

自信ない部分はこの色、編集の都合で残っていて、完成版では削除する部分がこの色、どーでもいい部分や扱いを決めあぐねている部分はこの色

誰かに、日本語でこの記事の上位互換を書いてほしい。誰も書いてくれない間は頑張るけど。

ブログで読んでいる方へ。最新版はこちら。

Markdownファイルで編集しています。PDFファイルもあります。好きに使ってください。内容の正しさは全く保証できません。

8時間かけて読んだら一通りわかる。くらいのボリュームを目指す。これを読んだ後自作し始めて、何かに引っ掛かったらまた戻ってくる、みたいな使い方に適する教材にしたい

- 0, 前提
- 1, SFCモデル(Stock-Flow consistent model)とは
 - 1 – 1, SFCモデルの原則
 - ①フローの整合性
 - ②金融資産と負債の対応関係
 - ③ストックとフローの整合性
 - ④ストックからフローへのフィードバックを含む
 - 1 – 2, SFCモデルの柔軟さ
 - 1 – 3, SFCモデルの性質を決める肝
 - 1 – 4, SFCモデルの限界、予測と説明の意味について
- 2, SFCモデルの作成の大雑把な手順
- 3, 慣習
 - 3 – 1, 変数の文字の割り当ての慣習
 - 3 – 2, 時間に関する表記の慣習
- 4, SFCモデルで使われる式の分類
- 5, 行列と会計恒等式
 - 5 – 1, 会計恒等式とは
 - 5 – 2, 恒等式群としての行列
 - 5 – 3, バランスシート行列
 - 5 – 4, 取引フロー行列
 - 5 – 4 – 1, 取引フロー行列の例
 - 5 – 4 – 2, 取引フロー行列の概要
 - 5 – 4 – 3, 純貸出の存在意義と、純利益との関係について
 - 5 – 4 – 4, 取引フロー行列の、変数の符号
 - 5 – 4 – 5, Current列とCapital列、投資と純利益
 - 5 – 5, 社会会計行列
 - 5 – 6, フローチャート
 - 5 – 7, スtockとフローの整合性を表す恒等式について
 - 5 – 8, 株式/資本金/利益剰余金の取り扱いについて
- 6, 定義式
- 7, 仮説と行動方程式(behavioural equation)
 - 7 – 1, 行動方程式とは
 - 7 – 2, ポスト・ケインズ派による行動方程式の特徴
 - 7 – 3, 行動方程式の例
 - 7 – 3 – 1, 消費関数
 - 7 – 3 – 2, 投資関数

- 7-3-3, 政府支出関数
 - 7-3-4, 給与関数（呼び方？）
 - 7-3-N, ポートフォリオ方程式(金融資産の保有配分量の決定のモデル)
- 8, モデルを閉じる
 - 8-1, 「モデルを閉じる」とは
 - 8-2, ありがちな、式の計算順
- 9, SFCモデルにとっての長期均衡あるいは定常状態について
- 10, SFCモデルの特徴、経路依存性と最適化の必要性
- 11, パラメータの値の設定
 - 11-1, 推定
 - 11-2, カリブレーション
- 12, 様々なSFCモデル
 - 12-1, ベースラインシナリオとの比較
 - 12-2, 開放経済モデル
 - 12-3, 微分方程式による連続時間のモデル
 - 12-3-1, 現代制御理論とSFCモデル
 - 12-3-2, 差分方程式体系を微分方程式体系に変換する
 - 12-3-3, 解析的に解けるSFCモデル
 - 12-4, モンテカルロ法との併用
 - 12-5, AB-SFCモデル
 - 12-5-1, エージェント・ベース・モデルの一般的な性質
 - 12-5-2, エージェント・ベースのマクロ経済モデル
 - 12-5-3, AB-SFCモデルの特徴
 - 12-5-4, AB-SFCモデルの難しさと限界
 - 12-5-5, AB-SFCモデルの存在意義
 - 12-5-6, 金融市場とAB-SFCモデル
- 13, DSGEモデルとの対比
 - 13-1, 比較
 - 13-2, 現実的な仮定と、現象の再現について
 - 13-3, 暗に含まれるイデオロギーについて
 - 13-4, 近接分野との接続しやすさについて
- 14, 類似or発展的or補完的 情報源
- 15, 注釈と出典

0, 前提

この記事は、SFCモデルを自作したい人たちと、SFCモデルを用いる論文を読む時に役立つ基礎知識を手に入れた人たちのために書く。読者の前提知識は、以下の2点を満たすことを推奨する。

- 数学：高校の微積分と、行列の計算の一番基本的なことがわかる
- 簿記：費用/収益/資産の増加/資産の減少/負債の増加/負債の減少を区別できる

自作したい人には、この2つに加えて、

- モデルの実装：2023のAtCoderでレート400程度にアルゴリズムを書ける(さほど高くないレベル)、または、SFCモデルを実装できるソフト(Excelなど)を使える

も推奨する。

SFCモデルを作ろうとする場合、必要に迫られて、適宜、（広い意味のポスト・ケインズ派の理論を中心とした）経済関係の知識を、勉強することになると思う。シンプルなSFCモデルを作るときは、それだけで十分だと思うが、出来の良いモデルや、複雑なモデルの実装を追求する人は、より高いレベルの知識が必要になる。

下の説明で使われる語句には、私が勝手に翻訳したものも含まれる。最初になるべく元の英語を示すが、忘れているものもあるに違いない。

1, SFCモデル(Stock-Flow consistent model)とは

厳密な会計フレームワークに基づくマクロ経済モデル。モデル化された経済全体の、フローとストックの会計的な整合性を保証する。

SFCモデルにおける会計的な一貫性は、物理学におけるエネルギー保存則と似た立場にある。私の意見では、現実の経済をうまく説明&予測できるマクロ経済のモデルは、会計的な一貫性を満たしているはずだ、と思う。エネルギー保存則だけでは物理現象を説明&予測できないが、エネルギー保存則を破る物理現象は起こらない(と信じられている)。同じように、会計的な一貫性だけではどのような経済活動が起こるかを説明できないが、すべての経済活動に伴う会計には鉄則がある。

SFCモデルとの呼称は、いくつかの少しずつ異なる意味で使われるようだが^{[1][2]}、この記事では、以下の4つの原則すべてを満たすマクロ経済モデルを指す。

1 – 1, SFCモデルの原則

この記事では、以下の4つの原則をすべて満たすマクロ経済モデルを、SFCモデルと定義する。いくつかの情報源^{[3][1:1][4][5]}をもとに、編成した。

①フローの整合性

すべての資金やモノがどこからきてどこへ行くのかをもれなく示す、フローの一貫性。取引に伴う2者間のフローの一貫性(支払った金額と受け取った金額が常に一致する)を”水平整合性('horizontal' consistency)”と呼び、すべての取引が一経済主体にとっては貸方と借方の項目を伴うという一貫性を”垂直整合性('vertical' consistency)”と呼ぶ^[5:1]。水平整合性と垂直整合性をまとめると、すべての取引が、簿記上で四カ所同時に計上される(2つの経済主体にとっての、借方と貸方→2×2=4)ことと対応した**四重計上の原則**(The quadruple entry principle)が成立する。^[6]

②金融資産と負債の対応関係

ある部門のすべての金融資産には、別の1つ以上の部門の負債が対応している。システム全体の純金融資産はゼロである。

加えて、システム全体の純資産と実物資産がバランスする。

金融資産と負債のバランスと、実物資産と純資産のバランスが、貸借対照表のバランスと対応する。

③ストックとフローの整合性

「期末の資産 = 期首の資産 + 期首の資産の評価額上昇分 + その資産に関連するフロー」で算出されるという、ストックとフローの整合性。

④ストックからフローへのフィードバックを含む

ストックを表す変数^[7]が、フローを表す変数^[8]に対して、影響する必要がある。消費金額が保有する純資産に依存する、利払いが負債額に比例する、など。

1 – 2, SFCモデルの柔軟さ

現実の経済は、少しづつその性質を変化させ、変化を時間とともに蓄積する。今うまくいっている理論であっても、現実の変化とともにゴミになる可能性が高い^[9]。そんな中、もしかすると唯一、社会が大きく変わっても不変でありうる原理が、会計的な一貫性だ。SFCモデルの枠組み自体は、会計的な一貫性を保証し、モデルを完成させることができることと以外に、目立った制約を設けない。非常に柔軟性が高い枠組みといえる。

モデルは何かを表現するために作られる。経済部門の設定/取引の種類の設定/行動方程式の設定次第で、様々な性質を示す無数のSFCモデルが作られる。ほとんどの場合、広い意味のポスト・ケインズ派によって用いられるモデルなので、しばしば「需要主導型の方程式体系」「内生的貨幣供給(資金需要が先に生まれ、その資金需要に合わせて貨幣/通貨が生み出され供給される)を表現する方程式体系の採用」などといった特徴を持つ。

1 – 3, SFCモデルの性質を決める肝

SFCモデルの性質を決定する最も影響が大きい要因は、おそらく2つ。

一つ目は、経済的な意思決定方法の理論およびモデルである。例えば、

- ・ 投資支出の水準が、内部留保/既存の借入額/稼働率などの関数で書かれる
- ・ 消費水準は所得と純資産の関数で書かれる
- ・ 価格水準は単位生産費用にマークアップを乗せる形で決定され、通常の稼働率付近では、一定期間価格が不変である
- ・ 金融機関は資本比率の法的な規制にのっとって行動する
- ・ 家計のための融資需要は所得の一定割合である
- ・ 企業は投資資金調達の一一定割合を新規株式で行う
- ・ 生産性は一定か、場合によっては外生的に与えられた率で成長する
- ・ インフレは、賃金労働者とその使用者の間の対立の結果である

などといったものだ。変数間の因果関係の構造も、ここに含む。

二つ目は、部門の分け方だ。AB-SFC(後述)であろうとそうでなかろうと、部門の分け方はそのSFCモデルで何を表現したいかを反映する。国際的な通貨危機の表現のために閉鎖経済のモデルを作るなどということはあるし、部門の分け方を細かく詳しく多様にすれば良いというものでもない。

モデルの性質は、部門の分け方や、行動方程式(後述)が示す変数間の因果関係に、決定的に依存する。採用する前提の小さな変化がモデルの性質を大きく変えることもある。

複雑なモデルは事実に近づくかもしれないが、指数関数的に扱いづらく、因果関係の構造を理解しづらくなる。モデルを作る目的に沿った、適切な複雑さを選択することが求められる。

1 – 4, SFCモデルの限界、予測と説明の意味について

「根本的な不確実性を想定していること」「長期的な予測が事実上不可能だ。と信じていること」などを理由に、ポスト・ケインズ派は、説明と未来の予測を区別して考える。生物学者が、ダーウィン以来進化論を唱えながら、将来どのような生物が出現するのかを予測できないようなものだ(進化の示すパターンなどは、「自己組織化と進化の論理」という本など、面白い話がいろいろあるけど、細かい話は横に置かせてほしい)。モデルは、「モデルを作ったときに採用した仮

説/前提/原理/パラメータたちが、未来にわたって現実的である」という極めて厳しい条件下でのみ、予測としての意味を持つ。過去のデータでカリブレーションしたパラメータを使って作ったモデルが、未来にもうまく当てはまるとは限らない。理論上/経験上不変だとされていたパラメータが変動することは、よくある。これは、すべてのマクロ経済モデル(動学的確率的一般均衡モデルなども含む)に当てはまる。また、現実の一側面を再現する(現実とよくフィットしていたり、定型化された事実の多くを再現したり)モデルも、現実を正確に記述したものとは限らない。ケインズが、数学に明るかったにもかかわらず、自分の理論を閉じた数学的形式(closed mathematical form)で表現することに消極的だった理由だそう^{[10][11]}。そうはいつでも、「すべてのマクロ経済モデルがあらゆる面で将来にわたって無意味だ」と考えるのは極端すぎる。説明や予測の参考に使うにあたり、経験的に安定した値をとるもの、あるいは政策当局が高い精度でコントロールできるものを、パラメータに採用してモデルを作ることが望ましい。

10～11年後の気候を推測することは、10～11年後の天気を推測するより簡単だ(気候は天気の移り変わりの一定のパターンのことを指す)。似たようなことが経済にも言える。例えば、バブルと不況を繰り返すマクロ経済の“気候”を説明するモデルを作ることとはできるが、いつバブルが始まりはじけるかという“天気”を説明するモデルを作ること(少なくとも現時点では)できない。SFCモデルは通常、“気候”を説明することを目的に据えている。

経済学は、物理学のように、時間を通して普遍の原理原則や理論を発見/構築することに適した分野ではない。人は、広い意味で学習し続ける生き物であり、自身が手に入れることのできる情報をもとに不完全な能力を使って判断し、大なり小なり異なる未来を予測し、その予測を適宜更新している。個人としても社会としてもその性質を変化させ続ける。経済学が人の行動を扱う分野である以上、予測と説明を同じ精度で行えるようになるためには、人の行動を超高精度で再現するモデルが必要となる。現状、それは到底不可能だ。

ポスト・ケインズ派にとって、過去の事象の説明と未来予測は全く異なる意味を持つ。説明はあくまで後付けの説明に過ぎず、未来予測は数多くの前提ありきで行われる。

2, SFCモデルの作成の大雑把な手順

①目的を決める：どのような経済のモデルを作るのか(閉鎖経済を作るのかそれとも開放経済のモデルを作るのか、などといったこと)、どの程度の時間を扱うか、どのような現象を扱うか(金融不安定性を主に扱うかもしれないし、経済成長を扱うかもしれない)を決める

②部門分けを行う：家計/企業/銀行/中央銀行/政府/外国などの、部門を定義する

③ストックとフローの変数を導入する：モデルで扱う部門間の取引の種類と資産および負債の種類を決め、フローとストックを表す変数を導入する

④会計的な一貫性を確認する：「モデルが満たすべき、会計的一貫性を示す恒等式」の一群を示す。(行動方程式次第で、どの会計恒等式を、いつ、どの内生変数の計算に使うかが変わってくるので、行列やフローチャートを書くにとどめておくのが良いと思う)

②～④は、行列やフローチャートを使って行われることが多い。

⑤行動方程式を作る：それぞれの部門がどのような経済行動をとるかを示す、方程式を立てる。行動の原因に該当する変数を引数とし、行動の結果に該当する変数を算出する関数を立てる。この段階で、どの変数を内生変数とし、どの変数を外生変数とするかを確定する。

⑥カリブレーションを行う：モデルの出力が、実際のデータとできるだけ一致するように、あるいは、再現したい現象が現れるように、パラメータを調整する。もしくは、計量経済学的手法を用いて推定した値や、理論的な推論から算出した値を、パラメータに採用する。

⑦感度分析を行う：政策当局が決定する変数の変化の影響を調べたり、パラメータ/外生変数の変更によって均衡の位置がどの程度変化するかを調べたりする

⑧モデルの出来を評価する：現実世界のデータと比較したり、目的の現象が再現されたりかどうか判断したり、既存のモデルが出力した成果と比較したりする。

3, 慣習

3 – 1, 変数の文字の割り当ての慣習

ポスト・ケインズ派の理論の慣習を基本的に受け継いでいる傾向がある。

変数に対する文字の割り当てにありがちな慣習には

- パラメータはギリシャ文字
- 内生変数/当局が水準を決める外生変数/可変な外生変数は、英語アルファベット
- 資本あたりの値/人口あたりなど、 $\circ\circ$ あたりの値を表す変数にアルファベット小文字、そうではない変数にアルファベット大文字
- 名目変数にアルファベット大文字、実質変数にアルファベット小文字
- 物価/賃金水準/金利や利回りは、アルファベット小文字

などがある。

3 – 2, 時間に関する表記の慣習

慣習的に、ストックの変数は、（添え字がないときは）期末の値を表す。期末の値は次期の期首の値と等しい。ストックの変数は、 t 期目の期首の値は X_{-1} と書かれ、期末の値は X と書かれる。価格/金利/利回りの変数は、対応するストックの変数が存在しないフローの変数かのように扱われている。フローの変数は、今期のフローが添え字なし、前期のフローは ΔX_{-1} や X_{-1} 、次期のフローは ΔX_{+1} や X_{+1} といった具合。「期末のストック」=「期首のストック」+「フロー」で表される場合、 $X = X_{-1} + \Delta X$ などという書き方になる。

4, SFCモデルで使われる式の分類

SFCモデルでは、各変数は3種類の式で関係を表現される。それぞれの種類の中に目的や意味合いが違うサブグループがある。用語は後で説明する。ここでは全体像を示す。

- 会計恒等式
 - フローの会計的整合性を表す恒等式（取引フロー行列/社会会計行列/フローチャートで表す）
 - 部門間の支払った金額と受け取った金額が常に一致するように保証する恒等式（取引フロー行列の行の恒等式）
 - 部門内の、損益計算書やキャッシュ・フロー計算書のバランスを保証する恒等式（取引フロー行列の列の恒等式）
 - ストックの会計的整合性を表す恒等式（バランスシート行列で表す）
 - 負債が常に他部門の同額の金融資産を伴う（バランスシート行列の金融資産の行の恒等式）
 - 各部門の実物資産の合計が、系全体の実物資産と等しい（バランスシート行列の実物資産の行の恒等式）
 - 部門内および系全体のバランスシートのバランスを保証する恒等式（バランスシート行列の列の恒等式）
 - ストックとフローの関係の会計的整合性を表す恒等式
- 定義式
 - 期待値の定義

- 純貸出
- 稼働率の定義
- etc.
- 行動方程式（サブグループの分類の参考^[4:1]）
 - エージェントがどのように支出や収入を決定するかを表現する行動方程式（取引フロー行列の上半分、取引と生産を表す行の変数を計算する）
 - 家計消費支出関数
 - 政府支出関数
 - 企業投資関数
 - 税金の支払いの関数
 - 賃金の支払いの関数
 - etc.
 - エージェントが資金調達方法をどのように決めるか、決めることができるかに関連する行動方程式
 - 家計や企業が希望する借入金の金額を決める関数
 - 企業が株式や社債をどれだけ新規発行するかを決める関数
 - 政府（中央銀行を除く）が財政赤字を出すとき、短期国債と長期国債をどのような割合で発行するかを決める関数
 - etc.
 - エージェントがどのように保有資産を配分するかを表す行動方程式
 - ポートフォリオ方程式
 - etc.
 - 生産性上昇/賃金/インフレ率の決定にかかわる方程式
 - 技術水準に依存する変数の値を決める関数
 - 賃金水準を決める関数
 - 物価水準を決める関数
 - etc.
 - 金融システムの振る舞いを決定する行動方程式
 - 中央銀行が、目標金利を維持させるように、民間金融機関の需要に応じて国債と現金を交換することを表す関数
 - 市中銀行の与信管理を定量的に表す関数
 - etc.

5, 行列と会計恒等式

5 – 1, 会計恒等式とは

会計恒等式とは、大きく分けて、

- フローの会計的整合性を表す恒等式
- ストックの会計的整合性を表す恒等式
- ストックとフローの関係の会計的整合性を表す恒等式

の3種類で構成される、会計的な整合性を表す恒等式。会計的一貫性を保証できる組み合わせで会計恒等式が用いられなければならない。

少なくとも2つの恒等式が、ほかの恒等式の組み合わせで導出できる。ほかの恒等式の組み合わせで導出される恒等式は、モデルでは用いない(どの恒等式の組み合わせを選ぶかは任意)。モデルで用いない恒等式は、隠された等式(hidden

equation)と呼ばれる。**#ここをわかりやすく。これじゃ伝わらない** もう少し具体的な言い方をしてみると。恒等式 $A=B$, $B=C$, $C=A$ という3つの恒等式が使えるとき、 $C=A$ は $A=B$ と $B=C$ の組み合わせとして導出可能なので、 $A=B$ と $B=C$ を含むモデルがはじき出した結果の会計的一貫性を確認するときに、 $C=A$ になっているかどうかを見れば良い、といった感じ。

モデルで計算して出した結果が、隠された等式を満たしていれば、モデルに会計的な矛盾が含まれないことを検算できる。

フローの会計的整合性を表す恒等式は、後述する取引フロー行列において、行と列であらわされる。

ストックの会計的整合性を表す恒等式は、後述するバランスシート行列において、行と列であらわされる。

5 – 2, 恒等式群としての行列

SFCモデルを用いる際は、多くの場合、

- スtock（資産/負債/純資産）の一貫性を表す行列
- フロー（費用/収益/損益と、それに伴うストックの移動および増減）の一貫性を表す行列

の2種類を用いる。

ストックの会計的整合性を表す行列には、

- バランスシート行列(Balance sheet matrix、あるいはBalance sheet account matrix)

が用いられる。

フローの会計的整合性を表す行列には、

- 取引フロー行列(transaction flow matrix、**transactions matrix**は取引フロー行列の資金フローの行が無いもの)
- 社会会計行列(Social accounting matrix)

のいずれかが用いられる。フローの会計的整合性は、フローチャートを使って表現されることもある。

行列は、会計的な一貫性を保証するために満たすべき恒等式群を、視覚的に表現している。行列は、会計恒等式を示すためのツールであり、モデルを解釈する人にとっては、会計恒等式を復元するためのツールでもある。

行列を使うことによって、モデル内に「取引相手のいない謎取引」や「謎資産」が紛れ込んでいないかを確認することが容易になる。(しばしば、ブラックホールが存在しない、みたいな言い方をするようだ)

5 – 3, バランスシート行列

バランスシート行列は、例えばこんな感じに書かれる。

	労働者(w)	投資家(i)	企業(f)	民間金融機関(b)	統合政府(g)	合計
資本			$+pk*K$			$+pk*K$
公共資本					$+pk*Kg$	$+pk*Kg$
棚卸資産			$+p*IN$			$+p*IN$
預金	$+Mw$	$+Mi$	$+Mf$	$-M$		0
貸付金・借入金	$-Lw$	$-Li$	$-Lf$	$+L$		0
ハイパワードマネー				$+H$	$-H$	0
株式		$+pe*Ei$	$-pe*E$	$+pe*Eb$		0
国債		$+GBi$		$+GBb$	$-GB$	0
純資産	$-Nww$	$-Nwi$	$-Nwf$	0	$-NWg$	$-NW$
合計	0	0	0	0	0	0

バランスシート行列の例

バランスシート行列(ストックを表す行列)は、カラムが経済部門、インデックスがストックの種類(現金とか、債券とか)を示す。資産を+記号を付けて表現し、負債や純資産を一記号を付けて表現する。貸借対照表において借方に記載される分が+、貸方に記載される分が- と思えば良いかと。

一番下の行には、それ以外の行の合計値が書かれ、値は0である(貸方と借方が常にバランスすることと対応する)。

一番右の列には、それ以外の列の合計値が書かれる。そのストックの、経済全体で見た合計を示す。金融資産を表す行では、純金融資産は0なので0が書き込まれ、固定資本や棚卸のような実物資産を表す行は、0より大きい値になる。(生産活動は、実物資産と純資産を同額増加させる。固定資産や棚卸の行の一番右の列に0ではない値が出るのはそのせい。)

バランスシート行列と名乗るだけあって、バランスシート(貸借対照表)に対応する。

金融資産には対応する金融負債があって、すべての金融資産と金融負債を相殺すると0になる。また、実物資産は純資産とバランスする。バランスシート行列の右端の列で、金融資産は0、質物資産は+で書かれることで、それらが表現されている(純資産は-)。

5 - 4, 取引フロー行列

5 - 4 - 1, 取引フロー行列の例

取引フロー行列は、費用/収益/損益と、それらに伴う資産/負債/純資産の増減を記載する行列。例えばこんな感じに書かれる。

		労働者(w)	投資家(i)	企業(f)		民間金融機関(b)		統合政府(g)		合計
				current	capital	current	capital	current	capital	
取引	消費	-p*Cw	-p*Ci	+p*C				-p*CG		0
	在庫			+p*ΔIN	-p*ΔIN					0
	投資			+p*kI	-p*kI					0
	公的固定資本形成			+p*Igf				+p*Igg	-p*Ig	0
	貸金	+WN		-Wf*(Nc+Nk)		-WbNb		-WgNg		0
	社会保障費	+SS						-SS		0
	付加価値税			-Tv				+Tv		0
	所得税	-Tiw	-Tii					+Ti		0
	資産税	-Tew	-Tei	-Tef				+Te		0
	法人税			-Tf				+Tf		0
	企業利潤		+Πi	-Πi-Πb-Πf	+Πf	+Πb				0
	国債金利		+ig*GBi			+ig*GBb		-ig*GB		0
	民間銀行の貸付金利息	-i*Lw		-i*Lf		+i*L				0
	政府の貯蓄							-GS	+GS	0
資金フロー	[メモ: 純貸出]	[NLw]	[NLi]		[NLf]				[NLg]	0
	預金	-ΔMw	-ΔMi		-ΔMf		+ΔM			0
	貸付金・借入金	+ΔLw	+ΔLi		+ΔLf		-ΔL			0
	ハイパワードマネー						-ΔH		+ΔH	0
	株式		-pe*ΔEi		+pe*ΔE		-pe*ΔEb			0
	国債		-ΔGBi				-ΔGBb		+ΔGB	0
	合計	0	0	0	0	0	0	0	0	

取引フロー行列の例

5 - 4 - 2, 取引フロー行列の概要

フローを表す行列。カラムが経済部門、インデックスが資金の流れの種類を示す。

取引フロー行列は、上に取引や実物資産の増減を表す行(=収益/費用/損益を表す変数)、下に資金フローを表す行(=金融資産/負債の増減を表す変数)が書かれる。

取引フロー行列上に書かれる、資金フローを表す変数(Δ がつく変数のほとんど)は、バランスシート行列に書かれている変数と結びついている。 $M_w(t) = M_w(t-1) + \Delta M_w(t)$ などといった具合。

一番下の行はそれ以外の行の合計、すなわち0になる(収益-費用-損益 = 0, あるいは 資産の増加分-負債の増加分-純資産の増加分 = 0 (に該当))。

一番右の列はそれ以外の列の合計が記載され、値は0になる(誰かの費用 = 他の誰かの収益、誰かの金融負債の増加 = 他の誰かの金融資産の増加 (に該当))。

なお、行列上には[メモ]の行が挿入されている場合が多い。[メモ]の行の変数は、列の合計の計算の対象にならないし、純貸出(Net Lending)を表す場合などの例外を除き、行の合計が0ではない。[メモ]の行が存在しなくても行列は成立するので、あくまでメモの役割である。

5-4-3, 純貸出の存在意義と、純利益との関係について

取引フロー行列上にメモとして挿入されている純貸出(net lendingの翻訳)は、保有する純金融資産の今期の増減分を意味していて、

$$\text{「純貸出」} = \text{「純資産の増加分」} - \text{「実物資産の増加分」} = \text{「金融資産の増加分」} - \text{「負債の増加分」}$$

である。すべての部門の純貸出の合計は常に0である。

純貸出をわざわざ導入するのは、純利益と純貸出を区別したいからではなかろうか。純貸出は、金融の不安定性/持続可能性/企業の資金繰りなどの議論の文脈で、純利益(利潤ともいう)よりも有用だと思う。

家計/企業/預金取扱機関ではない民間金融機関にとって、純利益と純貸出の関係は、

税引き後当期純利益(=PKの言う企業利潤、損益の一種)

= 現預金増加分-債務(買掛金、借入金、その他債務など)増加分+現預金以外の債権(売掛金、その他債券など)増加分+投資(実物資産増加分)

= 純貸出+投資(実物資産増加分)

この式本当？

。純利益が+なのに純貸出が-になることもありうる。

民間銀行にとっては注釈^[12]。中央銀行にとっては注釈^[13]、政府にとっては注釈^[14]。

純貸出は、部門の純金融資産の純増分であり、取引の行のcapital列の合計に等しい。currentとcapitalの区別がない場合は、純貸出は、取引の行の合計に等しい。

5-4-4, 取引フロー行列の、変数の符号

取引フロー行列の変数の符号の付き方は、「資金源(資金の増加)に+をつけ、資金用途(資金の減少)に-をつける」と説明されることが多い。が、この説明だと、資金フローの行や利潤の行や投資の行を見ているときに、混乱してしまうのではないだろうか(「資金」という言葉のニュアンスが、抽象的で難しいからだろう)。この記事では、別の言葉で符号の付き方の規則を説明する。慣れてくると、「資金源(資金の増加)に+をつけ、資金用途(資金の減少)に-をつける」と説明したくなる気分もわかるようになるはず。

+と-のつけ方にはルールがある。

取引の行(Capital列を除く)において、

- ・「損益計算書で**借方**に計上される勘定科目」が発生する場合は**－**
- ・「損益計算書で**貸方**に計上される勘定科目」が発生する場合は**＋**

資金フローの行とCapital列において、

- ・「貸借対照表で**借方**に計上される勘定科目」の**増加**は**－**
- ・「貸借対照表で**貸方**に計上される勘定科目」の**増加**は**＋**
- ・「貸借対照表で**借方**に計上される勘定科目」の**減少**は**＋**
- ・「貸借対照表で**貸方**に計上される勘定科目」の**減少**は**－**

というルールだ。別の表現だと、

- ・（＋）収益
- ・（－）費用
- ・（－）利益
- ・（＋）損失
- ・（－）金融資産の増加
- ・（＋）金融資産の減少
- ・（＋）負債の増加
- ・（－）負債の減少
- ・（＋）純金融資産の増加
- ・（－）純金融資産の減少
- ・（－）実物資産の増加
- ・（＋）実物資産の減少

となる。負の金融資産は負債であり、負の負債は金融資産、負の純資産は純負債。そんなところ。

	労働者(w)	投資家(i)	企業(f)	
			current	capital
消費	$-p \cdot C_w$	$-p \cdot C_i$	$+p \cdot C$	
在庫			$+p \cdot \Delta IN$	$-p \cdot \Delta IN$
投資			$+p \cdot I$	$-p \cdot I$
公的固定資本形成			$+p \cdot Igf$	
賃金	$+WN$		$-Wf \cdot (Nc + Nk)$	
社会保障費	$+SS$			
付加価値税			$-T_v$	
所得税	$-T_{iw}$	$-T_{ii}$		
資産税	$-T_{ew}$	$-T_{ei}$	$-T_{ef}$	
法人税			$-T_f$	
企業利潤		$+\Pi_i$	$-\Pi_i - \Pi_b$	$+\Pi_f$
国債金利		$+ig \cdot GBi$		
民間銀行の貸付金利息	$-i \cdot Lw$		$-i \cdot Lf$	
政府の貯蓄				
[×モ: 純貸出]	$[NLw]$	$[NLi]$		$[NLf]$
預金	$-\Delta Mw$	$-\Delta Mi$		$-\Delta Mf$
貸付金・借入金	$+\Delta Lw$	$+\Delta Li$		$+\Delta Lf$
ハイパワードマネー				
株式		$-pe \cdot \Delta Ei$		$+pe \cdot \Delta E$
国債		$-\Delta GBi$		

- 収益(＋)
- 費用(－)
- 利益(－)
- 実物資産の増加(－)
- 純資産の増加(＋)
- 金融資産の増加(－)
- 負債の増加(＋)

符号のつけ方

5 - 4 - 5, Current列とCapital列、投資と純利益

取引フロー行列では、経常的な取引を示す列(Current)と、資本/金融勘定を示す列(Capital)を分けることができる。それはちょうど、損益計算書とキャッシュ・フロー計算書を区別することに対応する。

Current列とCapital列を区別すると、部門内で行われる投資や、純貸出と等しくない税引き後当期純利益を、扱うことができる。

Currentの列は、費用と収益と損益を表す。費用/利益はマイナスで表記され、収益/損失はプラスで表記される。損益計算書で借方に記載される科目を、取引フロー行列ではマイナス表記。損益計算書で貸方に記載される科目を、取引フロー行列ではプラス表記。

Capitalの列では、バランスシート上で貸方に計上される項目の増加（＝負債の増加/金融資産の減少）に＋をつけて表記し、借方に計上される項目の増加（＝金融資産の増加/負債の減少）を－をつけて表記する。

上の例の企業以外のような、CurrentとCapitalを区別しない列では、部門内で完結する投資や、純貸出と等しくない税引き後当期純利益のような、「CurrentとCapitalの列が存在しないと取引フロー行列上で表現できない項目」が無い。無いからこそCurrentとCapitalを区別する必要がない。仮に区別した場合、「定義式」と「内生変数」と「取引フロー行列の列の恒等式」が一つずつ増えて、「パラメータの数」や「行動方程式の数」は変化しない。

投資や減価償却の行は、異質な変数で表現される。この行は、保有する実物資産の増減を扱う部分だ。本来なら消費活動も同様に扱うべきなのかもしれないが、言い換えると、消費者が財やサービスを消費していく過程で“減価償却”するのだから、消費(購入)と消費(使用)で別の行を作るのが原理原則にのっとった考え方なのかもしれないが、そのようなモデルは見たことがない。わざわざモデルの複雑さを増すメリットがない上に、どのような“減価償却曲線”が適切なのか分からなさすぎるから、だろうか(私の主観)。

投資（資本減耗を含む）＝ 投資（資本減耗を含まない）- 資本減耗

同じことを言い換えると

投資（付加価値増加額）＝ 投資（投資支出額）- 資本減耗

5 - 5, 社会会計行列

フローを表す行列には、社会会計行列と呼ばれるものもある。取引フロー行列の代わりに社会会計行列を使い、バランスシート行列と組み合わせてSFCモデルを作ることもある。取引フロー行列を使うか、社会会計行列を使うかは、かなりの部分が好みの問題になる。

社会会計行列は、例えばこんな感じに書かれるはずだ。

Ver. 0	Activities	Comodities	Factors						
	生産活動	最終需要	付加価値	企業	家計	政府	外国	純投資(純損益)	(収益の)合計
生産活動		総生産量							総売上高
最終需要	中間財需要				家計消費	政府消費	輸出	(経済学用語の)投資	集計対象需要
付加価値	付加価値						付加価値の流入		付加価値所得
企業			売上総利益			移転			企業所得
家計			賃金	営業利益		移転	海外送金		家計所得
政府	間接税	関税	付加価値税	法人税等	直接税				政府収入
外国		輸入	付加価値の提供		海外移転	海外移転		海外への資本移転	外国為替支払い
純投資(純収益)				内部留保	家計貯蓄	政府貯蓄	海外からの資本移転		(経済学用語の)貯蓄
(費用と純収益の)合計	総費用	総供給	付加価値合計	企業向け支出	家計支出	政府支出	外国為替受取高	投資	

社会会計行列の例

社会会計行列はインデックスもカラムも経済部門である。**# 経済部門とは違う。分配の所属とでも言う？適切な単語があると思うけど、知らない**

列は、カラムの経済部門全体から他の経済部門への費用(支払い)と利益を表す。行は、インデックスの経済部門が他の経済部門から受け取る収益(収入)を表す。損益計算書の借方に記載される項目が社会会計行列の列に、損益計算書の貸方に記載される項目が社会会計行列の行に記載される。

行列の一番下にほかの経済部門への費用と損益の合計に該当する行をもち、一番右にほかの経済部門からの収益の合計に該当する列を持つ。費用 + 損益 = 収益の関係がある。(損益計算書のバランスは常に維持される)

バランスシート行列や取引フロー行列と違い、符号がつかない。**それから、取引フロー行列と違い、資金フローを書かない。「資金フローの行を取り除き、Net Lendingの行を一番下に追加した、取引フロー行列」のような情報だ。**

5 - 6, フローチャート

部門をボックス、取引を矢印で表した、フローチャートが、取引フロー行列や社会会計行列の代わりに用いられることがある。

取引フロー行列や社会会計行列と異なり、部門内での投資や棚卸資産の増減などが、モデルに含まれていても書かれないことが多い。また、どの部門がどの種類の金融資産および負債を増減させる可能性があるのかについても、普通は書かれない。

個人的には、フローチャートよりも取引フロー行列を用いることを推奨する。

5 - 7, スtockとフローの整合性を表す恒等式について

ストックとフローの関係の整合性を表す恒等式は、差分方程式体系のモデルにおいて、価格 p と量 X を用いて

$$pX = p_{-1}X_{-1} + \Delta pX_{-1} + p_{-1}\Delta X + \Delta p\Delta X$$

や

$$pX = p_{-1}X_{-1} + \Delta pX + p_{-1}\Delta X$$

などとあらわされる(意味がわかりやすいのは上、簡潔なのは下)。 $+\Delta pX_{-1}, +\Delta p\Delta X_{-1}, +\Delta pX$ は、ストックの評価額上昇分を含む項であり、後述する取引フロー行列では記載しない。 **p と X の両方を可変とする場合、 X を変化させた後 p が変化する、ということにするのではないかな。**

ただ、差分方程式体系のモデルでは、モデルの複雑さを抑えるためだろう、 p と X のどちらか一方しか時間変化しないという前提を採用することが多い。(ので、 $\Delta p\Delta X$ を考慮する必要はあまりないはず)

価格不変あるいは価格の概念がない変数(例えば預金やローンや価格不変の前提を追加された国債など)では

$$X = X_{-1} + \Delta X$$

などとあらわされる。

期首の価格で取引されたと考えるか、期末の価格で取引されたと考えるか、それ以外の方法をとるか、そのあたりの設定が恒等式の細かい形を左右する。

連続時間のモデルでは、ストックを表す変数の時間微分でフローを表す場合、ストックとフローの整合性を表す恒等式を明示的に示す必要はないはずだ。

5 - 8, 株式/資本金/利益剰余金の取り扱いについて

株価不変という前提を採用する場合、株式は金融資産として扱い、資本金を返済の必要がない負債として扱うのが、SFCモデルにおいては収まりが良く、普通はそうように扱われている。ただ、株式を金融資産として扱い、バランスシート行列に書かれる株価が変動する限り、株価の変動に伴って資本金が変動するという珍事を許容しなければならない。株の時価総額が上がれば、負債としての資本金が同じだけ大きくなり、企業の利益剰余金に該当する変数が同じだけ小さくなる。(資本金や利益剰余金が行動方程式を通じてほかの変数に影響を与えることがなければ、気持ち悪いだけで問題ではない)

株式を実物資産、資本金を純資産とカテゴライズすると、株価の変動に対して資本金や利益剰余金ではなく株式保有者の純資産が対応する。株価の変動と、資本金や利益剰余金を、切り離すことができる。

また、国債や社債やコマーシャルペーパーなどは、市場の価格と額面が一致しないものだ。株式も同じように考えて、バランスシート行列上の株価を簿価の平均値とし、時価を別の変数で導入する方法もある。ただ、株価が安いときに新規株式を発行し、株価が高いときに自社株買いを行うと、バランスシート行列上の株価(簿価の平均の株価)がマイナスになるという、新たな珍事が発生する可能性も理論上ありうる。(バランスシート行列上の株価が行動方程式を通じてほかの変数に影響しない限り、気持ち悪いだけで問題ではない)

6, 定義式

変数の定義のための式。

- ・総需要 $Y = \text{消費 } C + \text{投資 } I + \text{政府支出 } G$
- ・稼働率 $u = \text{潜在産出対資本ストック比率 } \sigma \times \text{総生産 } Y / \text{資本ストック } K$
- ・ $x^e = \lambda_e x_{-1}^e + (1 - \lambda_e) x_{-1}$
(期待値は慣習的に右上に e の添え字をつける)
- ・労働者の純貸付 $NL_w = -pC_w + WN + SS - T_{iw} - T_{ew} - iL_w$
(上の取引フロー行列の労働者の列を例にとった。)

みたいな式。

7, 仮説と行動方程式(behavioural equation)

7 - 1, 行動方程式とは

行動方程式は、「各経済部門(あるいは経済主体)の、経済行動の意思決定の方法」の仮説を関数の形で定式化したもの。

内生変数 z がほかの変数の関数 $F(x_1, x_2, x_3, \dots)$ として書かれ、内生変数 z が結果、ほかの変数 x_1, x_2, x_3, \dots が原因に位置づけられる。前期末までのストックが、しばしば、今期のフローを表す行動方程式で使われる(そのため、モデルは動的になり、経路依存性を持つ)。

7 - 2, ポスト・ケインズ派による行動方程式の特徴

新古典派経済学は、市場は価格変動によって調節されると考える。需要や供給の増減に対して、価格と数量の両方が敏感に反応する、と考えるのだ。一般均衡理論。

一方のポスト・ケインズ派などは、供給量が期間内の需要に適応して増減し、短期間において価格は一定で推移すると想定する。供給量が期間内の需要にどのように適応するか? バッファをもって各経済主体が意思決定していると想定することによって。バッファの種類は、企業にとっての在庫や内部資金、家計にとっての預金、(中央)銀行の内生的貨幣供給、

イールドカーブコントロールのための注文など。不確実な世界で意思決定を下さなければならない以上、バッファをあらかじめ用意しておいて、予測できない変化に備えておくのが自然だ、というわけだ。

新古典派経済学や多くのニュー・ケインジアン理論を前提としたモデルは、制約条件下での「最適化」が行われる(予算をはじめとした制約の中で、効用や利潤などを最大化する)。モデルの主な関心ごととは(労働力みたいなものも含めた広い意味での)資源の分配など。

一方のポスト・ケインズ派のSFCモデルでは、経済主体はしばしばストックとフローの比率を目標に持っていて(売上高に対する在庫比率、自己資本比率など)、その目標の比率の維持のために意思決定する。モデルの主な関心ごととは、内生変数の値の時間変化など。

7-3, 行動方程式の例

行動方程式は、パラメータのカリブレーションや推定が可能な形が選ばれる。が、下に例示する行動方程式が、パラメータのカリブレーションや推定が可能な形かどうかは不明。

行動方程式の例を書いてみる。あくまで例。現実的じゃないとか、複雑すぎるとか、そんなこと言われても知らん

ここでは、用いられる変数がすべて"名目値"を表す。物価水準と実物量(あるいは実質値)を別の変数で書き、名目値はその積で表す場合が多いが、ここでは簡単な説明のために、名目値を用いる。

行動方程式には、前期末(まで)のストック(の推移)が、今期のフローに影響を与えることを表すものが含まれる。ストックがフローに影響を与え、フローがストックに蓄積される。このようなフィードバックループが、モデルを動的にし、経路依存性を持たせる。

7-3-1, 消費関数

消費を表す関数は例えばこのようになる

$$C = \alpha_1 Y D^e + \alpha_2 V_{-1}$$

消費Cが、期待する可処分所得 $Y D^e$ と前期末(今期首)の純資産 V_{-1} で書かれている。因果関係の向きは(Y, V)→Cである。

7-3-2, 投資関数

投資関数は例えばこのようになる

$$I = -\beta_0 K_{-1} + \beta_1 \Pi_{-1} - \beta_2 L_{-1} + \beta_3 Y_{-1}$$

この例では、投資 I が、資本ストック K 、前期の内部留保増加分 Π 、借入 L 、生産量 Y によって書かれる。

7-3-3, 政府支出関数

$$G = \gamma K_{-1}$$

資本の稼働率の一定割合を政府の支出に対応するために使わせる、くらいの感じ

7-3-4, 給与関数(呼び方?)

$$W = \delta_1 W_{-1} + (1 - \delta_1) \frac{Y_{-1}}{1 + \delta_2}$$

価格粘着性を持たせつつ、国民所得の一定割合が賃金に配分されるように圧力をかける、ってなイメージ

7-3-N, ポートフォリオ方程式(金融資産の保有配分量の決定のモデル)

株/債券/手形/預金などの金融資産のポートフォリオ選択について、SFCモデルでは、頻繁に、以下のようなベクトルや行列を用いて行動方程式が書かれる。[\[15\]](#)

$$\begin{pmatrix} D \\ A_{ST} \\ P_{LT}A_{LT} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \lambda_{10} \\ \lambda_{20} \\ \lambda_{30} \end{pmatrix} V + \begin{pmatrix} \lambda_{11} & \lambda_{12} & \lambda_{13} \\ \lambda_{21} & \lambda_{22} & \lambda_{23} \\ \lambda_{31} & \lambda_{32} & \lambda_{33} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} r_D \\ r_{ST} \\ r_{LT} \end{pmatrix} V + \begin{pmatrix} \lambda_{14} \\ \lambda_{24} \\ \lambda_{34} \end{pmatrix} Y$$

D : (要求払)預金 (期末)

A_{ST} : 短期資産の価格 (期末)

P_{LT} : 債権であると想定できる長期資産の単位量当たりの価格 (期末)

A_{LT} : 債権であると想定できる長期資産の量(どこそこの株を何万株とか、そういう感じ) (期末)

V : 資産総額 (期末)

r : 収益率。 r_X は X の収益率

Y : 所得

λ_{ij} : ("定型化された事実"に基づく?)パラメータ

「期末の資産総額」「各金融資産それぞれの今期の収益率」「今期の所得」が原因となって、期末の資産の配分という結果が計算される。というモデルだとわかる。

資産総額と、各資産保有額の合計を、常に一致させるような λ_{ij} を採用しなければならない。上のポートフォリオ方程式の例の λ_{ij} だと、 $V = D + A_{ST} + P_{LT}A_{LT}$ を常に成立させなければならない。

資産総額と、各資産保有額の合計を、常に一致させるような λ_{ij} の選び方には、綺麗な十分条件が存在し、普通はそれを採用する。上の例だと、以下のような綺麗な十分条件（垂直制約：vertical conditions）が存在する[\[15:1\]](#)。

$$\lambda_{10} + \lambda_{20} + \lambda_{30} = 1$$

$$\lambda_{11} + \lambda_{21} + \lambda_{31} = 0$$

$$\lambda_{12} + \lambda_{22} + \lambda_{32} = 0$$

$$\lambda_{13} + \lambda_{23} + \lambda_{33} = 0$$

$$\lambda_{14} + \lambda_{24} + \lambda_{34} = 0$$

λ_{i0} : 各資産の"normalな"保有割合。金融資産の収益率が0で、所得も0のときの保有割合。 $0 \leq \lambda_{i0} \leq 1 \ \forall i \in \{1, 2, 3\}$

ベクトルや行列を用いた行動方程式がメジャーなのは、このような式とセットで、資産配分の整合性を保ちつつ簡潔に記述できるから、だと思われる。

上に加えて、Godleyを中心に、下の3つの条件も満たしていることが望ましいとされることが多い。[\[15:2\]](#)

$$\lambda_{11} = -(\lambda_{12} + \lambda_{13})$$

$$\lambda_{22} = -(\lambda_{21} + \lambda_{23})$$

$$\lambda_{33} = -(\lambda_{31} + \lambda_{32})$$

これらは、水平制約（horizontal constraints）と呼ばれる^[15:3]。水平制約は「**金融資産①の収益率だけが Δr 上昇したときの、金融資産①の保有額の増加幅**」が「**ほかのすべての金融資産の収益率が Δr 下降したときの、金融資産①の保有額の増加幅**」と等しくなる。くらの意味。**かなりわかりにくい説明になっているのは自覚していますが、もっと良い説明が思いつきません。**

さらに、満たされることが望ましいとされることが多い条件が、ほかにも存在する。

$$\lambda_{ii} > 0$$

$$\lambda_{ij} = \lambda_{ji} \quad (\text{これは、金融資産が3種類の時は、垂直制約と水平制約から一意に導出される。})$$

$$(\text{ただし } i \neq j, \forall i \in \{1, 2, 3\}, \forall j \in \{1, 2, 3\})$$

$\lambda_{ii} > 0$ は、金利/利回りが高い資産は多めに保有するインセンティブが働くということ。

$\lambda_{ij} = \lambda_{ji}$ のニュアンスは、「金融資産①の資本収益率が Δr 上がった時の、金融資産②の保有額の減少量」が「金融資産②の資本収益率が Δr 上がった時の、金融資産①の保有額の減少量」と等しい、といった感じ。**かなりわかりにくい説明になっているのは自覚していますが、もっと良い説明が思いつきません。**

$$\lambda_{10} + \lambda_{20} + \lambda_{30} = 1$$

$$\lambda_{1j} + \lambda_{2j} + \lambda_{3j} = 0 \quad (\forall j \in \{1, 2, 3, 4\})$$

$$\lambda_{ii} > 0 \quad (\forall i \in \{1, 2, 3\})$$

$$\lambda_{11} = -(\lambda_{12} + \lambda_{13})$$

$$\lambda_{22} = -(\lambda_{21} + \lambda_{23})$$

$$\lambda_{33} = -(\lambda_{31} + \lambda_{32})$$

$$\lambda_{ij} = \lambda_{ji} \quad (i \neq j, \forall i \in \{1, 2, 3\}, \forall j \in \{1, 2, 3\})$$

のすべてが満たされているとき、

$$\lambda_{ij} < 0 \quad (i \neq j, \forall i \in \{1, 2, 3\}, \forall j \in \{1, 2, 3\})$$

である。金融資産①の収益率が上がったら、ほかの金融資産の保有額が下がる。という意味。

このような資産や収益に対して線形の関係でポートフォリオ選択を表現するモデルが、どの程度現実に説明能力を持つのかは私は知らないが、SFCモデルの中でよく使われている印象がある。非線形な関数でも連続である限りは局所的には線形っぽいので、想定される位置の周りで線形のモデルを使おうってのは、ありそうな話。

個人的に需要があったので、不等号以外の制約を反映して書き直したポートフォリオ方程式を書いておく。

$$\begin{pmatrix} D \\ A_{ST} \\ P_{LT} A_{LT} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mu_{10} \\ \mu_{20} \\ 1 - \mu_{10} - \mu_{20} \end{pmatrix} V + \begin{pmatrix} \mu_{12} + \mu_{13} & -\mu_{12} & -\mu_{13} \\ -\mu_{12} & \mu_{12} + \mu_{23} & -\mu_{23} \\ -\mu_{13} & -\mu_{23} & \mu_{13} + \mu_{23} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} r_D \\ r_{ST} \\ r_{LT} \end{pmatrix} V + \begin{pmatrix} -(\mu_{24} + \mu_{34}) \\ \mu_{24} \\ \mu_{34} \end{pmatrix} Y$$

8, モデルを閉じる

8 – 1, 「モデルを閉じる」とは

会計恒等式と行動方程式が、内生変数の数を規定する。SFCモデルを作る過程で、どの変数を内生変数にし、どの変数を外生変数にするのか、決めなければならない。モデルで用いられるすべての内生変数を、行動方程式や会計恒等式や定義式を用いて解くことができる（数値解も含む）状態にすることを、モデルを閉じる（close the model）、と呼ぶ。

内生変数が n 個、会計恒等式の必要十分な数が k 個のとき、合計 $n-k$ 個の行動方程式または定義式が必要になる(参考[\[4:2\]](#))。会計恒等式の存在は、それが無い場合と比べてモデルの自由度を大きく低下させる(内生変数の数が同じなら、パラメータ/外生変数の数を減らせる。パラメータや外生変数の数が同じなら、内生変数の数が減らせる)。

8 – 2, ありがちな、式の計算順

これに厳密に従う必要はないし、モデルによってはこの順番ではダメだろうけど、よくある計算順は、多分、大雑把には、この感じ。私の個人的な経験。

①ストックと期待値の初期値を決める。バランスシート行列の行と列が表す恒等式をすべて満たすように、ストックの変数の値を決める。

①期待値の計算

②今期の価格水準の計算。物価とか貨幣賃金とか

③取引フロー行列の取引の行の変数を、行動方程式と取引フロー行列の行の恒等式を用いて計算。消費や政府支出など、②の段階で値が決まっている変数だけを引数とする行動方程式を先に計算。所得や付加価値生産が決定しないと金額が決まらない税金などは後に計算。

④収支（Net Lending）の計算と、取引フロー行列のCurrent列の恒等式を用いた未計算の変数の値の計算

⑤純金融資産と、資本や在庫といった実物資産（ストック）と、純資産の、期末の値の計算。期末の値＝期首の値＋関連するフロー＋キャピタルゲイン

⑥ポートフォリオ配分の計算。金融資産と負債の、期末の値が決まる。今期の期末の値は、次期の期首の値でもある。

⑦（バランスシート行列の恒等式を中心に？）隠された等式を用いて会計的一貫性が維持されていることを確認

①～⑦を繰り返し

9, SFCモデルにとっての長期均衡あるいは定常状態について

SFCモデルにとって、長期均衡とは、ストックやフローを表すすべての変数が、お互いに相対的な大きさを維持する状態のことだと思われる。 t の増加に従ってすべての変数 x が $x = x_0 \exp(\alpha t)$ （ただし x_0 および α は x に固有の実数定数）に収束する場合など。定常状態とは、任意の変数 $x(t)$ が $x(t) = x_0$ に収束すること。

長期均衡及び定常状態は、パラメータや外生変数が $x = x_0 \exp(\alpha t)$ という条件の下で、(モデルの上では)実現しうる。

ただ、現実の経済では普通、パラメータや外生変数(に該当する現象)が時間変化する。しかも、古い均衡から新しい均衡への移行経路自体が、新しい均衡の位置に影響を与える **# 言いたいことがわからない。「内生変数の数」次元の、状態を表す空間があって、そこにポテンシャルがあって、状態の運動が描く軌跡がある。そんなイメージ。わかりやすく。加え**

て、どの程度の範囲を「均衡している状態」に含めるのかによるが、「現実の経済がしばしば均衡を実現している」という想定を成立させつつ、同時に「均衡を分析することに意義がある」と言える状態が、現実によくある保証は無い。「均衡している状態」の幅が大きく明確な境目が無いのであれば、経済はしばしば「均衡する」ものの、意味のあることをほとんど何も言えなくなる可能性が高い。「均衡している状態」の幅が小さく明確な境目が存在するのであれば、経済は滅多に均衡しないか、外生変数/パラメータの変動が頻繁に発生するので、長期均衡や定常状態に「分析の参考」以上の価値を見出すことが難しい。 # 文が汚すぎ。書き直し

とにかく、現実の経済は、モデルと違って、長期均衡状態にない場合が非常に多い。それゆえに、長期均衡にあるとの仮定の下で、現実のデータを使ってパラメータを推定したりカリブレーションしたりすることに、妥当性がない場合が多い。

10, SFCモデルの特徴、経路依存性と最適化の必要性

SFCモデルでは、ストックとフローの時間変化を記録していくため、ストックとフローの比率や、フローとフローの比率の時間変化を扱うことに長けている。また、ストックからフローへのフィードバックが存在することから、SFCモデルは経路依存性を持つ。加えて、新古典派やニュー・ケインズ派が言う意味での最適化された行動の仮定は、モデル作成において必要ではない(含むこともできるだろうが、意味があるかどうか)。

これらの特徴から、SFCモデルは、長期のトレンドだけでなく、短期～中期の景気変動などの現象を扱いやすい。パラメータを時間変化させることで外生的に景気変動を起こすこともできるし(DSGEでも似たことをしている)、「学習」「ランダムさ」「債務不履行に該当する概念」などを導入することで、内生的に景気変動を起こすこともできる。

現実の経済では、安定した経済成長は、経済の不安定性の原因になりうる。

安定した経済成長の下では、個々の経済主体にとっての適応的な行動は、よりリスクをとった行動だ。所得が安定した割合で順調に増えているのであれば、消費性向を高めを保つことが家計の生活水準を上げるための適した行動になる。需要が安定して増える見通しであれば、企業は投資による生産能力拡張を通じて将来の市場シェアの維持獲得を狙うことが適応的だ。金融資産の全体的な価格が長期間安定して伸びているのであれば、より高いレバレッジをかけた売買を行うことで期待利益を最大化できる。不況下では信用を得られないような金融商品/債務も、好況下では問題なく流通/償還される。

安定した経済の成長は、民間部門の資金調達における負債依存度を上昇する圧力になる。また同時に、安定した経済の成長は、流動性の低い金融資産および負債の、増加と流通を促す圧力になる。(安定した経済成長が必ずそれらを実現する、という意味ではない。) 経済の安定した成長は、経済の性質を不安定なものに変える力を持つ。民間部門の資金調達における負債依存度の上昇や、流動性の低い金融資産および負債の増加は、好況やバブルの発生と同時に実現しうるが、不況やバブル崩壊の原因にもなる。したがって、コロナショックのような珍しいイベントがなかったとしても、(当局に高度に統制されていない)経済は、景気変動を失わないであろう。短期/中期的な変動が失われない限り、モデルがそれを再現することにも多少の価値があるのではないだろうか。

11, パラメータの値の設定

モデルの、パラメータの「いい感じの値の組み合わせ」を選ぶ作業は、推定(estimation)と、カリブレーション(calibration)がある。カリブレーションではく校正と訳すことも多いと思う。

11-1, 推定

BingAIによると、

estimationとは、モデルのパラメータや構造を実際のデータに当てはめることで推定する方法です。estimationには、最尤法やベイズ法などの統計的手法が用いられます。estimationの利点は、モデルの妥当性やパラメータの信頼性を検証できることです。estimationの欠点は、計算コストが高く、データの質や量に依存することです。

統計的推定：回帰分析や最尤法などの統計的手法を用いて、行動パラメータや技術パラメータを推定する。この方法は理論的な制約や仮定が少なく、実証的な妥当性が高いという利点があるが、データの品質や量に依存し、推定結果が不安定や不一致になる可能性があるという欠点もある。

再現したい特定の「定型化された事実」が現れるようにパラメータをカリブレーションすることに関して、それを恣意的だとする懸念はもっともだ。ただ、

- 特定の定型化された事実を再現するためのカリブレーションで得られた値が、他の研究で得られた値と矛盾せず、
- 同時に、シミュレーションの結果がほかの定型化された事実も再現する

場合、カリブレーションの手順は、理論モデルの構築において、方法論の面では問題ない。事実をとらえた理論及び値だという証拠ではない。

1 1 – 2, カリブレーション

BingAIによると、

calibrationとは、モデルのパラメータや構造を理論的な仮定や既存の研究に基づいて設定する方法です。calibrationには、Time Elimination法やカリブレーション法などの数値的手法が用いられます。calibrationの利点は、計算コストが低く、データの制約を受けないことです。calibrationの欠点は、モデルの妥当性やパラメータの信頼性を検証できないことです。

カリブレーション：実際の経済データからパラメータや変数の値を直接読み取るか、あるいはモデルの特定の性質や状態を再現するように調整する。この方法はデータへの適合度が高く、計算が容易という利点があるが、理論的な根拠や仮定が強く、感度分析やロバストネスチェックが必要という欠点もある。

だそうだ。

データモデル（計量モデル）で統計的に推定された値だからといって、カリブレーションされたパラメータよりも信ぴょう性が高いと無条件に信じることはできない。データモデルが主張する因果関係が妥当かどうかは別の問題だし、妥当だったとしてもパラメータの値が変化する可能性がある

1 2, 様々なSFCモデル

SFCモデルを作る際、目的次第で、実に多様な形態をとりうる。目的や能力や学習コストを考慮しつつ、適切に選択されたし。

1 2 – 1, ベースラインシナリオとの比較

多くのSFCモデルでは、均衡を維持するベースラインシナリオと、外生変数の値を途中で変えて外生的なショックを起こしたシナリオを比較し、外生的ショックの影響を議論しようとする

1 2 – 2, 開放経済モデル

開放経済を扱ったモデルも、もちろん、多く存在する。ユーロ圏の財政破綻を議論するモデルなど。どうやら、SFCモデルの黎明期から、開放経済のモデルは存在した。詳しくはOpen Economyをキーワードに含めてscholarで検索してみてください。できれば、為替そのほかの開放経済モデル特有の要素について説明しておきたい。為替関係の資料をメモ^[16]

12-3, 微分方程式による連続時間のモデル

多くのモデルでは四半期/一年などの一定期間ごとにフローを計算し、ストックを更新するが、連続時間のモデルを作ることとできる。解析的に解くときは、連続時間のモデルを使うことになると思う。

連続時間のモデルのメリットは、

- 差分方程式系より微分方程式系の方が解析的に扱いやすい。解析的に解けるモデルでは、数値的に解く場合と異なり、モデルの複数の均衡をすべて知る事が保証できる。
- 意思決定のタイミングを連続時間の中で確率的に発生するイベントだととらえるほうが現実的。（例えば、投機的意思決定のスパンと賃金改定的意思決定のスパンは全然違うが、差分方程式でモデルを作るときにはこれを同じものとして扱うか、行動方程式で用いる過去の変数の数を増やさなければならない。）

などにある。（参考[\[10:1\]](#)）

連続時間のモデルは、自然科学や工学の分野で、シミュレーションに広く利用されてきた。連続時間のモデルを作るとき、物理的なシミュレーションや、電子回路の制御などの、洗練されたツールやノウハウを転用できるかもしれない。

12-3-1, 現代制御理論とSFCモデル

例えば、現代制御理論は、「内生変数及び可変な外生変数の、1階の線形常微分方程式」または「線形の関数」で行動方程式が書かれる連続時間のSFCモデルと、相性が良い（未確認。詳しい人教えてください）。行動方程式の関数が非線形でも、テイラー展開して、無理やり現代制御理論の領域に引き込むことができるかもしれない。

現代制御理論の文法でシミュレーションを行う場合、コツがある。フロー変数を状態変数に採用すると、フロー変数がフローの変数自信を参照し、循環参照により値が定まらない可能性がある。フロー変数の「昔の値」を保存して参照することも可能だが、シミュレーションが不必要に複雑になるため、特に理由がないなら避けるべきだ。期待変数はシステムの現在の状態に関して部門が利用できる情報を含む。ストック変数もシステムの状態に関する情報である。したがって、全てのフロー変数がストック変数と期待変数の一次結合で計算できるように行動方程式を作り、SFCモデルにおける状態変数ベクトルの要素はストック変数と期待変数に限り、フロー変数（のベクトル）は出力にする（未確認）。# この説明だと、期待変数の計算でフロー変数を使えない、あるいは期待変数自身で循環参照することになるのでは？この節は明確な間違いを含む。それから上の説明が正しければ、実物変数と価格の積を用いる式が含まれると、現代制御理論の枠組みで処理できなくなることになる。そんなはずはない。

ほかの多くのSFCモデルと同じく、一旦均衡状態に収束させてから、外生的なショックと称して入力を時間変化させ、出力と状態ベクトルが再度均衡状態に収束するまでの様子をシミュレーションすることになると思う。

現代制御理論の文法でモデルを作ることのご利益はまだわからない。すごいソフトがあるとか、ほかに何があるのか

12-3-2, 差分方程式体系を微分方程式体系に変換する

自分だったらこうするって話。微分方程式体系から差分方程式体系に変換するときは逆をするだけ。

- $X = X_{-1} + \Delta X$ (X :ストック変数)

→ 必要なし

- $X = X_{-1} + \alpha Z$ (会計恒等式。 X :ストック変数、 Z :フロー変数)

→ $\frac{dX}{dt} = \alpha Z$

- $X^e = (1 - \lambda_e)X_{-1}^e + \lambda_e X_{-1}$ (X^e : X の期待値)

$$\rightarrow \frac{dX^e}{dt} = \lambda^e (X - X^e)$$

- $X_A = \alpha X_B + \beta X_{C-1}$ (行動方程式。 X_A, X_B :フロー変数。 X_C :ストック変数、フロー変数、そのほか)

$$\rightarrow X_A = \alpha X_B^e + \beta X_C^e \text{ あるいは } X_A = \alpha X_B + \beta X_C^e \text{ あるいは } X_A = \alpha X_B + \beta X_{C-1}$$

- $X_A = X_B + X_C$ (会計恒等式または定義式)

→ そのまま

あとはこれらの組み合わせや軽い応用でほとんど網羅できそう。

$\frac{dX}{dt}$ があると一見扱いづらそうに見える (ルンゲクッタ法とか自分で書きたくない) かもしれない。が、 X と $\frac{dX}{dt}$ に係数をかけて足し合わせた形の方程式、すなわち 1 階の線形微分方程式だけで、すべての方程式と恒等式を書ける場合は、現代制御理論の文法で処理することができるはず (要確認)。

行動方程式を書くとき、微分方程式体系だからこそ簡潔に書ける関数を採用したり、差分方程式体系だからこそ簡潔に書ける関数を採用することもある。ので、変換するといっても、必ずしも機械的にするものじゃないと思うが。

1 2 - 3 - 3, 解析的に解けるSFCモデル

があるらしい。調査中。モデルを閉じるまでが大変そう。解析的に解くなら、微分方程式体系一択なんじゃないかな。あとは、 X_{-1} みたいな時間差がある変数は使わないんじゃないかな。自分の直感だと。

1 2 - 4, モンテカルロ法との併用

「均衡(あるいは定常状態)が安定しているかどうかを検討」したり、「式のパラメータと内生変数の初期値の組み合わせが少しずつ変わったときに、全く異なる位置で短期及び長期の均衡を生み出さないか」を試すため、ほかにも「経済主体が持つ意思決定の一定のランダムさを再現」するために、モンテカルロ法を用いることがある様子。

ポスト・ケインズ派は、リスクと不確実性の違いを重視している (文脈によるのだろうが、個人的には、リスクよりもむしろ不確実性の影響の大きさを強調することが多い印象) ので、リスクしか取り扱えないモンテカルロ法に対して距離をとっている人が多い、らしい。# 出典忘れた。探せ

1 2 - 5, AB-SFCモデル

1 2 - 5 - 1, エージェント・ベース・モデルの一般的な性質

Agent Based Model (以下ABM) について、最も基本的なことを理解するには、Wikipediaに書いてあることがなんとなく解れば十分かと思う。ということで、日本語Wikipediaのリンクを貼っておく。

[エージェント・ベース・モデル - Wikipedia](#)

ABMの多くに当てはまる特徴には、以下のようなものがある。

- ミクロの相互作用の結果として、マクロの性質が形作られる。また、マクロの性質からエージェントが影響を受ける。代表的個人の仮定とは対照的。
- 各エージェントは、均質ではない。様々な点で異質である。
- ミクロの振る舞いとマクロの性質が、ともに適応し、進化する。ミクロにはエージェントが"学習"し、行動パターンを変化させる。ミクロの相互作用の集積として現れるマクロの性質は、エージェントの学習の結果に従って進化する。しばしば不可逆な変化を見せる。
- エージェントが経済合理的な行動をとるにはあまりにも複雑すぎる環境になる。エージェントは限られた情報から判断を下す必要がある。
- 系が非定常的。

どのような名前が使われるにしろ、エージェント・ベース・モデリングの目的は、シミュレーションを用いる分析手法によって、複雑な社会システムの特性を理解することである。このような科学的接近法は、帰納法と演繹法という2つの標準的な方法と対比させてみることができる。帰納法は実験データの中からパターンを発見することである。たとえば、社会科学においては、帰納法は世論調査やマクロ経済データの分析に広く使われている。これに対して演繹法は、一連の公理を特定して、それらの前提から導かれる結果を証明することにかかわる。合理的選択の公理を用いてゲーム理論の均衡解を発見したのは演繹法の好例である。

エージェント・ベース・モデリングは第三の科学的アプローチである。それは、演繹法と同じで、まず明白な一連の前提とともに始まる。しかし演繹法と違って、定理を証明するのではない。そうではなしに、エージェント・ベース・モデルが生み出したシミュレーション結果のデータを帰納的に分析する。また、典型的な帰納法と違って、シミュレーションで得られたデータは現実世界を直接測定した結果というよりも、厳密に定められた規則から得られたものである。帰納法の目的がデータからパターンを見つけ出すことであり、演繹法の目的は前提の結果を見つけ出すことであるのに対して、エージェント・ベース・モデリングの目的は、直感を助けることである。

引用元：Robert M. Axelrod, 1984, 『The Evolution of Cooperation』, Basic Books. (寺野隆雄訳, 2003, 『対立と協調の科学-エージェント・ベース・モデルによる複雑系の解明』ダイヤモンド社, page 4)

エージェント・ベース・モデルは、アブダクションに近い立場をとる物だと思う。また、モデルと現実を比較することにより、現実の性質を形作る主要なメカニズムを推測するために、使われるものだと思う。シンプルで数少ない仮定から多くの現象をより厳密に説明/予測できることが理想だが、（古典物理学と違い、）マクロ経済の文脈では、多少の不出来は、現状、仕方がない。マクロ経済を厳密に説明するには、今の理論は貧弱すぎる。

1 2 - 5 - 2, エージェント・ベースのマクロ経済モデル

Agent-Basedなマクロ経済モデルを作ることの大きな恩恵として考えられるのは、

- 企業間の権力の影響がマクロに与える影響に真正面から向き合える可能性がある
- 自己組織化を扱える
- 金融バブルの内生的な発生と崩壊が扱いやすい
- エージェントの異質さ(所得分布など)の原因と影響を分析できる可能性がある
- 制度や認知判断能力が経済の性質に与える影響を明示的にする^[17]

など。

同じような性質の経済主体でも、少しずつ異なる意思決定の方法や能力を付与することもできる。倒産/起業/就職/失業もモデル化できる。任意の経済主体の意思決定が経済主体間の相互作用を通じてマクロ経済の性質を形作り、経済主体間の相互作用が特定の経済主体の運命を決める、というような直感的な動作が再現できるはずだ。市場シェアの動態的变化や、外生的な要素(モンテカルロ法の偶然の要素や、モデル内の他の変数で説明できない変数など)次第で様々な運命をたどる経済主体のふるまいなどを再現することができるし、エージェントが過去の経験から学んで行動を変えるという学習の効果を付与することもできる。

1 2 - 5 - 3, AB-SFCモデルの特徴

ABM(Agent Based Model)は、経済を扱ったモデルであっても、会計的な一貫性がないものもある。が最近では、Agent Basedでありながらストックとフローの一貫性を保証するモデル=AB-SFCモデルが、用いられることも多い。現実の経済は、自律的な意思決定をする(ように見える)経済主体が、数多く集まって相互に影響しあう。Agent Basedなモデルを用いることの利点は、動学的一般均衡モデルにおけるミクロ的基礎づけ(microfoundations)のような現実との乖離が激しい前提を採用せずに、本当の意味でミクロとマクロの懸け橋になることだろう（個人的には、Agent-BasedではないSFCモデルの部門の行動方程式すら、現実との乖離が激しいせいでモデルから主張できることが少ないと感じる。ただ、DSGEモデルよりもSFCモデルの方がましなのは、行動方程式が最適化問題と結びつかなくてもよいという自由さがあること。新

古典派やニューケインズ派の経済学者が言うような意味の合理性は、現実的じゃない。非現実的な仮定に縛られる必要がないこと自体は、SFCモデルの大きな利点だ）。

定型化された事実の中には、所得分布や企業規模の分布など、分布に関するものも含まれる。AB-SFCモデルの仕事には、それを再現することも含まれる。

1 2 – 5 – 4, AB-SFCモデルの難しさと限界

AB-SFCモデルは、ABではないSFCモデルと比べると、必要な仮定や理論が非常に多い。消費者はどの企業から財やサービスを買うのか、消費財を生産する企業は中間財の生産者とどのような取引ネットワークやバリューチェーンを作るのか、企業が資金調達のために銀行から融資を求める場合どの銀行を選ぶのか、各労働者に対してどのような割合で賃金が分配されるか、失業や新規雇用はどのような意思決定の結果行われるのか、etc. 現実に近い挙動を示すモデルを作ろうとすると、それがどんなに複雑なことを思い知らされるはずだ。AB-SFCモデルでは、各々のエージェントのふるまいを現実的にしたければ、実証研究や行動経済学などなどからアイデアを輸入する必要がある。シンプルなSFCモデルと比べると、非常にとっつきにくい。

AB-SFCモデルにも限界はある。AB-SFCモデルでリアルさを追い求め始めると、経済主体間の相互作用やその結果として生じるフィードバックがあまりにも複雑になりすぎる。因果関係を自然言語で説明することが不可能になるし、解析的に説くことも事実上不可能になるだろう。そもそも複雑なモデルを実装することは難易度が高い。モデルを完成させるためだけに、エージェントの行動の選択肢を現実よりも大幅に狭める必要に迫られるだろう。リアルさとモデルの完成との間にトレードオフが存在する。

さらには、苦労して作ったAB-SFCモデルの精度が、大半の現象の説明において、ABではないSFCモデルよりも優れている保証はない（例えば、市場シェアや家計の所得が対数正規分布またはべき分布しがちということだけ精度良く再現し、他はボロボロ、なんてことになるかもしれない）。モデルに採用できる程度に単純なアルゴリズムが、現実の人や組織がどのように行動するのかを、要求される以上の精度で表現できるとは限らないからだ。

ただ、悲観する必要は全くない。すでに多くの定型化された事実を精度良く再現するAB-SFCモデルの論文が出ている。

[\[18\]](#)

1 2 – 5 – 5, AB-SFCモデルの存在意義

AB-SFCモデルは、私が個人的に未来を感じる方法の一つだ。数値シミュレーションが現実的ではなかった時代の天才たちが、ミクロがマクロに与える影響とマクロがミクロに与える影響の相互作用になるべく言及しないように、だましだまし作ってきたマクロ経済学を、AB-SFCモデルは根底から書き換えるかもしれない。それに、MMTまで含む広い意味でのポスト・ケインズ派の、“らしさ”を表現しようと思ったら、AB-SFCモデルは、ABではないSFCモデルよりもかなり優れていると思う。ABではないSFCモデルは、「代表的個人の仮定」や「合理性の仮定」や「均衡の実現の仮定」に縛られる多くのDSGEモデルよりはましだが、「経済の多くの性質が、各経済主体の欲求だけでなく、経済主体間の相互作用から生まれる」という事実を再現しようとするなら、AB-SFCが適しているはずだ。

1 2 – 5 – 6, 金融市場とAB-SFCモデル

ABMは、金融市場を扱うにあたって相性が良い。また、SFCモデルは金融と実物の相互作用を明示的に表現する。AB-SFCモデルはABMとSFCモデルのこれらの特徴を受け継いでいる。（参考[\[19\]](#)）

金融資産の市場における内生的な価格変動は、過去の出来事から学習して行動を改定するエージェントの相互作用によって発生する。この手の現象を再現したいなら、エージェントベースで連続時間のAB-SFCモデルを作ることが理想だが、これはかなり難しそう。次善の策として、金融資産の取引のみをほかの行動と異なる頻度で発生させる差分方程式体系も、作ることができるはずだ。金融不安定性から実体経済の景気変動への影響をモデルにしたいなら、金融市場の取引頻

度が財やサービスの取引頻度よりも高速だという事実を繁栄することが望ましいと思う。ただ、金融資産のポートフォリオの更新と、実物の変数の更新を、同じ頻度で行う普通のモデルと比べると、モデル完成の難易度は高くなる。

現実の市場における金融資産の価格の変動は、変動幅が比較的大きい時を集めると、変動幅の絶対値の頻度分布がべき乗測で近似できるらしい。規模とその頻度がべき乗測の関係を持つ事象は、規模が小さな事象も大きな事象も、同じ構造で発生しているかもしれないことを表す。（参考は[ここ](#)や書籍「市場は物理法則で動く」）。同じ構造で起こる以上、とても大きな変動の可能性があるという知識がプレイヤーにどれだけ普及&対策されようとも、とても大きな変動はいつか必ず起こる。とても大きな変動を起こさないためには、生態系のルールを変える、ここでは金融市場に政策当局が何かしらの形で介入することが、必須となる。

現実の市場における金融資産の価格の変動は、変動幅が比較的小さい時を集めると、価格の変動幅は正規分布に近くなるらしい（実は対数正規分布のほうが正確なのかもしれないが、分散が小さい領域では、対数正規分布と正規分布は似ている）。正規分布は、結果が「独立に発生する原因」の影響の和で表されるときに発生する（参考：中心極限定理）。対数正規分布は、変動前後の倍率が「独立に発生する原因」の影響の積で表されるときに発生する。

1 3, DSGEモデルとの対比

1 3 – 1, 比較

一般的な傾向の話。

- DSGEモデルも、その多く（ほとんどすべてかも）は、会計的な矛盾を含まない。SFCモデルはその定義から、会計的な矛盾を含まない。
- DSGEモデルは最適化の理論に支えられたモデルであり、SFCモデルは経験的に妥当な行動の定式化に支えられたモデルである。どちらも、理論的基盤がないモデルを作ることにはできるが、どちらも、「理論的基盤が無い」という批判はあたらない。
- DSGEモデルは、「景気変動や経済成長のような経済の性質の多くが、技術水準などの供給側の要素を原因として発生している、という理論」に支えられている。SFCモデルは、「景気変動や経済成長のような経済の性質の多くが、消費需要や資金需要などの需要側を原因として発生している、という理論」に支えられている。**# 需要主導とか、供給主導とかって話、よく読むけど、正味どういう意味かわかんないし、名が体を表していないような気がする。**
- DSGEモデルは財やサービスの交換からスタートした理論（いわゆるC-M-C'）を基礎とする一方、SFCモデルは生産/債権/権力による貨幣所得（いわゆるM-C-M'）を記述する理論（貨幣利潤自体を目的とする経済主体が生産を行うことからスタートした理論、と言った方が良い？）を基礎とする。**# この言い方はおかしい。要修正。「貨幣経済と資本蓄積の理論」を読み直したい。**

1 3 – 2, 現実的な仮定と、現象の再現について

「現象をうまく説明できるのであれば、仮定が直感的に正しいかどうかは重要ではない」という言い分は、科学の礼儀に即して考えれば正しい。有名どころだと、量子力学は、直感とは程遠い仮定を置くところから始まった。直感に反する仮定に基づいて作られた方程式や理論であっても、既存のほかの理論よりも、（物理的な意味の）ミクロな世界の説明において、現実にかかる出来事をうまく説明/予測できたので、徐々に広く受け入れられていった。科学的な手法の凄さがここにはある。

ただ、「現象をうまく説明できるのであれば、仮定が非現実的であってもかまわない」という思想は、乱暴すぎると私は思っている。良い仮説は、直観に反するものであってもかまわないが、現実的でなければならないと信じているからだ。そして、仮説が現実的か、もっともらしいかの判断は、理論が観測や実験をうまく予測できたり（物理学の場合）、説明できたりするかどうかを根拠に行われる。

なぜこんなことを書いたのか。説明する。

SFCモデルの支持者はたいいて、「仮定はなるべく現実的であるべきだ」という立場をとる一方、DSGEモデルを支持or擁護する人たちはたいいて「現象をうまく説明できるのであれば、仮定が非現実的であってもかまわない」という立場をとっている。ならばDSGEモデルは現象への説明能力や予測能力が高いのかというと、様々な意見があることは承知しているが、私は、心底がっかりする程度に低いと思う。そしてなぜDSGEモデルが圧倒的主流であるにもかかわらずショボいのかを私なりに考えた結果、DSGE支持者の多くが「現象をうまく説明できるのであれば、仮定が直感的に正しいかどうかは重要ではない」と「現象をうまく説明できるのであれば、仮定が非現実的であってもかまわない」を混同していることが根本的な問題なのではなかろうかと思うようになった。仮定は直感に反するものであってもかまわない。だが、現実的でなければならないのだ。そして、仮定が現実的かどうかを判断する手段は、理論がどれだけ幅広く精度よく現実の現象を説明&予測できるかどうかしかない。

SFCモデルが現実を精度良く説明&予測してきたかどうかという問いには「大したことはできていない」と答えることもできる。が、それでも例えば金融危機に対する説明はDSGEモデルよりも優れているように見えるし、すでに、定型化された事実のいくつかを同時に再現するSFCモデルが、複数作られている。それなりの成果はすでに出ているのだ。現状のマクロ経済学の世界で圧倒的にメジャーなDSGEモデルの代替手段を探る試みとして、SFCモデルの可能性を追求することは、十分な意義があると思う。

SFCモデルの強みの一つは、採用する仮定に課される制限が緩いことだ。実証研究が進み、より良い仮説や、SFCモデルに採用できる簡潔さと高い現実性を兼ね備えた仮定が発見されることで、今あるSFCモデルの弱点がひとつずつ克服されていく可能性が、多いにあると思っている。一方のDSGEモデルは、ここには詳しくは書かないが（いずれ書くかも）、DSGEモデルの弱点が、DSGEモデルそのものの前提から必然的に導き出されるものが多く、個人的には、（説明/予測/政策決定の役に立つという意味での）大幅な発展の可能性をあまり信じることができない。

ただ、DSGEモデルー強には明確に反対しているが、DSGEモデルに存在意義が全く無いとまでは主張しない。SFCモデルの方に未来を感じるのは、個人の感想であって、証明された何かではない。

1 3 – 3, 暗に含まれるイデオロギーについて

多くの場合、DSGEモデルが長期的には供給主導であるのに対し、SFCモデルは短期でも長期でも需要主導である（ポスト・ケインズ派が用いることが多いため）。SFCモデルは、社会階層や階層別の分配をモデル化するのに適する。一方、DSGEモデルは代表的個人の視点（最近では代表的個人を用いないこともあるようだ）から最適化問題を解く。SFCモデルは資本主義の記述にも適している一方、DSGEモデルは資本主義的ではなく、市場社会主義的なモデルである。^[10:2]

1 3 – 4, 近接分野との接続しやすさについて

マクロ経済学は、経済学的な実証研究/行動経済学/文化人類学/組織論/社会心理学/政治学/経営史/技術史/貨幣史などの成果となるべく整合的であることが望ましい。これら周辺分野の専門家やポスト・ケインズ派や制度派や進化経済学派などは、ニュー・ケインジアンをはじめとした2023年時点で主流の学派のマクロ経済学が、周辺分野の成果をなかなか受け入れないことを、しばしば愚痴っている。

私見では、DSGEモデルと比較すると、SFCモデルは、マクロ経済学の周辺分野の研究成果を取り入れやすい。SFCモデルの構造上、必須の仮定の種類が少ないためだ。SFCモデルでは、行動方程式に、最適化や経済人の仮定が必要ない。行動方程式の価値を左右するのは2点、現実的かどうかと、モデルで採用できる程度にシンプルかどうか。だ。伝統的で権威ある理論に沿うかどうかは、価値基準にならない。

1 4, 類似or発展的or補完的 情報源

◎当ブログの、SFCモデルの例示

行動方程式と会計恒等式を、どのように組み合わせてどのような順番で計算しているのか、イメージしやすくなるかもしれない。理解するために、プログラミング言語の知識が少しだけ必要かもしれない。

- [英語WikipediaのSFCモデルのページの、The model structureの節のグラフを再現](#)
- [AB-SFCモデルを作るための諸々の小手調べのために、初めてJuliaで書いた自作SFCモデル（2023年10月6日時点で未完成）](#)

◎外部の書籍/オンライン百科事典/ブログ

- [図解入門ビジネス 最新MMT現代貨幣理論がよくわかる本](#)
- [Stock-flow consistent model - Wikipedia](#)
- [Stock-Flow Consistent Model - encyclopedia.pub](#)
- [MMTの源流へと：ストックフロー貫カレツキアンモデル \(カレツキからミンスキーの世界を覗く\)](#)

◎論文

たぶん誰でも全文読める

- [Stock-Flow Consistent Model Through the Ages](#)
- [カレツキアン・モデルの新しい展開](#)
- [A Post-Keynesian stock-flow consistent model of the Global Financial Crisis and the Age of Secular Stagnation](#)
- [A stock-flow consistent model of inventories, debt financing and investment decisions](#)
- [WHEN MINSKY AND GODLEY MET THE DEPENDENTISTAS: THE CURRENCY HIERARCHY IN A STOCK-FLOW CONSISTENT MODEL](#)
- [Interbank Decisions and Margins of Stability: an Agent-Based Stock-Flow Consistent Approach](#)
- [When Minsky and Godley Met Structuralism: A Stock-flow Consistent Approach to the Currency Hierarchy](#)
- [Labour market institutions and capitalist development: an Agent Based-Stock Flow Consistent approach from a Comparative Political Economy and post-Keynesian perspective](#)

大学からのアクセスとか購読してるとかじゃないと、全文無料ではないと思う。

- [Agent based-stock flow consistent macroeconomics: Towards a benchmark model](#)
- [Stock-Flow Consistent Macroeconomic Models: A Survey](#)
- [The interactive impact of green supporting factors on bank credit creation: An agent-based stock-flow consistent approach](#)

15, 注釈と出典

1. 出典：<https://www.youtube.com/watch?v=8tpQ6sUOXU0&list=PLhHoP6xcuALT65jv3wwq2QbSfuTHsLKOW> ↩ ↩
2. 4つの原則に加えて、ポスト・ケインズ派の理論に基づくことを原則に加えたモデルだけを指して、SFCモデルと呼ぶこともある。また、そのようなモデルを、ポスト・ケインジアンSFCモデル、と呼ぶこともある。↩
3. 出典：<https://www.youtube.com/watch?v=ly3EVOm9inE&list=PL31qgHcgEVCyWGAidIH3YalhrTaP0sJMK&index=2> ↩
4. Michalis Nikiforos, Gennaro Zezza, "Stock-flow Consistent Macroeconomic Models: A Survey" *Levy Economics Institute of Bard College*, 2017, Working Paper No. 891 ↩ ↩ ↩
5. Karol Gil-Vasquez. (2022) Portuguese Social and Solidarity Economy's 'Substantive Meaning': Constructing an Alternative Path to European Cohesion. *Forum for Social Economics* 51:3, pages 341-360. ↩ ↩

6. Morris A. Copeland, "Social Accounting for Moneyflows", *The Accounting Review*, Vol. 24, No. 3 (Jul., 1949), pp. 254-264 ↩
7. 貸借対照表に書かれるような量を表す変数。資産/負債/純資産に大別される ↩
8. 損益計算書に書かれるような量を表す変数。収益/費用/損益に大別される ↩
9. (例えば、フィリップス曲線関連の理論が、事実に当てはまらない経験と、アドホックな仮定の追加による魔改造を経験し、それでもなお未だに使い物にならないのは、制度や政治が経済の性質に与える影響の大きさが一因だと思う。特に、歴史的時間という現実の中で、制度や政治体制自体が変化するような10年を超える時間がたつと、ただのゴミになる可能性が高い。フィリップス曲線関連の話題は、ポスト・ケインジアン理論を受け入れると、すっきりと一貫性をもって理解できると思うんだけど) ↩
10. Adam Kaczynski, "A Post-Keynesian stock-flow consistent model of the Global Financial Crisis and the Age of Secular Stagnation", 2020 ↩ ↩ ↩
11. 数学に強かったからこそ、消極的だったのかもしれない。数式がどのような前提/仮定を含んでいて、どのようなニュアンスを切り捨てるのかがわかり、数式にリアリティが足りないと感じれば、マクロ経済を数式体系で表現することに意義を感じられないのも、わかる。 ↩
12. 多くのSFCモデルでは簡単のために、預金取扱機関の実物資産なんて存在しないことにするので、
$$\text{税引き後当期純利益} = -\text{債務(預金、その他債務など)増加分} + \text{債権(貸付金、その他債券など)増加分} = \text{純貸出}$$
 ↩
13. 多くのSFCモデルでは簡単のために、中央銀行の実物資産なんて存在しないことにするので、
$$\text{税引き後当期純利益} = -\text{債務(準備預金、その他債務など)増加分} + \text{債権(国債、その他債券など)増加分} = \text{純貸出}$$
 ↩
14. 財政収支 = 純貸出
これ正しい? 基礎的財政収支の文脈では、フローの固定資本減耗を簿価表示、ストックの固定資本減耗を時価表示、ということになっているらしい。詳しくは内閣府のpdf資料を参考
<https://www.esri.cao.go.jp/jp/sna/seibi/kaigi/shiryou/pdf/taikei/051117/shiryou4-2-1.pdf> ↩
15. 出典: <https://www.youtube.com/watch?v=8tpQ6sUOxU0&t=6080s> ↩ ↩ ↩ ↩
16. Nair, Nitin MS, "WHEN MINSKY AND GODLEY MET THE DEPENDENTISTAS: THE CURRENCY HIERARCHY IN A STOCK-FLOW CONSISTENT MODEL" (2023). Theses - Graduate Programs in Economic Theory and Policy. 47. ↩
17. 明示しないとモデルが作れない。例えば企業が価格を決めるときは、限界費用や限界収益を知ることができないという前提をモデラーが採用する場合、限界主義的な行動方程式は採用されない。代わりに、例えば、生産コストにマークアップを上乗せするような価格決定方法が広く採用される。 ↩
18. Alessandro Caiani, Antoine Godin, Eugenio Caverzasi, Mauro Gallegati, Stephen Kinsella, Joseph E. Stiglitz, "Agent based-stock flow consistent macroeconomics: Towards a benchmark model", *Journal of Economic Dynamics & Control*, Volume 69, August 2016, Pages 375-408 ↩
19. Reale, Jessica. "Interbank Decisions and Margins of Stability: an Agent-Based Stock-Flow Consistent Approach." arXiv preprint arXiv:2306.05860 (2023). ↩