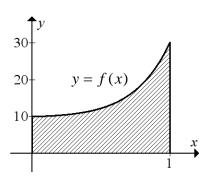
- 1) Se  $f(x) = 10 + xe^{3x}$ , encontre:
  - a)  $\int f(x) dx$
- b) A área da região indicada no gráfico abaixo.



2) Calcule:

a) 
$$\int x^2 e^{2x} dx$$

b) 
$$\int \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx$$

c) 
$$\int_0^1 \frac{x}{e^x} dx$$

d) 
$$\int (\ln x)^2 dx$$

a) 
$$\int x^2 e^{2x} dx$$
 b)  $\int \frac{\ln x}{\sqrt{x}} dx$  c)  $\int_0^1 \frac{x}{e^x} dx$  d)  $\int (\ln x)^2 dx$  e)  $\int x \sqrt{e^x} dx$ .

3) Para um certo produto a função custo marginal é dada por  $C'(x) = \ln(x+10)$ . Se o custo fixo é 100, ache a função custo total.

Sugestão: use primeiro a substituição u = x + 10 e, depois, integre por partes.

## **Respostas:**

1) a) 
$$10x + \frac{xe^{3x}}{3} - \frac{e^{3x}}{9} + C$$
.

b) 
$$\int_0^1 f(x) dx = \left(10 + \frac{e^3}{3} - \frac{e^3}{9}\right) - \left(-\frac{1}{9}\right) = \frac{91}{9} + \frac{2e^3}{9}$$
.

2) a) 
$$\frac{x^2e^{2x}}{2} - \frac{xe^{2x}}{2} + \frac{e^{2x}}{4} + C$$
.

b) 
$$2\sqrt{x} \ln x - 4\sqrt{x} + C$$
.

c) 
$$1 - \frac{2}{e}$$
.

d) Sugestão: considere  $u = (\ln x)^2$  e dv = dx. A resposta é:  $x(\ln x)^2 - 2x \ln x + 2x + C$ .

e) 
$$2x\sqrt{e^x} - 4\sqrt{e^x} + C$$
.

3) 
$$C(x) = (x+10) \ln(x+10) - x + 100 - 10 \ln 10$$
.