AA 競程 APCS 模擬賽 (實作場)

2021.05.23

實作題 注意事項

1. 請依題目敘述撰寫一完整程式,上傳送審之程式檔案副檔名 必須為 .c,.cpp,.java, 或 .py,如下表所式。另若以 Java 撰 寫程式, class 名稱必須與檔名 (p1, p2, p3, 或p4) 一致。

	С	C++	Java	Python
鮮奶販售	p1.c	p1.cpp	p1.java	p1.py
滑冰遊戲	p2.c	p2.cpp	p2.java	p2.py
疊積木	p3.c	р3.срр	p3.java	p3.py
蘋果販售	p4.c	p4.cpp	p4.java	p4.py

2. 上傳程式檔案前,請自行測試程式是否能正常編譯,程式執 行時輸入、輸出格式是否正確。評分時,若程式無法正常編 譯或執行,將以 0 分計算。

疊積木 (Blocks)

問題描述

小明與春嬌是青梅竹馬,常常膩在一起玩疊積木遊戲。他們平常玩的積木遊戲如下: 他們有一些積木,每個積木大小可能不同,但高度都是 1。首先會把所有積木用隨機的順 序堆成塔狀。不過堆成塔狀時,當「任相鄰的兩個積木滿足上方的積木大小剛好比下方的 積木小 1」時堆出來的塔才好看。所以接著他們就會把一些積木移除,沒被移除的積木維 持原來的順序,使得堆出來的塔變得好看。

例如,若原本有 5 個積木,由上到下依序大小為:3,2,4,3,5,那麼我們可以把由上數來第 2 個和第 4 個積木移除,剩下的積木大小按照順序就變為 3,4,5,如此一來就把塔從不好看變成好看了。但如是移除第 1 個和第 3 個積木,剩下的積木大小按照順序就變為 2,3,5,當中的第 2 個積木和第 3 個積木大小關係就不滿足整座塔好看的條件了,因為 5 並不等於 3+1。而積木堆得越高,好看的程度也越高,所以小明與春嬌會在滿足「任相鄰的兩個積木滿足上方的積木大小剛好比下方的積木小 1」的情況下,把積木塔堆的盡可能高。

但是今年暑假,春嬌要回老家度過三個月,不能再和小明一起玩耍了。不過小明與春嬌這樣子想:「就算我們分隔兩地,但只要小明喝著伯爵奶茶,春嬌也喝著伯爵奶茶;小明吃著 oreo 巧克力,春嬌也吃著 oreo 巧克力,小明看著壁上的向日葵掛畫,春嬌也看著壁上的向日葵掛畫;小明玩起疊積木遊戲,春嬌也玩起疊積木遊戲。這樣子我們就好似每天都身在同一個地方,這就是我們保持友誼的方式!這就叫做量子糾纏友誼!」但是這當中有個問題:雖然他們都有伯爵奶茶 和 oreo 巧克力,牆壁上也都有向日葵掛畫,但春嬌老家的積木大小卻和小明家的不一定一樣,且他們初始時隨機堆的積木順序也可能不一樣。

為了實現完美的量子糾纏友誼,小明和春嬌在玩疊積木遊戲時,隨機堆好積木後,會告知對自己堆好的積木由上到下每塊積木的大小,並一起決定各自要移除哪些積木,使得他們堆出來的積木塔都滿足「任相鄰的兩個積木滿足上方的積木大小剛好比下方的積木小1」且積木塔盡可能地高。若達成這個條件,他們就維持了完美的量子糾纏友誼。

現在告訴你小明和春嬌各自隨機堆出來的積木塔初始時都有 n 個積木,其中小明堆出來的積木塔由上到下的積木大小依序為 $a_1,a_2,...,a_n$ 春嬌堆出來的積木塔由上到下依序為 $b_1,b_2,...,b_n$ 。請大家幫小明和春嬌計算,他們各自移除一些積木並滿足完美的量子糾纏友 誼時,堆出來的塔最高能有多高,請輸出此高度,若沒有任何一種高度大於 0 的堆法,輸出 0 即可。

輸入格式

輸入共有 3 行。第一行有一個正整數 n。第二行有 n 個正整數 $a_1,a_2,...,a_n$ 。第三行有 n 個正整數 $b_1,b_2,...,b_n$ 。輸入的每行相鄰兩個數之間都恰有一個空白分隔。所有輸入都保證 $1 \le a_i,b_i \le n$ 。

輸出格式

輸出只有一行,包含一個非負的整數代表答案。

範例一:輸入 範例二:輸入

5 3 2 4 3 5 3 2 4 3 5

3 2 4 3 5 4 5 2 3

範例一:正確輸出 範例二:正確輸出

評分說明

輸入包含若干筆測試資料,每一筆測試資料的執行時間限制(time limit)均為 2 秒,依正確通過測資筆數給分。其中:

- 第 1 子題組 30 分, $1 \le n \le 5,000$,且對於所有 $i, a_i = b_i$ 。
- 第 2 子題組 30 分, $1 \le n \le 5,000$ 。
- 第 3 子題組 40 分, $1 \le n \le 200,000$ 。

提示

第一組範例滿足第 1 子題組的條件,也就是小明與春嬌初始時隨機排列而成的積木塔剛好一模一樣。他們只需要各自移除從上數來第 2 和第 4 個積木就能使移除完後的積木塔滿足完美的量子糾纏友誼,且高度最高。故答案為 3。

第二組範例滿足第 2 子題組的條件。小明可以移除由上數來第 1,3,5 個積木,而春 嬌移除由上數來第 1,2,5 個積木,就能使移除完後的積木塔滿足完美的量子糾纏友誼,且 高度最高。故答案為 2。