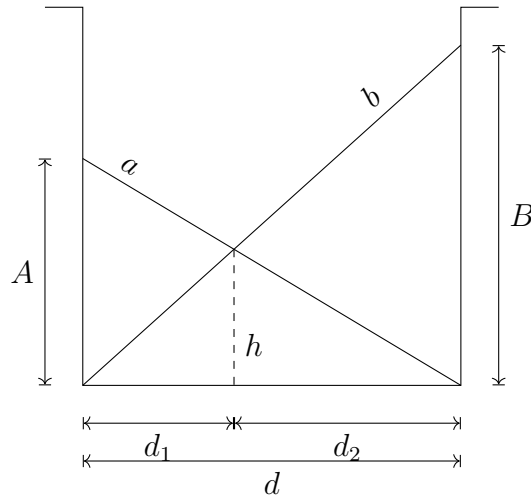


(1,0 ponto) Resolva os itens a seguir:

1. Duas escadas, uma de comprimento a e outra de comprimento b , apoiam-se em edifícios fronteiros em uma avenida, como mostrado na figura a seguir.



Se o ponto onde as escadas se cruzam está a uma altura h do solo, **mostre que**:

- (a) O valor da altura A do prédio à esquerda é calculado pela equação

$$A^4 - 2hA^3 + (h - A)^2(b^2 - a^2) = 0,$$

o valor da altura B do prédio à direita é calculado pela equação

$$B^4 - 2hB^3 + (h - B)^2(a^2 - b^2) = 0,$$

e o valor da largura d da avenida é calculado por

$$d^2 = a^2 - A^2 \text{ ou } d^2 = b^2 - B^2.$$

Dica: Use semelhança de triângulos para **mostrar** as relações $A = Bh/(B - h)$ e $B = Ah/(A - h)$ e use-as em conjunto com o teorema de Pitágoras.

- (b) Use as equações do item (a) com os dados de entrada a , b , h **por matrícula** disponíveis no arquivo

MATEMÁTICA - VALORES DE a , b , h - CÁLCULO NUMÉRICO - 2025-2 - UERJ.pdf

localizado em: <https://github.com/rodrigolrmadureira/CalculoNumericoUERJ/tree/main/Trabalhos/Trabalho%202>

e gere um relatório para apresentar as iterações das soluções aproximadas de A , B e d e os erros absolutos entre elas pelo método de Newton-Raphson com tolerâncias de erro $\epsilon_1 \leq 10^{-5}$ e $\epsilon_2 \leq 10^{-6}$.

Você **deve escolher** uma das opções a seguir para gerar o relatório:

- Usando uma **planilha no LibreOffice Calc ou Microsoft Excel**, ou
- Através de um **programa** na sua linguagem de programação preferida.

Na próxima página, é mostrado um **modelo do relatório que deve ser usado**.

ENTRADA (valores dados em metros):

Comprimento da escada a : [inserir aqui]

Comprimento da escada b : [inserir aqui]

Altura da interseção das escadas h : [inserir aqui]

Tolerância do erro: $\epsilon = 10^{-5}$.

SAÍDA:

Iter.	A	$E_{abs}(A)$	Iter.	B	$E_{abs}(B)$	Iter.	d	$E_{abs}(d)$
0	A_0	—	0	B_0	—	0	d_0	—
1	A_1	$ A_1 - A_0 $	1	B_1	$ B_1 - B_0 $	1	d_1	$ d_1 - d_0 $
2	A_2	$ A_2 - A_1 $	2	B_2	$ B_2 - B_1 $	2	d_2	$ d_2 - d_1 $
3	A_3	$ A_3 - A_2 $	3	B_3	$ B_3 - B_2 $	3	d_3	$ d_3 - d_2 $
...
n_1	A_{n_1}	$ A_{n_1} - A_{n_1-1} $	n_2	B_{n_2}	$ B_{n_2} - B_{n_2-1} $	n_3	d_{n_3}	$ d_{n_3} - d_{n_3-1} $

Tolerância do erro: $\epsilon = 10^{-6}$.

SAÍDA:

Iter.	A	$E_{abs}(A)$	Iter.	B	$E_{abs}(B)$	Iter.	d	$E_{abs}(d)$
0	A_0	—	0	B_0	—	0	d_0	—
1	A_1	$ A_1 - A_0 $	1	B_1	$ B_1 - B_0 $	1	d_1	$ d_1 - d_0 $
2	A_2	$ A_2 - A_1 $	2	B_2	$ B_2 - B_1 $	2	d_2	$ d_2 - d_1 $
3	A_3	$ A_3 - A_2 $	3	B_3	$ B_3 - B_2 $	3	d_3	$ d_3 - d_2 $
...
n_1	A_{n_1}	$ A_{n_1} - A_{n_1-1} $	n_2	B_{n_2}	$ B_{n_2} - B_{n_2-1} $	n_3	d_{n_3}	$ d_{n_3} - d_{n_3-1} $

Tabela 1: Modelo de relatório

Obs. 1: No modelo do relatório, E_{abs} é o erro absoluto entre o valor da iteração atual e a iteração anterior. A_i , B_i e d_i são respectivamente os valores aproximados de A , B e d calculados pela fórmula iterativa de Newton-Raphson na iteração i . Note que as tabelas podem ter diferentes tamanhos dependendo de suas respectivas quantidades de iterações n_1 , n_2 , n_3 .

Obs. 2: Se optar pela planilha Excel ou Calc, o **relatório** deve ser gerado e exportado de **forma organizada** para um **arquivo PDF** com **nome completo** e **matrícula**.

Obs. 3: Se optar pela parte de programação, o **código-fonte** e o **relatório de saída** devem ser gerados e mostrados de **forma organizada** num **arquivo PDF** com **nome completo** e **matrícula**.

Obs. 4: Não será aceito manuscrito. A entrega deverá ser feita obrigatoriamente em arquivo PDF por e-mail dentro do prazo estabelecido.