

Programação Linear - IME/UERJ

Lista de Exercícios Extra

Situações que podem ocorrer no Método Simplex

1. (Solução básica viável inexistente) Resolva pelo Método das Duas Fases

$$\begin{aligned}\min z = & -3x_1 + 4x_2 \\ \text{s.a.} \quad & x_1 + x_2 \leq 4 \\ & 2x_1 + 3x_2 \geq 18 \\ & x_1, x_2 \geq 0\end{aligned}$$

2. (Problema ilimitado) Resolva pelo Método Simplex

$$\begin{aligned}\min z = & -x_1 - 3x_2 \\ \text{s.a.} \quad & x_1 - 2x_2 \leq 4 \\ & -x_1 + x_2 \leq 3 \\ & x_1, x_2 \geq 0\end{aligned}$$

3. (Múltiplas soluções ótimas) Resolva pelo Método Simplex

$$\begin{aligned}\min z = & -2x_1 - 4x_2 \\ \text{s.a.} \quad & x_1 + 2x_2 + x_3 = 4 \\ & -x_1 + x_2 + x_4 = 1 \\ & x_1, x_2, x_3, x_4 \geq 0\end{aligned}$$

4. Os tableaus abaixo representam soluções ótimas para a Fase I de dois PPLs com a mesma função objetiva (F.O.): $\min z = -2x_1 - x_2 + x_3$, mas com diferentes conjuntos de restrições. As variáveis x_5 e x_6 são variáveis artificiais.

Em cada caso, caracterize o PPL original como inviável, ilimitado ou possuindo solução ótima. Quando for o último caso, explicita a solução.

Obs.: x_1^B e x_2^B representam as variáveis básicas que você terá que deduzir quais são do conjunto $\{x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6\}$ através da análise do tableau.

(a)

	z^a	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6	
z^a	1	0	0	0	0	1	1	$0 = \bar{z}^a$
x_1^B	0	0	1	1	-1	-1	1	4
x_2^B	0	1	-1	0	-2	1	1	8

(b)

	z^a	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6	
z^a	1	0	0	0	0	1	1	$0 = \bar{z}^a$
x_1^B	0	0	2	1	1	-3	2	1
x_2^B	0	1	-3	1	0	8	2	3

(c)

	z^a	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6	
z^a	1	0	1	1	1	0	3	$0 = \bar{z}^a$
x_1^B	0	1	1	2	3	0	1	1
x_2^B	0	0	-1	-1	-1	1	-2	0

(d)

	z^a	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6	
z^a	1	0	1	1	2	0	2	$-2 = \bar{z}^a$
x_1^B	0	0	-1	-1	-2	1	-1	2
x_2^B	0	1	0	0	1	0	1	2