## Matemática Discreta - IME/UERJ

Trabalho Extra  $N^0$ 1 - Data de entrega: 26/03/2024

- 1. (Valendo 1,0 ponto) Escolha somente quatro sentenças a seguir para prová-las usando a primeira forma do Princípio da Indução Finita (forma fraca) ou a segunda forma (forma forte):
  - 1.1. Para todo número natural n > 1, tem-se que  $1 + 2^n < 3^n$ .
  - 1.2. Exercício 34 do livro-texto Introdução à Análise Combinatória J. Plínio O. Santos, Margarida P. Mello, Idani T. C. Murari.
  - 1.3. Todo número natural n pode ser representado como uma soma de potências de 2.

**Dica:**  $2^b \le n < 2^{b+1}$  para todo  $b \in \mathbb{N}$ .

- 1.4. (Recorrência) Se  $x_0=2, x_1=3$  e  $x_{n+1}=3x_n-2x_{n-1},$  então  $x_n=2^n+1$  para todo inteiro  $n\geq 0.$
- 1.5. (Sequência de Fibonacci) Exercício 35, item (e) do livro-texto Introdução à Análise Combinatória J. Plínio O. Santos, Margarida P. Mello, Idani T. C. Murari.

**Dica:** Use o resultado do item(a) do mesmo exercício para reescrever a fórmula do item (e) e depois faça a demonstração por indução forte.