3ª Lista Matemática II

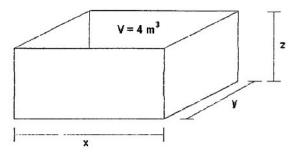
1. Estude com relação a extremantes globais as funções:

a)
$$f(x,y) = x^2 + 2xy + 2y^2 - x + 2y$$
 (Resposta: $(2, -3/2)$)

b)
$$x^2 + 2y^2 + 3xy + 2x + 2y$$
 (Resposta: (2, -2))

c)
$$(x,y) = 3xy^2 + x^3 - 3x$$
 (Resposta: $(0,1), (0,-1), (-1,0)$ e $(1,0)$)

- 2. Determinar três números positivos cujo produto seja 100 e cuja soma seja mínima. (Resposta: $a=b=c=\sqrt[3]{100}$)
- 3. Quais as dimensões de uma caixa retangular sem tampa com volume $4m^3$ e com a menor área de superfície possível? (Resposta: $2m \times 2m \times 1m$)



4. Uma determinada empresa produz dois produtos cujas quantidades são indicadas por x e y. Tais produtos são oferecidos ao mercado consumidor a preços unitários p e q, respectivamente, que dependem de x e y conforme equações: p=120-2x e q=200-y. O custo total da empresapara produzir e vender quantidades x e y dos produtos é dado por $C=x^2+2y^2+2xy$. Admitindo que toda produção da empresa seja absorvida pelo mercado, determine a produção que maximiza o lucro. Qual o lucro máximo? (Resposta: f(10,30)=3.600)