# DEVOIR SURVEILLÉ 4

#### Calculatrice autorisée Vendredi 31 novembre 2023

#### **EXERCICE 1 (6 POINTS)**

On se place dans un repère  $(0; \vec{\imath}, \vec{\jmath}, \vec{k})$ . Dans chacun des cas suivants, indiquer si les vecteurs forment une base de l'espace ou non.

1. 
$$\overrightarrow{u} \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 3 \end{pmatrix}$$
,  $\overrightarrow{v} \begin{pmatrix} 6 \\ 0 \\ 9 \end{pmatrix}$  et  $\overrightarrow{w} \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 2 \end{pmatrix}$ .

**2.** 
$$\overrightarrow{u} \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix}$$
,  $\overrightarrow{v} \begin{pmatrix} 3 \\ 9 \\ 18 \end{pmatrix}$  et  $\overrightarrow{w} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}$ .

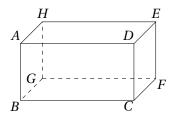
1. 
$$\overrightarrow{u} \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 3 \end{pmatrix}$$
,  $\overrightarrow{v} \begin{pmatrix} 6 \\ 0 \\ 9 \end{pmatrix}$  et  $\overrightarrow{w} \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 2 \end{pmatrix}$ .

2.  $\overrightarrow{u} \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix}$ ,  $\overrightarrow{v} \begin{pmatrix} 3 \\ 9 \\ 18 \end{pmatrix}$  et  $\overrightarrow{w} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}$ .

3.  $\overrightarrow{u} \begin{pmatrix} 0 \\ 4 \\ -5 \end{pmatrix}$ ,  $\overrightarrow{v} \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix}$  et  $\overrightarrow{w} \begin{pmatrix} 2 \\ -6 \\ 0 \end{pmatrix}$ .

### **EXERCICE 2 (6 POINTS)**

On considère le pavé droit suivant.



- 1. Donner les coordonnées de  $\overrightarrow{AD}$  et  $\overrightarrow{EB}$  dans la base  $(\overrightarrow{HE}, \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{FC})$ .
- 2. Montrer que GCDH est un parallélogramme.
- **3.** Soit *I* le milieu de [*HE*] et *J* le milieu de [*AB*]. Donner les coordonnées de K le milieu de [IJ] dans le repère  $(A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AH})$ .
- **4.** Donner une représentation paramétrique de la droite (*IJ*) dans le repère  $(A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AH})$ .

## **EXERCICE 3 (8 POINTS)**

Soit le repère  $(O; \vec{\imath}, \vec{\jmath}, \vec{k})$ .

On considère les points A(1;2;-1), B(2;-1;3), C(2;-1;1) et D(3;-1;1). On donne aussi des représentations paramétriques des droites (d) et (d'):

$$d: \begin{cases} x = 2t + 2\\ y = -6t - 1 \text{ avec } t \in \mathbf{R}\\ z = 8t + 3 \end{cases}$$

$$d': \begin{cases} x = t' + 1 \\ y = -3t' + 2 \text{ avec } t' \in \mathbf{R} \\ z = 6t' - 3 \end{cases}$$

Pour chacune des affirmations suivantes, indiquer si elles sont vraies ou fausses. Justifier.

- **1.** A appartient à la droite (d').
- **2.** (d) et (AB) sont parallèles.
- **3.** (d') est parallèle au plan (ABC).
- **4.** (d) et (AB) sont coplanaires.