

# Ejercicio 1

Para cada una de las siguientes direcciones físicas en base 10, calcule el PF y el offset considerando un tamaño de página de 4 y 8 KB

- 20000
- 32768
- 60000

- ★ Si la página es de 4KB ( $2^{12}$ ), se usarán 12 bits para indicar en qué parte de esa página estamos (offset). El resto de los bits indican el FP.
- ★ Si la página es de 8KB ( $2^{13}$ ), se usarán 13 bits para indicar en qué parte de esa página estamos (offset). El resto de los bits indican el FP.

Páginas de 4 KB ( $2^{12}$ ):

	#PF	Offset	
20 000 en binario es:	0100	1110 0010 0000	→ #PF (en base 10) = 4
	#PF	Offset	
32 768 en binario es:	1000	0000 0000 0000	→ #PF (en base 10) = 8
	#PF	Offset	
60 000 en binario es:	1110	1010 0110 0000	→ #PF (en base 10) = 14

Páginas de 8 KB ( $2^{13}$ ):

	#PF	Offset	
20 000 en binario es:	0100	1110 0010 0000	→ #PF (en base 10) = 2
	#PF	Offset	
32 768 en binario es:	1000	0000 0000 0000	→ #PF (en base 10) = 4
	#PF	Offset	
60 000 en binario es:	1110	1010 0110 0000	→ #PF (en base 10) = 7

# Ejercicio 2

Considere un sistema de swapping en el cual la memoria posee los siguientes espacios libres (en orden): 10, 4, 20, 18, 7, 9, 12 y 15 MB. ¿Qué espacio libre será ocupado por 3 solicitudes consecutivas de 12, 10 y 9 MB para cada una de los siguientes algoritmos?

- First fit
- Best fit
- Worst fit
- Next fit

10 MB | 4 MB | 20 MB | 18 MB | 7 MB | 9 MB | 12 MB | 15 MB  
A      B      C      D      E      F      G      H

1. First fit:

Se solicitan 12 MB → Se ocupa el espacio C de 20 MB

Se solicitan 10 MB → Se consume el A de 10 MB

Se solicitan 9 MB → Se consume el D de 18 MB

2. Best fit:

Se solicitan 12 MB → Se ocupa el espacio G de 12 MB

Se solicitan 10 MB → Se consume el A de 10 MB

Se solicitan 9 MB → Se consume el F de 9 MB

3. Worst Fit:

Se solicitan 12 MB → Se ocupa el espacio C de 20 MB

Se solicitan 10 MB → Se consume el D de 18 MB

Se solicitan 9 MB → Se consume el H de 15 MB

10 MB | 4 MB | 20 MB | 18 MB | 7 MB | 9 MB | 12 MB | 15 MB  
 A      B      C      D      E      F      G      H

4. Next Fit: empezamos desde la primera

Se solicitan 12 MB → Se ocupa el espacio C de 20 MB

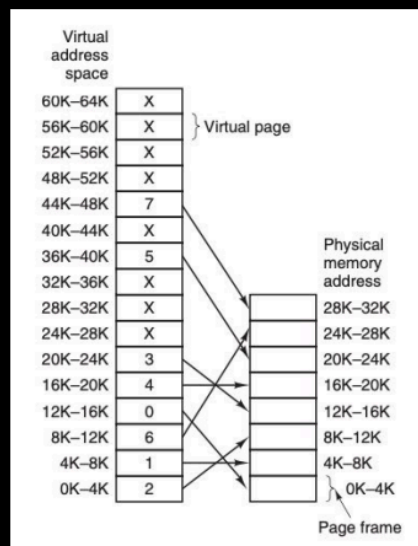
Se solicitan 10 MB → Se consume el D de 18 MB

Se solicitan 9 MB → Se consume el F de 9 MB

## Ejercicio 3

Usando la tabla de páginas de la imagen, calcule la DF para cada una de las siguientes DVs

- 20
- 4100
- 8300
- 25345



★ Páginas de 4 KB =  $2^{12}$ , hay 16 páginas en el EDV y 8 páginas en el EDF

DV (virtual address space) = 20 → entrada 0 → VP = 2 → PF = 2 → La página física #2 empieza en la dirección  $2^{12}$  tamaño cada página \* 2 páginas previas = 8192 → le sumo el offset de 20 → Physical memory address = 8192 + 20 = 8212

DV (virtual address space) = 4100 → La primera dir de la entrada 1 es  $2^{12} = 4096$  → entrada 1 → VP = 1 → PF = 1 → le sumo el offset de 4100 - 4096 = 4 → Physical memory address = 4096 + 4 = 4100

DV (virtual address space) = 8300 → La primera dir de la entrada 2 es  $2^{12} * 2 = 8192$  → entrada 2 → VP = 6 → PF = 6 → La página física #6 empieza en la dirección  $2^{12} * 6 = 24576$  → le sumo el offset de 8300 - 8192 = 108 → Physical memory address = 24576 + 108 = 24684

DV (virtual address space) = 25345 → La primera dir de la entrada 6 es  $2^{12} * 6 = 24576$  → entrada 6 → VP = X → page fault.

## Ejercicio 4

Considere un sistema que tiene un EDV de 48 bits y un EDF de 32 bits

- Si las páginas son de 4KB
  - ¿Cuántas entradas tendrá la tabla de páginas si tiene 1 solo nivel?
  - ¿Cuánto ocupa esta tabla considerando entradas de 32 bits?
- Considerando que este sistema tiene una TLB de 32 entradas y ejecuta un programa cuyas instrucciones caben en 1 página y lee secuencialmente un arreglo de enteros que abarca miles de páginas, ¿Qué tan efectiva será la TLB para este caso?

EDV 48 bits  $\rightarrow 2^{48} = 256$  TB direcciones

EDF 32 bits  $\rightarrow 2^{32} = 4$  GB direcciones

1. Páginas de 4 KB
  - a. Tabla de páginas de un solo nivel tendrá tantas entradas como páginas virtuales. Es decir  $256 \text{ TB} / 4 \text{ KB} = 2^{(40 - 10)} * 2^{(8 - 2)} = 2^{36}$  entradas
  - b. Como las entradas son de 32 bits = 4 B y hay  $2^{36}$  entradas, la tabla ocupa  $4 \text{ B} * 2^{36} = 2^{38} \text{ B} = 256 \text{ GB}$
2. Considerando una TLB de 32 entradas (32 páginas virtual de rápida traducción), si se ejecuta un programa cuyas instrucciones caben en 1 página (buenísimo) y lee secuencialmente de un arreglo de enteros que abarca miles de páginas (no good), la TLB es efectiva para los accesos dentro de las mismas páginas, pero va a tener que estar cambiando las entradas constantemente. Como el arreglo se lee secuencialmente, va a usar toda una página con el arreglo antes de traer otras, o sea cada página del arreglo en la TLB tiene 1 miss para traerla y después 1023 hits, por lo tanto la TLB es efectiva.

## Ejercicio 5

Usando el algoritmo de reemplazo de páginas FIFO en un sistema con 4 PF y 8 VP, ¿Cuántos page faults ocurrirán para la siguiente secuencia de accesos a páginas: 0172327103 si los 4 PF están inicialmente vacíos?  
¿Y para LRU?

4 PF y 8 VP

Secuencia de accesos de páginas virtuales: 0 1 7 2 3 2 7 1 0 3 con los 4 PF vacíos

FIFO:

0  $\rightarrow$  page fault, lo mapea a la página física 0 (podría ser cualquiera, for the sake of simplicity las tomo en orden)

1  $\rightarrow$  page fault, lo mapea a la página física 1

7  $\rightarrow$  page fault, lo mapea a la página física 2

2  $\rightarrow$  page fault, lo mapea a la página física 3 - se lleno la RAM

3  $\rightarrow$  page fault, desaloja a la página virtual 0 pues fue la primera en ser mapeada, queda libre el espacio físico 0. Se mapea la VP#3 a la PF#0

2  $\rightarrow$  nada

7  $\rightarrow$  nada

1  $\rightarrow$  nada

0  $\rightarrow$  page fault, desaloja la página virtual 1 pues es la más antigua, queda libre el espacio físico 1. Se mapea la VP#0 a la PF#1

3  $\rightarrow$  nada

**Hay 6 page faults.**

LRU:

0 → page fault, lo mapea a la página física 0

1 → page fault, lo mapea a la página física 1

7 → page fault, lo mapea a la página física 2

2 → page fault, lo mapea a la página física 3 - se lleno la RAM

3 → page fault, desaloja a la página virtual 0 pues es la última de las recientemente referenciadas, queda libre el espacio físico 0. Se mapea la VP#3 a la PF#0

2 → nada

7 → nada

1 → nada

0 → page fault, desaloja la página virtual 3 pues es la última de las recientemente referenciadas, queda libre el espacio físico 0. Se mapea la VP#0 a la PF#0

3 → page fault, se desaloja la página virtual 2 pues es la última de las recientemente referenciadas, queda libre el espacio físico 2. Se mapea la VP#3 a la PF#2

**Hay 7 page faults**

## Ejercicio 6

Considere el algoritmo de reemplazo de páginas WSClock con  $t = 2$  ticks y el siguiente estado del sistema

Page	Time stamp	V	R	M
0	6	1	0	1
1	9	1	1	0
2	9	1	1	1
3	7	1	0	0
4	4	0	0	0

V: Valid  
R: Referenced  
M: Modified

- Si ocurre una interrupción del timer en el tick = 10, ¿Cómo quedaría la tabla?
- Suponga que ocurre un page fault en lugar de una interrupción del timer, debido a una solicitud de lectura de la página 4, ¿Cómo quedaría la tabla?

No lo vimos, no entra en el parcial. Hacer para el final. // todo

## Ejercicio 7

Considere un sistema con 4 PF. El tiempo de carga, acceso y los bits **R** y **M** para cada página se presentan en la siguiente tabla (los tiempos están expresados en ticks del timer)

Page	Loaded	Last ref.	R	M
0	126	280	1	0
1	230	265	0	1
2	140	270	0	0
3	110	285	1	1

¿Qué página reemplazará cada uno de los siguientes algoritmos?

- NRU
- FIFO
- LRU
- SC

1. NRU usa los bits R y M. El orden es  $(\text{no R} \wedge \text{no M}) > (\text{no R} \wedge \text{M}) > (\text{R} \wedge \text{no M}) > \text{R} \wedge \text{M}$

**El algoritmo NRU va a reemplazar la página 2**

2. FIFO saca al que se mapeo primero (mayor tiempo de carga, menor cantidad de ticks del timer cuando fue mapeado)

**El algoritmo FIFO va a reemplazar la página 3**

3. LRU saca el que hace mas tiempo fue referenciado

**El algoritmo LRU va a reemplazar la página 1**

4. SC saca el primero mapeado que tiene el bit R en cero

**El algoritmo SC va a reemplazar la página 2**

## Ejercicio 8

Considere la siguiente matriz bidimensional

```
int X[64][64]
```

Suponga que un sistema tiene 4 PFs y cada uno tiene 128 palabras (un número entero ocupa una palabra). Los programas que manipulan la matriz X caben exactamente en una página y siempre ocupan la página 0. Los datos se intercambian dentro y fuera de los otros 3 PFs. La matriz X se almacena de manera tal que  $X[0][1]$  sigue a  $X[0][0]$  en memoria. ¿Cuál de los dos fragmentos de código que se muestran a continuación generará la menor cantidad de fallas de página? Explique y calcule el número total de faltas de página.

```
//Fragmento A
for (int j = 0; j < 64; j++)
    for (int i = 0; i < 64; i++)
        X[i][j] = 0;
```

```
//Fragmento B
for (int i = 0; i < 64; i++)
    for (int j = 0; j < 64; j++)
        X[i][j] = 0;
```

4 PF con 128 ints cada una  $\rightarrow 512 = 2^9$  ints vs  $4096 = 2^{12}$  en la matriz

El programa cabe en una página, siempre va a la cero

Los datos se intercambian dentro y fuera de los otros 3 PFs

En memoria:

X[0][0] X[0][1] ...	...X[1][0]...	X[1][63]
(En cada PF entran dos filas de la matriz pues $X[0][63]$ es la 64th $128 - 64 = 64$ )		
X[2][0] X[2][1] ...		X[3][63]
X[4][0] X[4][1] ...		X[5][63]

El fragmento A llena cada columna primero, osea que salta más entre páginas que el fragmento B, que llena primero toda una fila.

**El fragmento B genera menos page faults.**

Cálculo de page faults en total:

A: Hay dos filas por tabla de paginas, osea 32 páginas en total. Busca primero llenar las columnas. Hay 32 page faults por columna. Son 64 columnas, osea **2048 page faults**.

B: Por cada página hay dos filas, osea para 64 filas necesito 32 páginas  $\rightarrow$  **32 page faults** porque todas generan un page fault para necesitar ser cargadas y no hay que volver a utilizarlas.