

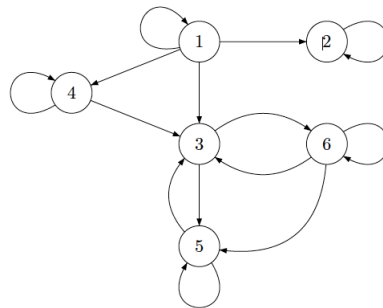
IF111 - Algorithmes et structures de données-TD3 :

Graphes et représentations

Jonathan Narboni, Rohan Fossé

jonathan.narboni@labri.fr, rfosse@labri.fr

Exercice 1



1. Donner une représentation du graphe ci-dessus au moyen d'une liste d'adjacence, puis au moyen d'une liste d'incidence.
2. Donner maintenant une représentation du même graphe en matrice d'incidence, Quels problèmes rencontre-t-on ?
3. Proposer un algorithme de construction de la matrice d'incidence à partir de la liste d'adjacence d'un graphe, puis à partir de sa matrice d'adjacence,

Exercice 2

Considérons un graphe orienté $G = (V, E)$. Un sommet v est un *puits universel* s'il est de degré entrant $|V| - 1$ et de degré sortant 0. Étant donnée une représentation d'un graphe $G = (V, E)$ par une matrice d'adjacence, proposer un algorithme permettant de déterminer s'il existe un puits universel.

Exercice 3

Un passeur se trouve au bord d'une rivière avec un loup, une chèvre et une salade. Comme vous le savez probablement, les loups mangent les chèvres mais pas les salades, les chèvres mangent les salades mais pas les loups, et les salades ne mangent personne. Dans sa barque, le passeur ne peut transporter qu'un seul des trois protagonistes à la fois. Lorsqu'il est dans sa barque ou sur la rive opposée, il ne peut empêcher le carnage, On souhaite savoir s'il peut amener, sains et saufs, de l'autre coté de la rive le loup, la chèvre et la salade. Si cela est possible, combien de traversées sont nécessaires ?

Pour répondre à ce problème, vous donnerez une modélisation par un graphe.

Exercice 4

Tout graphe contenant un triangle (K_3) ne peut être colorié en moins de trois couleurs.

1. Construire un graphe sans triangle qui nécessite également trois couleurs.
2. Comment construire un graphe sans K_4 nécessitant 4 couleurs ?
3. un graphe sans K_5 nécessitant 5 couleurs ?