EXERCICE 1 (3 POINTS)

Donner la décomposition en nombres premiers des entiers naturels suivants.

• 50

• 4320

• 9900

CORRECTION

•

$$50 = 2 \times 25 = 2 \times 5^2$$

•

$$4320 = 432 \times 10$$

$$= 216 \times 2 \times 10$$

$$= 108 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5$$

$$= 54 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5$$

$$= 27 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5$$

$$= 9 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5$$

$$= 25 \times 3^{3} \times 5$$

•

$$9900 = 99 \times 100$$

$$= 9 \times 11 \times 10 \times 10$$

$$= 2^{2} \times 3^{2} \times 5^{2} \times 11$$

EXERCICE 2 (2 POINTS)

Donner la liste des diviseurs positifs des nombres entiers suivants :

• 100

•
$$2^2 \times 3^2 \times 5$$

CORRECTION

• $100 = 2^2 \times 5^2$ donc on peut lister les diviseurs avec la méthode des produits de facteurs premiers.

0 facteur: 1

1 facteur : 2 et 5

Produit de 2 facteurs : $2^2 = \boxed{4}$, $2 \times 5 = \boxed{10}$ et $5^2 = \boxed{25}$ **Produit de 3 facteurs :** $2^2 \times 5 = \boxed{20}$ et $2 \times 5^2 = \boxed{50}$

Produit de 4 facteurs : $2^2 \times 5^2 = \boxed{100}$

• $2^2 \times 3^2 \times 5$ est déja décomposé.

0 facteur: 1

1 facteur : 2, 3 et 5

Produit de 2 facteurs : $2^2 = \boxed{4}$, $2 \times 3 = \boxed{6}$, $2 \times 5 = \boxed{10}$, $3^2 = \boxed{9}$, $3 \times 5 = \boxed{15}$ et $5^2 = \boxed{25}$

Produit de 3 facteurs : $2^2 \times 3 = \boxed{12}$, $2^2 \times 5 = \boxed{20}$, $2 \times 3^2 = \boxed{18}$, $3^2 \times 5 = \boxed{45}$ et $2 \times 3 \times 5 = \boxed{30}$

Produit de 4 facteurs : $2^2 \times 3^2 = \boxed{36}$, $2^2 \times 3 \times 5 = \boxed{60}$ et $2 \times 3^2 \times 5 = \boxed{90}$

Produit de 5 facteurs : $2^2 \times 3^2 \times 5 = \boxed{180}$