

## **Capítulo III Estructura de Datos Colas.**

### **Contenido:**

1. Definición de Colas.
2. Ejemplo de colas en la vida real.
3. Representación gráfica y elementos en una cola.
4. Atributos de la clase Cola.
5. Operaciones Básicas de una Cola.
6. Colas Circulares.
7. Decolas o Bicolos.
8. Aplicaciones de las Colas.
9. Ejercicios prácticos
10. Orientación para el laboratorio.

### **Introducción**

En este capítulo se estudian la Estructura de Datos Colas, Viéndose todos los aspectos básicos relacionados a ellas, así como también las diversas variantes que se pueden tener de cada una de ellas, tales como las colas circulares, las decolas o bicolos.



### Operaciones Básicas de una Cola.

Trabajar con una cola en cualquier lenguaje de programación implica que se debe operar con ella, por lo que primero se tiene que conocer sus operaciones básicas que a continuación se exponen.

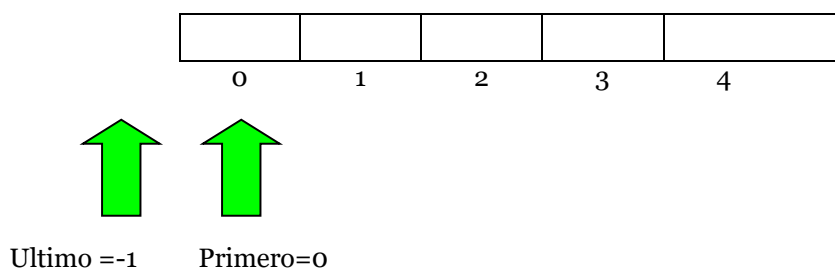
- Insertar: Se encarga de insertar ó introducir nuevos elementos a la Cola por detrás o después del último.
- Llena: Verifica si la Cola está llena, en cuyo caso, no se puede insertar.
- Vacía: Verifica si la cola está vacía, en cuyo caso, no se puede eliminar.
- Elimina: Elimina de la cola el primer elemento que entró.

### Explicación de las Operaciones Básicas de una cola.

Ya conoce como se representa una cola, y sus operaciones básicas; ahora conocerá cómo es que funciona y su utilidad.

#### Operación Vacía.

Esta operación es la encargada de informar cuando la cola está vacía; que es cuando no tiene ningún elemento. Gráficamente se puede representar una cola vacía como se muestra en la figura Nro7, donde se tiene un espacio designado para contener sus elementos pero todavía no han ingresados elementos a ella.



**Fig.9**

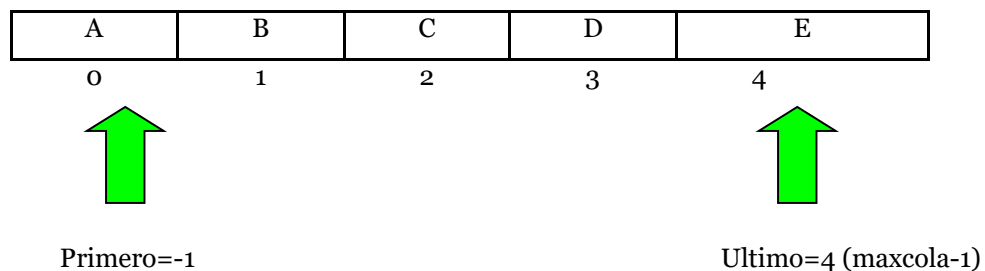
Se ha asignado a las variables primero valor 0 al conocer de antemano que primero siempre se encuentra en la primera posición, que en este caso es la posición 0 del arreglo, a último se le asignó valor -1, ya que es un valor que varía constantemente.

A continuación se muestra la función que puede realizar esto:

```
Función vacia()  
  
    Si (ultimo < primero)  
        Vacía = cierto;  
    Sino  
        Vacía = false;  
  
int vacia(struct cola *col)  
{  
    if (col->ultimo < col->primero)  
        return 1;  
    else  
        return 0;  
}
```

### Operación Llena.

La Cola está llena cuando están ocupadas todas las casillas desde 0 hasta maxcola-1; en este caso se asume que maxcola vale 5, por lo que como máximo esta cola tendrá 5 elementos, y en cuyo caso estará llena. En la siguiente figura; Fig8 se muestra la cola llena gráficamente.



**Fig10**

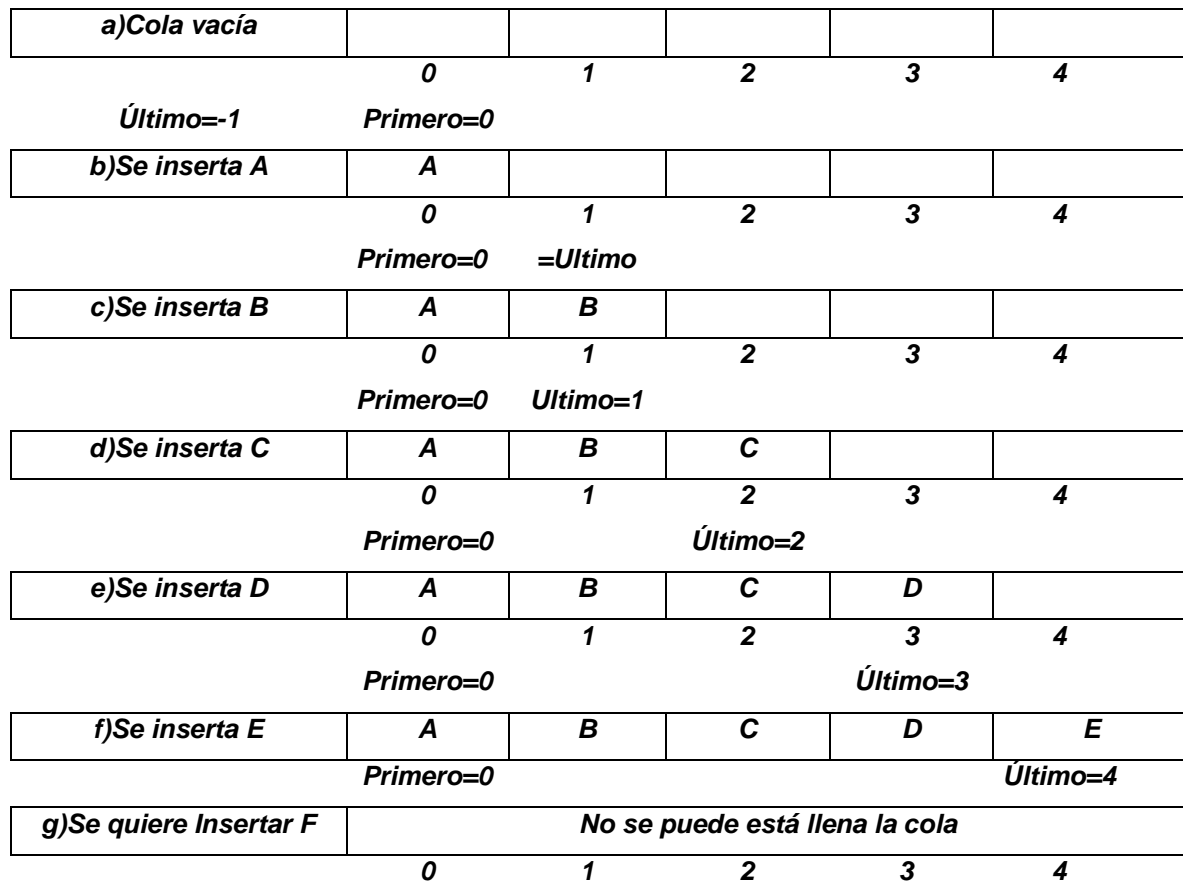
La cola estará llena cuando último sea igual a maxcola-1 que en este caso es 4. A continuación se muestra la función que puede realizar esta operación:

```
Función llena()  
  
    Si (ultimo == maxcola-1 )  
        Llena = cierto  
    Sino  
        Llena= falso
```

```
int llena(struct cola *col)  
{  
    if (col->ultimo ==maxcola-1)  
        return 1;  
    else  
        return 0;  
}
```

### Operación Insertar

Esta operación es la encargada de introducir nuevos elementos a la cola. Esto se hace incrementando el valor de la variable último que se asocia a la posición que ocupa en el arreglo, y luego en esta nueva posición de último se asigna el valor que se quiere insertar. Para entender esto de mejor forma vea la fig11 y la explicación asociada.

**Fig.11**

En la figura anterior, se muestra la inserción de 5 elementos en una cola. Estos son: A, B, C, D, E, el sexto elemento no se puede insertar ya que la cola estará llena. De inicio (a) la cola está vacía y Primero=0, Ultimo=-1. (b) Se inserta el elemento A y pasa a ser el primero y último de la cola. (c) en este momento se inserta B, que pasa a ser el último y está en la posición 1 valor de último también y A sigue siendo el primero en la cola. (d) se inserta C pasando a ser el último que toma a la vez valor 3. (e) se inserta a E, que pasa a ser el último de la cola y se llena la cola, después de esto no se pueden insertar más elementos pues está llena y ya no hay espacio para más.

A continuación se muestra la función que puede realizar esta operación:

```
Proceso insertar(valor)
    Si (llena())
        Mensaje ("Error, la cola está llena");
    sino
        incrementar ultimo
        datoscola[ultimo] = valor
```

```
void insertar(int x, struct cola *col)
{
    if (llena(col))
    {cout<<"La cola está llena";
    cout<<endl;
    }
    else
    {
        col->ultimo ++;
        col->items [col->ultimo]=x;
    }
}
```

### **Operación Eliminar:**

Es la operación que se encarga de sacar elementos de la cola, si se aplica el principio de que el último que llega es último en salir, siempre debe salir el primero de la cola. Cuando se elimina todos los demás elementos se recorren una posición adelante. Vea la siguiente figura 12 y su explicación para comprender con mayor detalle lo anterior.

**Este Documento es de uso personal e intransferible, no se permite la reproducción total o parcial de este documento por ningún medio.**

La cola está llena	A	B	C	D	E
01234					
Primero=0			Último=4		
Se Elimina y sale A	B	C	D	E	
01234					
Primero=0			Último=3		
SeElimina y sale B	C	D	E		
01234					
Primero=0			Ultimo=2		
Se elimina y sale C	D	E			
01234					
Primero=0		Último=1			
Se Elimina y sale D	E				
01234					
Primero=0		Último=0			
Se Elimina y sale E					
01234					
Último=-1		Primero=0			
Se Elimina	No se puede eliminar la cola esta vacia				
01234					

**Fig.12**

Para la explicación de esta operación, se tomó de inicio una cola llena de cinco elementos (a). Cuando se elimina (b), sale el primero, que es A, recorriéndose todos una posición hacia delante, estableciéndose B como primero. (c) al volver a eliminar sale C, tomando D su posición al recorrerse todos los demás elementos una posición anterior. (d) se vuelve a eliminar y sale D, tomando E su lugar, (e) se vuelve a Eliminar y sale E quedando la cola vacía, y último en -1, y primero en 0, si se quiere volver a eliminar (f) da un error, pues no se pueden eliminar elementos en la cola ya que está vacía.

A continuación se muestra la función que puede realizar esta operación:



Proceso o función eliminar()

Declaro variable entera contador

```
Si (vacía())
    Mensaje de Error("Error, la cola está vacía");
sino
    eliminar = datoscola[primero]
    Recorro todos los elementos una posición
    Decrementar ultimo
```

```
int eliminar(struct cola *col)
{
    int contador, valor;
    valor=0;
    if (vacía(col))
    {
        cout<<"La cola está vacía";
        cout<<endl;
        return 0;
    }
    else
    {
        valor= col->items[col->primero];
        cout<<valor;
        for(contador=0; (contador < col->ultimo);
        contador++);
        {
            (col->items[contador])=(col->items[ contador
+1 ]);
        }
        col->ultimo--;
        return valor;
    }
}
```

**Representación Básica de una cola utilizando C++ y Visual Studio .NET como entorno de desarrollo, la aplicación que se desarrolla es en consola.**

```
#include <iostream> //libreria estándar de C
using namespace std; // ya no hay que poner std:: delante de las instrucciones
const int maxcola=5;

struct cola{
    int primero,ultimo;
    int items[maxcola];
};

    struct cola q;

int iniciar()
{
    q.primero=0;
    q.ultimo=-1;
    return 0;
}

int vacia()
{
    if (q.ultimo<q.primero)
        return 1;
    else
        return 0;
}

int llena()
{
    if (q.ultimo ==maxcola-1)
        return 1;
    else
        return 0;
}

void insertar(int x)
{
    if (llena())
    {cout<<"La cola esta llena";
    cout<<endl;
    }
    else
    {
        q.ultimo ++;
        q.items [q.ultimo]=x;
    }
}

int eliminar()
{
    int i, valor;
```

```
    if (vacía())
    {cout<<"La cola esta vacía";
    cout<<endl;
    return 0;
}
else
{
    valor= q.items[q.primer0];
    for(i=0;i<q.ultimo;i++)
    {
        q.items[i]=q.items[i+1];
    }
    q.ultimo--;
    return valor;
}
}

int main(void)
{
    iniciar();
    //Insertando cinco elementos en la cola
    insertar(1);
    insertar(2);
    insertar(3);
    insertar(4);
    insertar(5);
    cout<<q.items[0];
    cout<<endl;
    cout<<q.items[1];
    cout<<endl;
    cout<<q.items[2];
    cout<<endl;
    cout<<q.items[3];
    cout<<endl;
    cout<<q.items[4];
    cout<<endl;
    cin.get();
    cout<<"Eliminado elementos";
    cout<<eliminar();
    cout<<endl;
    cin.get();
    cout<<eliminar();
    cout<<endl;
    cin.get();
    cout<<eliminar();
    cout<<endl;
    cin.get();
    cout<<eliminar();
    cout<<endl;
    cin.get();
    cout<<eliminar();
    cout<<endl;
    cin.get();
    cout<<eliminar();
}
```

```
        cout<<endl;
        cin.get();
        return 0;
    }
```

### **Representación Básica de una cola utilizando C y el compilador ZINJAL.**

```
#include <iostream>
#include<stdlib.h>
using namespace std;
const int maxcola=5;
```

```
struct cola{
    int primero,ultimo;
    int items[maxcola];
};
```

```
int iniciar(struct cola *col)
{
    int contador;
    col->primero=0;
    col->ultimo=-1;
    for(contador=0; contador <maxcola; contador++);
    col->items[contador]=0;

    return 0;
}
```

```
int vacia(struct cola *col)
{
    if (col->ultimo<col->primero)
        return 1;
    else
        return 0;
}
```

```
}
```

```
int llena(struct cola *col)
```

```
{
```

```
    if (col->ultimo == maxcola-1)
```

```
        return 1;
```

```
    else
```

```
        return 0;
```

```
}
```

```
void insertar(int x, struct cola *col)
```

```
{
```

```
    if (llena(col))
```

```
    {cout<<"La cola esta llena";
```

```
    cout<<endl;
```

```
    }
```

```
    else
```

```
    {
```

```
        col->ultimo ++;
```

```
        col->items [col->ultimo]=x;
```

```
    }
```

```
}
```

```
int eliminar(struct cola *col)
```

```
{
```

```
    int contador,valor;
```

```
    valor=0;
```

```
    if (vacía(col))
```

```
    {
```

```
        cout<<"La cola esta vacia";
```

```
        cout<<endl;
```

```
        return 0;
```

```
    }
```

```
    else
```

```
    {
```

```
        valor= col->items[col->primero];
```

```
        cout<<valor;
        for(contador=0; (contador < col->ultimo); contador++);
        {
            (col->items[contador])=(col->items[ contador +1 ]);
        }
        col->ultimo--;
        return valor;
    }
}
```

```
int main(void)
```

```
{
    struct cola q;
    iniciar(&q);
    //Insertando cinco elementos en la cola
    insertar(10,&q);
    insertar(20,&q);
    insertar(30,&q);
    insertar(40,&q);
    insertar(50,&q);
    cout<<q.items[0];
    cout<<endl;
    cout<<q.items[1];
    cout<<endl;
    cout<<q.items[2];
    cout<<endl;
    cout<<q.items[3];
    cout<<endl;
    cout<<q.items[4];
    cout<<endl;
    cin.get();
}
```

```

    return o;

}

```

## Colas Circulares.

### Definición

Para hacer un uso más eficiente de la memoria disponible, se trata a la cola como una estructura circular, determinando el algoritmo de colas circulares. La figura 13 muestra gráficamente una cola circular.

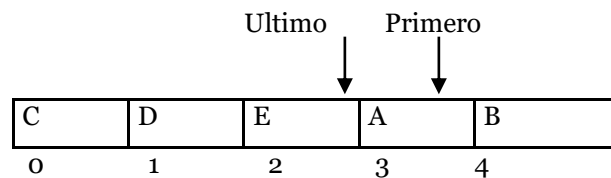


Fig.13

En la figura anterior se representa un cola, donde Primero nos dice donde se encuentra el primer elemento, en este caso en la posición 3; y Ultimo nos dice donde se encuentra el último elemento, en este caso en la posición 2.

### Operaciones Básicas.

Las operaciones básicas serian las mismas vistas con anterioridad, Vacía, Llena, Insertar y Eliminar, pero su implementación difiere de las estudiadas.

### Operación Vacía

Gráficamente se puede representar a la cola circular vacía como se muestra en la figura 14. Se Asume de que ultimo y primero valen de inicio -1, ya primero no se inicia en la posición 0 del arreglo, ya que primero en una cola circular estará en cualquier otra posición dentro del arreglo.

Ultimo = -1   Primero = -1

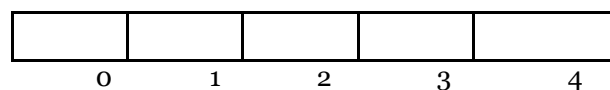


Fig14

A continuación se muestra la función en C que puede realizar esto:

## Function Vacía

**Si (Ultimo=-1 and primero=-1) entonces Vacía= Cierto**

sino

Vacía = Falso

## Operación Llena

Gráficamente se puede representar a la cola circular llena como se muestra en la figura 15.

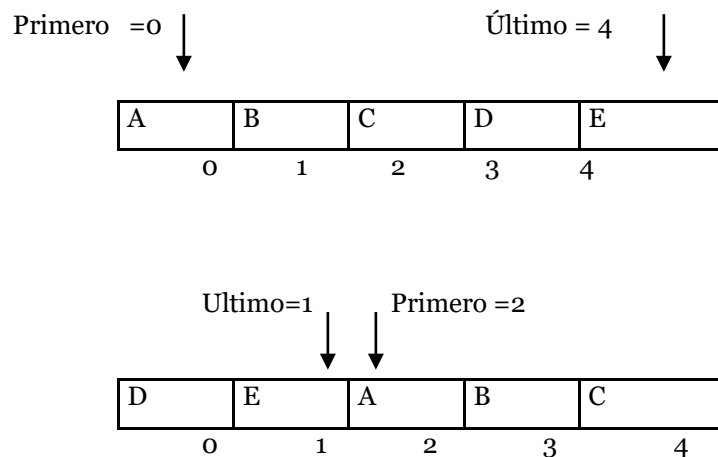


Fig15

A continuación se muestra la función en pseudocódigo que puede realizar esto:

## Function Llens

Si (Ultimo=MaxCola-1) y (Primero=0)) ó

(Ultimo+1=Primero) entonces Llena = cierto

sino

Llena = Falso



### Operación de Insertar.

La inserción se explica en la siguiente figura (figura 16):

Se inserta A	<table><tr><td>A</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr><tr><td colspan="5">Primero=0 Ultimo=0</td></tr></table>	A					0	1	2	3	4	Primero=0 Ultimo=0				
A																
0	1	2	3	4												
Primero=0 Ultimo=0																
Se inserta B	<table><tr><td>A</td><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr><tr><td colspan="5">Primero=0 Ultimo=1</td></tr></table>	A	B				0	1	2	3	4	Primero=0 Ultimo=1				
A	B															
0	1	2	3	4												
Primero=0 Ultimo=1																
Se inserta C	<table><tr><td>A</td><td>B</td><td>C</td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr><tr><td colspan="2">Primero=0</td><td colspan="3">Último=2</td></tr></table>	A	B	C			0	1	2	3	4	Primero=0		Último=2		
A	B	C														
0	1	2	3	4												
Primero=0		Último=2														
Se inserta D	<table><tr><td>A</td><td>B</td><td>C</td><td>D</td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr><tr><td colspan="3">Primero=0</td><td colspan="2">Último=3</td></tr></table>	A	B	C	D		0	1	2	3	4	Primero=0			Último=3	
A	B	C	D													
0	1	2	3	4												
Primero=0			Último=3													
Se inserta E	<table><tr><td>A</td><td>B</td><td>C</td><td>D</td><td>E</td></tr><tr><td colspan="4">Primero=0</td><td>Ultimo=4</td></tr></table>	A	B	C	D	E	Primero=0				Ultimo=4					
A	B	C	D	E												
Primero=0				Ultimo=4												
Se quiere Insertar F	<table><tr><td colspan="5">No se puede está llena la cola</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr></table>	No se puede está llena la cola					0	1	2	3	4					
No se puede está llena la cola																
0	1	2	3	4												
Se elimina A	<table><tr><td></td><td>B</td><td>C</td><td>D</td><td>E</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr><tr><td colspan="4">Primero=1</td><td>Ultimo=4</td></tr></table>		B	C	D	E	0	1	2	3	4	Primero=1				Ultimo=4
	B	C	D	E												
0	1	2	3	4												
Primero=1				Ultimo=4												
Se quiere insertar F	<table><tr><td>F</td><td>B</td><td>C</td><td>D</td><td>E</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr><tr><td colspan="2">Ultimo=0</td><td colspan="3">Primero=1</td></tr></table>	F	B	C	D	E	0	1	2	3	4	Ultimo=0		Primero=1		
F	B	C	D	E												
0	1	2	3	4												
Ultimo=0		Primero=1														
Se quiere insertar G	<table><tr><td colspan="5">No se puede la cola está llena</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr></table>	No se puede la cola está llena					0	1	2	3	4					
No se puede la cola está llena																
0	1	2	3	4												

**Fig16**

A continuación se muestra la función en pseudocódigo que puede realizar esta operación:

### Proceso Insertar( elem: tipo-elem )

si LLena mostrar ('Cola Llena')

sino

Si ultimo=Maxcola-1 entonces

ultimo=0

sino inc(último )

info[ultimo]=x;

si primero=-1 entonces Primero=0

### Operación Eliminar

Gráficamente se puede representar la eliminación como se muestra en la siguiente figura (figura 17).

La cola está llena	<table><tr><td>F</td><td>G</td><td>H</td><td>D</td><td>E</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr><tr><td colspan="3">Ultimo=2</td><td colspan="2">Primero=3</td></tr></table>	F	G	H	D	E	0	1	2	3	4	Ultimo=2			Primero=3	
F	G	H	D	E												
0	1	2	3	4												
Ultimo=2			Primero=3													
Se elimina y sale D	<table><tr><td>F</td><td>G</td><td>H</td><td></td><td>E</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr><tr><td colspan="3">Ultimo=2</td><td colspan="2">Primero=4</td></tr></table>	F	G	H		E	0	1	2	3	4	Ultimo=2			Primero=4	
F	G	H		E												
0	1	2	3	4												
Ultimo=2			Primero=4													
Porque es el primero																
Se elimina y sale E	<table><tr><td>F</td><td>G</td><td>H</td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr><tr><td colspan="2">Primero=0</td><td colspan="3">Ultimo=2</td></tr></table>	F	G	H			0	1	2	3	4	Primero=0		Ultimo=2		
F	G	H														
0	1	2	3	4												
Primero=0		Ultimo=2														
Porque es el primero																
Se elimina y sale F	<table><tr><td></td><td>G</td><td>H</td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr><tr><td colspan="2">Primero=1</td><td colspan="3">Último=2</td></tr></table>		G	H			0	1	2	3	4	Primero=1		Último=2		
	G	H														
0	1	2	3	4												
Primero=1		Último=2														
Porque es el primero																
Se elimina y sale G	<table><tr><td></td><td></td><td>H</td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr><tr><td colspan="2">Primero=2</td><td colspan="3">Ultimo=2</td></tr></table>			H			0	1	2	3	4	Primero=2		Ultimo=2		
		H														
0	1	2	3	4												
Primero=2		Ultimo=2														
Porque es el primero																
Se elimina y sale H	<table><tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr></table>						0	1	2	3	4					
0	1	2	3	4												
Primero = Ultimo=-1																
Se elimina	<table><tr><td colspan="5">La cola está vacía no se puede Eliminar</td></tr></table>	La cola está vacía no se puede Eliminar														
La cola está vacía no se puede Eliminar																

**Fig17**

A continuación se muestra la implementación en pseudocódigo de la Función Eliminar.

**Function Eliminar( elem: tipo-elem )**

```

{
si Vacía entonces mostrar('Cola Vacía)
sino
{
Devolver info[primero];
si primero=ultimo entonces
{
primero=-1
ultimo=-1
}
Sino
Si primero=maxcola-1 entonces primero=0
Sino primero=primero+1
}
}

```

## Decola ó Bicola.

### Definición

Una Decola o Bicola es una cola, con la característica de que se pueden hacer inserciones y eliminaciones por cualquiera de los dos extremos de la cola, a continuación se representa gráficamente:

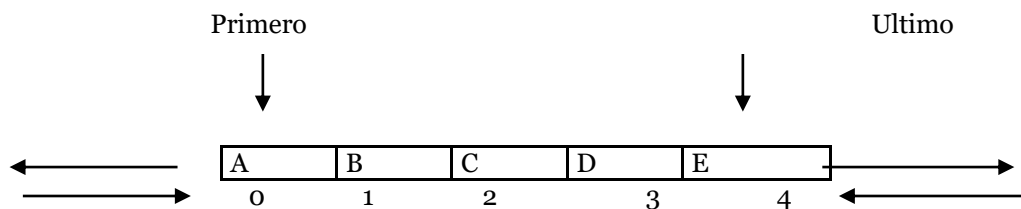


Fig.18

Las flechas en el extremo izquierdo significan que se puede eliminar e insertar por este extremo. Las flechas en el extremo derecho significan que se puede insertar y eliminar por este extremo.

### Operaciones Básicas.

Al poderse insertar y eliminar por ambos extremos, las operaciones básicas sobre ellas quedarían de la siguiente forma:

- Insertar delante.
- Insertar por detrás.
- Eliminar por delante.
- Eliminar por atrás.
- Vacía
- Llena

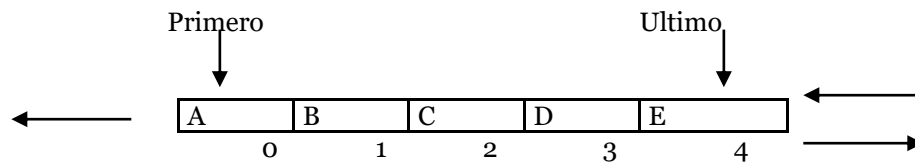
### Variantes de las DECOLAS:

- Decola con Entrada Restringida.
- Decola con Salida Restringida.

#### Decola con Entrada Restringida.

Las entradas o inserciones solo pueden hacerse por el final de la cola, ya no por delante. Las eliminaciones se permiten por cualquiera de los dos extremos.

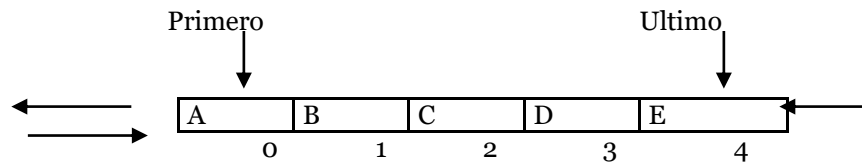
En la siguiente figura se representa gráficamente este caso:



#### Decola con Salida Restringida.

Las salidas se realizan solamente por un extremo; por el primero. Se permite las entradas por cualquier extremo de la cola, tanto por delante como por atrás.

En la siguiente figura se representa gráficamente este caso:



## Aplicación de Colas en la Computadora.

El concepto de la cola ligado a computación se puede ver en las colas de impresión. Cuando hay una sola impresora para atender a varios usuarios, puede suceder, que alguno de ellos soliciten los servicios de impresión al mismo tiempo o mientras el dispositivo este ocupado. En estos casos se forma una cola con los trabajos que esperan para ser impresos. Los mismos se irán imprimiendo en el orden en el cual fueron introducidos en la cola.

Otro caso de aplicaciones de colas en computación, es el que se presenta en los sistemas de tiempo compartido. Varios usuarios comparten ciertos recursos, como CPU y memoria de la computadora. Los recursos se asignan a los procesos que están en cola de espera. Suponiendo que todos tienen una misma prioridad, en el orden en el cual fueron introducidos en la cola.

### Prácticos a realizar.

1. Ponga ejemplos de la vida real donde se maneja el concepto de una cola.

1.

2.

2. Eliminar un determinado elemento de una cola.

3. Invertir los elementos en una cola.

4. Buscar si existe un determinado elemento en una cola.

5. Insertar un elemento en una cola, detrás de otro elemento específico.

**LABORATORIO Nro. 2.**

- 1.- Implementar una Cola, como la vista en clases y realice un menú principal, donde el usuario seleccione como opciones las operaciones básicas de la cola y pueda ingresar los diferentes valores a través del teclado.
- 2.- Implementar una cola circular, realice un menú principal
- 3.- Implementar una decola, realice un menú principal.