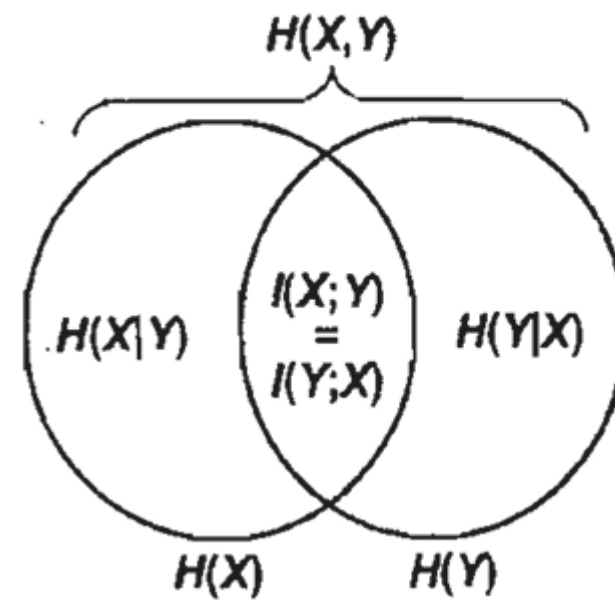
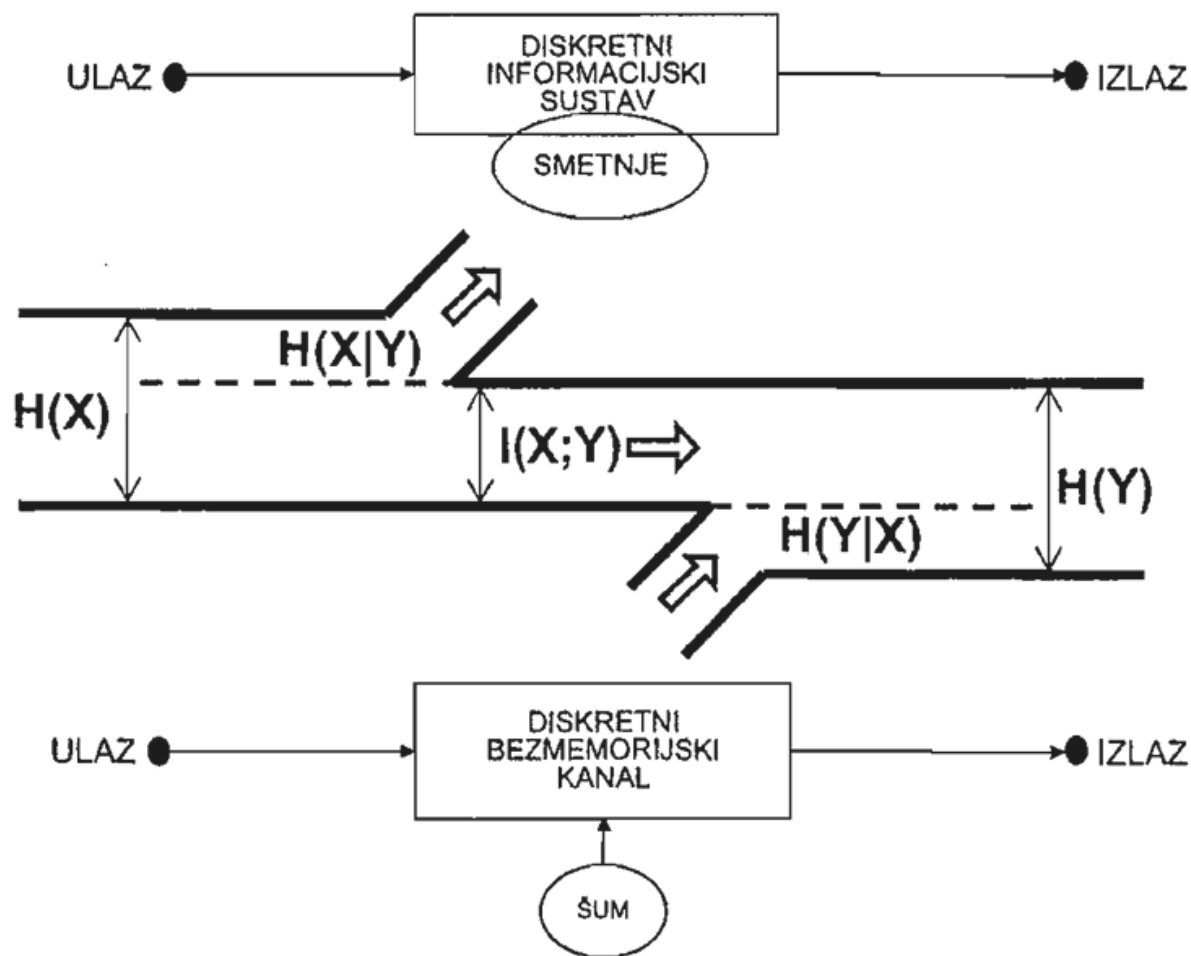


Abstract geometric lines in the top left corner of the page, consisting of several overlapping, irregular polygons and lines that create a complex, layered effect.

# STEM GAMES – M ARENA

Roko Čubrić, Borna Gojšić, David Janjić, Roko Karničić,  
Sveučilište u Zagrebu, Fakultet elektrotehnike i računarstva

## Odnosi informacijskih mjera – pregledni prikaz



Igor S. Pandžić et al.  
(2009.), *Uvod u teoriju  
informacije i kodiranje*,  
Element

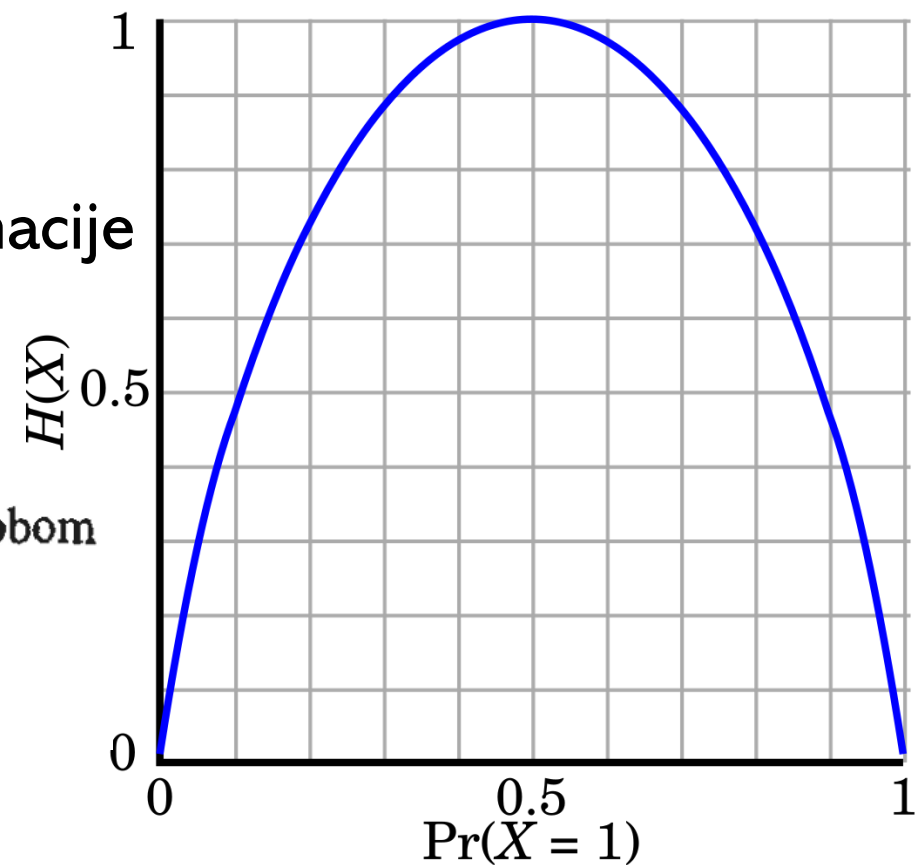
# ENTROPIJA KAO MJERA

$I(E) = -\log_b(p(E))$  - Količina informacije

$H(X) = -\sum_x p(x) \log_b(p(x))$  - Prosječna količina informacije

Entropiju jednodimenzionalne slučajne varijable  $X$  s kontinuiranom razdiobom definiramo izrazom

$$H(X) = E[-\log f_X(X)] = - \int_{-\infty}^{\infty} f_X(x) \log f_X(x) dx,$$



Entropija Bernoullijeve slučajne variable u ovisnosti o  $p$  - Wiki

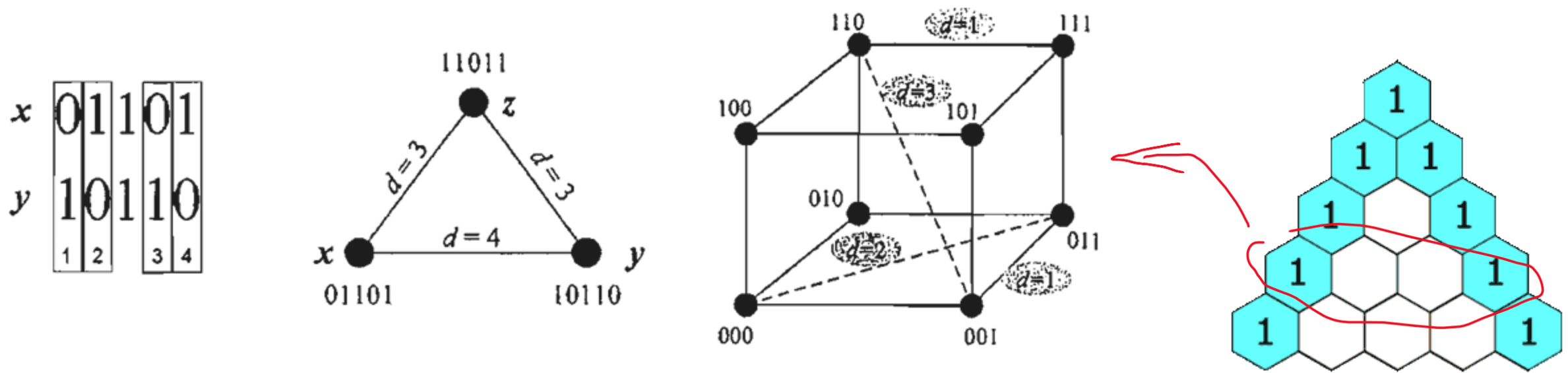
# KODIRANJE I SAVRŠENI KODOVI

- $\text{Code}[n,k,d]$
- $n = r + k$
- Mogućnost detektiranja  $d-1$  grešaka i ispravljanja  $(d-1)/2$
- Paritetni bitovi

Bits	$P_1$	$P_2$	$D_1$	$P_3$	$D_2$	$D_3$	$D_4$	$P_4$	$D_5$	$D_6$	$D_7$	$D_8$	$D_9$	$D_{10}$	$D_{11}$
$P_1$	X		X		X		X		X		X		X		X
$P_2$		X	X			X	X			X	X			X	X
$P_3$				X	X	X	X					X	X	X	X
$P_4$								X	X	X	X	X	X	X	X

Hamming[15,11,3]

<http://datagenetics.com/blog/january42016/index.html>



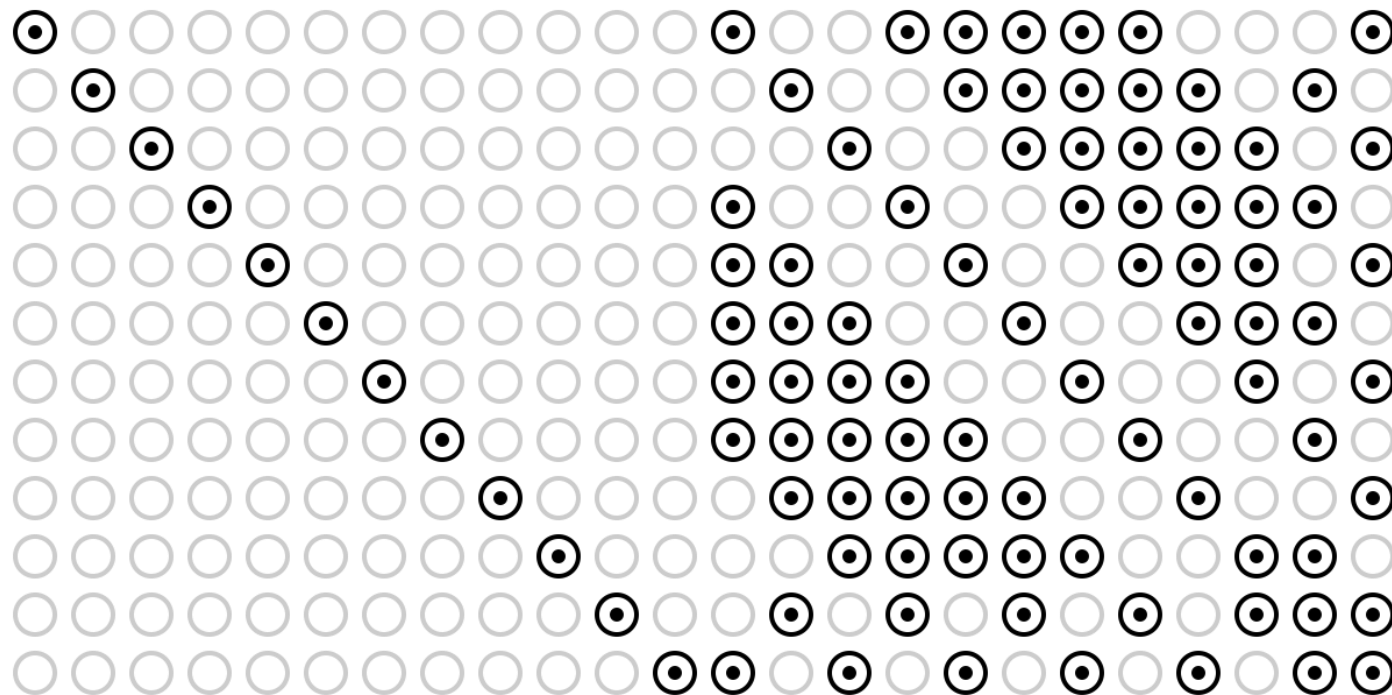
Slika 4.2: Grafičke interpretacije svojstava Hammingove udaljenosti

**PERFEKTAN KÔD:** Binarni  $(n, M, 2t + 1)$  kôd koji zadovoljava izraz:

$$M = \frac{2^n}{\binom{n}{0} + \binom{n}{1} + \binom{n}{2} + \dots + \binom{n}{t}}$$

## ZADATAK – DAN 3

- Osmisliti zaštitni kod u kanalu čiji šum može prouzročiti do 10 pogrešaka na 100 bitova



Golay[24,12,8]

Golay[23,12,7] je perfektan kod

Djeljenje 100 zaštitnih bitova u  
8 grupa po 12

Hamming[7,4,3] za preostala  
4 bita poruke

# BOLJE RJEŠENJE – REED-SOLOMON KODOVI

- $d = n - k + 1$

Primjena	RS parametri	Zašto?
CD/DVD (ECC)	RS(28, 24)	Ispravlja greške nastale ogrebotinama
QR kodovi	RS(26, 16)	Omogućuje čitanje oštećenih kodova
NASA Deep Space	RS(255, 223)	Otporan na šum u svemirskoj komunikaciji
SSD/HDD (NAND flash)	RS(128, 112)	Ispravlja višebitne greške u memoriji
DVB-S2 (satelitski TV)	RS(204, 188)	Zaštita od gubitaka u prijenosu

# U BANKOVNIM TRANSAKCIJAMA

- 1. Inicijalizacija transakcije**
- 2. Validacija i autorizacija**
- 3. Procesiranje transakcije u bazi podataka**
- 4. Potvrda i završetak transakcije**



# DJELOVI TRANSAKCIJE KOJI TREBAJU ZAŠTITU

- Potencijalne greške na fizičkom sloju:
  - Bit-flipovi (Single Event Upset - SEU) – Reed-Solomon, Golay,...
  - Kvarovi u mrežnoj infrastrukturi
  - Kvarovi u pohrani podataka (SSD/HDD) – Hammingovi kodovi
  - Problemi u HSM (Hardware Security Module)
- Danas u upotrebi:
  - Optika
  - Bakreni kabele (Ethernet) i bežični prijenos se izbjegavaju zbog učestalosti grešaka
- Cilj – brzina i sigurnost = efikasnost