## EBM2

October 24, 2025

## 1 Modelos basados en energía

En este notebook, recorreremos paso a paso el proceso necesario para entrenar tu propio Energy-Based Model (EBM) con el fin de predecir la distribución de un conjunto de datos de demostración.

```
[1]: base_dir = "."

[2]: import numpy as np
   import tensorflow as tf
   from tensorflow.keras import (
        datasets,
        layers,
        models,
        optimizers,
        activations,
        metrics,
        callbacks,
   )

import random
import matplotlib.pyplot as plt
import os
```

#### 1.1 0. Parámetros

```
[3]: IMAGE_SIZE = 32
CHANNELS = 1
STEP_SIZE = 10
STEPS = 60
NOISE = 0.005
ALPHA = 0.1
GRADIENT_CLIP = 0.03
BATCH_SIZE = 128
BUFFER_SIZE = 8192
```

```
LEARNING_RATE = 0.0001
     EPOCHS = 70
     LOAD_MODEL = True
[4]: # Cargar los datos
     (x_train, _), (x_test, _) = datasets.mnist.load_data()
[5]: # Preparación de los datos
     def preprocess(imgs):
         Normalize and reshape the images
         imgs = (imgs.astype("float32") - 127.5) / 127.5
         imgs = np.pad(imgs, ((0, 0), (2, 2), (2, 2)), constant_values=-1.0)
         imgs = np.expand_dims(imgs, -1)
         return imgs
     x_train = preprocess(x_train)
     x test = preprocess(x test)
[6]: x_train = tf.data.Dataset.from_tensor_slices(x_train).batch(BATCH_SIZE)
     x test = tf.data.Dataset.from tensor slices(x test).batch(BATCH SIZE)
    2025-10-24 10:03:43.118883: I metal_plugin/src/device/metal_device.cc:1154]
    Metal device set to: Apple M3 Pro
    2025-10-24 10:03:43.118904: I metal_plugin/src/device/metal_device.cc:296]
    systemMemory: 18.00 GB
    2025-10-24 10:03:43.118908: I metal_plugin/src/device/metal_device.cc:313]
    maxCacheSize: 6.66 GB
    WARNING: All log messages before absl::InitializeLog() is called are written to
    I0000 00:00:1761321823.118919 1259901 pluggable_device_factory.cc:305] Could not
    identify NUMA node of platform GPU ID 0, defaulting to 0. Your kernel may not
    have been built with NUMA support.
    I0000 00:00:1761321823.118937 1259901 pluggable device factory.cc:271] Created
    TensorFlow device (/job:localhost/replica:0/task:0/device:GPU:0 with 0 MB
    memory) -> physical PluggableDevice (device: 0, name: METAL, pci bus id:
    <undefined>)
[7]: def sample_batch(dataset):
         batch = dataset.take(1).get_single_element()
         if isinstance(batch, tuple):
             batch = batch[0]
         return batch.numpy()
```

```
[8]: def display(
         images, n=10, size=(20, 3), cmap="gray_r", as_type="float32", save_to=None
     ):
         HHHH
         Despliega n imágenes aleatorias.
         if images.max() > 1.0:
             images = images / 255.0
         elif images.min() < 0.0:</pre>
             images = (images + 1.0) / 2.0
         plt.figure(figsize=size)
         for i in range(n):
             _{-} = plt.subplot(1, n, i + 1)
             plt.imshow(images[i].astype(as_type), cmap=cmap)
             plt.axis("off")
         if save_to:
             plt.savefig(save_to)
             print(f"\nSaved to {save_to}")
         plt.show()
```

[9]: # Muestra algunos ejemplos del conjunto de datos de entrenamiento
 train\_sample = sample\_batch(x\_train)
 display(train\_sample)

# 5041921314

#### 1.2 2. Construir la red EBM

```
[10]: # Define la arquitectura de la red que aprende la función de energía
  ebm_input = layers.Input(shape=(IMAGE_SIZE, IMAGE_SIZE, CHANNELS))
  x = layers.Conv2D(
      16, kernel_size=5, strides=2, padding="same", activation=activations.swish
  )(ebm_input)
  x = layers.Conv2D(
      32, kernel_size=3, strides=2, padding="same", activation=activations.swish
  )(x)
  x = layers.Conv2D(
      64, kernel_size=3, strides=2, padding="same", activation=activations.swish
  )(x)
  x = layers.Conv2D(
```

```
64, kernel_size=3, strides=2, padding="same", activation=activations.swish
)(x)
x = layers.Flatten()(x)
x = layers.Dense(64, activation=activations.swish)(x)
ebm_output = layers.Dense(1)(x)
model = models.Model(ebm_input, ebm_output)
model.summary()
```

Model: "functional"

Layer (type)	Output Shape	Param #
<pre>input_layer (InputLayer)</pre>	(None, 32, 32, 1)	0
conv2d (Conv2D)	(None, 16, 16, 16)	416
conv2d_1 (Conv2D)	(None, 8, 8, 32)	4,640
conv2d_2 (Conv2D)	(None, 4, 4, 64)	18,496
conv2d_3 (Conv2D)	(None, 2, 2, 64)	36,928
flatten (Flatten)	(None, 256)	0
dense (Dense)	(None, 64)	16,448
dense_1 (Dense)	(None, 1)	65

Total params: 76,993 (300.75 KB)

Trainable params: 76,993 (300.75 KB)

Non-trainable params: 0 (0.00 B)

### 1.3 2. Configurar una función de muestreo de Langevin

```
[11]: # Función para generar muestras utilizando Dinámicas de Langevin
    def generate_samples(
        model, inp_imgs, steps, step_size, noise, return_img_per_step=False
):
    imgs_per_step = []
    for _ in range(steps):
```

#### 1.4 3. Configurar un búfer para almacenar ejemplos

```
[12]: class Buffer:
          def __init__(self, model):
              super().__init__()
              self.model = model
              self.examples = [
                  tf.random.uniform(shape=(1, IMAGE_SIZE, IMAGE_SIZE, CHANNELS)) * 2
                  for _ in range(BATCH_SIZE)
              ]
          def sample_new_exmps(self, steps, step_size, noise):
              n_new = np.random.binomial(BATCH_SIZE, 0.05)
              rand_imgs = (
                  tf.random.uniform((n new, IMAGE SIZE, IMAGE SIZE, CHANNELS)) * 2 - 1
              )
              old_imgs = tf.concat(
                  random.choices(self.examples, k=BATCH_SIZE - n_new), axis=0
              )
              inp_imgs = tf.concat([rand_imgs, old_imgs], axis=0)
              inp_imgs = generate_samples(
                  self.model, inp_imgs, steps=steps, step_size=step_size, noise=noise
              )
              self.examples = tf.split(inp_imgs, BATCH_SIZE, axis=0) + self.examples
              self.examples = self.examples[:BUFFER_SIZE]
              return inp_imgs
```

```
[13]: @tf.keras.utils.register_keras_serializable()
class EBM(models.Model):
    def __init__(self, **kwargs):
```

```
super(EBM, self).__init__(**kwargs)
      self.model = model
      self.buffer = Buffer(self.model)
      self.alpha = ALPHA
      self.loss_metric = metrics.Mean(name="loss")
      self.reg_loss_metric = metrics.Mean(name="reg")
      self.cdiv_loss_metric = metrics.Mean(name="cdiv")
      self.real_out_metric = metrics.Mean(name="real")
      self.fake_out_metric = metrics.Mean(name="fake")
  def call(self, inputs, training=None):
    """Define cómo el modelo procesa las entradas en entrenamiento o_\sqcup
⇔inferencia."""
    return self.model(inputs, training=training)
  @property
  def metrics(self):
      return [
          self.loss metric,
          self.reg_loss_metric,
          self.cdiv loss metric,
          self.real out metric,
          self.fake_out_metric,
      ]
  def train_step(self, real_imgs):
      real_imgs += tf.random.normal(
          shape=tf.shape(real_imgs), mean=0, stddev=NOISE
      real_imgs = tf.clip_by_value(real_imgs, -1.0, 1.0)
      fake_imgs = self.buffer.sample_new_exmps(
          steps=STEPS, step_size=STEP_SIZE, noise=NOISE
      inp imgs = tf.concat([real imgs, fake imgs], axis=0)
      with tf.GradientTape() as training_tape:
          real_out, fake_out = tf.split(self.model(inp_imgs), 2, axis=0)
          cdiv_loss = tf.reduce_mean(fake_out, axis=0) - tf.reduce_mean(
              real_out, axis=0
          reg_loss = self.alpha * tf.reduce_mean(
              real_out**2 + fake_out**2, axis=0
          )
          loss = cdiv_loss + reg_loss
      grads = training_tape.gradient(loss, self.model.trainable_variables)
      self.optimizer.apply_gradients(
          zip(grads, self.model.trainable_variables)
```

```
self.loss_metric.update_state(loss)
    self.reg_loss_metric.update_state(reg_loss)
    self.cdiv_loss_metric.update_state(cdiv_loss)
    self.real_out_metric.update_state(tf.reduce_mean(real_out, axis=0))
    self.fake_out_metric.update_state(tf.reduce_mean(fake_out, axis=0))
    return {m.name: m.result() for m in self.metrics}
def test_step(self, real_imgs):
    batch_size = real_imgs.shape[0]
    fake_imgs = (
        tf.random.uniform((batch size, IMAGE SIZE, IMAGE SIZE, CHANNELS))
        - 1
    )
    inp_imgs = tf.concat([real_imgs, fake_imgs], axis=0)
    real_out, fake_out = tf.split(self.model(inp_imgs), 2, axis=0)
    cdiv = tf.reduce_mean(fake_out, axis=0) - tf.reduce_mean(
        real_out, axis=0
    )
    self.cdiv_loss_metric.update_state(cdiv)
    self.real_out_metric.update_state(tf.reduce_mean(real_out, axis=0))
    self.fake_out_metric.update_state(tf.reduce_mean(fake_out, axis=0))
    return {m.name: m.result() for m in self.metrics[2:]}
```

```
[14]: ebm = EBM()
```

#### 1.5 3. Entrenar la red EBM

- Imágenes generadas: ./output

- Logs: ./logs

```
[15]: train = False

[16]: import os

# Crear carpetas necesarias si no existen
    os.makedirs(f"{base_dir}/checkpoints", exist_ok=True)
    os.makedirs(f"{base_dir}/output", exist_ok=True)
    os.makedirs(f"{base_dir}/logs", exist_ok=True)

print("Directorios listos:")
    print(f" - Modelos: {base_dir}/checkpoints")
    print(f" - Imágenes generadas: {base_dir}/output")
    print(f" - Logs: {base_dir}/logs")

Directorios listos:
    - Modelos: ./checkpoints
```

```
[17]: # Cargar modelo completo si se desea continuar el entrenamiento
      import os
      if train:
          if LOAD_MODEL:
              last_epoch = 69 # última época completada
              model_path = f"{base_dir}/checkpoints/ebm_full_model_epoch_{last_epoch:
       ⇔03d}.keras"
              if os.path.exists(model_path):
                  # Cargar el modelo completo (arquitectura + pesos)
                  ebm.model = tf.keras.models.load_model(model_path, compile=False)
                  print(f"Modelo completo cargado desde: {model_path}")
              else:
                  print(f"No se encontró el archivo del modelo en: {model_path}")
              # Muy importante: construir el modelo antes de entrenar
              ebm.build(input_shape=(None, IMAGE_SIZE, IMAGE_SIZE, CHANNELS))
          # Compilar el modelo
          ebm.compile(
              optimizer=optimizers.Adam(learning_rate=LEARNING_RATE), run_eagerly=True
          )
[18]: tensorboard_callback = callbacks.TensorBoard(log_dir="./logs")
      class ImageGenerator(callbacks.Callback):
          def __init__(self, num_img):
              self.num_img = num_img
          def on_epoch_end(self, epoch, logs=None):
              start_imgs = (
                  np.random.uniform(
                      size=(self.num_img, IMAGE_SIZE, IMAGE_SIZE, CHANNELS)
                  * 2
                  - 1
              )
              generated_images = generate_samples(
                  ebm.model,
                  start_imgs,
                  steps=1000,
                  step_size=STEP_SIZE,
                  noise=NOISE,
```

```
return_img_per_step=False,
)
generated_images = generated_images.numpy()
display(
    generated_images,
    save_to=f"{base_dir}/output/generated_img_{epoch:03d}.png",
)

example_images = tf.concat(
    random.choices(ebm.buffer.examples, k=10), axis=0
)
example_images = example_images.numpy()
display(
    example_images, save_to=f"{base_dir}/output/example_img_{epoch:03d}.

png",
)

image_generator_callback = ImageGenerator(num_img=10)

# Callback para guardar el modelo completo (arquitectura + pesos)
```

```
[19]: # Callback para guardar el modelo completo (arquitectura + pesos)
      # al final de cada época
     class SaveModel(callbacks.Callback):
         def on_epoch_end(self, epoch, logs=None):
             # Nombre del archivo para esta época
             full_model_filename = f"{base_dir}/checkpoints/
       ⇔ebm_full_model_epoch_{epoch:03d}.keras"
              # Guardar el modelo completo
             self.model.save(full_model_filename)
             print(f" Modelo completo guardado: {full_model_filename}")
             # Mostrar información adicional de entrenamiento
             if logs is not None:
                 print(f" Época {epoch + 1} finalizada - pérdida total: {logs.
       print("-" * 80)
      # Instanciar el callback
     save_model_callback = SaveModel()
```

```
[20]: if train:
    # Entrenar el modelo
    ebm.fit(
        x_train,
        shuffle=True,
```

```
initial_epoch=last_epoch if LOAD_MODEL else 0,
    #steps_per_epoch=1, # solo un batch
    epochs=EPOCHS, # entrenamiento total deseado
    validation_data=x_test,
    callbacks=[
        save_model_callback,
        tensorboard_callback,
        image_generator_callback,
],
)
```

# 2 4. Exploración comparativa

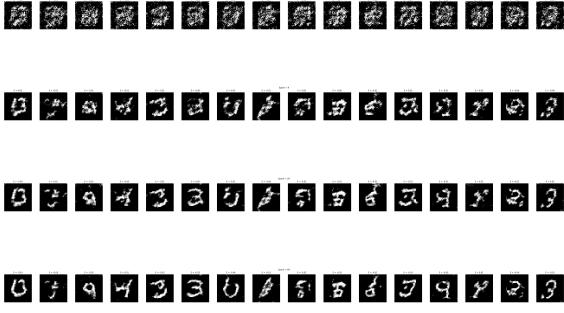
• Repitan el proceso con modelos entrenados durante diferentes números de épocas.

```
[21]: import os
      import glob
      checkpoint_pattern = f"{base_dir}/checkpoints/ebm_full_model_epoch_*.keras"
      checkpoint_files = sorted(glob.glob(checkpoint_pattern))
[22]: | initial_noise = np.random.uniform(size=(16, IMAGE_SIZE, IMAGE_SIZE, CHANNELS))_

→* 2 - 1

[23]: results = {}
      ebm = EBM()
      for model_path in checkpoint_files:
          ebm.model = tf.keras.models.load_model(model_path, compile=False)
          n_checkpoint = (int(model_path.split("_")[-1].split(".")[0]))
          ebm.compile(
              optimizer=optimizers.Adam(learning_rate=LEARNING_RATE), run_eagerly=True
          sampled_imgs = generate_samples(
              ebm.model,
              inp_imgs=initial_noise,
              steps=100,
              step_size=10,
              noise=0.005
          )
          results[n_checkpoint] = {
              "img": sampled_imgs.numpy(),
              "e": ebm.model(sampled_imgs).numpy().flatten()
```

```
}
[24]: for idx in results:
          imgs = results[idx]["img"]
          energies = results[idx]["e"]
          N = imgs.shape[0]
          fig, axes = plt.subplots(1, N, figsize=(N*3, 3))
          if N == 1:
              axes = [axes]
          for i in range(N):
              ax = axes[i]
              img = imgs[i]
              ax.imshow(img.squeeze(), cmap='gray')
              ax.set_title(f"E = {energies[i]:.2f}")
              ax.axis('off')
          plt.suptitle(f"Epoch = {idx}")
          plt.tight_layout()
          plt.show()
```



- Observemos cómo cambia el aspecto de las imágenes:
  - Aparecen patrones más definidos
  - Hay menos ruido
  - Se distinguen mejor los dígitos: los bordes son más nítidos y las formas son más claras.

Esto sugiere que conforme pasan las epocas, la función de energía aprende a asignar energías más bajas a las regiones de alta densidad de datos (los dígitos) y energías más altas a las regiones de baja densidad (el ruido).

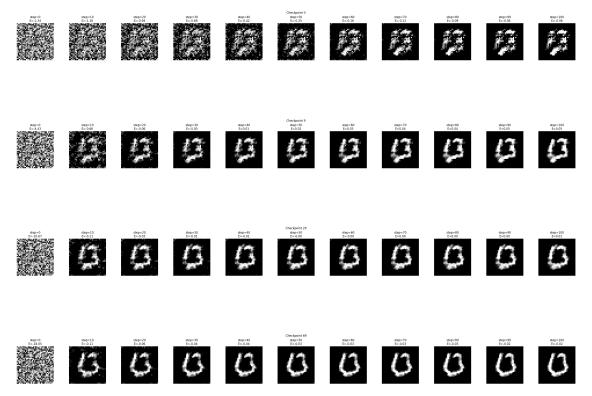
#### 2.1 5. Preguntas de análisis (para incluir en su reporte)

- ¿Cómo varía la calidad de las imágenes generadas conforme aumenta el número de épocas de entrenamiento?
- ¿Qué relación observan entre el número de pasos de Langevin y el nivel de detalle de las imágenes?
- ¿Qué representa visualmente el "bajar en el paisaje de energía"?

```
[25]: results = {}
      ebm = EBM()
      max_steps = 200
      one_noise_img = initial_noise[0:1, :, :, :]
      n steps = list(range(0, max_steps + (max_steps//10), max_steps//10))
      for model_path in checkpoint_files:
          ebm.model = tf.keras.models.load_model(model_path, compile=False)
          n_checkpoint = (int(model_path.split("_")[-1].split(".")[0]))
          ebm.compile(optimizer=optimizers.Adam(learning_rate=LEARNING_RATE),_
       →run_eagerly=True)
          images_per_step = []
          for n_step in n_steps:
              sampled_img = generate_samples(
                  ebm.model,
                  inp_imgs=one_noise_img,
                  steps=n step,
                  step_size=10,
                  noise=0.005
              )
              images_per_step.append( (sampled_img, ebm.model(sampled_img).numpy().
       →flatten()) )
          results[n_checkpoint] = {
              "img": images_per_step,
          }
```

```
[26]: for n_checkpoint in sorted(results.keys()):
    images_per_step = results[n_checkpoint]["img"]
    n_steps = len(images_per_step)
    fig, axes = plt.subplots(1, n_steps, figsize=(n_steps*3, 3))
    if n_steps == 1:
        axes = [axes]
    for i, (sampled_img, energy) in enumerate(images_per_step):
        ax = axes[i]
        img = sampled_img[0]
        ax.imshow(img, cmap='gray')
```

```
ax.set_title(f"step={i*10}\nE={energy[0]:.2f}")
ax.axis('off')
plt.suptitle(f"Checkpoint {n_checkpoint}")
plt.tight_layout()
plt.show()
```



¿Cómo varía la calidad de las imágenes generadas conforme aumenta el número de épocas de entrenamiento? Conforme aumenta el número de écpoas de entrenamiento, podemos observar que la red va aprendiendo una mejor función de energía en la que se asignan energías más bajas a las imagenes reales y más altas a las falsas. Esto nos permite muestrear mejor utilizando la dinámica de lavengin sobre una mejor función de energía.

¿Qué relación observan entre el número de pasos de Langevin y el nivel de detalle de las imágenes? Conforme damos más pasos de Lavengin, vamos bajando cada vez más el ruido inicial hacía regiones de menor energía. Esto nos permite tener imagenes mas reales y con menores ruido.

¿Qué representa visualmente el "bajar en el paisaje de energía"? Recordemos que la función de energía asigna zonas de baja energía (valles) a las imagenes reales y altas (picos) a las falsas. Al ir bajando gracias al gradiente estócastico en Lavengin, esto nos permite ir descubriendo zonas más bajas en el paisaje, es decir donde la probabilidad de una imagen real es mayor.

#### 2.2 6. Preguntas de análisis

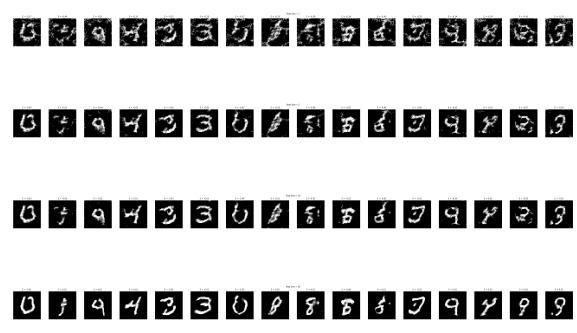
- Realicen interpolaciones entre dos imágenes generadas y describan cómo el modelo reconfigura la energía a lo largo del trayecto.
- Experimenten con diferentes valores de STEP\_SIZE o NOISE y comenten cómo afectan la convergencia y la diversidad de las muestras.
- Grafiquen la evolución de la energía promedio durante las iteraciones de Langevin para visualizar el descenso en el paisaje.

#### Efecto sobre STEP\_SIZE y NOISE

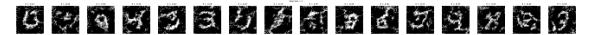
```
[27]: | ebm = EBM()
      model number = -1
      ebm.model = tf.keras.models.load_model(checkpoint_files[model_number],_
       ⇔compile=False)
      n_checkpoint = (int(checkpoint_files[model_number].split("_")[-1].split(".
       ")[0]))
      ebm.compile(
          optimizer=optimizers.Adam(learning rate=LEARNING RATE), run eagerly=True
      )
      step_sizes = [1, 5, 10, 50]
      initial noise2 = initial noise[0:16, :, :, :]
      all_steps = {}
      for n_steps in [50, 100, 500, 10000]:
          results_steps = {}
          for step in step_sizes:
              sampled_imgs = generate_samples(
                  ebm.model,
                  inp_imgs=initial_noise2,
                  steps=100,
                  step_size=step,
                  noise=0.005
              )
              results_steps[step] = {
                  "img": sampled_imgs.numpy(),
                  "e": ebm.model(sampled_imgs).numpy().flatten()
              }
          all_steps[n_steps] = results_steps
```

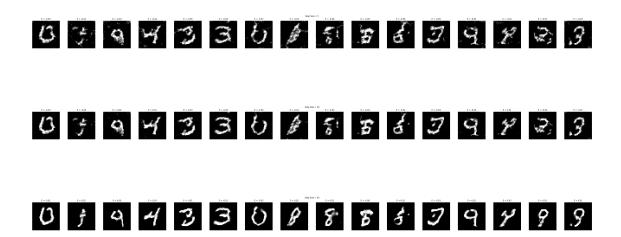
```
[28]: for n_steps in all_steps:
          results_steps = all_steps[n_steps]
          print(f"Resultados para n_steps = {n_steps}")
          for step in results_steps:
              imgs = results_steps[step]["img"]
              energies = results_steps[step]["e"]
              N = imgs.shape[0]
              fig, axes = plt.subplots(1, N, figsize=(N*3, 3))
              if N == 1:
                  axes = [axes]
              for i in range(N):
                  ax = axes[i]
                  img = imgs[i]
                  ax.imshow(img.squeeze(), cmap='gray')
                  ax.set_title(f"E = {energies[i]:.2f}")
                  ax.axis('off')
              plt.suptitle(f"Step Size = {step}")
              plt.tight_layout()
              plt.show()
```

Resultados para n\_steps = 50

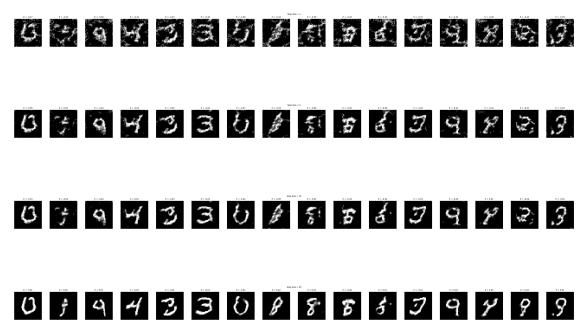


Resultados para n\_steps = 100



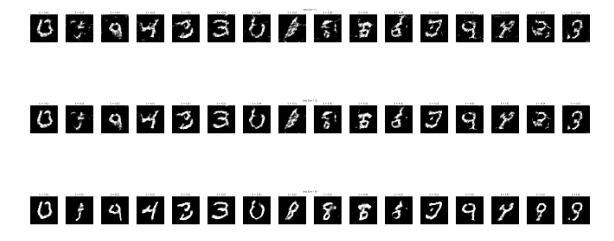


Resultados para  $n_{steps} = 500$ 



Resultados para n\_steps = 10000





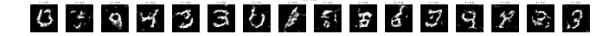
• STEP\_SIZE: Utilizando pasos más grandes (mayor STEP\_SIZE) puede acelerar la convergencia hacia regiones de baja energía, pero también puede hacer que el muestreo sea inestable y salte sobre mínimos locales. Por otro lado, pasos más pequeños permiten un muestreo más fino y estable, pero pueden requerir más iteraciones para converger.

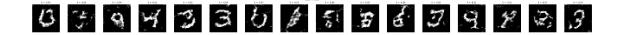
```
[29]: ebm = EBM()
      results_noise = {}
      model_number = -1
      ebm.model = tf.keras.models.load model(checkpoint files[model number],
       ⇔compile=False)
      n_checkpoint = (int(checkpoint_files[model_number].split("_")[-1].split(".
       ")[0]))
      ebm.compile(
          optimizer=optimizers.Adam(learning_rate=LEARNING_RATE), run_eagerly=True
      noise_levels = [0.0, 0.0025, 0.005, 0.01, 0.02, 0.5]
      initial_noise2 = initial_noise[0:16, :, :, :]
      for noise in noise_levels:
          sampled_imgs = generate_samples(
              ebm.model,
              inp_imgs=initial_noise2,
              steps=50,
              step_size=10,
              noise=noise
          )
          results_noise[noise] = {
```

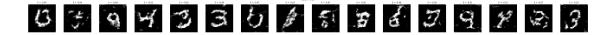
```
"img": sampled_imgs.numpy(),
"e": ebm.model(sampled_imgs).numpy().flatten()
}
```

```
[30]: # plot results for different noise levels
      for noise in results_noise:
          imgs = results_noise[noise]["img"]
          energies = results_noise[noise]["e"]
          N = imgs.shape[0]
          fig, axes = plt.subplots(1, N, figsize=(N*3, 3))
          if N == 1:
              axes = [axes]
          for i in range(N):
              ax = axes[i]
              img = imgs[i]
              ax.imshow(img.squeeze(), cmap='gray')
              ax.set_title(f"E = {energies[i]:.2f}")
              ax.axis('off')
          plt.suptitle(f"Noise = {noise}")
          plt.tight_layout()
          plt.show()
```









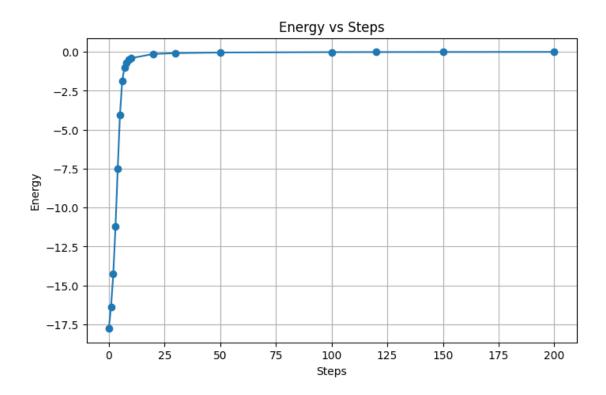


• NOISE: Un valor bajo de NOISE genera muestras más similares entre sí (menos diversidad), mientras que un valor alto aumenta la diversidad pero puede dificultar la convergencia y generar imágenes menos realistas.

Grafiquen la evolución de la energía promedio durante las iteraciones de Langevin para visualizar el descenso en el paisaje.

```
[31]: results = {}
      ebm = EBM()
      model number = -1
      n_steps = [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 20, 30, 50, 100, 120, 150, 200]
      ebm.model = tf.keras.models.load model(checkpoint files[model number],
       →compile=False)
      n_checkpoint = (int(checkpoint_files[model_number].split("_")[-1].split(".
       ")[0]))
      energies_mean = []
      for n_step in n_steps:
          sampled_img = generate_samples(
              ebm.model,
              inp_imgs=initial_noise,
              steps=n_step,
              step_size=10,
              noise=0.005
          )
          energies = ebm.model(sampled_img).numpy().flatten()
          energies mean.append(np.mean(energies))
```

```
[32]: # Plot energies mean vs n_steps
plt.figure(figsize=(8, 5))
plt.plot(n_steps, energies_mean, marker='o')
plt.title('Energy vs Steps')
plt.xlabel('Steps')
plt.ylabel('Energy')
plt.grid()
plt.show()
```



El valor de 10 pasos escogido en este caso es un buen compromiso entre calidad y tiempo de cómputo. Con 10 pasos, se observa una disminución significativa en la energía promedio, lo que indica que las muestras están convergiendo hacia regiones de menor energía en el paisaje.

Ahora realicemos interpolaciones entre dos imágenes generadas y describamos cómo el modelo reconfigura la energía a lo largo del trayecto.

```
[38]: sampled_imgs = generate_samples(
    ebm.model,
    inp_imgs=initial_noise[0:2, :, :, :],
    steps=100,
    step_size=10,
    noise=0.005
)
```

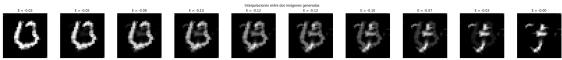
```
img1 = sampled_imgs[0:1, :, :, :]
img2 = sampled_imgs[1:2, :, :, :]
# Crear interpolaciones lineales entre img1 y img2
n_{interpolations} = 10
interpolated images = []
for alpha in np.linspace(0, 1, n_interpolations):
    interp_img = (1 - alpha) * img1 + alpha * img2
    interpolated_images.append(interp_img)
interpolated images = tf.stack(interpolated images, axis=0)
interpolated_images = tf.squeeze(interpolated_images, axis=1)
# Calcular las energías de las imágenes interpoladas
energies = ebm.model(interpolated_images).numpy().flatten()
# Mostrar las imágenes interpoladas con sus energías
N = interpolated_images.shape[0]
fig, axes = plt.subplots(1, N, figsize=(N*3, 3))
if N == 1:
   axes = [axes]
for i in range(N):
    ax = axes[i]
    img = interpolated images[i]
    ax.imshow(img.numpy().squeeze(), cmap='gray')
    ax.set title(f"E = {energies[i]:.2f}")
    ax.axis('off')
plt.suptitle("Interpolaciones entre dos imágenes generadas")
plt.tight_layout()
plt.show()
```





















Es interesante que las interpolaciones entres dos imagenes generadas por el modelo, siguen teniendo baja energía. Supongo que estos se debe a que estas siguen en regiones de baja energía.