

```

(*****)
(***** 1. REKURZIVNO UJEMANJE VZORCEV *****)
(*****)

(* uporaba anonimne spremenljivke, kjer ne potrebujemo vrednosti *)
fun dolzina (sez:int list) =
  case sez of
    [] => 0
  | (* NAMESTO: glava::rep *) _::rep => 1 + dolzina rep

(*****)
(* 1. PRIMER *)
(* seštevanje dveh seznamov po elementih; seznama morata biti enako dolga *)

(* SLAB NAËIN: *)
exception LengthProblem

fun sestej_seznama (sez1, sez2) =
  case sez1 of
    [] => (case sez2 of
      [] => []
    | glava::rep => raise LengthProblem)
  | glava1::rep1 => (case sez2 of
    [] => raise LengthProblem
  | glava2::rep2 => (glava1+glava2)::sestoj_seznama(rep1,rep2))

(* BOLJŠI NAËIN z gnezdenjem vzorcev*)
fun sestoj_seznama2 seznama =
  case seznama of
    ([], []) => []
  | (glava1::rep1, glava2::rep2) => (glava1+glava2)::sestoj_seznama(rep1,rep2)
  | _ => raise LengthProblem

(*****)
(* 2. PRIMER *)
fun check_fibonacci sez =
  case sez of
    (glava::(drugi::(tretji::rep))) => (tretji = (glava+drugi)) andalso check_fibonacci (drugi::
(tretji::rep))
  | _ => true

(*****)
(* 3. PRIMER *)
datatype sodost = S | L | N

fun sodost_sestevanje (a,b) =
  let
    fun sodost x = if x=0 then N
                  else if x mod 2 = 0 then S
                  else L
  in
    case (sodost a, sodost b) of
      (S,L) => L
    | (S,_) => S
    | (L,L) => S
    | (L,_) => L
    | (N,x) => x
  end

(*****)
(***** 2. SKLEPANJE NA PODATKOVNI TIP *****)
(*****)

(* ne deluje, unknown flex record *)

```

```

(*)
fun sestej1 stevili =
    #1 stevili + #2 stevili
*)

(* moramo opredeliti podatkovni tip *)
fun sestej2 (stevili:int*int) =
    #1 stevili + #2 stevili

(* sklepanje na tip deluje pri uporabi vzorcev *)
fun sestej3 (s1, s2) =
    s1 + s2

(*****)
(* polimorfizem pri sklepanju na tip *)

(* ni polimorfna *)
fun vsota_el sez =
    case sez of
        [] => 0
      | glava::rep => glava + vsota_el rep

(* je polimorfna *)
fun zdruzi (sez1, sez2) =
    case sez1 of
        [] => sez2
      | glava::rep => glava::zdruzi(rep, sez2)

(* je polimorfna *)
fun sestej_zapis {prvi=a, drugi=b, tretji=c, cetrti=d, peti=e} =
    a+d

```

```

(*****)
(***** 3. IZJEME *****)
(*****)

```

```

(* prej - brez uporabe izjem *)
(*)
fun glava sez =
    case sez of
        [] => 0 (* !!! kasneje: exception *)
      | prvi::ostali => prvi
*)

```

exception PrazenSeznam

```

fun glava sez =
    case sez of
        [] => raise PrazenSeznam
      | prvi::ostali => prvi

```

```

(*****)
(* primer izjeme pri deljenju z 0 *)
exception DeljenjeZNic

```

```

fun deli1 (a1, a2) =
    if a2 = 0
    then raise DeljenjeZNic
    else a1 div a2

fun tabeliraj1 zacetna =
    deli1(zacetna,zacetna-5)::tabeliraj1(zacetna-1)
    handle DeljenjeZNic => [999]

```

```

(*****)
(* 1e bolj splošno: prenos izjeme v parametru *)

```

```
(* fn : int * int * exn -> int *)
fun deli2 (a1, a2, napaka) =
  if a2 = 0
  then raise (* SPREMEMBA *) napaka
  else a1 div a2

fun tabeliraj2 (zacetna, moja_napaka) =
  deli2(zacetna, zacetna-5, moja_napaka)::tabeliraj2(zacetna-1, moja_napaka)
  handle moja_napaka => [999]
```

```
(*****
(* izjema s parametrom *)
exception MatematicnaTezava of int*string

fun deli3 (a1, a2) =
  if a2 = 0
  then raise MatematicnaTezava(a1, "deljenje z 0")
  else a1 div a2

fun tabeliraj3 zacetna =
  Int.toString(deli3(zacetna,zacetna-5)) ^ " " ^ tabeliraj3(zacetna-1)
  handle MatematicnaTezava(a1, a2) => a2 ^ " stevila " ^ Int.toString(a1)
```

```
(*****
(***** 4. REPNA REKURZIJA Z AKUMULATORJEM *****)
(*****)
```

```
fun potencia (x,y) =
  if y=0
  then 1
  else x * potencia(x, y-1)

(* prevedba v repno rekurzijo *)
fun potencia_repna (x,y) =
  let
    fun pomocna (x,y,acc) =
      if y=0
      then acc
      else pomocna(x, y-1, acc*x)
  in
    pomocna(x,y,1)
  end
```

```
(*****
```

```
(* PRIMERI *)
(* obrni elemente seznama *)
fun obrni sez =
  case sez of
    [] => []
  | x::rep => (obrni rep) @ [x]

fun obrni_repna sez =
  let
    fun pomocna(sez,acc) =
      case sez of
        [] => acc
      | x::rep => pomocna(rep, x::acc)
  in
    pomocna(sez,[])
  end
```

```
(*****
```

```
(* prestej pozitivne elemente *)
fun prestejpoz sez =
  case sez of
    [] => 0
  | g::rep => if g>=0
```

```
        then 1+ prestejpoz rep
        else prestejpoz rep

fun prestejpoz_repna sez =
  let
    fun pomozna (sez, acc) =
      case sez of
        [] => acc
      | g::rep => if g>=0
                  then pomozna(rep, acc+1)
                  else pomozna(rep, acc)

    in
      pomozna(sez, 0)
    end
  end
```

```

(*****)
(***** 0. FUNKCIJE VIŠJEGA REDA *****)
(*****)

(* 1. ILUSTRATIVEN PRIMER *)

fun operacija1 x = x*x*x
fun operacija2 x = x + 1
fun operacija3 x = ~x

val zbirka_operacij = (operacija1, "lala", operacija3, 144)

fun izvedi1 podatek =
    (#1 zbirka_operacij) ((#3 zbirka_operacij) podatek)

fun izvedi2 (pod, funkcija) =
    funkcija (pod+100)

(*****)
(* 2. FUNKCIJE KOT ARGUMENTI FUNKCIJ *)
(* ponavljajoča se programska koda: *)
fun zmnozi_nkrat (x,n) =
    if n=0
    then x
    else x * zmnozi_nkrat(x, n-1)

fun sestej_nkrat (x,n) =
    if n=0
    then x
    else x + sestej_nkrat(x, n-1)

fun rep_nti (sez,n) =
    if n=0
    then sez
    else tl (rep_nti(sez, n-1))

(* faktorizacija ponavljajočih delov kode v splošno funkcijo *)
fun nkrat (f, x, n) =
    if n=0
    then x
    else f(x, nkrat(f, x, n-1))

fun pomnozi(x,y) = x*y
fun sestej(x,y) = x+y
fun rep(x,y) = tl y

fun zmnozi_nkrat_kratka (x,n) = nkrat(pomnozi, x, n)
fun sestej_nkrat_kratka (x,n) = nkrat(sestej, x, n)
fun rep_nti_kratka (x,n) = nkrat(rep, x, n)

(*****)
(* 3. FUNKCIJE, KI VRAČAJO FUNKCIJE *)

fun odloci x =
    if x>10
    then (let fun prva x = 2*x in prva end)
    else (let fun druga x = x div 2 in druga end)

(*****)
(* 4. ANONIMNE FUNKCIJE *)

fun zmnozi_nkrat_skoraj (x,n) =
    nkrat(let fun pomnozi (x,y) = x*y in pomnozi end, x, n)

```

```

fun zmnozi_nkrat_mega (x,n) = nkrat(fn (x,y) => x*y, x, n)
fun sestej_nkrat_mega (x,n) = nkrat(fn(x,y) => x+y, x, n)
fun rep_nti_mega (x,n) = nkrat(fn(_,x)=>tl x, x, n)

(*****)
(* primer na seznamu - anon. fun. in izogib ovijanju funkcij v funkcije *)
fun prestej sez =
  case sez of
    [] => 0
  | glava::rep => 1 + prestej rep

fun sestej_sez sez =
  case sez of
    [] => 0
  | glava::rep => glava + sestej_sez rep

(* faktorizacija *)
fun predelaj_seznam (f, sez) =
  case sez of
    [] => 0
  | glava::rep => (f sez) + (predelaj_seznam (f,rep))

fun prestej_super sez = predelaj_seznam (fn x => 1, sez)
fun sestej_sez_super sez = predelaj_seznam(hd, sez)  (* hd namesto fn x => hd x !!! *)

(*****)
(* 5. MAP IN FILTER *)

fun map (f, sez) =
  case sez of
    [] => []
  | glava::rep => (f glava)::map(f, rep)

fun filter (f, sez) =
  case sez of
    [] => []
  | glava::rep => if (f glava)
    then glava::filter(f, rep)
    else filter(f, rep)

(* PRIMERI *)

(* preslikaj seznam seznamov v seznam glav vgnezenih seznamov *)
fun nal1 sez = map(hd, sez)
(* preslikaj seznam seznamov v seznam dolžin vgnezenih seznamov *)
fun nal2 sez = map(prestej, sez)
(* preslikaj seznam seznamov v seznam samo tistih seznamov, katerih dolžina je daljša od 2 *)
fun nal3 sez = filter(fn x => (prestej x) >= 2, sez)
(* preslikaj seznam seznamov v seznam vsot samo lihih elementov vgnezenih seznamov *)
fun nal4 sez =
  map(sestej_sez,
    map(
      fn el => filter(fn x => x mod 2 = 1, el),
      sez)
  )

(*****)
(***** 1. MAP IN FILTER *****)
(*****)
fun map (f, sez) =
  case sez of
    [] => []
  | glava::rep => (f glava)::map(f, rep)

fun filter (f, sez) =
  case sez of
    [] => []
  | glava::rep => if (f glava)

```

```

    then glava::filter(f, rep)
    else filter(f, rep)

```

```

(* PRIMER: preslikaj seznam seznamov v seznam samo tistih seznamov, katerih dolžina je liha *)
fun lihi_podsez sez = filter(fn x => (List.length x) mod 2 = 1, sez)

```

```

(*****
***** 2. FOLD *****
*****)

```

```

fun fold (f, acc, sez) =
  case sez of
    [] => acc
  | glava::rep => fold(f, f(acc, glava), rep)

fun f2 xs = fold ((fn (x,y) => x andalso y >= 0), true, xs)

```

```

(* PRIMER 1: vsota elementov *)
fun vsota_el sez = fold(fn (x,y) => x+y, 0, sez);

(* PRIMER 2: dolžina seznama *)
fun dolzina_sez sez = fold(fn (x,y) => x+1, 0, sez);

```

```

(* PRIMER 3: izberi zadnji element v seznamu *)
fun zadnji sez = fold (fn (x,y) => y, hd sez, sez)

(* PRIMER 4: skalarni produkt [a,b,c]*[d,e,f] = ab+be+cf *)
fun skalarni [v1, v2] =
  fold(fn (x,y) => x+y, 0, map(fn (e1,e2) => e1*e2, ListPair.zip(v1,v2)))
| skalarni _ = raise Fail "napaèni argumenti";

```

```

(* PRIMER 5: izberi nti element v seznamu *)
fun nti (sez, n) =
  fold(fn(x,(y,z)) => z, ~1,
    filter(fn (x,y) => x=n,
      ListPair.zip (List.tabulate (List.length sez, fn x => x+1),
        sez)
    )
  )

```

```

(*****
***** 3. LEKSIKALNI DOSEG *****
*****)

```

```

(*
(* 1. primer *)

```

```

val a = 1          (* a=1 *)
fun f1 x = x + a    (* fn: x => x+1 *)
val rez1 = f1 3     (* rez1 = 4 *)
val a = 5          (* a=5 *)
val rez2 = f1 3     (* rez2 = (fn: x => x+1) 3 = 4 *)

```

```

(* 2. primer *)
val c = 1          (* c=1 *)
fun f2 b = c + b    (* fn: b => b+1 *)
val c = 5          (* c=5 *)
val b = 2          (* b=2 *)
val rez = f2 (c+b)  (* rez = (fn: b => b+1) (5+2) = 7+1 = 8 *)

```

```

(* 3. primer *)
val u = 1          (* u = 1 *)
fun f v =
  let
    val u = v + 1    (* u = v+1 *)
  in
    fn w => u + v + w (* f = fn w => v+1 + v + w *)
  end

```

```

val u = 3          (* u = 3 *)
val g = f 4        (* g = (fn w => v+1 + v + w) 4 --> 4+1+4+w = 9+w *)
val v = 5          (* v = 5 *)
val w = g 6        (* w = (fn w => 9+w) 6 --> 15*)

*)

```

```

(*****
***** 4. PREDNOSTI LEKSIKALNEGA DOSEGA *****
*****)

```

```

(*)
(* PREDNOST 1:
   - neodvisnost lokalnih spremenljivk od zunanjega okolja
   - neodvisnost funkcije od argumentov *)
(* spodnji funkciji sta enakovredni *)
fun fun1 y =
  let
    val x = 3
  in
    fn z => x + y + z
  end

fun fun2 y =
  let
    val q = 3
  in
    fn z => q + y + z
  end

val x = 42 (* ne igra nobene vloge *)
val a1 = (fun1 7) 4
val a2 = (fun2 7) 4

(* PREDNOST 2:
   - podatkovni tip lahko določimo pri deklaraciji funkcije *)
val x = 1
fun fun3 y =
  let val x = 3
  in fn z => x+y+z end (* int -> int -> int *)
val x = false (* NE VPLIVA NA PODATKOVNI TIP KASNEJŠEGA KLICA! *)
val g = fun3 10 (* vrne fn, ki prišteje 13 *)
val z = g 11    (* 13 + 11 = 24 *)

(* PREDNOST 3:
   - ovojnica shrani ("zapeèe") interne podatke za klic funkcije *)
fun filter (f, sez) =
  case sez of
    [] => []
  | x::rep => if (f x)
              then x::filter(f, rep)
              else filter(f, rep)

fun vecji0dX x = fn y => y > x
fun brezNegativnih sez = filter(vecji0dX ~1, sez)
(* POZOR:
   - x je neodvisen od x-a v funkciji filter; èe ne bi bil,
     bi primerjali elemente same s sabo (x, ki je argument predikata
     in x, ki nastopa kot glava v funkciji filter
   - prvi argument v klicu filter() --- vecji0dX ~1 --- je ovojnica,
     ki hrani shranjen interni x, ki je neodvisen od x v filter() *)

*)

```



```

(*****)
(***** 1. CURRYING *****)
(*****)

fun vmejah_terka (min,max,sez) =
  filter(fn x => x>=min andalso x<=max, sez)

fun vmejah_curry min =      (* razlièica, ki uporablja currying *)
  fn max =>
    fn sez =>
      filter(fn x => x>=min andalso x<=max, sez)

(* sintaktične olupšave *)
fun vmejah_lepse min max sez =
  filter(fn x => x>=min andalso x<=max, sez)

(*
vmejah_lepse 5 15 [1,5,3,43,12,3,4];
vmejah_curry 5 15 [1,5,3,43,12,3,4];
*)

(*****)
(***** 2. DELNA APLIKACIJA *****)
(*****)

(* PRIMER 1: vrne samo števila od 1 do 10 *)
val prva_desetica = vmejah_curry 1 10;

(* PRIMER 2: obrne vrstni red argumentov *)
fun vmejah2 sez min max = vmejah_lepse min max sez;
(* določi zgornjo mejo fiksnega seznama *)
val zgornja_meja = vmejah2 [1,5,2,6,3,7,4,8,5,9] 1;

(* PRIMER 3. primeri z uporabo map/filter/foldl *)
val povecaj = List.map (fn x => x + 1);
val samoPozitivni = List.filter (fn x => x > 0);
val vsiPozitivni = List.foldl (fn (x,y) => y andalso (x>0)) true;  (* pozor, vrstni red arg v fn! *)

(*****)
(***** 3. MUTACIJA *****)
(*****)

fun zdruzi_sez sez1 sez2 =
  case sez1 of
    [] => sez2
  | g::rep => g::(zdruzi_sez rep sez2)

val s1 = [1,2,3]
val s2 = [4,5]
val rezultat = zdruzi_sez s1 s2

(*
- val x = ref 15;
val x = ref 15 : int ref
- val y = ref 2;
val y = ref 2 : int ref
- (!x)+(!y);
(*****)
(***** 4. DOLOČANJE TIPOV *****)
(*****)

(* PRIMER 1 *)
fun fakt x =                                (* 1.   fakt: 'a -> 'b *)   (* 3.   fakt : int -> __ *)   (* 6.   fakt: int -
> int *)
  if x = 0                                (* 2.   x: 'a; 'a = int, zato da primerjava z 0 uspe *)
  then 1                                  (* 4.   rezultat funkcije je 'b = int *)
  else x*(fakt (x-1))                      (* 5.   mora biti skladno s 4; x: int, (fakt x): int, 'b = int *)

```

```

(* PRIMER 2 *)
fun f (q, w, e) =
    let val (x,y) = hd(q)
    in if hd w
       then y mod 2
       else y*y
    end

(* 1. f: 'a * 'b * 'c -> 'd *)
(* 3. f: ('f * 'g) list * 'b * 'c -> 'd *)
(* 5. f: ('f * 'g) list * bool list * 'c -> 'd *)
(* 8. f: ('f * int) list * bool list * 'c -> int *)
(* 2. 'a = 'e list; 'e = ('f * 'g); 'a = ('f * 'g) list *)
(* 4. 'b = 'h list; 'h = bool; 'b = bool list *)
(* 6. y: int; 'd = int *)
(* 7. skladno s 6 velja y: int; 'd = int *)

(* PRIMER 3 *)
(* fun compose (f,g) = fn x => f (g x) *)
(* val koren_abs = compose (Math.sqrt, abs);
   je enakovredno kot
   val koren_abs2 = Math.sqrt o abs; *)

fun compose1 (f,g) =
    fn x => f (g x)

(* 1. f: 'a -> 'b; g: 'c -> 'd; *)
(* compose: ('a -> 'b) * ('c -> 'd) -> 'e *)
(* 6. compose: ('a -> 'b) * ('c -> 'a) -> ('c -> 'b) *)
(* 2. x: 'c, 'e: 'c -> NEKAJ *)
(* 3. g: 'c -> 'd; g x: 'd *)
(* 4. f: 'a -> 'b; f (g x) = 'b --> velja 'd=='a! *)
(* 5. 'e: 'c -> 'b *)

(*****
***** 5. OMEJITEV VREDNOSTI *****
*****)

(*
val sez = ref []; (* sez je tipa 'a list ref *)
sez := !sez @ [5]; (* v seznam dodamo int *)
sez := !sez @ true; (* pokvari pravilnost tipa seznama! *)
*)

(*
val sez = ref []; (* NE DELUJE: omejitev vrednosti *)
val xx = ref NONE; (* NE DELUJE: omejitev vrednosti *)

val xxx = ref []: int list ref; (* RE@ITEV 1: opredelimo podatkovne tipe *)

val mojaf = map (fn x => x+1); (* ni polimorfna, deluje *)
val mojaf1 = map (fn x => 1); (* teŹava: polimorfizem + klic funkcije map *)
fun mojaf2 sez = map (fn x => 1) sez (* RE@ITEV 2: ovijemo vrednost v funkcijo *)

- mojaf [1,2,3]
- mojaf1 [1,2,3]
*)

```

```
(*****
***** 1. VZAJEMNA REKURZIJA *****
*****)
```

```
(* PRIMER 1: sodost in lihost števil *)
```

```
fun sodo x =
  if x=0
  then true
  else liho (x-1)
and liho x =
  if x=0
  then false
  else sodo (x-1)
```

```
(* PRIMER 2: rekurzija v podatkovnih tipih *)
```

```
datatype zaporedje1 = A of zaporedje2 | Konec1
  and zaporedje2 = B of zaporedje1 | Konec2
```

```
(* A (B (A (B (A Konec2))))); *)
```

```
(* ideja za končni avtomat, ki sprejema nize oblike [1,2,1,2,...] *)
```

```
(*****
***** 2. MODULI *****
*****)
```

```
(* PRIMER 1: Modul za delo z nizi *)
```

```
structure Nizi =
struct
  val prazni_niz = ""
  fun dolzina niz =
    String.size niz
  fun prvacrka niz =
    hd (String.explode niz)
  fun povprecnadolzina seznam_nizov =
    Real.fromInt (foldl (fn (x,y) => (String.size x)+y) 0 seznam_nizov)
    /
    Real.fromInt (foldl (fn (_,y) => y+1) 0 seznam_nizov)
end
```

```
(* PRIMER 2: Modul za delo s polinomi *)
```

```
(* podpisi *)
```

```
signature PolinomP1 =
sig
  datatype polinom = Nicla | Pol of (int * int) list
  val novipolinom : int list -> polinom
  val mnozi : polinom -> int -> polinom
  val izpisi : polinom -> string
end
```

```
signature PolinomP2 =
sig
  type polinom
  val novipolinom : int list -> polinom
  val izpisi : polinom -> string
end
```

```
signature PolinomP3 =
sig
  type polinom
```

```

    val Nicla : polinom
    val novipolinom : int list -> polinom
    val izpisi : polinom -> string
end

(* modul *)
structure Polinom :> PolinomP3 =
struct

datatype polinom = Pol of (int * int) list | Nicla;

fun novipolinom koef =
    let fun novi koef stopnja =
            case koef of
                [] => []
            | g::r => if g<>0
                    then (stopnja-1,g)::(novi r (stopnja-1))
                    else (novi r (stopnja-1))
        in
            Pol (novi koef (List.length koef))
        end

fun mnozi pol konst =
    case pol of
        Pol koef => if konst = 0
                    then Nicla
                    else Pol (map (fn (st,x) => (st,konst*x)) koef)
    | Nicla => Nicla

fun izpisi pol =
    case pol of
        Pol koef => let val v_nize = (map (fn (st,x) => (if st=0
                    then Int.toString(x)
                    else Int.toString(x) ^ "x" ^ Int.toString
(st)))) koef)
                    in foldl (fn (x,acc) => (acc ^ " + " ^ x))
                        (hd v_nize)
                        (tl v_nize)
                    end
    | Nicla => "0"
end

end

(*
- Polinom.mnozi (Polinom.novipolinom [7,6,0,0,0,4]) 2;
val it = Pol [(5,14),(4,12),(0,8)] : Polinom.polinom
- Polinom.mnozi (Polinom.novipolinom [7,6,0,0,0,4]) 0;
val it = Nicla : Polinom.polinom
- Polinom.mnozi (Polinom.Nicla) 3;
val it = Nicla : Polinom.polinom
- Polinom.izpisi (Polinom.mnozi (Polinom.novipolinom [7,6,0,0,0,4]) 2);
val it = "14x^5 + 12x^4 + 8" : string
*)

(*
(* uporabnik kr'i pravila uporabe *)
- Polinom.izpisi (Polinom.Pol [(3,1),(1,2),(16,0),(~5,3)]);
val it = "1x^3 + 2x^1 + 0x^16 + 3x^~5" : string
*)

```