

# IF223 - Algorithmique Distribuée - TD3

Rohan Fossé

rfosse@labri.fr

## Exercice 1

On considère l'Algorithme vu en cours. Cet algorithme construit un arbre couvrant (*spanning tree* en anglais), étant donnée la racine de l'arbre. On considère un système distribué représenté par le graphe en Figure 1, où chaque processus a un identifiant unique dans l'ensemble  $\{a, b, \dots, f\}$  et le processus  $a$  est la racine de l'arbre à construire, c'est-à-dire  $pr = a$  dans le pseudo-code.

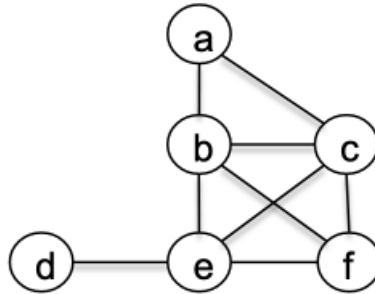


Figure 1: Figure 1

1. Donner deux arbres couvrants différents enracinés en  $a$  pour le graphe en Figure 1.
2. On suppose que le système est synchrone. Donner une exécution de l'algorithme et montrer l'arbre couvrant généré par cette exécution. Est-il possible de construire un autre arbre couvrant enraciné en  $a$  en exécutant le même algorithme sur le même graphe ?
3. On considère maintenant un système asynchrone. Est-il possible que deux exécutions différentes construisent deux arbres couvrants différents ? Si oui, donnez ces exécutions en forme de suite de graphes.
4. On considère les exécutions admissibles pour le modèle asynchrone. pourquoi tout processus aura un et un seul parent ?  
Pourquoi ce n'est pas possible qu'un cycle soit créé?

## Exercice 2

On considère l'algorithme en Figure 2. Quel problème résout cet algorithme ? Expliquer en français le fonctionnement de l'algorithme. Il y a un processus  $p_r$  désigné avant l'exécution. Les valeurs initiales pour les variables locales à un processus  $p_i$  pour tout  $i \in \{0, \dots, n-1\}$  sont :

- $\text{parent} = \perp$
- $\text{children} = \emptyset$
- $\text{unexplored} = \text{tout les voisins de } p_i$

```

1: upon receiving no message:
2:   if  $p_i = p_r$  and  $\text{parent} = \perp$  then
3:      $\text{parent} := p_i$ 
4:     explore()

5: upon receiving  $\langle M \rangle$  from  $p_j$ :
6:   if  $\text{parent} = \perp$  then                                     //  $p_i$  has not received  $\langle M \rangle$  before
7:      $\text{parent} := p_j$ 
8:     remove  $p_j$  from  $\text{unexplored}$ 
9:     explore()
10:  else
11:    send  $\langle \text{already} \rangle$  to  $p_j$ 
12:    remove  $p_j$  from  $\text{unexplored}$ 
13:  upon receiving  $\langle \text{already} \rangle$  from  $p_j$ :
14:    explore()

15: upon receiving  $\langle \text{parent} \rangle$  from  $p_j$ :
16:   add  $p_j$  to  $\text{children}$ 
17:   explore()

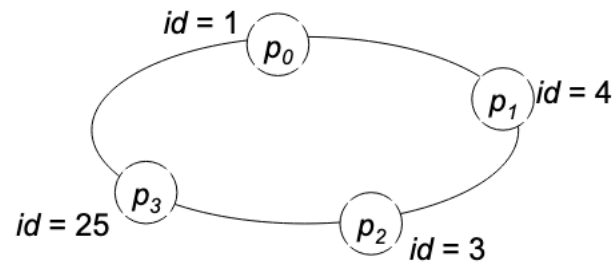
18: procedure explore():
19:   if  $\text{unexplored} \neq \emptyset$  then
20:     let  $p_k$  be a processor in  $\text{unexplored}$ 
21:     remove  $p_k$  from  $\text{unexplored}$ 
22:     send  $\langle M \rangle$  to  $p_k$ 
23:   else
24:     if  $\text{parent} \neq p_i$  then send  $\langle \text{parent} \rangle$  to  $\text{parent}$ 
25:   terminate

```

Figure 2: Algorithme mystère: pseudo-code pour le processus  $p_i$

## Exercice 3

On considère le système distribué en Figure 3. En supposant que le système est synchrone, donner une exécution de l'algorithme pour l'élection d'un leader avec complexité  $\Omega(n \log n)$  où  $n$  est le nombre de processus dans le système. Expliquer le rôle des informations insérées dans les messages  $\langle \text{probe}, j, k, d \rangle$  et  $\langle \text{reply}, j, k \rangle$ .



## Exercice 4

On considère un anneau anonyme de  $n$  processus où chaque processus a une entrée 1 ou 0. Tous les processus doivent retourner 0 s'il existe un processus dont le bit d'entrée est 0, sinon ils doivent retourner 1.

- Concevoir un algorithme non uniforme asynchrone qui résout le problème avec une complexité en message en  $O(n^2)$ .
- Concevoir un algorithme non uniforme synchrone qui résout le problème avec une complexité en message en  $O(n)$ .