Devoir surveillé 5B

Calculatrice autorisée Lundi 14 avril 2025

EXERCICE 1 (5 POINTS)

Simplifier les expressions suivantes en les réduisant sous la forme a^n avec a le plus petit possible.

Justifications attendues.

1.
$$(-5)^2 \times (-5)^3$$

2.
$$\frac{2^4}{2^2}$$

3.
$$(9^5)^2$$

4.
$$\frac{2^9 \times 2}{8 \times 4}$$

5.
$$\frac{3^7 \times 9}{3^2 \times 3^7}$$

EXERCICE 2 (6 POINTS)

- 1. Donner la définition d'une suite géométrique.
- **2.** Donner la forme explicite d'une suite géométrique (u_n) de raison q.
- **3.** Soit (u_n) géométrique telle que $u_3 = 1,7$ et $u_5 = 27,2$. Déterminer la raison q.

EXERCICE 3 (9 POINTS)

Un influenceur vérifie régulièrement son nombre d'abonnés sur les réseaux sociaux. Il estime que sur Instagram son nombre d'abonnés augmente en moyenne de 9% par mois. Il débute l'année 2025 avec 10~000 abonnés. Pour tout n, on note a_n le nombre estimé d'abonnés de cet influenceur au n-ième mois.

- **1.** Donner a_0 , puis calculer a_1 et a_2 .
- **2.** Exprimer, pour tout n, a_{n+1} en fonction de a_n .
- **3.** En déduire la nature de la suite (a_n) . Préciser sa raison.
- **4.** Donner, pour tout n, une expression de a_n en fonction de n.
- **5.** Cet influenceur s'est fixé comme objectif d'atteindre les 25 000 abonnés d'ici la fin de l'année 2025. Devrait-il atteindre son objectif?
- **6.** Un autre influenceur commence avec 100 000 abonnés en 2025 et souhaite savoir au bout de combien de temps il atteindra le million d'abonnés. Sa croissance mensuelle est estimée à 20%.

Combien de temps doit-il attendre?