# DEVOIR SURVEILLÉ 5A

### Calculatrice autorisée Lundi 14 avril 2025

#### **EXERCICE 1 (5 POINTS)**

Simplifier les expressions suivantes en les réduisant sous la forme  $a^n$  avec a le plus petit possible.

Justifications attendues.

1. 
$$(-7)^2 \times (-7)^3$$

2. 
$$\frac{2^4}{2^2}$$

3. 
$$(4^5)^2$$

4. 
$$\frac{2 \times 2^{7}}{4 \times 4}$$

5. 
$$\frac{3^7 \times 9}{3^6 \times 3^3}$$

## **EXERCICE 2 (6 POINTS)**

- 1. Donner la définition d'une suite géométrique.
- **2.** Donner la forme explicite d'une suite géométrique  $(u_n)$  de raison q.
- **3.** Soit  $(u_n)$  géométrique telle que  $u_3 = 1,7$  et  $u_5 = 15,3$ . Déterminer la raison q.

#### **EXERCICE 3 (9 POINTS)**

Un influenceur vérifie régulièrement son nombre d'abonnés sur les réseaux sociaux. Il estime que sur Instagram son nombre d'abonnés augmente en moyenne de 7% par mois. Il débute l'année 2025 avec  $10\,000$  abonnés. Pour tout n, on note  $a_n$  le nombre estimé d'abonnés de cet influenceur au n-ième mois.

- **1.** Donner  $a_0$ , puis calculer  $a_1$  et  $a_2$ .
- **2.** Exprimer, pour tout n,  $a_{n+1}$  en fonction de  $a_n$ .
- **3.** En déduire la nature de la suite  $(a_n)$ . Préciser sa raison.
- **4.** Donner, pour tout n, une expression de  $a_n$  en fonction de n.
- **5.** Cet influenceur s'est fixé comme objectif d'atteindre les 25 000 abonnés d'ici la fin de l'année 2025. Devrait-il atteindre son objectif?
- **6.** Un autre influenceur commence avec 100 000 abonnés en 2025 et souhaite savoir au bout de combien de temps il atteindra le million d'abonnés. Sa croissance mensuelle est estimée à 20%.

Combien de temps doit-il attendre?