
- Conversão de base decimal para binária
  - Converte-se a parte inteira
    - ★ Divisões sucessivas e os restos na ordem reversa
  - Converte-se a parte fracionária
    - \* Multiplicações sucessivas e as partes inteiras na ordem direta

**Exemplo:** Converta (12,675)<sub>10</sub> para a base binária

Parte inteira:  $(12)_{10} \Rightarrow \text{Divisões sucessivas}$ 

- Conversão de base binária para decimal
  - Similar ao caso inteiro
- Conversão de base decimal para binária
  - Converte-se a parte inteira
    - \* Divisões sucessivas e os restos na ordem reversa
  - Converte-se a parte fracionária
    - \* Multiplicações sucessivas e as partes inteiras na ordem direta

**Exemplo:** Converta (12,675)<sub>10</sub> para a base binária

Parte inteira:  $(12)_{10} \Rightarrow \text{Divisões sucessivas}$ 

- Conversão de base binária para decimal
  - Similar ao caso inteiro
- Conversão de base decimal para binária
  - Converte-se a parte inteira
    - ★ Divisões sucessivas e os restos na ordem reversa
  - Converte-se a parte fracionária
    - ★ Multiplicações sucessivas e as partes inteiras na ordem direta

**Exemplo:** Converta (12,675)<sub>10</sub> para a base binária

Parte inteira:  $(12)_{10} \Rightarrow$  Divisões sucessivas

Parte inteira:  $(12)_{10} \Rightarrow$  Divisões sucessivas

$$12 = 1100_2$$

Parte fracionária: (0,675)₁0 ⇒ Multiplicações sucessivas

Parte inteira:  $(12)_{10} \Rightarrow \text{Divisões sucessivas}$ 

 $12 = 1100_2$ 

```
0,675 \times 2 = 1,35 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1,35 e multiplico por 2) 0,35 \times 2 = 0,70 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,70 por 2) 0,70 \times 2 = 1,40 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1,40 e multiplico por 2) 0,40 \times 2 = 0,80 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,80 por 2) 0,80 \times 2 = 1,60 0,60 \times 2 = 1,20 0,20 \times 2 = 0,40 0,40 \times 2 = 0,80
```

- $0,60 \times 2 = 1,20$
- $0,20 \times 2 = 0,40$
- $\dots \Rightarrow (0,675)_{10} = (0,101011001100110\dots)_2 = (0,101\overline{0110})_2$

$$0,675 \times 2 = 1,35$$
 (Parte inteira:  $1 \Rightarrow$  Subtraio 1 de 1,35 e multiplico por 2)  $0,35 \times 2 = 0,70$  (Parte inteira:  $0 \Rightarrow$  Apenas multiplico 0,70 por 2)  $0,70 \times 2 = 1,40$  (Parte inteira:  $1 \Rightarrow$  Subtraio 1 de 1,40 e multiplico por 2)  $0,40 \times 2 = 0,80$  (Parte inteira:  $0 \Rightarrow$  Apenas multiplico 0,80 por 2)  $0,80 \times 2 = 1,60$   $0,60 \times 2 = 1,20$   $0,20 \times 2 = 0,40$   $0,40 \times 2 = 0,80$ 

- $0,20 \times 2 = 0,40$
- $(0,675)_{10} = (0,101011001100110...)_2 = (0,101\overline{0110})_1$

```
0.675 \times 2 = 1.35 (Parte inteira: 1 \Rightarrow \text{Subtraio } 1 \text{ de } 1.35 \text{ e multiplico por } 2)
 0.35 \times 2 = 0.70 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0.70 por 2)
```

```
0,675 \times 2 = 1,35 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1,35 e multiplico por 2) 0,35 \times 2 = 0,70 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,70 por 2) 0,70 \times 2 = 1,40 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1,40 e multiplico por 2) 0,40 \times 2 = 0,80 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,80 por 2) 0,80 \times 2 = 1,60 0,60 \times 2 = 1,20 0,20 \times 2 = 0,40 0,40 \times 2 = 0,80
```

```
0,675 \times 2 = 1,35 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1,35 e multiplico por 2) 0,35 \times 2 = 0,70 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,70 por 2) 0,70 \times 2 = 1,40 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1,40 e multiplico por 2) 0,40 \times 2 = 0,80 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,80 por 2) 0,80 \times 2 = 1,60 0,60 \times 2 = 1,20 0,20 \times 2 = 0,40 0,40 \times 2 = 0,80 0,80 \times 2 = 1,60
```

Parte fracionária:  $(0,675)_{10} \Rightarrow Multiplicações sucessivas$ 

```
0,675 \times 2 = 1,35 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1,35 e multiplico por 2) 0,35 \times 2 = 0,70 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,70 por 2) 0,70 \times 2 = 1,40 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1,40 e multiplico por 2) 0,40 \times 2 = 0,80 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,80 por 2) 0,80 \times 2 = 1,60 0,60 \times 2 = 1,20 0,20 \times 2 = 0,40 0,40 \times 2 = 0,80 0,40 \times 2 = 0,80
```

 $\dots \Rightarrow (0,675)_{10} = (0,101011001100110\dots)_2 = (0,1010110)_2$ 

```
0.675 \times 2 = 1.35 (Parte inteira: 1 \Rightarrow \text{Subtraio } 1 \text{ de } 1.35 \text{ e multiplico por } 2)
 0.35 \times 2 = 0.70 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0.70 por 2)
 0.70 \times 2 = 1.40 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1.40 e multiplico por 2)
 0,40 \times 2 = 0,80 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,80 por 2)
 0.80 \times 2 = 1.60
 0.60 \times 2 = 1.20
```

Parte fracionária:  $(0,675)_{10} \Rightarrow Multiplicações sucessivas$ 

```
0.675 \times 2 = 1.35 (Parte inteira: 1 \Rightarrow \text{Subtraio } 1 \text{ de } 1.35 \text{ e multiplico por } 2)
 0.35 \times 2 = 0.70 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0.70 por 2)
 0.70 \times 2 = 1.40 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1.40 e multiplico por 2)
 0,40 \times 2 = 0,80 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,80 por 2)
 0.80 \times 2 = 1.60
 0.60 \times 2 = 1.20
 0.20 \times 2 = 0.40
```

 $(0,6/5)_{10} = (0,101011001100110...)_2 = (0,1010110)_2$ 

Parte fracionária:  $(0,675)_{10} \Rightarrow Multiplicações sucessivas$ 

```
0, 675 \times 2 = 1,35 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1,35 e multiplico por 2) 0,35 \times 2 = 0,70 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,70 por 2) 0,70 \times 2 = 1,40 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1,40 e multiplico por 2) 0,40 \times 2 = 0,80 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,80 por 2) 0,80 \times 2 = 1,60 0,60 \times 2 = 1,20 0,20 \times 2 = 0,40 0,40 \times 2 = 0,80 0,80 \times 2 = 1,60
```

ogo (12 675)·k = (1100 101011001100110 )› = (미어(레기(미)어(토) 및 약약

Parte fracionária:  $(0,675)_{10} \Rightarrow Multiplicações sucessivas$ 

```
0.675 \times 2 = 1.35 (Parte inteira: 1 \Rightarrow \text{Subtraio } 1 \text{ de } 1.35 \text{ e multiplico por } 2)
 0.35 \times 2 = 0.70 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0.70 por 2)
 0.70 \times 2 = 1.40 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1.40 e multiplico por 2)
 0,40 \times 2 = 0,80 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,80 por 2)
 0.80 \times 2 = 1.60
 0.60 \times 2 = 1.20
 0.20 \times 2 = 0.40
 0,40 \times 2 = 0,80
 0.80 \times 2 = 1.60
```

 $\dots \Rightarrow (0,6/5)_{10} = (0,101011001100110\dots)_2 = (0,1010110)_2$ 

Parte fracionária:  $(0,675)_{10} \Rightarrow Multiplicações sucessivas$ 

```
0.675 \times 2 = 1.35 (Parte inteira: 1 \Rightarrow \text{Subtraio } 1 \text{ de } 1.35 \text{ e multiplico por } 2)
 0.35 \times 2 = 0.70 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0.70 por 2)
 0.70 \times 2 = 1.40 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1.40 e multiplico por 2)
 0,40 \times 2 = 0,80 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,80 por 2)
 0.80 \times 2 = 1.60
 0.60 \times 2 = 1.20
 0.20 \times 2 = 0.40
 0,40 \times 2 = 0,80
 0.80 \times 2 = 1.60
 0,60 \times 2 = 1,20
```

ogo, (12,675)10 = (1100,101011001100110...)2 = (티오아센)(인티인스토) 및 모스 모스

Parte fracionária:  $(0,675)_{10} \Rightarrow Multiplicações sucessivas$ 

```
0.675 \times 2 = 1.35 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1.35 e multiplico por 2)
 0.35 \times 2 = 0.70 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0.70 por 2)
 0.70 \times 2 = 1.40 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1.40 e multiplico por 2)
 0,40 \times 2 = 0,80 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,80 por 2)
 0.80 \times 2 = 1.60
 0.60 \times 2 = 1.20
 0.20 \times 2 = 0.40
 0,40 \times 2 = 0,80
 0.80 \times 2 = 1.60
 0,60 \times 2 = 1,20
 0,20 \times 2 = 0,40
```

Parte fracionária:  $(0,675)_{10} \Rightarrow Multiplicações sucessivas$ 

```
0.675 \times 2 = 1.35 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1.35 e multiplico por 2)
 0.35 \times 2 = 0.70 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0.70 por 2)
 0.70 \times 2 = 1.40 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1.40 e multiplico por 2)
 0,40 \times 2 = 0,80 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,80 por 2)
 0.80 \times 2 = 1.60
 0.60 \times 2 = 1.20
 0.20 \times 2 = 0.40
 0.40 \times 2 = 0.80
 0.80 \times 2 = 1.60
 0,60 \times 2 = 1,20
 0,20 \times 2 = 0,40
```

\_ogo, (12,675)<sub>10</sub> = (1100,101011001100110...)<sub>2</sub> = (1月00,4010目0)½≥ → 글 ∽익역

Parte fracionária:  $(0,675)_{10} \Rightarrow \text{Multiplicações sucessivas}$ 

```
0.675 \times 2 = 1.35 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1.35 e multiplico por 2)
 0.35 \times 2 = 0.70 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0.70 por 2)
 0.70 \times 2 = 1.40 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1.40 e multiplico por 2)
 0,40 \times 2 = 0,80 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,80 por 2)
 0.80 \times 2 = 1.60
 0.60 \times 2 = 1.20
 0.20 \times 2 = 0.40
 0.40 \times 2 = 0.80
 0.80 \times 2 = 1.60
 0,60 \times 2 = 1,20
 0,20 \times 2 = 0,40
```

00110...)<sub>2</sub> = (1100; 4010 110)<sub>2</sub> ≥ >

 $\Rightarrow$   $(0,675)_{10} = (0,101011001100110...)_2 = (0,101\overline{0110})_2$ 

11/36

Parte fracionária:  $(0,675)_{10} \Rightarrow \text{Multiplicações sucessivas}$ 

```
0.675 \times 2 = 1.35 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1.35 e multiplico por 2)
 0.35 \times 2 = 0.70 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0.70 por 2)
 0.70 \times 2 = 1.40 (Parte inteira: 1 \Rightarrow Subtraio 1 de 1.40 e multiplico por 2)
 0,40 \times 2 = 0,80 (Parte inteira: 0 \Rightarrow Apenas multiplico 0,80 por 2)
 0.80 \times 2 = 1.60
 0.60 \times 2 = 1.20
 0.20 \times 2 = 0.40
 0.40 \times 2 = 0.80
 0.80 \times 2 = 1.60
 0,60 \times 2 = 1,20
 0,20 \times 2 = 0,40
```

Logo,  $(12,675)_{10} = (1100, 101011001100110...)_2 = (1100, 1010110)_2$ Rodrigo Madureira (IME-UERJ) Sistemas numéricos

 $\Rightarrow$   $(0,675)_{10} = (0,101011001100110...)_2 = (0,101\overline{0110})_2$ 

Em todos esses exemplos, a posição da vírgula está fixa, separando a casa das unidades da primeira casa fracionária.

Entretanto, pode-se variar a posição da vírgula, corrigindo-se o valor com a potência da base, seja dez ou dois, dependendo do sistema que se use.

Exemplo 1 (Base decimal):

$$(45,31)_{10} = 4,531 \times 10^1 = 0,4531 \times 10^2 = 453,1 \times 10^{-1}$$

Exemplo 2 (Base binária)

$$(1110,01)_2 = 1,11001 \times 2^3 = 0,111001 \times 2^4 = 11100,1 \times 2^{-1}$$

Em todos esses exemplos, a posição da vírgula está fixa, separando a casa das unidades da primeira casa fracionária.

Entretanto, pode-se variar a posição da vírgula, corrigindo-se o valor com a potência da base, seja dez ou dois, dependendo do sistema que se use.

Exemplo 1 (Base decimal):

$$(45,31)_{10} = 4,531 \times 10^1 = 0,4531 \times 10^2 = 453,1 \times 10^{-1}$$

Exemplo 2 (Base binária)

$$(1110,01)_2 = 1,11001 \times 2^3 = 0,111001 \times 2^4 = 11100,1 \times 2^{-1}$$

Em todos esses exemplos, a posição da vírgula está fixa, separando a casa das unidades da primeira casa fracionária.

Entretanto, pode-se variar a posição da vírgula, corrigindo-se o valor com a potência da base, seja dez ou dois, dependendo do sistema que se use.

### Exemplo 1 (Base decimal):

$$(45,31)_{10} = 4,531 \times 10^1 = 0,4531 \times 10^2 = 453,1 \times 10^{-1}$$

Exemplo 2 (Base binária)

$$(1110,01)_2 = 1,11001 \times 2^3 = 0,111001 \times 2^4 = 11100,1 \times 2^{-1}$$

Em todos esses exemplos, a posição da vírgula está fixa, separando a casa das unidades da primeira casa fracionária.

Entretanto, pode-se variar a posição da vírgula, corrigindo-se o valor com a potência da base, seja dez ou dois, dependendo do sistema que se use.

### Exemplo 1 (Base decimal):

$$(45,31)_{10} = 4,531 \times 10^1 = 0,4531 \times 10^2 = 453,1 \times 10^{-1}$$

Exemplo 2 (Base binária)

$$(1110,01)_2 = 1,11001 \times 2^3 = 0,111001 \times 2^4 = 11100,1 \times 2^{-1}$$

Em todos esses exemplos, a posição da vírgula está fixa, separando a casa das unidades da primeira casa fracionária.

Entretanto, pode-se variar a posição da vírgula, corrigindo-se o valor com a potência da base, seja dez ou dois, dependendo do sistema que se use.

### Exemplo 1 (Base decimal):

$$(45,31)_{10} = 4,531 \times 10^1 = 0,4531 \times 10^2 = 453,1 \times 10^{-1}$$

Exemplo 2 (Base binária)

$$(1110,01)_2 = 1,11001 \times 2^3 = 0,111001 \times 2^4 = 11100,1 \times 2^{-1}$$

Em todos esses exemplos, a posição da vírgula está fixa, separando a casa das unidades da primeira casa fracionária.

Entretanto, pode-se variar a posição da vírgula, corrigindo-se o valor com a potência da base, seja dez ou dois, dependendo do sistema que se use.

### Exemplo 1 (Base decimal):

$$(45,31)_{10} = 4,531 \times 10^1 = 0,4531 \times 10^2 = 453,1 \times 10^{-1}$$

#### Exemplo 2 (Base binária):

$$(1110,01)_2 = 1,11001 \times 2^3 = 0,111001 \times 2^4 = 11100,1 \times 2^{-1}$$

Em todos esses exemplos, a posição da vírgula está fixa, separando a casa das unidades da primeira casa fracionária.

Entretanto, pode-se variar a posição da vírgula, corrigindo-se o valor com a potência da base, seja dez ou dois, dependendo do sistema que se use.

### Exemplo 1 (Base decimal):

$$(45,31)_{10} = 4,531 \times 10^1 = 0,4531 \times 10^2 = 453,1 \times 10^{-1}$$

#### Exemplo 2 (Base binária):

$$(1110,01)_2 = 1,11001 \times 2^3 = 0,111001 \times 2^4 = 11100,1 \times 2^{-1}$$

Em todos esses exemplos, a posição da vírgula está fixa, separando a casa das unidades da primeira casa fracionária.

Entretanto, pode-se variar a posição da vírgula, corrigindo-se o valor com a potência da base, seja dez ou dois, dependendo do sistema que se use.

### Exemplo 1 (Base decimal):

$$(45,31)_{10} = 4,531 \times 10^1 = 0,4531 \times 10^2 = 453,1 \times 10^{-1}$$

#### Exemplo 2 (Base binária):

$$(1110,01)_2 = 1,11001 \times 2^3 = 0,111001 \times 2^4 = 11100,1 \times 2^{-1}$$

Em todos esses exemplos, a posição da vírgula está fixa, separando a casa das unidades da primeira casa fracionária.

Entretanto, pode-se variar a posição da vírgula, corrigindo-se o valor com a potência da base, seja dez ou dois, dependendo do sistema que se use.

### Exemplo 1 (Base decimal):

$$(45,31)_{10} = 4,531 \times 10^1 = 0,4531 \times 10^2 = 453,1 \times 10^{-1}$$

#### Exemplo 2 (Base binária):

$$(1110,01)_2 = 1,11001 \times 2^3 = 0,111001 \times 2^4 = 11100,1 \times 2^{-1}$$

Como se vê, há diferentes maneiras de escrever o mesmo número.

Chama-se <u>forma normalizada</u> aquela que apresenta um único dígito diferente de zero antes da vírgula

Exemplo 1 na forma normalizada:  $(45,31)_{10} = 4,531 \times 10^{1}$ 

**Exemplo 2 na forma normalizada:**  $(1110,01)_2 = 1,11001 \times 2^3$ 

$$(110101)_2 = 1,10101x2^5 = (53)_{10}.$$

$$(0,0011)_2 = 1,1x2^{-3} = (0,1875)_{10}.$$

$$(0,1001)_2 = 1,001 \times 2^{-1} = (0,5625)_{10}$$

Como se vê, há diferentes maneiras de escrever o mesmo número.

Chama-se <u>forma normalizada</u> aquela que apresenta um único dígito diferente de zero antes da vírgula.

**Exemplo 1** na forma normalizada:  $(45,31)_{10} = 4,531 \times 10^{1}$ 

**Exemplo 2 na forma normalizada:**  $(1110, 01)_2 = 1,11001 \times 2^3$ 

$$(110101)_2 = 1,10101x2^5 = (53)_{10}.$$

$$(0,0011)_2 = 1,1x2^{-3} = (0,1875)_{10}.$$

$$(0,1001)_2 = 1,001x2^{-1} = (0,5625)_{10}$$

Como se vê, há diferentes maneiras de escrever o mesmo número.

Chama-se <u>forma normalizada</u> aquela que apresenta um único dígito diferente de zero antes da vírgula.

Exemplo 1 na forma normalizada:  $(45,31)_{10} = 4,531 \times 10^1$ 

**Exemplo 2 na forma normalizada:**  $(1110, 01)_2 = 1,11001 \times 2^3$ 

$$(110101)_2 = 1,10101 \times 2^5 = (53)_{10}.$$

$$(0,0011)_2 = 1,1x2^{-3} = (0,1875)_{10}.$$

$$(0,1001)_2 = 1,001 \times 2^{-1} = (0,5625)_{10}$$

Como se vê, há diferentes maneiras de escrever o mesmo número.

Chama-se <u>forma normalizada</u> aquela que apresenta um único dígito diferente de zero antes da vírgula.

**Exemplo 1** na forma normalizada:  $(45,31)_{10} = 4,531 \times 10^{1}$ 

**Exemplo 2** na forma normalizada:  $(1110,01)_2 = 1,11001 \times 2^3$ 

$$(110101)_2 = 1,10101 \times 2^5 = (53)_{10}.$$

$$(0,0011)_2 = 1,1x2^{-3} = (0,1875)_{10}.$$

$$(0,1001)_2 = 1,001 \times 2^{-1} = (0,5625)_{10}$$

Como se vê, há diferentes maneiras de escrever o mesmo número.

Chama-se <u>forma normalizada</u> aquela que apresenta um único dígito diferente de zero antes da vírgula.

Exemplo 1 na forma normalizada:  $(45,31)_{10} = 4,531 \times 10^1$ 

**Exemplo 2** na forma normalizada:  $(1110,01)_2 = 1,11001 \times 2^3$ 

$$(110101)_2 = 1,10101x2^5 = (53)_{10}.$$

$$(0,0011)_2 = 1,1x2^{-3} = (0,1875)_{10}.$$

$$(0,1001)_2 = 1,001x2^{-1} = (0,5625)_{10}.$$

O computador representa os números em sistema binário.

- A representação é finita
  - Números como o  $\pi = 3, 1415...$  são aproximados.

Vamos usar a representação em ponto flutuante na forma normalizada.

**Exemplo:**  $110101 = 1,10101 \times 2^5$ 

Chama-se **mantissa** ao número 1,10101 e **expoente** ao número 101, que é 5<sub>2</sub> deste exemplo.

Para se definir a maneira como o computador armazenará o número real em ponto flutuante, é preciso definir o número de bits que ele usará para representar a mantissa e o número de bits para o expoente.

O computador representa os números em sistema binário.

- A representação é finita
  - Números como o  $\pi = 3, 1415...$  são aproximados.

Vamos usar a representação em ponto flutuante na forma normalizada.

**Exemplo:**  $110101 = 1,10101 \times 2^5$ 

Chama-se **mantissa** ao número 1, 10101 e **expoente** ao número 101, que é 5<sub>2</sub>, deste exemplo.

Para se definir a maneira como o computador armazenará o número real em ponto flutuante, é preciso definir o número de bits que ele usará para representar a mantissa e o número de bits para o expoente.

O computador representa os números em sistema binário.

- A representação é finita
  - Números como o  $\pi = 3, 1415...$  são aproximados.

Vamos usar a representação em ponto flutuante na forma normalizada.

**Exemplo:**  $110101 = 1,10101 \times 2^5$ 

Chama-se mantissa ao número 1,10101 e expoente ao número 101, que é  $5_2$ , deste exemplo.

Para se definir a maneira como o computador armazenará o número real em ponto flutuante, é preciso definir o número de bits que ele usará para representar a mantissa e o número de bits para o expoente.

O computador representa os números em sistema binário.

- A representação é finita
  - Números como o  $\pi = 3, 1415...$  são aproximados.

Vamos usar a representação em ponto flutuante na forma normalizada.

**Exemplo:**  $110101 = 1,10101 \times 2^5$ 

Chama-se **mantissa** ao número 1,10101 e **expoente** ao número 101, que é  $5_2$ , deste exemplo.

Para se definir a maneira como o computador armazenará o número real em ponto flutuante, é preciso definir o número de bits que ele usará para representar a mantissa e o número de bits para o expoente.

O computador representa os números em sistema binário.

- A representação é finita
  - Números como o  $\pi = 3, 1415...$  são aproximados.

Vamos usar a representação em ponto flutuante na forma normalizada.

**Exemplo:**  $110101 = 1,10101 \times 2^5$ 

Chama-se **mantissa** ao número 1, 10101 e **expoente** ao número 101, que é  $5_2$ , deste exemplo.

Para se definir a maneira como o computador armazenará o número real em ponto flutuante, é preciso definir o número de bits que ele usará para representar a mantissa e o número de bits para o expoente.

O computador representa os números em sistema binário.

- A representação é finita
  - Números como o  $\pi = 3, 1415...$  são aproximados.

Vamos usar a representação em ponto flutuante na forma normalizada.

**Exemplo:**  $110101 = 1,10101 \times 2^5$ 

Chama-se **mantissa** ao número 1, 10101 e **expoente** ao número 101, que é  $5_2$ , deste exemplo.

Para se definir a maneira como o computador armazenará o número real em ponto flutuante, é preciso definir o número de bits que ele usará para representar a mantissa e o número de bits para o expoente.

Para armazenar a mantissa, é dispensável representar o "1,", por estar sempre presente, sendo também desnecessário armazenar o 2, base do sistema.

Suponha-se que um determinado computador reserve 1 byte, isto é, 8 bits, para representar os números reais.

Admita-se que usa o primeiro bit para sinal do número, três bits seguintes para o expoente e os últimos quatro bits para o restante da mantissa.

Tabela: Representação em ponto flutuante

Para armazenar a mantissa, é dispensável representar o "1,", por estar sempre presente, sendo também desnecessário armazenar o 2, base do sistema.

Suponha-se que um determinado computador reserve **1 byte**, isto é, **8 bits**, para representar os números reais.

Admita-se que usa o primeiro bit para sinal do número, três bits seguintes para o expoente e os últimos quatro bits para o restante da mantissa.

Tabela: Representação em ponto flutuante

Para armazenar a mantissa, é dispensável representar o "1,", por estar sempre presente, sendo também desnecessário armazenar o 2, base do sistema.

Suponha-se que um determinado computador reserve **1 byte**, isto é, **8 bits**, para representar os números reais.

Admita-se que usa o primeiro bit para sinal do número, três bits seguintes para o expoente e os últimos quatro bits para o restante da mantissa.



Tabela: Representação em ponto flutuante

Para armazenar a mantissa, é dispensável representar o "1,", por estar sempre presente, sendo também desnecessário armazenar o 2, base do sistema.

Suponha-se que um determinado computador reserve **1 byte**, isto é, **8 bits**, para representar os números reais.

Admita-se que usa o primeiro bit para sinal do número, três bits seguintes para o expoente e os últimos quatro bits para o restante da mantissa.

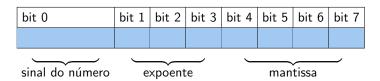


Tabela: Representação em ponto flutuante

O bit 0 indica o sinal do número: 0 positivo, 1 negativo.

Os bits 1, 2 e 3 constituem o expoente e precisam representar tanto expoentes positivos quanto expoentes negativos.

Tabela: Tabela para os bits do expoente do exemplo

O bit 0 indica o sinal do número: 0 positivo, 1 negativo.

Os bits 1, 2 e 3 constituem o expoente e precisam representar tanto expoentes positivos quanto expoentes negativos.

bits	expoente	valor em decimal
001	-2	1
010	-1	2
011		3
100	+1	4
101	+2	5
110	+3	6

Tabela: Tabela para os bits do expoente do exemplo

O bit 0 indica o sinal do número: 0 positivo, 1 negativo.

Os bits 1, 2 e 3 constituem o expoente e precisam representar tanto expoentes positivos quanto expoentes negativos.

bits	expoente	valor em decimal
000	Desnormalizado $(-2)$	
001	-2	1
010	-1	2
011	0	3
100	+1	4
101	+2	5
110	+3	6
111	NaN, Inf., Indet.	

Tabela: Tabela para os bits do expoente do exemplo

Dessa maneira, o número que representa o expoente será o valor em decimal menos três.

Os bits da mantissa representam os dígitos que aparecem depois da vírgula na forma normalizada.

#### Exemplo 1:

 $(3,5)_{10} = (11,1)_2 = 1,11 \times 2^1 = 1,1100 \times 2^1 \Rightarrow$ bit de sinal: 0: bits do expoente: 100: mantissa: 11



Tabela: Exemplo 1

Dessa maneira, o número que representa o expoente será o valor em decimal menos três.

Os bits da mantissa representam os dígitos que aparecem depois da vírgula na forma normalizada.

#### Exemplo 1:

$$(3,5)_{10} = (11,1)_2 = 1,11 \times 2^1 = 1,1100 \times 2^1 \Rightarrow$$
 bit de sinal: 0; bits do expoente: 100; mantissa: 1100



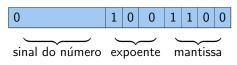
Tabela: Exemplo 1

Dessa maneira, o número que representa o expoente será o valor em decimal menos três.

Os bits da mantissa representam os dígitos que aparecem depois da vírgula na forma normalizada.

#### Exemplo 1:

 $(3,5)_{10} = (11,1)_2 = 1,11 \times 2^1 = 1,1100 \times 2^1 \Rightarrow$  bit de sinal: 0; bits do expoente: 100; mantissa: 1100



#### Exemplo 2:

$$(-7,25)_{10} = (-111,01)_2 = -1,1101 \times 2^2 \Rightarrow$$

bit de sinal: 1; bits do expoente: 101; mantissa: 1101

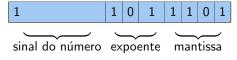


Tabela: Exemplo 2



Tabela: Exemplo 3

#### Exemplo 2:

$$(-7,25)_{10} = (-111,01)_2 = -1,1101 \times 2^2 \Rightarrow$$

bit de sinal: 1; bits do expoente: 101; mantissa: 1101

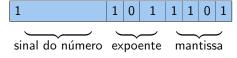


Tabela: Exemplo 2



Tabela: Exemplo 3

#### Exemplo 2:

$$(-7,25)_{10} = (-111,01)_2 = -1,1101 \times 2^2 \Rightarrow$$

bit de sinal: 1; bits do expoente: 101; mantissa: 1101

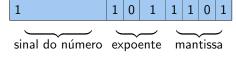


Tabela: Exemplo 2

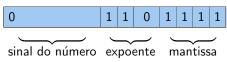


Tabela: Exemplo 3

#### Exemplo 2:

$$(-7,25)_{10} = (-111,01)_2 = -1,1101 \times 2^2 \Rightarrow$$

bit de sinal: 1; bits do expoente: 101; mantissa: 1101



Tabela: Exemplo 2

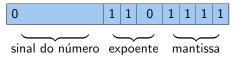


Tabela: Exemplo 3

Devemos lembrar que os expoentes 000 e 111 possuem tratamento especial

Usa-se o expoente 000 para indicar que o número não está normalizado

Assim, 000 será configurado como o menor expoente, isto é, -2 neste exemplo

Na forma desnormalizada, a mantissa passa a ser  $0, b_1b_2b_3b_4$ , onde  $b_1, \ldots, b_2$ são os bits da mantissa neste exemplo.

Assim, o menor número positivo armazenado pelo computador de 8 bits recebe a seguinte configuração:

0 0 0 0 0 0 1 sinal do número expoente mantissa

Devemos lembrar que os expoentes 000 e 111 possuem tratamento especial.

Usa-se o expoente 000 para indicar que o número não está normalizado

Assim, 000 será configurado como o menor expoente, isto é, -2 neste exemplo

Na forma desnormalizada, a mantissa passa a ser  $0, b_1b_2b_3b_4$ , onde  $b_1, \ldots, b_4$ são os bits da mantissa neste exemplo

Assim, o menor número positivo armazenado pelo computador de 8 bits recebe a seguinte configuração:

0 0 0 0 0 0 1 1 sinal do número expoente mantissa

Devemos lembrar que os expoentes 000 e 111 possuem tratamento especial.

Usa-se o expoente 000 para indicar que o número não está normalizado.

Assim, 000 será configurado como o menor expoente, isto é, -2 neste exemplo

Na forma desnormalizada, a mantissa passa a ser  $0, b_1b_2b_3b_4$ , onde  $b_1, \ldots, b_4$ são os bits da mantissa neste exemplo.

Assim, o menor número positivo armazenado pelo computador de 8 bits recebe a seguinte configuração:



Devemos lembrar que os expoentes 000 e 111 possuem tratamento especial.

Usa-se o expoente 000 para indicar que o número não está normalizado.

Assim, 000 será configurado como o menor expoente, isto é, -2 neste exemplo.

Na forma desnormalizada, a mantissa passa a ser  $0, b_1b_2b_3b_4$ , onde  $b_1, \ldots, b_4$ são os bits da mantissa neste exemplo.

Assim, o menor número positivo armazenado pelo computador de 8 bits recebe a seguinte configuração:



Devemos lembrar que os expoentes 000 e 111 possuem tratamento especial.

Usa-se o expoente 000 para indicar que o número não está normalizado.

Assim, 000 será configurado como o menor expoente, isto é, -2 neste exemplo.

Na forma desnormalizada, a mantissa passa a ser  $0, b_1b_2b_3b_4$ , onde  $b_1, \ldots, b_4$  são os bits da mantissa neste exemplo.

Assim, o menor número positivo armazenado pelo computador de 8 bits recebe a seguinte configuração:



Tabela: Exemplo 4

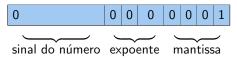
Devemos lembrar que os expoentes 000 e 111 possuem tratamento especial.

Usa-se o expoente 000 para indicar que o número não está normalizado.

Assim, 000 será configurado como o menor expoente, isto é, -2 neste exemplo.

Na forma desnormalizada, a mantissa passa a ser  $0, b_1b_2b_3b_4$ , onde  $b_1, \ldots, b_4$  são os bits da mantissa neste exemplo.

Assim, o menor número positivo armazenado pelo computador de 8 bits recebe a seguinte configuração:



#### Exemplo 4 - Menor número positivo:

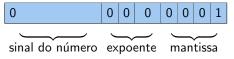
Devemos lembrar que os expoentes 000 e 111 possuem tratamento especial.

Usa-se o expoente 000 para indicar que o número não está normalizado.

Assim, 000 será configurado como o menor expoente, isto é, -2 neste exemplo.

Na forma desnormalizada, a mantissa passa a ser  $0, b_1b_2b_3b_4$ , onde  $b_1, \ldots, b_4$  são os bits da mantissa neste exemplo.

Assim, o menor número positivo armazenado pelo computador de 8 bits recebe a seguinte configuração:



A configuração



representa +0,

enquanto a configuração

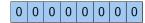
representa -0, devendo ambos serem reconhecidos como iguais nas comparações.

O expoente 111 é reservado para representar  $+\infty$ ,

e −∞, que é representado por

As demais combinações com o expoente 111 não são válidas, sendo consideradas (NaN ou Not a Number)

A configuração



representa +0,

enquanto a configuração

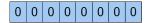
representa -0, devendo ambos serem reconhecidos como iguais nas comparações.

O expoente 111 é reservado para representar  $+\infty$ ,

e $-\infty$ , que é representado por

bastando trocar o bit de sinal do número para I por ser negativo.
As demais combinações com o expoente 111 não são válidas, sendo consideradas (NaN. ou Not a Number).

A configuração



representa +0,

enquanto a configuração

representa -0, devendo ambos serem reconhecidos como iguais nas comparações.

O expoente 111 é reservado para representar  $+\infty$ ,

e  $-\infty$ , que é representado por

bastando trocar o bit de sinal do número para 1 por ser negativo.

As demais combinações com o expoente 111 não são válidas, sendo consideradas (NaN, ou Not a Number).

#### E quando a mantissa não cabe nos 4 bits?

Somos obrigados a arredondar a mantissa para que ela caiba nos 4 bits

Vamos, assim, perder precisão no número e ele não mais representará exatamente, o número desejado.

## **Exemplo 5:** $(9,375)_{10} = (1001,011)_2 = 1,001011 \times 2^3$

- ⇒ Possui 6 dígitos depois da vírgula, mas o computador só tem reservados 4 bits para a mantissa.
- ⇒ Deve ser feito o arredondamento para 4 casas decimais: se o dígito abandonado após as 4 casas decimais for menor que 1 (ou seja, se for 0), os dígitos anteriores devem ser mantidos. Se o dígito abandonado for igual a 1, somo 1 ao dígito anterior.

E quando a mantissa não cabe nos 4 bits?

Somos obrigados a arredondar a mantissa para que ela caiba nos 4 bits.

Vamos, assim, perder precisão no número e ele não mais representará exatamente, o número desejado.

#### Exemplo 5

$$(9,375)_{10} = (1001,011)_2 = 1,001011 \times 2^3$$

- $\Rightarrow$  Possui 6 dígitos depois da vírgula, mas o computador só tem reservados 4 bits para a mantissa.
- ⇒ Deve ser feito o arredondamento para 4 casas decimais: se o dígito abandonado após as 4 casas decimais for menor que 1 (ou seja, se for 0), os dígitos anteriores devem ser mantidos. Se o dígito abandonado for igual a 1, somo 1 ao dígito anterior.

E quando a mantissa não cabe nos 4 bits?

Somos obrigados a arredondar a mantissa para que ela caiba nos 4 bits.

Vamos, assim, perder precisão no número e ele não mais representará, exatamente, o número desejado.

# **Exemplo 5:** $(9,375)_{10} = (1001,011)_2 = 1,001011 \times 2^3$

- $\Rightarrow$  Possui 6 dígitos depois da vírgula, mas o computador só tem reservados 4 bits para a mantissa.
- ⇒ Deve ser feito o arredondamento para 4 casas decimais: se o dígito abandonado após as 4 casas decimais for menor que 1 (ou seja, se for 0), os dígitos anteriores devem ser mantidos. Se o dígito abandonado for igual a 1, somo 1 ao dígito anterior.

E quando a mantissa não cabe nos 4 bits?

Somos obrigados a arredondar a mantissa para que ela caiba nos 4 bits.

Vamos, assim, perder precisão no número e ele não mais representará, exatamente, o número desejado.

#### Exemplo 5:

$$(9,375)_{10} = (1001,011)_2 = 1,001011 \times 2^3$$

- $\Rightarrow$  Possui 6 dígitos depois da vírgula, mas o computador só tem reservados 4 bits para a mantissa.
- ⇒ Deve ser feito o arredondamento para 4 casas decimais: se o dígito abandonado após as 4 casas decimais for menor que 1 (ou seja, se for 0), os dígitos anteriores devem ser mantidos. Se o dígito abandonado for igual a 1, somo 1 ao dígito anterior.

E quando a mantissa não cabe nos 4 bits?

Somos obrigados a arredondar a mantissa para que ela caiba nos 4 bits.

Vamos, assim, perder precisão no número e ele não mais representará, exatamente, o número desejado.

#### Exemplo 5:

$$(9,375)_{10} = (1001,011)_2 = 1,001011 \times 2^3$$

- $\Rightarrow$  Possui 6 dígitos depois da vírgula, mas o computador só tem reservados 4 bits para a mantissa.
- ⇒ Deve ser feito o arredondamento para 4 casas decimais: se o dígito abandonado após as 4 casas decimais for menor que 1 (ou seja, se for 0), os dígitos anteriores devem ser mantidos. Se o dígito abandonado for igual a 1, somo 1 ao dígito anterior.

E quando a mantissa não cabe nos 4 bits?

Somos obrigados a arredondar a mantissa para que ela caiba nos 4 bits.

Vamos, assim, perder precisão no número e ele não mais representará, exatamente, o número desejado.

#### Exemplo 5:

$$(9,375)_{10} = (1001,011)_2 = 1,001011 \times 2^3$$

- $\Rightarrow$  Possui 6 dígitos depois da vírgula, mas o computador só tem reservados 4 bits para a mantissa.
- ⇒ Deve ser feito o arredondamento para 4 casas decimais: se o dígito abandonado após as 4 casas decimais for menor que 1 (ou seja, se for 0), os dígitos anteriores devem ser mantidos. Se o dígito abandonado for igual a 1, somo 1 ao dígito anterior.

9 de marco de 2025

#### Exemplo 5:

$$(9,375)_{10} = (1001,011)_2 = 1,001011 \times 2^3 = 1,0011 \times 2^3$$



**Exemplo 6:**  $(9,125)_{10} = (1001,001)_2 = 1,001001 \times 2^3 = 1,0010 \times 2^3$ 



#### Exemplo 5:

$$(9,375)_{10} = (1001,011)_2 = 1,001011 \times 2^3 = 1,0011 \times 2^3$$

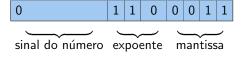


**Exemplo 6:** 
$$(9, 125)_{10} = (1001, 001)_2 = 1,001001 \times 2^3 = 1,0010 \times 2^3$$



#### Exemplo 5:

$$(9,375)_{10} = (1001,011)_2 = 1,001011 \times 2^3 = 1,0011 \times 2^3$$

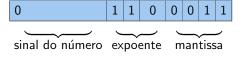


**Exemplo 6:** 
$$(9,125)_{10} = (1001,001)_2 = 1,001001 \times 2^3 = 1,0010 \times 2^3$$



#### Exemplo 5:

$$(9,375)_{10} = (1001,011)_2 = 1,001011 \times 2^3 = 1,0011 \times 2^3$$

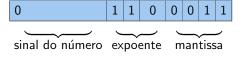


**Exemplo 6:**  $(9,125)_{10} = (1001,001)_2 = 1,001001 \times 2^3 = 1,0010 \times 2^3$ 



#### Exemplo 5:

$$(9,375)_{10} = (1001,011)_2 = 1,001011 \times 2^3 = 1,0011 \times 2^3$$



**Exemplo 6:**  $(9,125)_{10} = (1001,001)_2 = 1,001001 \times 2^3 = 1,0010 \times 2^3$ 

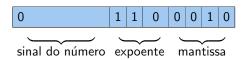


#### Exemplo 5:

$$(9,375)_{10} = (1001,011)_2 = 1,001011 \times 2^3 = 1,0011 \times 2^3$$



**Exemplo 6:** 
$$(9,125)_{10} = (1001,001)_2 = 1,001001 \times 2^3 = 1,0010 \times 2^3$$



Vamos ver como ficariam os expoentes da tabela se passarmos a usar um computador que opera com 1 bit para o sinal do número, 5 bits para o expoente e 6 bits para a mantissa.

Por padrão, o expoente 0 recebe a configuração em que o primeiro bit é igual a 0 e os restantes são iguais a 1. Assim, neste exemplo,

A configuração 01111 recebe o valor 0 para o expoente.

Sabemos que 01111 em decimal é 15, pois a configuração seguinte, 10000, vale  $1 \times 2^4 = 16$  em decimal. Logo,  $(01111)_2 = (16)_{10} - 1 = (15)_{10}$ .

Logo, a configuração 01111 recebe o valor 0 = 15 - 15 para o expoente.

Como os valores em binario e decimal na tabela são consecutivos e uso a convenção de que 01111 representa o expoente 0, então, para as demais configurações de bits, o valor do expoente será sempre, neste exemplo, o valor en decimal menos 15.

9 de marco de 2025

Vamos ver como ficariam os expoentes da tabela se passarmos a usar um computador que opera com 1 bit para o sinal do número, 5 bits para o expoente e 6 bits para a mantissa.

Por padrão, o expoente 0 recebe a configuração em que o primeiro bit é igual a 0 e os restantes são iguais a 1. Assim, neste exemplo,

A configuração 01111 recebe o valor 0 para o expoente.

Sabemos que 01111 em decimal é 15, pois a configuração seguinte, 10000, vale  $1 \times 2^4 = 16$  em decimal. Logo,  $(01111)_2 = (16)_{10} - 1 = (15)_{10}$ .

Logo, a configuração 01111 recebe o valor 0 = 15 - 15 para o expoente

Como os valores em binário e decimal na tabela são consecutivos e uso a convenção de que 01111 representa o expoente 0, então, para as demais configurações de bits, o valor do expoente será sempre, neste exemplo, o va decimal menos 15.

Vamos ver como ficariam os expoentes da tabela se passarmos a usar um computador que opera com 1 bit para o sinal do número, 5 bits para o expoente e 6 bits para a mantissa.

Por padrão, o expoente 0 recebe a configuração em que o primeiro bit é igual a 0 e os restantes são iguais a 1. Assim, neste exemplo,

A configuração 01111 recebe o valor 0 para o expoente.

Sabemos que 01111 em decimal é 15, pois a configuração seguinte, 10000, vale  $1 \times 2^4 = 16$  em decimal. Logo,  $(01111)_2 = (16)_{10} - 1 = (15)_{10}$ .

Logo, a configuração 01111 recebe o valor 0 = 15 - 15 para o expoente.

Como os valores em binário e decimal na tabela são consecutivos e uso a convenção de que 01111 representa o expoente 0, então, para as demais configurações de bits, o valor do expoente será sempre, neste exemplo, o valor decimal menos 15.

9 de marco de 2025

Vamos ver como ficariam os expoentes da tabela se passarmos a usar um computador que opera com 1 bit para o sinal do número, 5 bits para o expoente e 6 bits para a mantissa.

Por padrão, o expoente 0 recebe a configuração em que o primeiro bit é igual a 0 e os restantes são iguais a 1. Assim, neste exemplo,

A configuração 01111 recebe o valor 0 para o expoente.

Sabemos que 01111 em decimal é 15, pois a configuração seguinte, 10000, vale  $1 \times 2^4 = 16$  em decimal. Logo,  $(01111)_2 = (16)_{10} - 1 = (15)_{10}$ .

Logo, a configuração 01111 recebe o valor 0 = 15 - 15 para o expoente.

Vamos ver como ficariam os expoentes da tabela se passarmos a usar um computador que opera com 1 bit para o sinal do número, 5 bits para o expoente e 6 bits para a mantissa.

Por padrão, o expoente 0 recebe a configuração em que o primeiro bit é igual a 0 e os restantes são iguais a 1. Assim, neste exemplo,

A configuração 01111 recebe o valor 0 para o expoente.

Sabemos que 01111 em decimal é 15, pois a configuração seguinte, 10000, vale  $1\times 2^4=16$  em decimal. Logo,  $(01111)_2=(16)_{10}-1=(15)_{10}$ .

Logo, a configuração 01111 recebe o valor 0 = 15 - 15 para o expoente.

Como os valores em binário e decimal na tabela são consecutivos e uso a convenção de que 01111 representa o expoente 0, então, para as demais configurações de bits, o valor do expoente será sempre, neste exemplo, o valor em decimal menos 15.

Seguindo essa lógica, o maior expoente do computador, que é sempre aquele em que o último bit vale 0 e os anteriores valem 1, fica representado da seguinte maneira:

11110 em decimal: 
$$1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = 30$$
.

Logo, a configuração 11110 recebe o valor 30-15=15 para o expoente.

Uma outra maneira mais esperta de obter o valor do expoente para 11110 é sabque a configuração seguinte da tabela vale 11111 e depois na sequência vem 100000, que não está na tabela e vale  $2^5=32$  em decimal. Logo, 11111 em decimal vale 32-1=31 e 11110 em decimal vale 31-1=30. Portanto, a configuração 01111 recebe o expoente 30-15-15.

O menor expoente na forma normalizada é dado pela configuração 00001, quem decimal vale 1. Logo, essa configuração recebe o expoente 1 - 15 = -14.

O menor expoente na forma desnormalizada é dado pela configuração 00000, e recebe também o valor −14.

Seguindo essa lógica, o maior expoente do computador, que é sempre aquele em que o último bit vale 0 e os anteriores valem 1, fica representado da seguinte maneira:

11110 em decimal: 
$$1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = 30$$
.

Logo, a configuração 11110 recebe o valor 30 - 15 = 15 para o expoente.

Uma outra maneira mais esperta de obter o valor do expoente para 11110 é sabque a configuração seguinte da tabela vale 11111 e depois na sequência vem 100000, que não está na tabela e vale  $2^5=32$  em decimal. Logo, 11111 em decimal vale 32-1=31 e 11110 em decimal vale 31-1=30. Portanto, a configuração 01111 recebe o expoente 30-15-15.

O menor expoente na forma normalizada é dado pela configuração 00001, que em decimal vale 1. Logo, essa configuração recebe o expoente 1 - 15 = -14.

O menor expoente na forma desnormalizada é dado pela configuração 00000, e recebe também o valor —14.

Seguindo essa lógica, o maior expoente do computador, que é sempre aquele em que o último bit vale 0 e os anteriores valem 1, fica representado da seguinte maneira:

11110 em decimal: 
$$1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = 30$$
.

Logo, a configuração 11110 recebe o valor 30 - 15 = 15 para o expoente.

Uma outra maneira mais esperta de obter o valor do expoente para 11110 é saber que a configuração seguinte da tabela vale 11111 e depois na sequência vem 100000, que não está na tabela e vale  $2^5=32$  em decimal. Logo, 11111 em decimal vale 32-1=31 e 11110 em decimal vale 31-1=30. Portanto, a configuração 01111 recebe o expoente 30-15-15.

O menor expoente na forma normalizada é dado pela configuração 00001, que em decimal vale 1. Logo, essa configuração recebe o expoente 1 - 15 = -14.

O menor expoente na forma desnormalizada é dado pela configuração 00000, e recebe também o valor —14.

Seguindo essa lógica, o maior expoente do computador, que é sempre aquele em que o último bit vale 0 e os anteriores valem 1, fica representado da seguinte maneira:

11110 em decimal: 
$$1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = 30$$
.

Logo, a configuração 11110 recebe o valor 30 - 15 = 15 para o expoente.

Uma outra maneira mais esperta de obter o valor do expoente para 11110 é saber que a configuração seguinte da tabela vale 11111 e depois na sequência vem 100000, que não está na tabela e vale  $2^5=32$  em decimal. Logo, 11111 em decimal vale 32-1=31 e 11110 em decimal vale 31-1=30. Portanto, a configuração 01111 recebe o expoente 30-15-15.

O <u>menor expoente na forma normalizada</u> é dado pela configuração 00001, que em decimal vale 1. Logo, essa configuração recebe o expoente 1 - 15 = -14.

O menor expoente na forma desnormalizada é dado pela configuração 00000, e recebe também o valor —14.

Seguindo essa lógica, o maior expoente do computador, que é sempre aquele em que o último bit vale 0 e os anteriores valem 1, fica representado da seguinte maneira:

11110 em decimal: 
$$1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 = 30$$
.

Logo, a configuração 11110 recebe o valor 30 - 15 = 15 para o expoente.

Uma outra maneira mais esperta de obter o valor do expoente para 11110 é saber que a configuração seguinte da tabela vale 11111 e depois na sequência vem 100000, que não está na tabela e vale  $2^5=32$  em decimal. Logo, 11111 em decimal vale 32-1=31 e 11110 em decimal vale 31-1=30. Portanto, a configuração 01111 recebe o expoente 30-15-15.

O <u>menor expoente na forma normalizada</u> é dado pela configuração 00001, que em decimal vale 1. Logo, essa configuração recebe o expoente 1 - 15 = -14.

O menor expoente na forma desnormalizada é dado pela configuração 00000, e recebe também o valor —14.

Com essas considerações, temos a tabela dos expoentes:

bits	expoente	valor em decimal
00000	Desnormalizado $(-14)$	
00001	-14 = 1 - 15	1
00010	-13 = 2 - 15	2
	•••	
01110	-1 = 14 - 15	14
01111	0 = 15 - 15	15
10000	+1 = 16 - 15	16
10001	+2 = 17 - 15	17
•••	•••	
11110	+15 = 30 - 15	30
11111	NaN, Inf., Indet.	

Tabela: Tabela para os bits do expoente do exemplo

Sem olhar para a tabela, qual seria a configuração de bits para o expoente -7?

Sejam

E: Valor do expoente

D: Valor em decimal da representação em binário dos bits do expoente

Vimos das deduções anteriores que:

E = D - 15

Se E = -7, então

 $-7 = D - 15 \Rightarrow D = (8)_{10} = (01000)_2$ 

Sem olhar para a tabela, qual seria a configuração de bits para o expoente -7?

#### Sejam:

E: Valor do expoente

D: Valor em decimal da representação em binário dos bits do expoente

Vimos das deduções anteriores que:

E = D - 15

Se E=-7, então

 $-7 = D - 15 \Rightarrow D = (8)_{10} = (01000)_2$ 

Sem olhar para a tabela, qual seria a configuração de bits para o expoente -7?

Sejam:

E: Valor do expoente;

D: Valor em decimal da representação em binário dos bits do expoente

Vimos das deduções anteriores que:

$$E = D - 15$$

Se E = -7, então

$$-7 = D - 15 \Rightarrow D = (8)_{10} = (01000)_2$$

Sem olhar para a tabela, qual seria a configuração de bits para o expoente -7?

Sejam:

E: Valor do expoente;

D: Valor em decimal da representação em binário dos bits do expoente.

Vimos das deduções anteriores que:

$$E = D - 15$$
.

Se 
$$E = -7$$
, então

$$-7 = D - 15 \Rightarrow D = (8)_{10} = (01000)_2$$

Sem olhar para a tabela, qual seria a configuração de bits para o expoente -7?

Sejam:

E: Valor do expoente;

D: Valor em decimal da representação em binário dos bits do expoente.

Vimos das deduções anteriores que:

$$E = D - 15$$
.

Se 
$$E=-7$$
, então

$$-7 = D - 15 \Rightarrow D = (8)_{10} = (01000)_2$$

Sem olhar para a tabela, qual seria a configuração de bits para o expoente -7?

Sejam:

E: Valor do expoente;

D: Valor em decimal da representação em binário dos bits do expoente.

Vimos das deduções anteriores que:

$$E = D - 15$$
.

Se 
$$\mathrm{E}=-7$$
, então

$$-7 = D - 15 \Rightarrow D = (8)_{10} = (01000)_2.$$

Sem olhar para a tabela, qual seria a configuração de bits para o expoente -7?

Sejam:

E: Valor do expoente;

D: Valor em decimal da representação em binário dos bits do expoente.

Vimos das deduções anteriores que:

$$E = D - 15$$
.

Se 
$$E=-7$$
, então

$$-7 = D - 15 \Rightarrow D = (8)_{10} = (01000)_2.$$

#### **IEEE 754**

A norma IEEE 754, publicada em 1985, procurou uniformizar a maneira como as diferentes máquinas representam os números em ponto flutuante, bem como devem operá-los.

Essa norma define dois formatos básicos para os números em ponto flutuante:

- Formato simples: 32 bits Primeiro bit para o sinal do número (0, positivo e 1, negativo), 8 bits para o expoente e 23 bits para a mantissa.
- Formato duplo: 64 bits Primeiro bit para o sinal do número (0, positivo e 1, negativo), 11 bits para o expoente e 52 bits para a mantissa.

Para maiores informações, leia as referências ao final ddesta apresentação.

#### **IEEE 754**

A norma IEEE 754, publicada em 1985, procurou uniformizar a maneira como as diferentes máquinas representam os números em ponto flutuante, bem como devem operá-los.

Essa norma define dois formatos básicos para os números em ponto flutuante:

- Formato simples: 32 bits Primeiro bit para o sinal do número (0, positivo e 1, negativo), 8 bits para o expoente e 23 bits para a mantissa.
- Formato duplo: 64 bits Primeiro bit para o sinal do número (0, positivo e 1, negativo), 11 bits para o expoente e 52 bits para a mantissa.

Para maiores informações, leia as referências ao final ddesta apresentação.

#### **IEEE 754**

A norma IEEE 754, publicada em 1985, procurou uniformizar a maneira como as diferentes máquinas representam os números em ponto flutuante, bem como devem operá-los.

Essa norma define dois formatos básicos para os números em ponto flutuante:

- Formato simples: 32 bits Primeiro bit para o sinal do número (0, positivo e 1, negativo), 8 bits para o expoente e 23 bits para a mantissa.
- Formato duplo: 64 bits Primeiro bit para o sinal do número (0, positivo e 1, negativo), 11 bits para o expoente e 52 bits para a mantissa.

Para maiores informações, leia as referências ao final ddesta apresentação.

Vamos admitir, como exemplo, que o número  $\alpha$  seja na forma normalizada:

$$a = 1,101010110100101 \cdots \times 2^{c}$$

e que m = 5 seja o número de bits da mantissa do computador.

Seja  $\overline{\alpha}$  a aproximação para  $\alpha$  neste computador.

Então

 $\overline{a}=1,10101 imes 2^{c}$ , pois houve truncamento (como após o último dígito da mantissa, aparece 0, então descarto os dígitos que vêm depois da mantissa).

No truncamento,  $\overline{a} < a$ 

O erro absoluto ( $\mathsf{E}_{\mathsf{abs}}$ ) entre o valor verdadeiro lpha e o valor aproximado pela máquina  $\overline{lpha}$  é dado por:

Vamos admitir, como exemplo, que o número  $\alpha$  seja na forma normalizada:

$$a = 1,101010110100101 \cdots \times 2^{c}$$

e que  $\mathfrak{m}=5$  seja o número de bits da mantissa do computador.

Seja  $\overline{\alpha}$  a aproximação para  $\alpha$  neste computador.

Então

 $\overline{a}=1,10101 imes 2^c$ , pois houve truncamento (como após o último dígito da mantissa, aparece 0, então descarto os dígitos que vêm depois da mantissa).

No truncamento,  $\overline{\alpha} < \alpha$ 

O erro absoluto  $(E_{abs})$  entre o valor verdadeiro  $\alpha$  e o valor aproximado pela máquina  $\overline{\alpha}$  é dado por:

Vamos admitir, como exemplo, que o número  $\alpha$  seja na forma normalizada:

$$a = 1,101010110100101 \cdots \times 2^{c}$$

e que  $\mathfrak{m}=5$  seja o número de bits da mantissa do computador.

Seja  $\overline{\alpha}$  a aproximação para  $\alpha$  neste computador.

Então,

 $\overline{a}=1,10101\times 2^c$ , pois houve truncamento (como após o último dígito da mantissa, aparece 0, então descarto os dígitos que vêm depois da mantissa).

No truncamento,  $\overline{\alpha} < \alpha$ 

O erro absoluto ( $\mathsf{E}_\mathsf{abs}$ ) entre o valor verdadeiro  $\mathfrak a$  e o valor aproximado pela máquina  $\overline{\mathfrak a}$  é dado por:

Vamos admitir, como exemplo, que o número  $\alpha$  seja na forma normalizada:

$$a = 1,101010110100101 \cdots \times 2^{c}$$

e que  $\mathfrak{m}=5$  seja o número de bits da mantissa do computador.

Seja  $\overline{\alpha}$  a aproximação para  $\alpha$  neste computador.

Então,

 $\overline{a}=1,10101\times 2^c$ , pois houve truncamento (como após o último dígito da mantissa, aparece 0, então descarto os dígitos que vêm depois da mantissa).

No truncamento,  $\overline{a} < a$ .

O erro absoluto ( $E_{abs}$ ) entre o valor verdadeiro  $\alpha$  e o valor aproximado pela máquina  $\overline{\alpha}$  é dado por:

Vamos admitir, como exemplo, que o número  $\alpha$  seja na forma normalizada:

$$a = 1,101010110100101 \cdots \times 2^{c}$$

e que  $\mathfrak{m}=5$  seja o número de bits da mantissa do computador.

Seja  $\overline{\alpha}$  a aproximação para  $\alpha$  neste computador.

Então,

 $\overline{a}=1,10101\times 2^c$ , pois houve truncamento (como após o último dígito da mantissa, aparece 0, então descarto os dígitos que vêm depois da mantissa).

No truncamento,  $\overline{a} < a$ .

O erro absoluto ( $E_{abs}$ ) entre o valor verdadeiro  $\alpha$  e o valor aproximado pela máquina  $\overline{\alpha}$  é dado por:

Ou seja, vamos fazer a seguinte operação de subtração (a parte destacada em vermelho está fora da mantissa):

$$\begin{array}{ll} \alpha &= 1,10101010100101\ldots \times 2^c \\ \\ -\overline{\alpha} &= 1,101010000000000\ldots \times 2^c \\ \overline{E_{abs}} &= 0,000000110100101\ldots \times 2^c \end{array}$$

Então, o erro absoluto é dado por:

$$\begin{aligned} E_{abs} &= 0,000000110100101 \cdots \times 2^{c} \\ &= 0,0110100101 \cdots \times 2^{-5} \times 2^{c} \\ &= 0,0110100101 \cdots \times 2^{c-5} \end{aligned}$$

Já o erro relativo (E<sub>rel</sub>) é dado por:

$$E_{rel} = \frac{E_{abs}}{\alpha} = \frac{0,0110100101 \cdots \times 2^{c-5}}{1,101010110100101 \ldots \times 2^{c}} = \frac{0,0110100101 \ldots}{1,101010110100101 \ldots} \times 2^{-5}$$

Ou seja, vamos fazer a seguinte operação de subtração (a parte destacada em vermelho está fora da mantissa):

$$\begin{array}{ll} \alpha &= 1,101010110100101\ldots \times 2^c \\ \\ -\overline{\alpha} &= 1,101010000000000\ldots \times 2^c \\ \overline{E_{abs}} &= 0,000000110100101\ldots \times 2^c \end{array}$$

Então, o erro absoluto é dado por:

$$\begin{split} E_{abs} &= 0,000000110100101 \cdots \times 2^c \\ &= 0,0110100101 \cdots \times 2^{-5} \times 2^c \\ &= 0,0110100101 \cdots \times 2^{c-5} \end{split}$$

Já o erro relativo (E<sub>rel</sub>) é dado por:

$$E_{rel} = \frac{E_{abs}}{\alpha} = \frac{0.0110100101 \cdots \times 2^{c-5}}{1,101010110100101 \cdots \times 2^{c}} = \frac{0.0110100101 \cdots}{1,101010110100101 \cdots} \times 2^{-5}$$

Ou seja, vamos fazer a seguinte operação de subtração (a parte destacada em vermelho está fora da mantissa):

$$\begin{array}{ll} \alpha &= 1,101010110100101\ldots \times 2^c \\ \\ -\overline{\alpha} &= 1,101010000000000\ldots \times 2^c \\ \overline{E_{abs}} &= 0,000000110100101\ldots \times 2^c \end{array}$$

Então, o erro absoluto é dado por:

$$\begin{aligned} E_{abs} &= 0,000000110100101 \cdots \times 2^{c} \\ &= 0,0110100101 \cdots \times 2^{-5} \times 2^{c} \\ &= 0,0110100101 \cdots \times 2^{c-5} \end{aligned}$$

Já o erro relativo  $(E_{rel})$  é dado por:

$$\mathsf{E}_{\mathsf{rel}} = \frac{\mathsf{E}_{\mathsf{abs}}}{\alpha} = \frac{0,0110100101\cdots\times 2^{c-5}}{1,101010110100101\dots\times 2^c} = \frac{0,0110100101\dots}{1,101010110100101\dots}\times 2^{-5}$$

Colocando o numerador e o denominador do erro relativo na forma normalizada, temos:

$$\mathsf{E}_{\mathsf{rel}} = \frac{0,0110100101\ldots}{1,101010110100101\ldots} \times 2^{-5} = \frac{1,10100101\cdots\times 2^{-2}}{1,101010110100101\ldots} \times 2^{-5}$$

Portanto,

$$E_{\text{rel}} = \frac{1,10100101...}{1,101010110100101...} \times 2^{-2} \times 2^{-5}$$

Diante deste resultado, podemos deduzir que o erro relativo máximo é dado por

$$E_{rel} = rac{maior numerador normalizado}{menor denominador normalizado} imes 2^{-2} imes 2^{-5}$$

$$(\mathsf{E}_{\mathsf{rel}})_{\mathsf{MAX}} = \frac{1,111111111...}{1,0000000000000000000...} \times 2^{-2} \times 2^{-5} = 1,111111111... \times 2^{-2} \times 2^{-5}$$

Colocando o numerador e o denominador do erro relativo na forma normalizada, temos:

$$\mathsf{E}_{\mathsf{rel}} = \frac{0,0110100101\ldots}{1,101010110100101\ldots} \times 2^{-5} = \frac{1,10100101\cdots\times 2^{-2}}{1,101010110100101\ldots} \times 2^{-5}$$

Portanto,

$$\mathsf{E}_{\mathsf{rel}} = \frac{1,10100101\ldots}{1,101010110100101\ldots} \times 2^{-2} \times 2^{-5}$$

Diante deste resultado, podemos deduzir que o erro relativo máximo é dado por

$$E_{rel} = \frac{\text{maior numerador normalizado}}{\text{menor denominador normalizado}} \times 2^{-2} \times 2^{-5}$$

$$(\mathsf{E}_{\mathsf{rel}})_{\mathsf{MAX}} = \frac{1,111111111...}{1,0000000000000000000...} \times 2^{-2} \times 2^{-5} = 1,111111111... \times 2^{-2} \times 2^{-5}$$

Colocando o numerador e o denominador do erro relativo na forma normalizada, temos:

$$\mathsf{E}_{\mathsf{rel}} = \frac{0,0110100101\ldots}{1,101010110100101\ldots} \times 2^{-5} = \frac{1,10100101\cdots\times 2^{-2}}{1,101010110100101\ldots} \times 2^{-5}$$

Portanto,

$$\mathsf{E}_{\mathsf{rel}} = \frac{1,10100101\ldots}{1,101010110100101\ldots} \times 2^{-2} \times 2^{-5}$$

Diante deste resultado, podemos deduzir que o erro relativo máximo é dado por:

$$\label{eq:energy} \mathsf{E}_{\mathsf{rel}} = \frac{\mathsf{maior\ numerador\ normalizado}}{\mathsf{menor\ denominador\ normalizado}} \times 2^{-2} \times 2^{-5}$$

$$(\mathsf{E}_{\mathsf{rel}})_{\mathsf{MAX}} = \frac{1,111111111...}{1,0000000000000000000...} \times 2^{-2} \times 2^{-5} = 1,111111111... \times 2^{-2} \times 2^{-5}$$

Colocando o numerador e o denominador do erro relativo na forma normalizada, temos:

$$\mathsf{E}_{\mathsf{rel}} = \frac{0,0110100101\ldots}{1,101010110100101\ldots} \times 2^{-5} = \frac{1,10100101\cdots\times 2^{-2}}{1,101010110100101\ldots} \times 2^{-5}$$

Portanto,

$$\mathsf{E}_{\mathsf{rel}} = \frac{1,10100101\ldots}{1,101010110100101\ldots} \times 2^{-2} \times 2^{-5}$$

Diante deste resultado, podemos deduzir que o erro relativo máximo é dado por:

$$\mbox{E}_{\mbox{\scriptsize rel}} = \frac{\mbox{\scriptsize maior numerador normalizado}}{\mbox{\scriptsize menor denominador normalizado}} \times 2^{-2} \times 2^{-5}$$

$$(\mathsf{E}_{\mathsf{rel}})_{\mathsf{MAX}} = \frac{1,111111111\dots}{1,0000000000000000\dots} \times 2^{-2} \times 2^{-5} = 1,11111111\dots \times 2^{-2} \times 2^{-5}$$

Ou seja,

$$(E_{rel})_{MAX} = 1,111111111... \times 2^{-2} \times 2^{-5} = 0,01111111111... \times 2^{-5}$$

Como  $0,01111111111...<0,1000000000...=2^{-1}$ , então

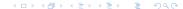
$$(E_{rel})_{MAX} < 2^{-1} \times 2^{-5} = 2^{-6} = \frac{1}{2^6} = \frac{1}{64} = 0,015625.$$

Lembre-se de neste exemplo, o número de bits da mantissa é m = 5.

Logo, podemos deduzir que num computador com m bits o erro relativo máximo de um número será dado por:

$$(E_{rel})_{MAX} < 2^{-1} \times 2^{-m} = 2^{-(m+1)}$$

Esta expressão para o erro máximo só é válida na região normalizada



Ou seja,

$$(E_{rel})_{MAX} = 1,111111111... \times 2^{-2} \times 2^{-5} = 0,01111111111... \times 2^{-5}$$

Como  $0,011111111111...<0,10000000000...=2^{-1}$ , então

$$(E_{\text{rel}})_{\text{MAX}} < 2^{-1} \times 2^{-5} = 2^{-6} = \frac{1}{2^6} = \frac{1}{64} = 0,015625.$$

Lembre-se de neste exemplo, o número de bits da mantissa é  $\mathfrak{m}=5$ .

Logo, podemos deduzir que num computador com m bits o erro relativo máximo de um número será dado por:

$$(E_{rel})_{MAX} < 2^{-1} \times 2^{-m} = 2^{-(m+1)}$$

Esta expressão para o erro máximo só é válida na região normalizada

Ou seja,

$$(E_{rel})_{MAX} = 1,111111111... \times 2^{-2} \times 2^{-5} = 0,01111111111... \times 2^{-5}$$

Como  $0,011111111111...<0,10000000000...=2^{-1}$ , então

$$(E_{\text{rel}})_{\text{MAX}} < 2^{-1} \times 2^{-5} = 2^{-6} = \frac{1}{2^6} = \frac{1}{64} = 0,015625.$$

Lembre-se de neste exemplo, o número de bits da mantissa é m = 5.

Logo, podemos deduzir que num computador com m bits o erro relativo máximo de um número será dado por:

$$(E_{rel})_{MAX} < 2^{-1} \times 2^{-m} = 2^{-(m+1)}$$

Esta expressão para o erro máximo só é válida na região normalizada.

Ou seja,

$$(E_{rel})_{MAX} = 1,111111111... \times 2^{-2} \times 2^{-5} = 0,01111111111... \times 2^{-5}$$

Como  $0,011111111111...<0,1000000000...=2^{-1}$ , então

$$(E_{\text{rel}})_{\text{MAX}} < 2^{-1} \times 2^{-5} = 2^{-6} = \frac{1}{2^6} = \frac{1}{64} = 0,015625.$$

Lembre-se de neste exemplo, o número de bits da mantissa é m = 5.

Logo, podemos deduzir que num computador com m bits o erro relativo máximo de um número será dado por:

$$(E_{rel})_{MAX} < 2^{-1} \times 2^{-m} = 2^{-(m+1)}$$

Esta expressão para o erro máximo só é válida na região normalizada.

Ou seja,

$$(E_{rel})_{MAX} = 1,111111111... \times 2^{-2} \times 2^{-5} = 0,01111111111... \times 2^{-5}$$

Como  $0,011111111111...<0,1000000000...=2^{-1}$ , então

$$(E_{\text{rel}})_{\text{MAX}} < 2^{-1} \times 2^{-5} = 2^{-6} = \frac{1}{2^6} = \frac{1}{64} = 0,015625.$$

Lembre-se de neste exemplo, o número de bits da mantissa é m = 5.

Logo, podemos deduzir que num computador com m bits o erro relativo máximo de um número será dado por:

$$(E_{rel})_{MAX} < 2^{-1} \times 2^{-m} = 2^{-(m+1)}$$

Esta expressão para o erro máximo só é válida na região normalizada.

◆ロト ◆問 ト ◆ 恵 ト ◆ 恵 ・ 夕 Q (~)

**Exemplo:** Armazenar 0, 8 em um computador que reserva 23 bits para a mantissa (precisão simples).

Vamos converter 0,8 para binário. Como é uma fração, devemos usar multiplicações sucessivas e usar ordem direta das partes inteiras como os dígitos em binário.

$$0, 8 \times 2 = 1, 6$$

$$0,6 \times 2 = 1,2$$

$$0,2 \times 2 = 0,4$$

$$0,4 \times 2 = 0,8$$

$$0,8 \times 2 = 1,6$$

$$0,6 \times 2 = 1,2$$

$$0,2 \times 2 = 0,4$$

$$0,4 \times 2 = 0,8$$

 $\Rightarrow (0,8)_{10} = (0,110011001100110011001100...)_2 = (0,1100)$ 

**Exemplo:** Armazenar 0, 8 em um computador que reserva 23 bits para a mantissa (precisão simples).

Vamos converter 0,8 para binário. Como é uma fração, devemos usar multiplicações sucessivas e usar ordem direta das partes inteiras como os dígitos em binário.

$$0,8 \times 2 = 1,6$$

$$0.6 \times 2 = 1.2$$

$$0,2 \times 2 = 0,4$$

$$0,4 \times 2 = 0,8$$

$$0,8 \times 2 = 1,6$$

$$0,6 \times 2 = 1,3$$

$$0,2 \times 2 = 0,4$$

$$0,4 \times 2 = 0,8$$

**Exemplo:** Armazenar 0, 8 em um computador que reserva 23 bits para a mantissa (precisão simples).

Vamos converter 0,8 para binário. Como é uma fração, devemos usar multiplicações sucessivas e usar ordem direta das partes inteiras como os dígitos em binário.

$$0.8 \times 2 = 1.6$$

$$0, 6 \times 2 = 1, 2$$

$$0,2 \times 2 = 0,4$$

$$0,4 \times 2 = 0,8$$

$$0,8 \times 2 = 1,6$$

$$0,6 \times 2 = 1,2$$

$$0,2 \times 2 = 0,4$$

$$0,4 \times 2 = 0,8$$

**Exemplo:** Armazenar 0, 8 em um computador que reserva 23 bits para a mantissa (precisão simples).

Vamos converter 0, 8 para binário. Como é uma fração, devemos usar multiplicações sucessivas e usar ordem direta das partes inteiras como os dígitos em binário.

$$0,8 \times 2 = 1,6$$

$$0, 6 \times 2 = 1, 2$$

$$0,2 \times 2 = 0,4$$

$$0,4 \times 2 = 0,8$$

$$0,8 \times 2 = 1,6$$

$$0,6 \times 2 = 1,2$$

$$0,2 \times 2 = 0,4$$

$$0,4 \times 2 = 0,8$$

#### Qual será o valor verdadeiro armazenado neste computador?

Na forma normalizada, temos:

$$(0,8)_{10} = 1, \underbrace{1001100110011001100}_{23 \text{ digitos}} \underbrace{11001100 \dots \times 2^{-1}}_{20 \text{ digitos}}$$
  
  $\approx 1, 1001100110011001101101 \times 2^{-1}$ 

Logo, houve arredondamento e o valor verdadeiro A do número 0,8 representado no computador é

$$A = (1,1001100110011001101101)_2 \times 2^{-1}$$

Como houve arredondamento,  $A > (0,8)_{10}$ .



Qual será o valor verdadeiro armazenado neste computador?

Na forma normalizada, temos:

$$(0,8)_{10} = 1, \underbrace{1001100110011001100}_{23 \text{ dígitos}} \underbrace{11001100 \dots \times 2^{-1}}_{20 \text{ ligitos}}$$
  
  $\approx 1, 1001100110011001101101 \times 2^{-1}$ 

Logo, houve arredondamento e o valor verdadeiro A do número 0,8 representado no computador é

$$A = (1,1001100110011001101101_{0})_{2} \times 2^{-1}$$

Como houve arredondamento,  $A > (0,8)_{10}$ .

Qual será o valor verdadeiro armazenado neste computador?

Na forma normalizada, temos:

$$(0,8)_{10} = 1, \underbrace{1001100110011001100}_{23 \text{ dígitos}} \underbrace{11001100 \dots \times 2^{-1}}_{20 \text{ ligitos}}$$
  
  $\approx 1, 1001100110011001101101 \times 2^{-1}$ 

Logo, houve arredondamento e o valor verdadeiro A do número 0,8 representado no computador é

$$A = (1,1001100110011001101101_0^1)_2 \times 2^{-1}$$

Como houve arredondamento,  $A > (0,8)_{10}$ .



Qual será o valor verdadeiro armazenado neste computador?

Na forma normalizada, temos:

$$(0,8)_{10} = 1, \underbrace{1001100110011001100}_{23 \text{ dígitos}} \underbrace{11001100 \dots \times 2^{-1}}_{20 \text{ ligitos}}$$
  
  $\approx 1, 1001100110011001101101 \times 2^{-1}$ 

Logo, houve arredondamento e o valor verdadeiro A do número 0,8 representado no computador é

$$A = (1,1001100110011001101101_0^1)_2 \times 2^{-1}$$

Como houve arredondamento,  $A > (0, 8)_{10}$ .

Então, subtraindo 0,8 de A, temos:

$$A = 1,1001100110011001101 \times 2^{-1}$$

$$-(0,8)_{10} = 1,1001100110011001100110011001100\dots \times 2^{-1}$$

Ao retirar os dígitos mais à esquerda de A e  $(0,8)_{10}$  que são iguais, fazer essa conta é equivalente a fazer a conta a seguir:

$$-$$
 0,00000000000000000000011001100...  $\times$  2<sup>-1</sup>

Então, subtraindo 0,8 de A, temos:

$$A = 1,1001100110011001101 \times 2^{-1}$$

$$-(0,8)_{10} = 1,1001100110011001100110011001100... \times 2^{-1}$$

Ao retirar os dígitos mais à esquerda de A e  $(0,8)_{10}$  que são iguais, fazer essa conta é equivalente a fazer a conta a seguir:

$$-$$
 0,00000000000000000000011001100...  $\times$   $2^{-1}$ 

Ou seja,

1,00000000 ... 
$$\times 2^{-23} \times 2^{-1}$$
  
- 0,11001100 ...  $\times 2^{-23} \times 2^{-1}$ 

Assim

$$A - (0,8)_{10} = 1 \times 2^{-23} \times 2^{-1} - 0,11001100 \dots \times 2^{-23} \times 2^{-1}$$
$$= (1 - 0,11001100 \dots) \times 2^{-23} \times 2^{-1}$$

Lembre-se de que vimos lá no início que  $(0,8)_{10} = (0,11001100...)_2$ . Então,

$$A - (0,8)_{10} = (1-0,11001100...) \times 2^{-23} \times 2^{-1}$$

$$= (1-(0,8)_{10}) \times 2^{-24} = (0,2)_{10} \times 2^{-24} = (1,19209...)_{10} \times 10^{-8}.$$

Ou seja,

1,00000000... 
$$\times$$
 2<sup>-23</sup>  $\times$  2<sup>-1</sup>
- 0,11001100...  $\times$  2<sup>-23</sup>  $\times$  2<sup>-1</sup>

Assim,

$$A - (0,8)_{10} = 1 \times 2^{-23} \times 2^{-1} - 0,11001100 \dots \times 2^{-23} \times 2^{-1}$$
$$= (1 - 0,11001100 \dots) \times 2^{-23} \times 2^{-1}$$

Lembre-se de que vimos lá no início que  $(0,8)_{10} = (0,11001100...)_2$ . Então,

$$A - (0,8)_{10} = (1 - 0,11001100...) \times 2^{-23} \times 2^{-1}$$
$$= (1 - (0,8)_{10}) \times 2^{-24} = (0,2)_{10} \times 2^{-24} = (1,19209...)_{10} \times 10^{-8}.$$

Ou seja,

1,00000000... 
$$\times 2^{-23} \times 2^{-1}$$
  
- 0,11001100...  $\times 2^{-23} \times 2^{-1}$ 

Assim,

$$A - (0,8)_{10} = 1 \times 2^{-23} \times 2^{-1} - 0,11001100 \dots \times 2^{-23} \times 2^{-1}$$
$$= (1 - 0,11001100 \dots) \times 2^{-23} \times 2^{-1}$$

Lembre-se de que vimos lá no início que  $(0,8)_{10}=(0,11001100...)_2$ . Então,

$$A - (0,8)_{10} = (1 - 0,11001100...) \times 2^{-23} \times 2^{-1}$$
$$= (1 - (0,8)_{10}) \times 2^{-24} = (0,2)_{10} \times 2^{-24} = (1,19209...)_{10} \times 10^{-8}.$$

Ou seja,

$$1,00000000... \times 2^{-23} \times 2^{-1}$$

$$- 0,11001100... \times 2^{-23} \times 2^{-1}$$

Assim,

$$A - (0,8)_{10} = 1 \times 2^{-23} \times 2^{-1} - 0,11001100 \dots \times 2^{-23} \times 2^{-1}$$
$$= (1 - 0,11001100 \dots) \times 2^{-23} \times 2^{-1}$$

Lembre-se de que vimos lá no início que  $(0,8)_{10}=(0,11001100\dots)_2$ . Então,

$$A - (0,8)_{10} = (1 - 0,11001100...) \times 2^{-23} \times 2^{-1}$$
$$= (1 - (0,8)_{10}) \times 2^{-24} = (0,2)_{10} \times 2^{-24} = (1,19209...)_{10} \times 10^{-8}.$$

Logo, o valor verdadeiro armazenado neste computador para representar  $(0,8)_{10}\,$  é

$$A = (0,8)_{10} + (1,19209...)_{10} \times 10^{-8} = 0,8000000119209...$$

Ou seja, um valor ligeiramente maior que 0,8

**Exercício:** Analogamente ao que foi feito no exemplo anterior, ache o valor verdadeiro de  $(1,8)_{10}$  armazenado neste computador.

Logo, o valor verdadeiro armazenado neste computador para representar  $(0,8)_{10}\,$  é

$$A = (0,8)_{10} + (1,19209...)_{10} \times 10^{-8} = 0,8000000119209...$$

Ou seja, um valor ligeiramente maior que 0, 8.

**Exercício:** Analogamente ao que foi feito no exemplo anterior, ache o valor verdadeiro de  $(1,8)_{10}$  armazenado neste computador.

Logo, o valor verdadeiro armazenado neste computador para representar  $(0,8)_{10}\,$  é

$$A = (0,8)_{10} + (1,19209...)_{10} \times 10^{-8} = 0,8000000119209...$$

Ou seja, um valor ligeiramente maior que 0, 8.

**Exercício:** Analogamente ao que foi feito no exemplo anterior, ache o valor verdadeiro de  $(1,8)_{10}$  armazenado neste computador.



Oliveira, R. Capítulo 2 - Representação binária de números inteiros e reais - Site: www.raymundodeoliveira.eng.br/binario.html



**Representação de ponto flutuante IEEE** - Site: https://learn.microsoft.com/pt-br/cpp/build/ieee-floating-point-representation?view=msvc-170