

- Mapper :

Algorithm 1: The Map Function

```
1 for each element  $m_{ij}$  of  $M$  do
2   produce  $(key, value)$  pairs as  $((i, k), (M, j, m_{ij}))$ , for  $k = 1, 2, 3, \dots$  up
   to the number of columns of  $N$ 
3 for each element  $n_{jk}$  of  $N$  do
4   produce  $(key, value)$  pairs as  $((i, k), (N, j, n_{jk}))$ , for  $i = 1, 2, 3, \dots$  up
   to the number of rows of  $M$ 
5 return Set of  $(key, value)$  pairs that each key,  $(i, k)$ , has a list with
   values  $(M, j, m_{ij})$  and  $(N, j, n_{jk})$  for all possible values of  $j$ 
```

Mapper 的工作是分別把 M 、 N 兩個 matrix 的 element，做出對應的 key-value pair。當 key 是 (i, k) 時，會對應到 M 的第 i 列和 N 的第 k 行。

我的作法是，當讀到 input 時，會根據 M 、 N 的不同，分別做出正確的 key 和 value，並把這些 output 出來的 key 和 value 以 context 的形式記下來。

- Reducer :

Algorithm 2: The Reduce Function

```
1 for each key  $(i, k)$  do
2   sort values begin with  $M$  by  $j$  in  $list_M$ 
3   sort values begin with  $N$  by  $j$  in  $list_N$ 
4   multiply  $m_{ij}$  and  $n_{jk}$  for  $j_{th}$  value of each list
5   sum up  $m_{ij} * n_{jk}$ 
6 return  $(i, k), \sum_{j=1} m_{ij} * n_{jk}$ 
```

參考以上的作法，Reducer 的工作是根據 index j ，把對應的 M 矩陣的第 i 列和 N 矩陣的第 k 行的 element 乘起來再加起來，就能得到 output 矩陣第 (i, k) 的元素。這裡要注意的是，因為我們的 mapper 是用 context 來做，所以要用字串切割的方法，利用逗號來把值取出來，最後利用字串連接方法做出我們要的 $(i, k, value)$ 。

- 要注意的是程式執行的時候，要在內部調整 matrix M 、 N 的大小。