Sexta Lista de Exercícios – Matemática II/Contábeis – Prof. Luiz Felipe – 2016/1º

1) Calcule a derivada das funções:

a)
$$f(x) = 3e^{4x} + 2e^{-5x}$$

b)
$$f(x) = \frac{e^x}{2x+1}$$

$$c) g(t) = \sqrt{e^t + 3e^{-t}}$$

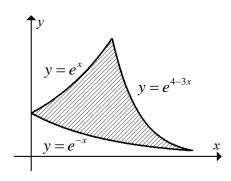
2) Calcule:

a)
$$\int 10xe^{4+5x^2}dx$$

b)
$$\int \left(2e^{3x} + \frac{1}{e^x}\right) dx$$

c)
$$\int \frac{e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx$$

3) Encontre a área da região indicada no gráfico:



4) Calcule:

a)
$$\int \frac{e^x}{\sqrt{4+3e^{2x}}} dx$$

b)
$$\int_0^1 \frac{e^x}{e^x + e} \, dx$$

c)
$$\int \frac{e^{2t}}{e^t - 1} dt$$

Respostas:

1) a)
$$f'(x) = 12e^{4x} - 10e^{-5x}$$

1) a)
$$f'(x) = 12e^{4x} - 10e^{-5x}$$
 b) $f'(x) = \frac{e^x \cdot (2x+1) - 2e^x}{(2x+1)^2} = \frac{(2x-1)e^x}{(2x+1)^2}$

c)
$$g'(t) = \frac{1}{2} (e^t + 3e^{-t})^{-1/2} \cdot (e^t - 3e^{-t}) = \frac{e^t - 3e^{-t}}{2\sqrt{e^t + 3e^{-t}}}$$

2) a)
$$e^{4+5x^2} + C$$

b)
$$\frac{2e^{3x}}{3} - \frac{1}{e^x} + C$$

c)
$$2e^{\sqrt{x}} + C$$

3)
$$\left(e + \frac{1}{e} - 2\right) + \left(\frac{2}{3e^2} + \frac{e}{3} - \frac{1}{e}\right) = \frac{4e}{3} + \frac{2}{3e^2} - 2$$
.

4) a)
$$\frac{1}{3}\sqrt{4+3e^{2x}}+C$$

b)
$$\ln (2e) - \ln (1+e) = \ln \frac{2e}{1+e}$$
 c) $e^t + \ln |e^t - 1| + C$

c)
$$e^t + \ln \left| e^t - 1 \right| + C$$

Referência:

Leithold, Louis. Matemática Aplicada à Economia e Administração. São Paulo: Harbra, 1988.